Resolução da lista de exercícios de Sistemas Discretos Aluna: Anna Gabriele Marques de Oliveira

Questão 2:

a)
$$\begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{vmatrix}$$

 M_R É reflexiva, é simétrica, é transitiva, logo é uma relação de equivalência.

b)
$$\begin{vmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}$$

 M_R É reflexiva, não é simétrica, não é transitiva, logo não é uma relação de equivalência.

Questão 3:

- a) É reflexiva, é simétrica, é transitiva. É uma relação de equivalência.
- b) É reflexiva, é simétrica, é transitiva. É uma relação de equivalência.
- c) É reflexiva, não é simétrica, é transitiva. Não é uma relação de equivalência.

Questão 6:

- a) É funcional, não é injetora, não é total, não é sobrejetora, não é um monomorfismo, não é um epimorfismo, não é um isomorfismo.
- b) É funcional, é injetora, é total, é sobrejetora, é um monomorfismo, é um epimorfismo, é um isomorfismo.
- c) É funcional, não é injetora, não é total, não é sobrejetora, não é um monomorfismo, não é um epimorfismo, não é um isomorfismo.

Questão 9:

a)
$$\{A_1,A_2\} = \{\{a,a\},\{b,a\},\{c,a\},\{d,a\},\{e,a\},\{f,a\},\{g,a\},\{h,a\},\{a,c\},...,\{h,h\}\},$$
 não é uma partição de A, pois $\{a,a\} \cap \{b,a\} \neq \emptyset$.

$$\begin{aligned} \mathbf{b})\{A_1,A_5\} &= \{\{a,f\},\{b,f\},\{c,f\},\{d,f\},\{e,f\},\{f,f\},\{g,f\},\{h,f\},\{a,h\},...,\{h,h\}\}, \, \text{n\~ao} \\ & \text{\'e uma parti\~c\~ao de A, pois } \{f,f\} \cap \{e,f\} \neq \emptyset. \end{aligned}$$

c)
$$\{A_3, A_4, A_5\} = A_i = \{\{a, b, f\}, \{a, b, h\}, \{a, d, f\}, \{a, d, h\}, \{c, b, f\}, ..., \{g, d, h\}\}$$
 é uma partição de A, pois não é vazio, é uma união disjunta de elementos, e $\cup_{i \in I} A_i = A$

Questão 10:

Relação	Funcional	Injetora	Total	Sobrejetora
R1	X		X	
R2	X		X	

Questão 11:

Relação	Reflexiva	Irreflexiva	Simétrica	Anti-simétrica	Tansitiva
R1				X	X
R2	X			X	X

Questão 13:

- a) É conexa.
- b) Não é conexa, pois não existe $\{1,3\}ou\{3,1\}e1 \neq 3$.
- c) Não é conexa, pois não existe $\{1,2\}ou\{2,1\}e1 \neq 2$.