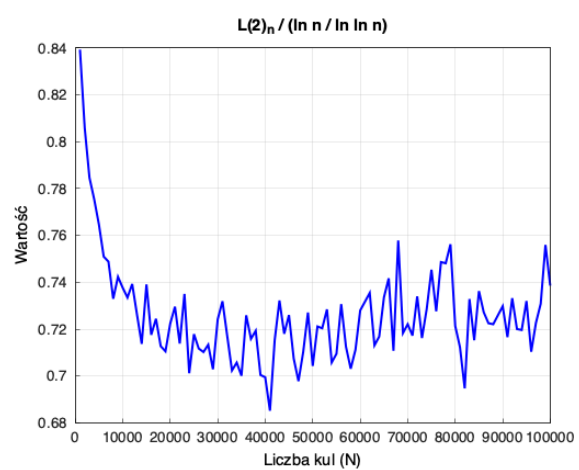
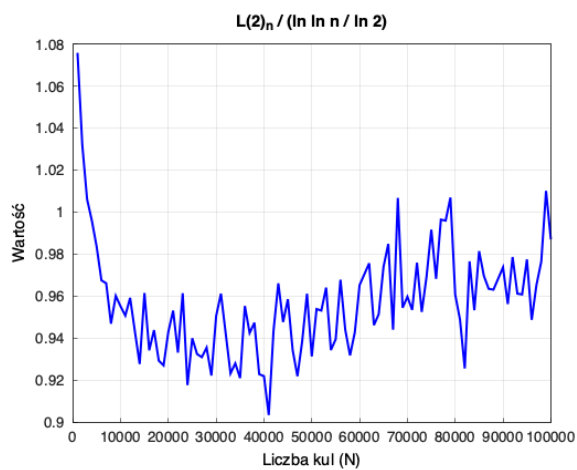
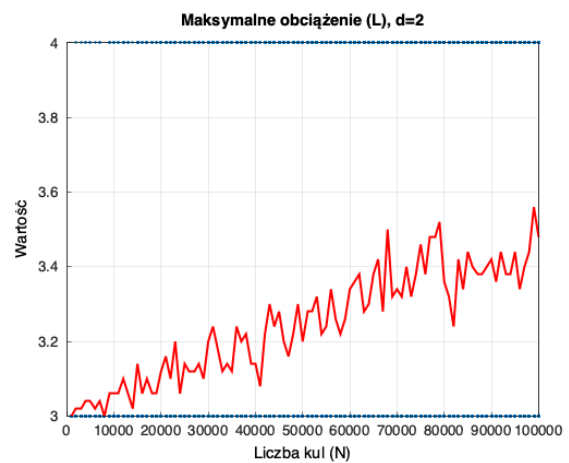
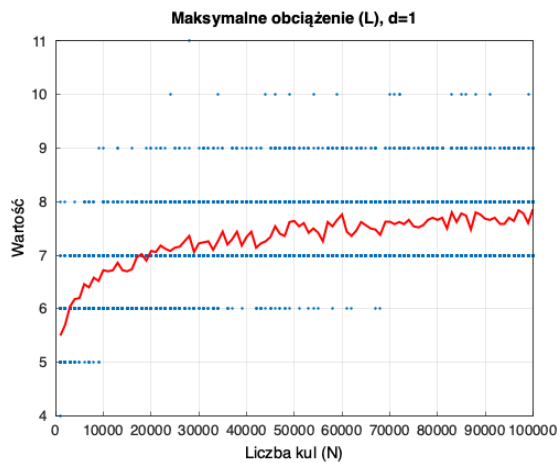
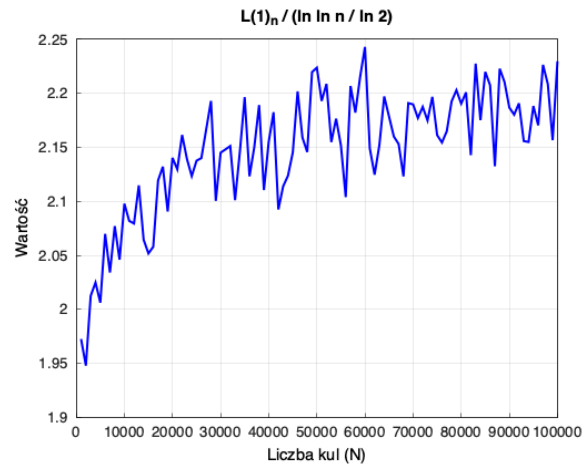
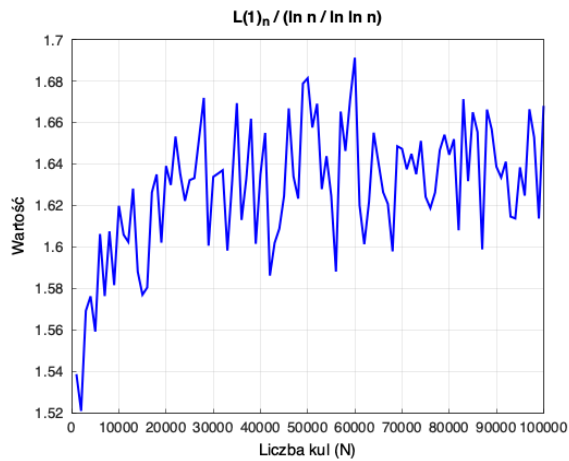


