Resolução da lista de exercícios de Sistemas Discretos $_{\rm Aluna:\ Anna\ Gabriele\ Marques\ de\ Oliveira}$

Respostas:

Questão 1:

- a) É proposição. O valor-verdade é Verdadeiro.
- b) É proposição. O valor-verdade é Falso.
- c) É proposição. O valor-verdade é Falso.
- d) É proposição. O valor-verdade é Falso.
- e) Não é proposição.
- f) Não é proposição.
- g) Não é proposição.
- h) Não é proposição.
- i) Não é proposição.

Questão 2: a)

р	q	$p \wedge q$	$\sim (p \land q)$	$p \lor \sim (p \land q)$
V	V	V	F	V
V	F	F	V	V
F	V	F	V	V
F	F	F	V	V

b)

р	q	r	$\sim r$	$p \lor \sim r$	$(p \wedge q)$	$\sim (p \land q)$	$p \lor \sim r \to \sim (p \land q)$
V	V	V	F	V	V	F	F
V	V	F	V	V	V	F	F
V	F	V	F	V	F	V	V
V	F	F	V	V	F	V	V
F	V	V	F	F	F	V	V
F	V	F	V	V	F	V	V
F	F	V	F	F	F	V	V
F	F	F	V	V	F	V	V

c)

p	$\sim p$	q	$\sim q$	$(p \land \sim q)$	$\sim p \wedge (p \wedge \sim q)$
V	F	V	F	F	F
V	F	F	V	V	F
F	V	V	F	F	F
F	V	F	V	F	F

d)

	р	q	$(p \wedge q)$	$(p \leftrightarrow q)$	$(p \land q) \to (p \leftrightarrow q)$
	V	V	V	V	V
ĺ	V	F	F	F	V
ĺ	F	V	F	F	V
ĺ	F	F	F	V	V

Questão 3:

a)
$$V \wedge F = F$$

b)
$$V \vee F = V$$

c)
$$F \wedge V = F$$

d)
$$F \vee V = V$$

e)
$$F \wedge F = F$$

f)
$$F \vee F = F$$

g)
$$(s \leftrightarrow r) = V$$
, $(p \leftrightarrow q) = V$, $(s \leftrightarrow r) \leftrightarrow (p \leftrightarrow q) = V$.

h)
$$(r \rightarrow p) = V, (s \rightarrow q) = V, (r \rightarrow p) \lor (s \rightarrow q) = V$$

i)
$$(V \to V) = V$$

j)
$$(r \to q) = V, (\sim p \leftrightarrow r) = V, (r \to q) \leftrightarrow (\sim p \leftrightarrow r) = V$$

Questão 4:

- a) x pode tomar os valores 7, 8 e 9 tal que x + 5 > 12.
- b) x pode tomar os valores 1, 4, 6, 8 e 9 tal que x não é primo.
- c) x pode tomar o valor 1 tal que $x^2 > 1$.
- d)x pode tomar os valores 1, 3, 5, 7 e 9 tal que x não é par.

Questão 5:

a)
$$(\exists x)(x \notin \text{impar})$$

b)
$$(\exists x)(\exists y)(x, y \text{ são } primos, x \neq y)$$

c)
$$(\nexists y)(6 | y)$$

Questão 6:

- a) Eu não comprei um bilhete de loteria essa semana.
- b) Eu comprei um bilhete de loteria esta semana ou eu ganhei uma bolada de um milhão de dólares na sexta-feira.
- c) Se eu comprasse um bilhete de loteria esta semana, então eu ganhava uma bolada de um milhão de dólares na sexta-feira.
- d) Eu comprei um bilhete de loteria esta semana e ganhei uma bolada de um milhão de dólares na sexta-feira.
- e) Eu só comprei um bilhete de loteria esta semana se, e somente se eu ganhasse uma bolada de um milhão de dólares na sexta-feira.
- f) Eu não comprei um bilhete de loteria esta semana, logo eu não ganhei uma bolada de um milhão de dólares na sexta-feira.
- g) Eu não comprei um bilhete de loteria esta semana e não ganhei uma bolada de um milhão de dólares na sexta-feira.
- h) Ou eu não comprei um bilhete de loteria esta semana, ou eu o comprei e ganhei uma bolada de um milhão de dólares na sexta-feira.