## **Universidade Federal de Pelotas**

## Cursos de Ciência e Engenharia de Computação

## **Disciplina: Sistemas Discretos**

## Lista de Exercícios – Noções de Lógica

- 1) Quais dessas sentenças são proposições? Quais são os valores-verdade das que são proposições?
  - a) Curitiba é a capital do Paraná.
  - b) Joinville é a capital de Santa Catarina.
  - c) 2 + 3 = 5
  - d) 5 + 7 = 10
  - e) x + 2 = 11
  - f) Não ultrapasse.
  - g) Que horas são?
  - h) 4 + x = 5
  - i)  $2^n \ge 100$
- 2) Construa as tabelas verdade para as seguintes fórmulas e classifique-as:
  - a)  $p \lor \sim (p \land q)$
  - b)  $p \vee \sim r \rightarrow \sim (p \wedge q)$
  - c)  $\sim p \wedge (p \wedge \sim q)$
  - d)  $p \land q \rightarrow (p \leftrightarrow q)$
- 3) Sabendo que as proposições p e q são verdadeiras e que a proposição r e s são falsas, determinar o valor-verdade (V ou F) das seguintes proposições:

```
a) p \wedge \sim q
```

b) 
$$p \vee \sim q$$

c) 
$$\sim p \wedge q$$

$$d) \sim p \vee q$$

e) 
$$\sim p \wedge \sim q$$

f) 
$$\sim p \vee \sim q$$

g) 
$$(s \leftrightarrow r) \leftrightarrow (p \leftrightarrow q)$$

h) 
$$(r \rightarrow p) \lor (s \rightarrow q)$$

i) 
$$\sim r \rightarrow (p \land q)$$

j) 
$$(r \rightarrow q) \leftrightarrow (\sim p \leftrightarrow r)$$

4) Suponha o conjunto universo {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9}. Apresente pelo menos um contra exemplo para cada uma das seguintes proposições:

a) 
$$(\forall x)(x+5 < 12)$$

c) 
$$(\forall x)(x^2 > 1)$$

- 5) Sendo o conjunto A= {5, 7, 8, 9, 11, 13} e utilizando o quantificador existencial, escreva as frases:
  - a) Existem elemento de A que é número ímpar;
  - b) Existem dois elementos diferentes que são primos;
  - c) Não existe elemento de A que seja múltiplo de 6;
- 6) Considere que p e q são proposições.
  - P: Eu comprei um bilhete de loteria esta semana
  - Q: Eu ganhei uma bolada de um milhão de dólares na sexta-feira Expresse cada uma dessas proposições em uma sentença em português.

c) 
$$p \rightarrow q$$

d) 
$$p \wedge q$$

e) 
$$p \leftrightarrow q$$

f) 
$$\sim p \rightarrow \sim q$$

g) 
$$\sim p \wedge \sim q$$

h) 
$$\sim p \vee (p \wedge q)$$