Яндекс Лицей

Краткое введение в теорию игр

Выигрышная стратегия. Выигрышные и проигрышные позиции



Выигрышная стратегия — это правило, следуя которому один из игроков обязательно выиграет, как бы не играл его противник.

Рассмотрим игру камешки с начальной позицией 8 камешков, в которой разрешается брать на каждом ходу 1, 3 или 4 камешка. Выигрывает игрок, который забрал из кучи последние камни.

Изучать позиции игры будем с точки зрения того игрока, чья очередь делать ход. Разместим все возможные позиции игры на числовой линейке.

Назовём **позицию выигрышной**, если из неё есть ход, который оставит противнику проигрышную позицию. Такую позицию будем помечать на линейке зеленым цветом. Назовём **позицию проигрышной**, если любой ход из неё, оставляет противнику выигрышную позицию. Такую позицию будем помечать на линейке красным цветом.

0	1	2	3	4	5	6	7	8

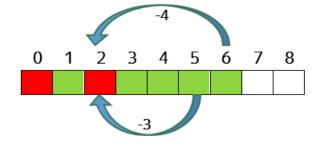
Позиция 0 — всегда проигрышная: партия закончена, игрок, чья очередь была бы делать ход, уже проиграл.

Позиции 1, 3 и 4 — выигрышные: игрок может забрать все камешки и тем самым оставить противнику проигрышную позицию 0.

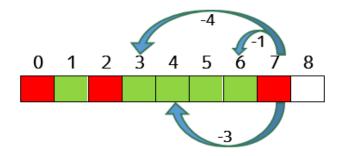
Позиция 2 — проигрышная: из этой позиции можно сделать только один ход — взять один камешек и тем самым оставить противнику выигрышную позицию 1.

0	1	2	3	4	5	6	7	8

Позиции 5, 6 — выигрышные: сделав ход, можно оставить противнику 2 камешка — проигрышную позицию.



Позиция 7 — проигрышная: все ходы, которые можно сделать из этой позиции, оставляют противнику выигрышную позицию 6, 4 или 3.



Позиция 8 — выигрышная: сделав ход, можно оставить противнику 7 камешков — проигрышную позицию.



<u>Вывод</u>

Как видите, чтобы узнать, выигрышная перед нами позиция или проигрышная, не нужно знать, как игра шла раньше. Будем называть разумной такую партию, в которой игроки стремятся к победе: на каждом шагу они стараются оставить противнику проигрышную позицию.