Тренировочная работа №4 по МАТЕМАТИКЕ 11 класс

11 марта 2020 года Вариант МА1910409 (профильный уровень)

Выполнена: ФИО	класс
----------------	-------

Инструкция по выполнению работы

На выполнение работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут). Работа состоит из двух частей, включающих в себя 19 заданий.

Часть 1 содержит 8 заданий базового уровня сложности с кратким ответом. Часть 2 содержит 4 задания повышенного уровня сложности с кратким ответом и 7 заданий повышенного и высокого уровней сложности с развёрнутым ответом.

Ответы к заданиям 1-12 записываются в виде целого числа или конечной десятичной дроби.

При выполнении заданий 13–19 требуется записать полное решение на отдельном листе бумаги.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. Записи в черновике не учитываются при оценивании работы.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются.

Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

Желаем успеха!

Справочные материалы

$$\sin^{2}\alpha + \cos^{2}\alpha = 1$$

$$\sin 2\alpha = 2\sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^{2}\alpha - \sin^{2}\alpha$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

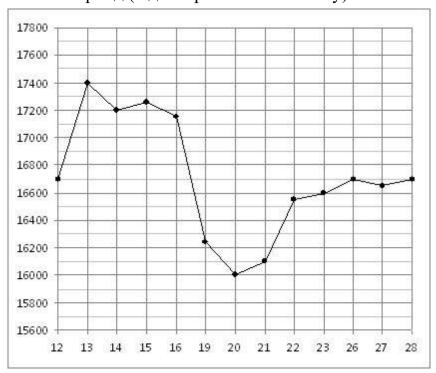
Часть 1

Ответом к каждому из заданий 1–12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите ответы к заданиям в поле ответа в тексте работы.

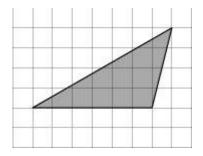
1 Студент получил свой первый гонорар в размере 1100 рублей за выполненный перевод. Он решил на все полученные деньги купить букет гвоздик для своей учительницы английского языка. Какое наибольшее количество гвоздик сможет купить студент, если удержанный у него налог на доходы составляет 13 % гонорара, гвоздики стоят 40 рублей за штуку и букет должен состоять из нечётного числа цветов?

\sim		
Ответ:		
OIBCI.		

2 На рисунке жирными точками показана цена олова на момент закрытия биржевых торгов во все рабочие дни с 12 по 28 ноября 2007 года. По горизонтали указываются числа месяца, по вертикали — цена тонны олова в долларах США. Для наглядности жирные точки на рисунке соединены линией. Определите по рисунку наибольшую цену олова на момент закрытия торгов в указанный период (в долларах США за тонну).



3 На клетчатой бумаге с размером клетки 1×1 изображён треугольник. Найдите его площадь. Ответ дайте в квадратных сантиметрах.



Ответ:_______.

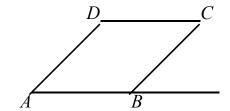
Если шахматист А. играет белыми фигурами, то он выигрывает у шахматиста Б. с вероятностью 0,5. Если А. играет чёрными, то А. выигрывает у Б. с вероятностью 0,32. Шахматисты А. и Б. играют две партии, причём во второй партии меняют цвет фигур. Найдите вероятность того, что А. выиграет оба раза.

Ответ:_______.

5 Найдите корень уравнения $\log_2(8+3x) = \log_2(3+x) + 1$.

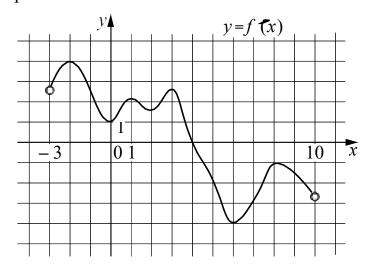
Ответ:______.

6 Найдите площадь ромба, если его диагонали равны 38 и 4.



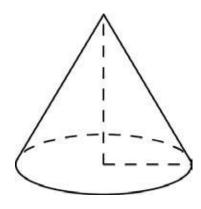
Ответ: ...

