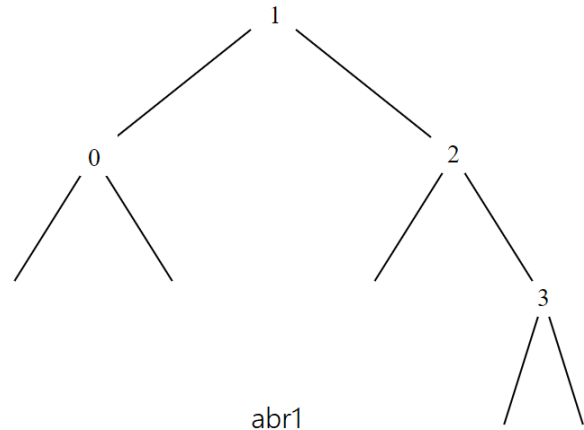


## EXERCICE 1 (4 points)

On considère la classe `ABR`, dont le constructeur est le suivant :

```
def __init__(self, g0, v0, d0):
    self.gauche = g0
    self.cle = v0
    self.droit = d0
```

Ainsi, l'arbre binaire de recherche `abr1` ci-dessous :



```
n0 = ABR(None, 0, None)
n3 = ABR(None, 3, None)
n2 = ABR(None, 2, n3)
abr1 = ABR(n0, 1, n2)
```

Dans tout le code, `None` correspondra à un arbre vide.

La classe `ABR` dispose aussi d'une méthode de représentation, qui affiche entre parenthèses le contenu du sous arbre gauche, puis la clé de l'arbre, et enfin le contenu du sous arbre droit. Elle s'utilise en console de la manière suivante :

```
>>>abr1
((None,0,None),1,(None,2,(None,3,None)))
```

Écrire une fonction récursive `ajoute(cle,a)` qui prend en paramètres une clé `cle` et un arbre binaire de recherche `a`, et qui renvoie un arbre binaire de recherche dans lequel `cle` a été insérée.

Dans le cas où `cle` est déjà présente dans `a`, la fonction renvoie l'arbre `a` inchangé.

Résultats à obtenir :

```
>>> a = ajoute(4, abr1)
>>> a
((None,0,None),1,(None,2,(None,3,(None,4,None))))

>>> ajoute(-5, abr1)
(((None,-5,None),0,None),1,(None,2,(None,3,None)))

>>> ajoute(2, abr1)
((None,0,None),1,(None,2,(None,3,None)))
```

## EXERCICE 2 (4 points)

On dispose d'un ensemble d'objets dont on connaît, pour chacun, la masse. On souhaite ranger l'ensemble de ces objets dans des boîtes identiques de telle manière que la somme des masses des objets contenus dans une boîte ne dépasse pas la capacité  $c$  de la boîte. On souhaite utiliser le moins de boîtes possibles pour ranger cet ensemble d'objets.

Pour résoudre ce problème, on utilisera un algorithme glouton consistant à placer chacun des objets dans la première boîte où cela est possible.

Par exemple, pour ranger dans des boîtes de capacité  $c = 5$  un ensemble de trois objets dont les masses sont représentées en Python par la liste `[1, 5, 2]`, on procède de la façon suivante :

- Le premier objet, de masse 1, va dans une première boîte.
- Le deuxième objet, de masse 5, ne peut pas aller dans la même boîte que le premier objet car cela dépasserait la capacité de la boîte. On place donc cet objet dans une deuxième boîte.
- Le troisième objet, de masse 2, va dans la première boîte.

On a donc utilisé deux boîtes de capacité  $c = 5$  pour ranger les 3 objets.

Compléter la fonction Python `empaqueter(liste_masses, c)` suivante pour qu'elle renvoie le nombre de boîtes de capacité  $c$  nécessaires pour emballer un ensemble d'objets dont les masses sont contenues dans la liste `liste_masses`.

```
def empaqueter(liste_masses, c):
    n = len(liste_masses)
    nb_boites = 0
    boites = [0]*n
    for masse in ... :
        i = 0
        while i <= nb_boites and boites[i] + ... > C:
            i = i + 1
        if i == nb_boites + 1:
            ...
    boites[i] = ...
    return ...
```

Tester ensuite votre fonction :

```
>>>empaqueter([7, 6, 3, 4, 8, 5, 9, 2], 11)
5
```