

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления» (ИУ)

КАФЕДРА «Информационная безопасность» (ИУ8)

Отчёт

по лабораторной работе № 2 по дисциплине «Теория систем и системный анализ»

Тема: «Исследование метода случайного поиска экстремума функции одного переменного»

Вариант 10

Выполнила: Минькова А.А., студент группы ИУ8-31

Проверила: Коннова Н.С., доцент каф. ИУ8

1. Цель работы

Изучение метода случайного поиска экстремума на примере унимодальной и мультимодальной функций одного переменного.

2. Условие задачи

- 1. На интервале [-2; 4] задана унимодальная функция одного переменного $f(x) = (1-x)^2 + \exp(x)$. Используя метод случайного поиска осуществить поиск минимума f(x) с заданной вероятностью попадания в окрестность экстремума P при допустимой длине интервала неопределенности ε . Определить необходимое число испытаний N. Численный эксперимент выполнить для значений P = 0.90, 0.91,..., 0.99 и значений $\varepsilon = -($) b a q , где q = 0.005, 0.010,..., 0.100. Последовательность действий:
 - определить вероятность P_1 непопадания в ϵ -окрестность экстремума за одно испытание;
 - записать выражение для вероятности P_N непопадания в ϵ -окрестность экстремума за N испытаний;
 - из выражения для P_N определить необходимое число испытаний N в зависимости от заданных P_N = P и ϵ .
- 2. При аналогичных исходных условиях осуществить поиск минимума f(x), модулированной сигналом sin(5x), т.е. мультимодальной функции $f(x) \cdot sin(5x)$.

3. Ход работы

Построим графики заданных функций и определим их минимумы:

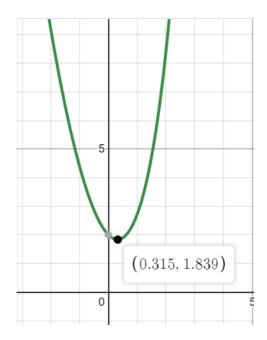


Рисунок 1 — График функции f(x) на интервале [-2; 4]

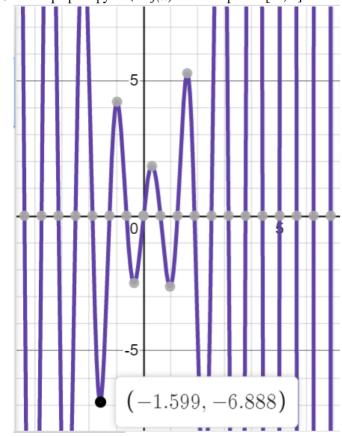


Рисунок 2 - График функции f(x)*sin(5x) на интервале [-2; 4]

Результат работы программы

Variant 10:

Table with number of points for each p and q:

+-		-+-		+-		+-		+		+-		+-		-+-		-+-		+		+	-+
I	q/P	1	0.9	l				I	0.93								0.97	0.9	8	0.99	I
+- 	0.005	-+- 	460	1	481	10.00	504	+ 	531	50	562		598		643		700	78	 1	919	1
1	0.01	1	230	Ī	240	1	252	ı	265	I	280	1	299	1	321	1	349	39	0	459	1
	0.015	1	153	I	160	1	168	l	176	I	187	1	199	I	213	1	233	1 25	9	305	I
	0.02	1	114	1	120	1	126	1	132	1	140	1	149	1	160	1	174	1 19	4	228	1
	0.025	1	91	1	96	1	100	1	106	1	112	1	119	I	128	1	139	1 15	5	182	I
	0.03	1	76	I	80	1	83	1	88	1	93	1	99	1	106	1	116	1 12	9	152	J
	0.035	1	65	1	68	1	71	1	75	1	79	1	85	1	91	1	99	1 11	0	130	J
	0.04	1	57	1	59	1	62	1	66	1	69	1	74	1	79	1	86	1 9	6	113	1
	0.045	1	51	1	53	1	55	1	58	1	62	1	66	1	70	1	77	1 8	5	101	1
	0.05	1	45	I	47	1	50	1	52	I	55	1	59	1	63	1	69	7	7	90	1
	0.055	1	41	1	43	1	45	l	48	1	50	1	53	1	57	1	62	7	0	l 82	J
	0.06	1	38	1	39	1	41	1	43	1	46	1	49	1	53	1	57	1 6	4	75	J
0	0.065	1	35	1	36	1	38	1	40	1	42	1	45	1	48	1	53	J 5	9	l 69	J
	0.07	1	32	1	34	1	35	1	37	1	39	1	42	1	45	1	49	1 5	4	64	1
	0.075	1	30	1	31	1	33	1	35	I	37	1	39	1	42	1	45	1 5	1	60	1
	0.08	1	28	1	29	1	31	1	32	I	34	1	36	I	39	1	43	4	7	J 56	1
	0.085	1	26	I	28	1	29	l	30	I	32	1	34	I	37	1	40	4	5	J 52	J
	0.09	1	25	1	26	1	27	1	29	I	30	1	32	1	35	1	38	4	2	1 49	J
	0.095	1	24	I	25	1	26	1	27	I	29	1	31	1	33	1	36	4	0	47	1
	0.1	1	22	1	23	1	24	1	26	1	27	1	29	1	31	1	34	3	8	44	1

