Презентация по лабораторной работе №4

Дисциплина "Научное программирование"

Живцова А.А.

11 октября 2024

Кафедра теории вероятностей и кибербезопасности, Российский университет дружбы народов имени Патриса Лумумбы, Москва, Россия



Докладчик

- Живцова Анна Александровна
- студент кафедры теории вероятностей и кибербезопасности
- Российский университет дружбы народов имени Патриса Лумумбы
- · zhivtsova_aa@pfur.ru
- https://github.com/AnnaZhiv



Вводная часть

Актуальность

Системы линейных уравнений возникают во многих научных задачах. Языки Octave и Julia содержат сложные алгоритмы, встроенные для решения систем линейных уравнений. Наиболее популярные методы: метод Гаусса, обращение матрицы и LU разложение мы рассмотрим сегодня.

Объект и предмет исследования

- Системы линейных алгебраических уравнений
- Метод Гаусса
- Метод обращения матрицы
- LU разложение

Цели

- Изучить методы решения систем линейных уравнений
- · Реализовать методы программно на языках Octave и Julia

- Изучить и реализовать метод Гаусса для решения систем линейных уравнений
- Решить систему линейных уравнений обращением матрицы
- Изучить и реализовать метод решения систем линейных уравнений, основанный на LU разложении

Материалы и методы

- · Язык научного программирования Octave
- · Среда программирования GNUoctave
- · Язык научного программирования Julia
- · Среда программирования Jupyter notebook

Выполнение работы

Исходные данные

Будем решать систему линейных уравнений, в матричном виде имеющую запись Ax=b. Зададим матрицу A и вектор b.

Рис. 1: Матрица А и вектор b

Решение методом Гаусса. Octave

Проведем прямой и обратный ход вручную и сравним результаты с встроенной функцией **rref**.

```
>> B = [1234;0-2-46;1-100];
>> B(3,:) = (-1) * B(1,:) + B(3,:);
>> B(3,:) = -1.5 * B(2,:) + B(3,:);
>> B
B =
>> x1 = [4 + 13 + 6 - 4*13/3; (-6 + 4*13/3)/2; -13/3]
x1 =
  5.6667
  5.6667
  -4.3333
>> rref(B)
ans =
```

Решение методом Гаусса. Julia

```
B = [1234; 0-2-46; 1-100];
A = B[:,1:3];
b = B[:,4];
B[3,:] = (-1) * B[1,:] + B[3,:];
B[3,:] = -1.5 * B[2,:] + B[3,:];
В
3x4 Matrix{Int64}:
 1 2 3 4
 0 -2 -4 6
 0 0 3 -13
x = [4 + 13 + 6 - 4*13/3; (-6 + 4*13/3)/2; -13/3]
3-element Vector{Float64}:
  5.6666666666668
  5,666666666666666
```

-4.3333333333333333

Решение обращением матрицы. Octave

Найдем вектор x с помощью операции левого деления $\mathbf{A} \mathbf{b}$.

Рис. 4: Решение обращением матрицы. Octave

Решение обращением матрицы. Julia

A\b

Рис. 5: Решение обращением матрицы. Julia

Решение с помощью LU разложения. Octave

Найдем матрицы L и U с помощью функции lu и решим исходную систему уравнений дважды реализовав подстановку.

```
>> [L U P] = lu(A)
L =
  1.0000
  1.0000 1.0000
          0.6667 1.0000
Permutation Matrix
>> b1 = [b(1); b(3); b(2)]
b1 =
>> v = [4; -4; 26/31;
>> x = [17 -34/3; 17/3; -13/3]
```

Решение с помощью LU разложения. Julia

```
using LinearAlgebra
lu(A)
LU{Float64, Matrix{Float64}, Vector{Int64}}
L factor:
3×3 Matrix{Float64}:
 1.0 0.0
               0.0
 1.0 1.0
               0.0
 0.0 0.666667 1.0
U factor:
3×3 Matrix{Float64}:
 1.0 2.0 3.0
 0.0 -3.0 -3.0
 0.0 0.0 -2.0
b = [b[1]; b[3]; b[2]]
3-element Vector{Int64}:
 0
y = [4; -4; 26/3]
x = [17/3; 17/3; -13/3]
3-element Vector{Float64}:
  5,66666666666667
  5,66666666666667
 -4.3333333333333333
```

Результаты

Проверка полученных результатов. Octave

Вектор x, найденный в этой работе тремя способами, подставим в исходное уравнение и удостоверимся в правильности решения.

```
>> A*x
ans =
   4.0000e+00
   6.0000e+00
  -8.8818e-16
```

Проверка полученных результатов. Julia

```
A*x, b
([4.0, 5.9999999999998, 0.0], [4, 0, 6])
```

Рис. 9: Проверка полученных результатов. Octave

Выводы

В данной работе я познакомилась с методами решения систем линейных уравнений и реализовала их программно на языках Octave и Julia. Конкретно я использовала метод Гаусса для решения систем линейных уравнений, метод обращения матрицы и метод, основанный на LU разложении.