

LABORATORIO DE DATOS

Primer Cuatrimestre 2024

Práctica N° 4: Regresión lineal.

1. (a) Implementar una función que calcule la pendiente y la ordenada al origen de la recta de regresión lineal con las fórmulas vistas en clase:

$$\beta_1 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}$$
$$\beta_0 = \bar{y} - \beta_1 \bar{x}$$

donde:

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$
$$\bar{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n y_i$$

La función debe tomar como argumentos a `x` e `y`, que son `pandas.Series` o `numpy.array`, y devolver los valores de β_0 y β_1 .

Sugerencia: recordar que dado un `pandas Series` se utiliza `.mean()` para calcular su promedio y recordar el uso de `np.sum`

```
def coefs_rl(x, y):  
    beta_1 = ???  
    beta_0 = ???  
    return beta_1, beta_0
```

- (b) Con el dataset `gapminder`, utilizar la función implementada en el ítem anterior para realizar una regresión lineal entre los años y la expectativa de vida en Argentina. Comparar los coeficientes con los obtenidos por `scikit-learn`.

```
datos = gapminder[???)  
print(coefs_rl(datos[???) , datos[???)])  
  
modelo = linear_model.LinearRegression()  
modelo.fit(datos[[???)], datos[[???)])  
beta_1 = modelo.???)  
beta_0 = modelo.???)  
print(beta_1, beta_0)
```

2. En este ejercicio trabajaremos con el dataset de inmuebles (`inmuebles.csv` en la página de la materia). El dataset contiene datos sobre inmuebles que están a la venta en cierta ciudad: su superficie en m^2 , su precio en millones de pesos y la zona de la ciudad donde se encuentra. Recordar como cargar un dataset desde un `.csv` y visualizar sus primeras filas:

```
datos = pd.read_csv('inmuebles.csv')
datos.head()
```

- (a) Realizar un gráfico de dispersión (scatterplot) que muestre la relación entre la superficie y el precio de cada inmueble.
- (b) Realizar un gráfico de la regresión lineal entre ambas variables. El gráfico debe titularse “Datos inmobiliarios” y la recta de Regresión Lineal debe tener una leyenda que diga “Regresión”.
- (c) Calcular los coeficientes de la recta que mejor ajusta a los datos. Según el modelo, ¿qué podríamos interpretar sobre el costo del metro cuadrado en la ciudad?
- (d) Para medir qué tan bien ajusta la recta a los datos, vamos a implementar dos funciones: una que calcule el error cuadrático medio (ECM) y otra que calcule el coeficiente de determinación R^2 . Recordemos que:

$$\text{Error cuadrático medio: } ECM = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2$$

$$\text{Coeficiente de determinación: } R^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (\hat{y}_i - \bar{y})^2}{\sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2}$$

Para calcular ambas necesitamos los datos x , y y los coeficientes de la recta.

```
def ecm(x, y, pendiente, o_origen):
    return ???

def r_cuad(x, y, pendiente, o_origen):
    return ???
```

- (e) Utilizando las funciones implementadas en el ítem anterior, calcular el ECM y el R^2 del ajuste realizado en el ítem b). ¿En qué unidades está cada medida? ¿Cómo podemos interpretarlas?
- (f) Comparar los resultados obtenidos en el ítem anterior con los proporcionados por `r2_score` y `mean_squared_error` de `scikit-learn`
- (g) Mediante la confección de un boxplot, decidir en cuál de las zonas hay mayor variabilidad de precios. ¿Hay algún outlier?
- (h) Para cada una de las zonas de la ciudad, calcular los coeficientes, el ECM y R^2 de la recta que mejor aproxima a los datos.

- (i) Graficar los datos y el ajuste lineal de cada zona utilizando el método `facet()` de `Plot()` (recordar ejercicio 5.b de la práctica 3) ¿Cuál es el valor del metro cuadrado en cada zona? ¿Qué podemos concluir si comparamos estos valores con lo obtenido en el ítem c) ?
 - (j) Supongamos que queremos poner a la venta un inmueble de 105 m². Sólo con esa información y teniendo en cuenta los ítems anteriores, ¿cuál sería el precio de referencia para la venta? Si sabemos además que el inmueble está en la Zona 2, ¿cambiaría en algo el valor calculado anteriormente?
 - (k) Si me ofrecen un inmueble en la Zona 2 a un precio de 300, ¿qué tan barato o caro es respecto a su precio de referencia?
 - (l) *Efecto de los outliers*. En este ítem trabajaremos con los datos de `inmuebles_outliers.csv`, que tiene los mismos datos que `inmuebles.csv`, salvo cuatro que son outliers.
 - i. Realizar un boxplot que permita identificar en qué zona(s) se encuentran los outliers.
 - ii. Comparar los coeficientes del ajuste lineal de la(s) zona(s) afectada(s) con los obtenidos en el ítem h)
3. En el archivo `bitcoin.csv` se encuentran datos de cotización de Bitcoin desde el 17/09/2014 hasta el 19/02/2022. Cargamos el dataset:

```
btc = pd.read_csv('datos/bitcoin.csv')
btc.head()
```

Nos interesa analizar la evolución del precio de cierre (*Close*) en periodo comprendido entre el 01/01/2021 y el 01/07/2021:

```
# Nos aseguramos que pandas interprete la fecha correctamente
btc['Date'] = pd.to_datetime(btc['Date'], format='%Y-%m-%d')

# Filtramos el dataset en el periodo de interes
btc_2021 = btc[(btc['Date'] > "2021-01-01") & (btc['Date'] < "2021-07-01")]
```

Visualizar el ajuste lineal para los datos del dataframe `btc_2021`. En este caso, ¿resulta más conveniente un scatterplot o un gráfico de líneas para los datos? ¿Te resultaría útil utilizar esta recta para predecir el valor de BTC o para describir el cambio de su valor en este periodo?