Zadanie 1 (pliki: main.cpp, utils.hpp, utils.cpp)



Wyniki i wnioski z wykresów

1. Wykresy $L(1)_n / (\ln n / \ln \ln n)$ i $L(1)_n / (\ln \ln n / \ln 2)$:

- Widać, że wartości mocno oscylują, ale wraz z większą liczbą kul n stabilizują się wokół stałych wartości. Wyniki zgadzają się z teoretycznymi przewidywaniami.

2. Maksymalne obciążenie L dla $d = 1$:

- Maksymalne obciążenie rośnie logarytmicznie, czyli stosunkowo wolno, ale mimo to wzrost jest wyraźny. Są spore fluktuacje w wynikach, ale średnia pokazuje trend zgodny z teorią.

3. Wykresy $L(2)_n / (\ln n / \ln \ln n)$ i $L(2)_n / (\ln \ln n / \ln 2)$:

- Przy dwóch wyborach ($d = 2$) wartości są mniejsze niż dla $d = 1$, co pokazuje, że "metoda dwóch wyborów" działa. Wyniki również stabilizują się dla większych n .

4. Maksymalne obciążenie L dla $d = 2$:

- Obciążenie rośnie dużo wolniej niż dla $d = 1$. To potwierdza, że metoda wyboru z dwóch urn znacząco zmniejsza przeciążenie.

Funkcje $\ln n / \ln \ln n$ (dla $L(1)_n$) i $\ln \ln n / \ln 2$ (dla $L(2)_n$) dobrze opisują asymptotyczne zachowanie maksymalnego obciążenia. Natomiast wzrost d do 2 (metoda dwóch wyborów) znacząco zmniejsza maksymalne obciążenie, co pokazuje, że metoda jest efektywna.

Zadanie 2 (plik zad2.cpp)

Wyniki i wnioski z wykresów (wykresy do tego zadania poniżej):

1. Wykres $\text{cmp}(n)$:

- Liczba porównań ($\text{cmp}(n)$) rośnie kwadratowo względem n , co zgadza się z teoretyczną złożonością $O(n^2)$ algorytmu sortowania przez wstawianie. Krzywa jest gładka i nie wykazuje odchyłań od przewidywanej asymptotyki.

2. Wykres $\text{cmp}(n) / n$:

- Iloraz $\text{cmp}(n) / n$ rośnie liniowo wraz z n , co wynika z faktu, że całkowita liczba porównań rośnie z kwadratem rozmiaru tablicy ($O(n^2)$).

3. Wykres $\text{cmp}(n) / n^2$:

- Iloraz $\text{cmp}(n) / n^2$ stabilizuje się do stałej wartości (około 0.25), co pokazuje, że asymptotycznie liczba porównań jest proporcjonalna do n^2 . Wartości dla małych n są bardziej niestabilne, ale zbieżność jest wyraźna dla dużych tablic.

4. Wykres $s(n)$:

- Liczba przestawień ($s(n)$) również rośnie kwadratowo względem n .