Table for function 1:

+		-+-		+-		+-		+		+-		+-		+		+-		+-		 	+
	q/P		0.9		0.91														0.98		
	0.005		1.83954		1.83951		1.83955		1.83949		1.83949		1.83951	3	1.83949	89	1.8395		1.83963	1.83948	100
1	0.01	1	1.83954	I	1.83951	1	1.84427	1	1.84221	l	1.84238	1	1.84012	1	1.83953	I	1.83954	1	1.83949	1.83997	1
1	0.015	1	1.8396	I	1.83972	1	1.83951	1	1.8412	l	1.83953	I	1.83961	I	1.84374	I	1.84	1	1.83993	1.83951	1
- 1	0.02	1	1.83951	ľ	1.8418	1	1.84062	1	1.84034	1	1.83962	1	1.83956	l	1.84122	1	1.83956	1	1.83952	1.83949	1
1	0.025	1	1.83991	I	1.83979	1	1.8395	1	1.84839	l	1.84554	I	1.84029	I	1.84244	I	1.83962	I	1.83951	1.83961	1
1	0.03	1	1.84202	I	1.83998	1	1.84926	1	1.85552	L	1.83982	1	1.83959	I	1.83969	I	1.84076	1	1.83964	1.83963	L
1	0.035	1	1.84721	I	1.84168	1	1.84033	l	1.84038	1	1.83957	1	1.84054	l	1.83951	I	1.84051	I	1.83952	1.84151	L
- 1	0.04	1	1.83953	ľ	1.84255	1	1.84067	1	1.84495	1	1.84129	1	1.84426	l	1.84037	1	1.83951	1	1.84209	1.84733	1
1	0.045	1	1.85031	I	1.84034	1	1.84017	1	1.84484	I	1.84122		1.84152	I	1.84546	I	1.8404	1	1.84162	1.84149	1
1	0.05	I	1.84068	I	1.83948	1	1.84022	1	1.84688	1	1.83956	1	1.84551	I	1.85372	1	1.83959	I	1.86706	1.83949	1
1	0.055	1	1.84453	1	1.83951	1	1.96468	1	1.83948	1	1.87337	1	1.83954	I	1.85216	1	1.84052	1	1.85236	1.83967	1
- 1	0.06	1	1.85644	I	1.83959	1	2.08106	l	1.84882	1	1.8395	I	1.84204	I	1.83974	1	1.84113	1	1.85599	1.83985	1
1	0.065	1	1.84369	1	1.8517	1	1.84003	1	1.83992	1	1.84216	1	1.86271	1	1.83985	1	1.84469	1	1.84044	1.84011	1
1	0.07	1	1.83949	1	1.8473	1	1.9668	1	1.85148	L	1.84022	I	1.86646	I	1.84403	1	1.86653	1	1.8407	1.88796	1
-	0.075	1	1.84061	I	1.84037	1	1.83965	l	1.83959	1	1.86304	1	1.83991	I	1.85262	L	1.86864	1	1.85604	1.86001	1
- 1	0.08	1	1.85119	I	1.88544	1	1.84201	l	1.85263	1	1.94102	1	1.84122	I	1.84082	1	1.84405	1	1.84135	1.84057	1
1	0.085	1	1.8416	1	1.8395	1	1.8491	1	1.95648	1	1.85619	1	1.88049	I	1.83962	1	1.84228	1	1.84314	1.84031	1
1	0.09	1	1.8492	l	1.8779	1	1.92842	1	1.84353	1	1.92947	1	1.8454	I	1.84125	L	1.8395	1	1.83964	1.84006	1
-1	0.095	1	1.85067	I	1.88134	1	1.89414	1	1.85747	l	1.83954	1	1.88836	ı	1.8395	ľ	1.8473	1	1.83995	1.84662	1
1	0.1	1	1.84572	I	1.84605	1	1.86125	1	1.89634	1	1.98209	I	1.91803	I	1.92815	I	1.83995		1.83983	1.84851	1
+		-+-		+-		+-		+		+-		+-		+		+-		+-	+	 	+

