Báo cáo thực nghiệm các thuật toán sắp xếp

Người thực hiện: Vũ Ngọc Quốc Khánh

Giới thiệu

Báo cáo về thời gian thực thi của các thuật toán sắp xếp như Quicksort, Heapsort, Mergesort và hàm std::sort() trong thư viện chuẩn của C++.

Chuẩn bị

- Bộ dữ liệu kiểm thử gồm 10 dãy số thực, trong đó có 1 dãy số tăng dần, 1 dãy số giảm dần và 8 dãy số ngẫu nhiên
- Code cài đặt Quicksort
- Code cài đặt Heapsort
- Code cài đặt Mergesort
- Code sử dụng std::sort trong thư viện chuẩn của C++.
- Code thực hiện thuật toán và đo thời gian.

Tất cả các code và tệp tin liên quan đều được để trong Github này

Bộ dữ liệu kiểm tra

Được sinh ngẫu nhiên bằng code sử dụng thư viện Testlib của Mike Mirzayanov - Người sáng lập Codeforces

Code sinh bộ dữ liệu:

```
#include "testlib.h"
#include <bits/stdc++.h>
int main(int argc, char *argv[]){
    registerGen(argc, argv, 1);

//Increasing number
    std::ofstream out1("../tests\\1-increasing.txt");
    for(int i = 0; i < 1000000; ++i){</pre>
```

```
double value = i + rnd.next(0.0000, 0.9999);
    out1 << std::fixed << std::setprecision(4) << value << ' ';</pre>
out1.close();
//Decreasing number
std::ofstream out2("../tests\\2-decreasing.txt");
for(int i = 1000000; i > 0; --i){
    double value = i + rnd.next(0.0000, 0.9999);
    out2 << std::fixed << std::setprecision(4) << value << ' ';</pre>
out2.close();
//Random number
for(int tc = 3; tc <= 10; ++tc){
    std::string file_name = "../tests\\" + std::to_string(tc) + "-random.txt";
    std::ofstream out(file name);
    for(int i = 0; i < 1000000; ++i){
        double value = 1.0 * rnd.next(-1000000, 1000000)
            + (1.0 * rnd.next(0.0000, 0.9999) * rnd.next(0.0000, 0.9999)
            * rnd.next(0.0000, 0.9999));
        out << std::fixed << std::setprecision(4) << value << ' ';</pre>
    out.close();
```

Phân tích các thuật toán sắp xếp

Quicksort

Đây là thuật toán sắp xếp theo hướng tiếp cận Chia để trị với ý tưởng như sau:

- 1. Chọn 1 phần tử trong mảng cần sắp xếp làm chốt pivot.
- 2. Chia mảng thành 2 phần với điểm chính giữa là pivot, các phần tử nhỏ hơn pivot sẽ nằm ở một phần và ngược lại, các phần tử lớn hơn pivot sẽ nằm ở phần còn lại.
- 3. Với mỗi phần đã chia, ta thực hiện lại bước 1.

Code cài đăt

```
std::mt19937 rd(std::chrono::steady clock::now().time since epoch().count());
//hàm sinh số ngẫu nhiên
int Rand(int 1, int h) {
    return 1 + (rd() >> 1) * 1LL * (rd() >> 1) % (h - 1 + 1);
template <typename T>
void sort(T arr[] , int left, int right){
    int pivot = arr[Rand(left, right)]; //ngẫu nhiên chọn pivot
   int 1 = left;
    int r = right;
    do{
        while((1 <= right) && (arr[1] < pivot)) //bo qua các phần tử nhỏ hơn pivot và nằm bên trái
            ++1;
        while((r >= left) && (arr[r] > pivot)) //bo qua các phần tử lớn hơn pivot và nằm bên phải
            --r;
        if(1 > r) //néu như chạy quá pivot, thoát
            break;
        std::swap(arr[1], arr[r]); //thay đổi vị trí 2 phần tử nằm khác bên của pivot
        ++1, --r; //tiếp tuc
    } while(1 <= r);</pre>
    //chia thành các nửa để sắp xếp
```

Đánh giá

• Ưu điểm

 \circ Trong đa số trường hợp, thuật toán quicksort có độ phức tạp là $\mathcal{O}(NlogN)$, khá nhanh và cài đặt đơn giản.