5. Wykres $s(n) / n$:

- Iloraz $s(n) / n$ rośnie liniowo, analogicznie do wykresu $\text{cmp}(n) / n$.

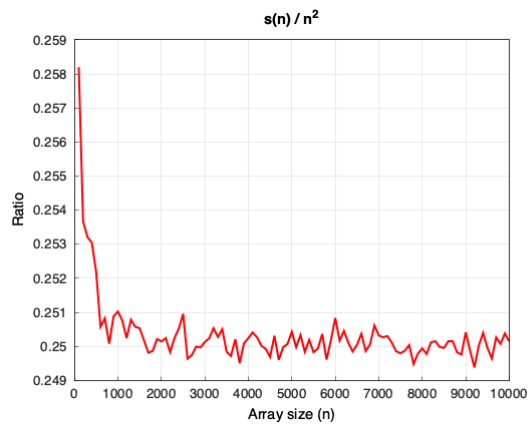
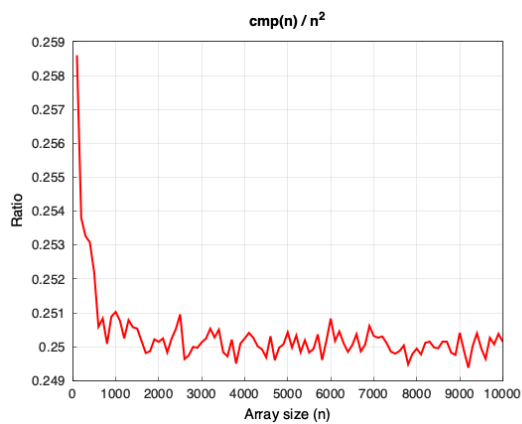
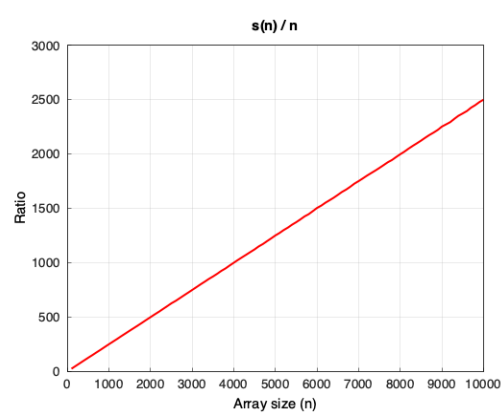
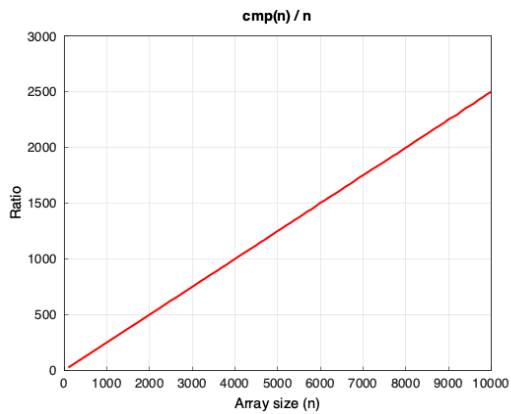
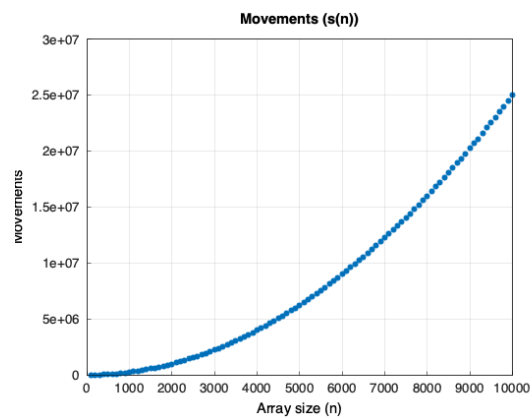
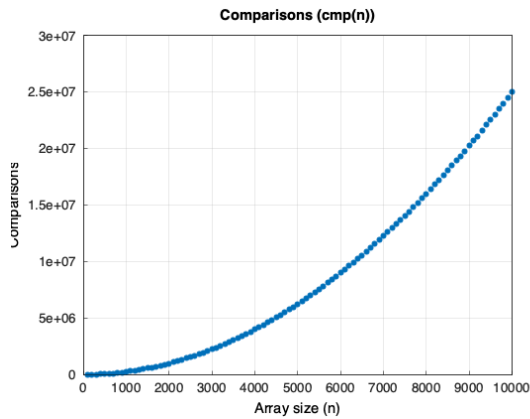
6. Wykres $s(n) / n^2$:

- Iloraz $s(n) / n^2$ zbiega do wartości około 0.25, co potwierdza asymptotyczne zachowanie przestawień podobne do liczby porównań.