Table for function 2: +-----+ 0.9 | 0.91 | 0.92 | 0.93 | 0.94 | 0.95 | 0.96 | 0.97 | 0.005 | -38.4238 | -38.4224 | -38.3971 | -38.4144 | -38.421 | -38.4238 | -38.4236 | -38.4236 | -38.4238 | -38.4238 | | 0.01 | -38.4228 | -36.7164 | -38.423 | -38.4154 | -38.2662 | -38.4048 | -38.3812 | -38.3753 | -38.3678 | -38.3943 | | 0.015 | -38.3766 | -38.4225 | -38.2367 | -38.3958 | -38.3703 | -37.9828 | -38.3953 | -38.4136 | -38.3868 | -38.4223 | 0.02 | -33.9452 | -38.256 | -38.2049 | -38.2884 | -37.6962 | -37.2557 | -37.5797 | -38.3632 | -37.8274 | -38.4219 | | 0.025 | -37.0183 | -38.3349 | -38.0939 | -38.4042 | -34.5837 | -33.9343 | -37.4387 | -38.1875 | -36.7521 | -38.3482 | 0.03 | -37.6077 | -35.5787 | -38.4017 | -35.9029 | -37.9687 | -36.7646 | -37.8731 | -38.3635 | -38.2934 | -38.3514 | | 0.035 | -30.2516 | -35.3261 | -36.9969 | -35.7573 | -38.342 | -34.2737 | -37.1377 | -37.2127 | -38.1831 | -38.3334 | | 0.04 | -38.2627 | -37.6684 | -27.4178 | -35.529 | -38.3022 | -38.2578 | -37.7367 | -35.8063 | -38.4232 | -38.2283 | | 0.045 | -38.3446 | -37.851 | -37.9109 | -37.1346 | -38.423 | -38.2488 | -38.2355 | -37.9631 | -35.2301 | -37.286 | | 0.05 | -32.3709 | -35.5979 | -33.6804 | -23.7302 | -38.4009 | -33.8546 | -38.4081 | -32.442 | -37.294 | -36.7072 | | 0.055 | -34.3686 | -38.2609 | -27.2299 | -38.4167 | -37.9551 | -35.1673 | -30.073 | -32.97 | -38.4103 | -38.4212 | | 0.06 | -29.7961 | -31.8972 | -33.408 | -37.7864 | -38.4016 | -36.0542 | -34.3867 | -38.4012 | -38.2834 | -38.3645 | | 0.065 | -35.3663 | -28.5313 | -38.3797 | -37.812 | -38.3454 | -33.9218 | -31.6861 | -36.1267 | -38.4216 | -32.3907 | | 0.07 | -36.0141 | -31.1975 | -26.4051 | -38.2203 | -35.1166 | -10.2812 | -38.0697 | -38.4095 | -35.9232 | -38.3607 | | 0.075 | -36.7159 | -38.3113 | -37.2669 | -38.1701 | -38.199 | -38.4182 | -19.1165 | -38.3013 | -31.2412 | -31.7401 | 0.08 | -38.3289 | -31.3544 | -10.1855 | -38.3732 | -38.0497 | -38.24 | -38.4231 | -24.8377 | -36.6508 | -28.4976 | | 0.085 | -29.6753 | -38.3875 | -34.8057 | -37.8623 | -20.6263 | -38.4238 | -28.8643 | -38.2594 | -33.3077 | -38.298 |

4. Выводы

| 0.09 | -34.9289 | -20.7959 | -37.9272 | -37.9618 | -38.4015 | -38.4162 | -37.1055 | -38.1443 | -37.7688 | -37.842 | | 0.095 | -37.3008 | -31.9304 | -21.1983 | -25.3812 | -31.5017 | -37.2304 | -38.1938 | -35.8783 | -35.7035 | -37.9757 | | 0.1 | -8.72471 | -37.9113 | -31.6758 | -27.2703 | -16.9403 | -29.7313 | -37.8406 | -37.8774 | -37.1939 | -38.4239 | |

Из полученных таблиц и графиков видно, что метод случайного поиска эффективен при поиске экстремума как унимодальной, так и мультимодальной функции одного переменного.

Ссылка на гит-репозиторий: https://github.com/AnnaMinkova/Tsisa_lab_02

Ответ на контрольный вопрос

В чем состоит сущность метода случайного поиска? Какова область применимости данного метода?

