

Aufgabe 3.

1. In dem folgenden Java Ausdruck ist die Anzahl von p Aufrufen zu berechnen.

```
for (int i = 0; i < n; i++) {  
    for(int j = i; j < n; j++) {  
        a[j] = a[j] + p(i,j) + p(j,i);  
    }  
}  
for (int j = 0; j < m; j++){  
    a[j] = a[j] + p(j,j);  
}
```

Es ist offensichtlich, dass die Aufgabe in 2 Haelfte aufgeteilt werden kann: In

1)

```
for (int i = 0; i < n; i++) {  
    for(int j = i; j < n; j++) {  
        a[j] = a[j] + p(i,j) + p(j,i);  
    }  
}
```

...und in

```
2) for (int j = 0; j < m; j++){  
    a[j] = a[j] + p(j,j);  
}
```

Bei der zweiten Haelfte ist alles offensichtlich. Die Anzahl von Aufrufen ist linear und haengt von m ab.

Fuer die erste Haelfte hab ich die Fkt f (RandomArray.java) geschrieben, die Anzahl von p-Aufrufen in der Abhängigkeit von n aufzaehlt.

Die Tabelle, die ich mithilfe von dieser Fkt bekommen habe

n		0	1	2	3	4	5	6	7	...
f(n)		0	2	6	12	20	30	42	56	...

Das heisst, das $f(n) = n \cdot (n+1)$

Dann die geschlossene Formel sieht folgender Weise aus:

$$g(n,m) = n \cdot (n+1) + m.$$

2. Mit % bezeichne ich weiter mathematisches „gehört zu“

$$g(n,m) = n^2 + n + m$$

fuer $n > m$ gilt

$$g(n,m) \% O(n^2), \text{ denn}$$

$$n^2 + n + m \leq n^2 + n^2 = 2 \cdot n^2, \text{ wobei } C=2 \text{ aus der Def-on von O-Notation}$$

$$\text{fuer } n < m \text{ gilt } g(n,m) \% O(n^2 + m)$$

3. Der Speicherbedarf waechst quadratisch mit Wachstum von n und linear mit Wachstum von m.