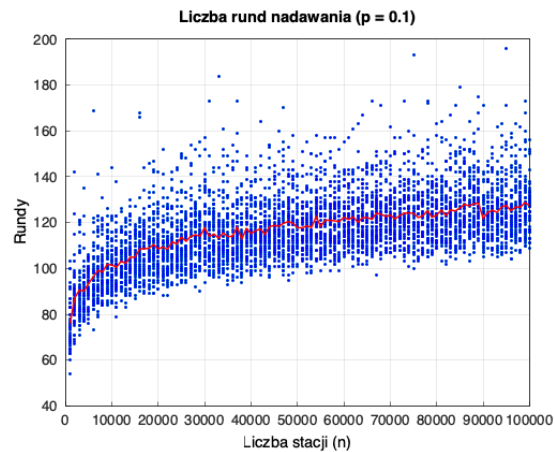
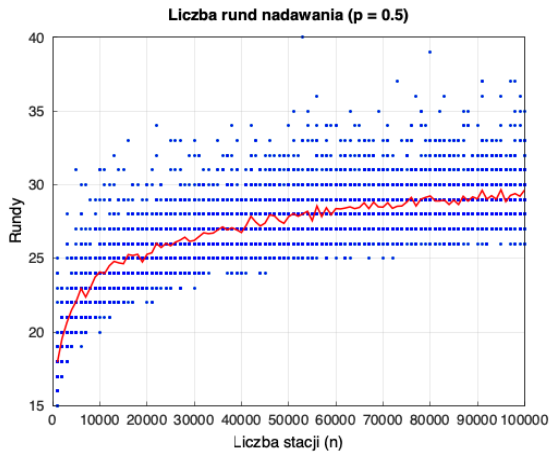
Wyniki wykazują wysoką koncentrację wokół wartości średnich, co widać szczególnie w stabilizacji wykresów $cmp(n) / n^2$ oraz $s(n) / n^2$. Odchylenia maleją wraz ze wzrostem n .

Liczba porównań asymptotycznie rośnie jako $0.25 * n^2$.

Liczba przestawień również asymptotycznie rośnie jako $0.25 * n^2$.



Zadanie 3 (plik zad3.cpp)



Wyniki i wnioski z wykresów:

1. Przypadek $p = 0.1$:

- Liczba rund nadawania rośnie logarytmicznie wraz ze wzrostem liczby stacji n . Średnia liczba rund (czerwona linia) wykazuje stabilizację przy większych wartościach n , jednak odchylenia wokół średniej są znaczne, co oznacza dużą zmienność wyników dla różnych prób.

2. Przypadek $p = 0.5$:

- Liczba rund nadawania rośnie znacznie wolniej niż dla $p = 0.1$, co pokazuje wyraźny wpływ prawdopodobieństwa odbioru na efektywność procesu. Odchylenia wokół średniej są mniejsze, co świadczy o większej stabilności wyników przy większym p .

Dla obu wartości p wyniki stopniowo koncentrują się wokół wartości średnich wraz ze wzrostem n , co widać po zmniejszających się odchyleniach względnych. Wyraźna różnica w zmienności między przypadkami $p = 0.1$ i $p = 0.5$ wskazuje na wpływ p na zbieżność wyników.

Przypadek $p = 0.1$: Liczba rund nadawania T_n rośnie w przybliżeniu proporcjonalnie do $\log(n)$, jednak większa zmienność sugeruje konieczność dalszych analiz dla precyzyjniejszego modelu.

Przypadek $p = 0.5$: Liczba rund nadawania T_n jest znacznie mniejsza i również rośnie w przybliżeniu logarytmicznie, ale z mniejszą stałą proporcjonalności.