Метод случайного поиска представляет собой нахождение экстремума среди значений заданной функции в случайно сгенерированных точках, принадлежащих некоторому отрезку. Различают направленный и ненаправленный случайный поиск. Первый используют для нахождения локального экстремума, второй — для глобального. Этот метод используется при решении задач на областях со сложной геометрией. Обычно вписывают эту область в пмерный параллелепипед, а далее генерируют в этом п-мерном параллелепипеде случайные точки по равномерному закону, оставляя только те, которые попадают в допустимую область.

Приложение 1. Исходный код программы

```
#include
<iostream>
             #include <cmath>
             #include <iomanip>
             #include <vector>
             #include <string>
             using namespace std;
             double myF(double x)
                 return pow((1-x),2)+exp(x);
             }
             double F(const double x)
                 return myF(x) * sin(5*x);
             const double A=-2;
             const double B=4;
             const vector<double> P_VALUES = {0.9, 0.91, 0.92, 0.93, 0.94,
                                                     0.95, 0.96, 0.97, 0.98, 0.99};
             const vector<double> Q_VALUES = {0.005, 0.01, 0.015, 0.02, 0.025,
                                                     0.03, 0.035, 0.04, 0.045, 0.05,
                                                     0.055, 0.06, 0.065, 0.07, 0.075,
                                                     0.08, 0.085, 0.09, 0.095, 0.1};
             void printLine()
                 cout << '+' << std::string(7, '-') << '+' << std::string(10, '-')</pre>
                      << '+' << std::string(10, '-') << '+' << std::string(10, '-')
                      << '+' << std::string(10, '-') << '+' << std::string(10, '-')
                      << '+' << std::string(10, '-') << '+' << std::string(10, '-')
                      << '+' << std::string(10, '-') << '+' << std::string(10, '-')
                      << '+' << std::string(10, '-') << '+' << '\n';
             }
             void TableHead(const vector<double>& p)
             printLine();
                 cout << '|' << setw(5) << "q/P" << setw(3) << '|';</pre>
                 for(auto item : p) cout <<setw(9) << item << " |";</pre>
                 cout << '\n';</pre>
             printLine();
             }
```

void Table(const vector<double>& p, const vector<double>& q,const

```
vector<vector<double>>& table)
TableHead(p);
    for (size_t i = 0; i < q.size(); ++i)</pre>
        cout << '|' << setw(6) << q[i] << " |";</pre>
        for(size_t j = 0; j < p.size(); ++j)</pre>
            cout << setw(9) << table[i][j] << " |";</pre>
        }
        cout << '\n';</pre>
printLine();
}
vector<vector<double>> pointsNumber(const vector<double>& p,const vector<double>& q)
{
    vector<vector<double>> points(q.size());
    for(size_t i = 0; i < q.size(); ++i)</pre>
    {
        points[i].resize(p.size());
        for(size_t j = 0; j < p.size(); ++j)</pre>
            points[i][j] = ceil(log(1 - p[j]) / log(1 - q[i]));
        }
    }
    return points;
}
double random(const double a, const double b)
{
    return a + rand() * 1./RAND_MAX * (b - a);
}
template<class F>
vector<vector<double>> rndSearch(const vector<vector<double>>& numbers,const double a,
const double b, F function)
{
    vector<vector<double>> table;
    table.resize(numbers.size());
    for(size_t i = 0; i < table.size(); ++i)</pre>
        table[i].resize(numbers[i].size());
        for(size_t j = 0; j < table[i].size(); ++j)</pre>
            table[i][j] = function(a);
            for(size_t k = 0; k < numbers[i][j]; ++k)</pre>
```

```
double newValue = function(random(a, b));
                if(newValue < table[i][j])</pre>
                     table[i][j] = newValue;
                }
            }
        }
    }
    return table;
}
int main()
{
    cout << "Variant 10: "<<endl;</pre>
    cout << "Table with number of points for each p and q:n";
    auto points = pointsNumber(P_VALUES, Q_VALUES);
    Table(P_VALUES, Q_VALUES, points);
    srand(time(nullptr));
    auto valuesForF = rndSearch(points, A, B, myF);
    cout << "Table for function 1:\n";</pre>
    Table(P_VALUES, Q_VALUES, valuesForF);
    auto valuesForF_ = rndSearch(points, A, B, F);
    cout << "Table for function 2:\n";</pre>
    Table(P_VALUES, Q_VALUES, valuesForF_);
    return 0;
}
```