На рисунке изображён график функции y = f'(x) — производной функции f(x), определённой на интервале (-3;10). В какой точке отрезка [0;4] функция f(x) принимает наибольшее значение?



Ответ:		
OIBCI.		

8 Во сколько раз увеличится объём конуса, если радиус его основания увеличится в 17 раз, а высота останется прежней?



Ответ:

Часть 2

9 Найдите значение выражения $\frac{-8\sin 422^{\circ}}{\sin 62^{\circ}}$

Ответ: .

Для нагревательного элемента некоторого прибора экспериментально была получена зависимость температуры (в кельвинах) от времени работы: $T(t) = T_0 + bt + at^2$, где t — время в минутах, $T_0 = 1420 \, \text{K}$, $a = -20 \, \text{K/мин}^2$, $b = 180 \, \text{K/мин}$. Известно, что при температуре нагревательного элемента свыше 1700 К прибор может испортиться, поэтому его нужно отключить. Найдите, через какое наибольшее время после начала работы нужно отключить прибор. Ответ дайте в минутах.

Ответ: .

Двое рабочих, работая вместе, могут выполнить работу за 15 дней. За сколько дней, работая отдельно, выполнит эту работу первый рабочий, если он за 2 дня выполняет такую же часть работы, какую второй — за 3 дня?

Ответ:______.

12 Найдите точку максимума функции $y = -\frac{4}{3}x\sqrt{x} + 12x + 15$.

Ответ:_______.

Для записи решений и ответов на задания 13—19 используйте отдельный лист. Запишите сначала номер выполняемого задания (13, 14 и т. д.), а затем полное обоснованное решение и ответ. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

- 13 а) Решите уравнение $\frac{\log_{2}^{2}(\sin x) + \log_{2}(\sin x)}{2\cos x + \sqrt{3}} = 0.$
 - б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\frac{9}{0}$; $\frac{3\pi}{1}$.
- В правильной четырёхугольной пирамиде *MABCD* известна сторона квадрата *ABCD*, лежащего в основании, она равна 8. Противоположные боковые грани пирамиды попарно перпендикулярны. Через середины рёбер *MA* и *MB* проведена плоскость α, параллельная ребру *MC*.
 - а) Докажите, что сечение треугольной пирамиды MABC плоскостью α является параллелограммом.
 - б) Найдите площадь сечения пирамиды *MABC* плоскостью α.
- **15** Решите неравенство $5^{\frac{x^2-7|x|+10}{x^2-6x+9}} < 1.$
- 16 Прямая, проходящая через вершину B прямоугольника ABCD перпендикулярно диагонали AC , пересекает сторону AD в точке M , равноудалённой от вершин B и D .
 - а) Докажите, что лучи BM и BD делят угол ABC на три равные части.
 - б) Найдите расстояние от центра прямоугольника до прямой CM , если $BC = 6\sqrt{21}$.
- Василий взял кредит в банке на срок 14 месяцев. В конце каждого месяца общая сумма оставшегося долга увеличивается на 8 %, а затем уменьшается на сумму, уплаченную Василием. Суммы, выплачиваемые в конце каждого месяца, подбираются так, чтобы в результате сумма долга каждый месяц уменьшалась равномерно, то есть на одну и ту же величину. Сколько процентов от суммы кредита составила общая сумма, уплаченная Василием банку?

18 Найдите все значения a, при которых уравнение

$$(x^2-3+\sqrt{2x+a})^2 = (x^2-3)^2 + 2x + a$$

имеет единственное решение на отрезке [0;2].

- На доске были написаны несколько целых чисел. Несколько раз с доски стирали по два числа, разность которых делится на 5.
 - а) Может ли сумма всех оставшихся на доске чисел равняться 34, если изначально по одному разу были написаны все натуральные числа от 9 до 20 включительно?
 - б) Может ли на доске остаться ровно два числа, произведение которых оканчивается на цифру 1, если изначально по одному разу были написаны квадраты натуральных чисел от 59 до 92 включительно?
 - в) Пусть известно, что на доске осталось ровно два числа, а изначально по одному разу были написаны квадраты натуральных чисел от 59 до 92 включительно. Какое наибольшее значение может получиться, если поделить одно из оставшихся чисел на второе из них?