Nhược điểm

 \circ Trong trường hợp tệ nhất, thuật toán quicksort có độ phức tạp là $\mathcal{O}(N^2)$

Mergesort

Mô tả

Đây là thuật toán sắp xếp theo hướng tiếp cận Chia để trị với ý tưởng như sau:

- 1. Giả sử ta có 2 mảng con A và B đã được sắp xếp, ta tạo thêm một mảng C để "trộn" 2 mảng A và B sao cho sau khi "trộn" thì mảng C cũng được sắp xếp.
- 2. Nếu mảng A hoặc B chưa được sắp xếp thì ta chia mảng chưa sắp xếp thành 2 phần và quay lại bước 1.

Code cài đặt

```
template <typename T>
void sort(T arr[], int left, int right){
    std::vector<T> MidArr(right - left + 1); //khởi tạo mảng trung gian để "trộn"
    if(right - left + 1 == 1) //mảng chỉ có 1 phần tử, không cần phải sắp xếp
        return;
    int mid = (left + right) / 2; //chọn phần giữa để chia mảng thành 2 phần
    //gọi hàm sắp xếp 2 nửa
    sort(arr, left, mid);
```

```
sort(arr, mid + 1, right);
//"trôn" 2 nửa đã sắp xếp
int i = left, j = mid + 1;
int cur = 0;// chỉ số của mảng trung gian
while(i <= mid || j <= right){</pre>
    if(i > mid) //bên trái không còn phần tử
        MidArr[cur++] = arr[j++];
    else if(j > right) //bên phải không còn phần tử
        MidArr[cur++] = arr[i++];
    else if(arr[i] < arr[j]) //phần tử bên trái nhỏ hơn, ta cho vào mảng trước
        MidArr[cur++] = arr[i++];
    else //phần tử bên trái nhỏ hơn, ta cho vào mảng trước
        MidArr[cur++] = arr[j++];
}
//đưa các giá trị ở mảng trung gian về mảng chính
for(int i = 0; i < cur; ++i)</pre>
    arr[left + i] = MidArr[i];
```

Đánh giá

- Ưu điểm
 - \circ Thuật toán chạy ổn định với độ phức tạp là $\mathcal{O}(N\log N)$
- Nhược điểm
 - Ta phải sử dụng thêm một mảng trung gian để trộn nên tốn nhiều bộ nhớ nếu dữ liệu lớn

Heapsort

Mô tả

Là một thuật toán sắp xếp được thiết kế trên cấu trúc dữ liệu Heap

Heapsort sẽ thực hiện 2 công việc khác nhau:

• Tạo heap

- Thực hiện việc tạo ra cấu trúc max-heap từ một mảng đã có sẵn
- O Công việc tạo heap sẽ được thực hiện như sau:
- \circ 1. Ta có đỉnh cha i và 2 đỉnh con l=i imes 2+1, r=i imes 2+2.
- 2. Kiểm tra trong 3 đỉnh có giá trị lớn nhất.
- 3. Nếu đỉnh có giá trị lớn nhất không phải đỉnh cha, ta thực hiện đổi chỗ 2 đỉnh với nhau và thực hiện việc tạo heap với cây con tại vị trí đỉnh vừa đổi chỗ

Sắp xếp

 Sau khi đã có được một cấu trúc max-heap như mong muốn, ta thực hiện việc đổi thứ tự các đỉnh nhỏ nhất và tạo heap lại với độ lớn nhỏ hơn ở các đỉnh chưa được lấy ra.

Code cài đăt

Trong C++, đã có sẵn cấu trúc dữ liệu cho Heapsort trong thư viện chuẩn như priority_queue, ta chỉ cần sử dụng.

```
template <typename T>
void sort(T arr[], int N){ //ta cần độ dài của mảng
    std::priority_queue< T, std::vector<T>, std::greater<T> > pq;
    //khai báo cấu trúc là giá trị nhỏ hơn sẽ nằm ở phía bên trái
    for(int i = 0; i < N; ++i)
        pq.push(arr[i]); //cho các phần tử của mảng vào priority queue
    for(int i = 0; i < N; ++i){
        arr[i] = pq.top(); //trả các phần tử đã sắp xếp trong priority queue ngược lại mảng
        pq.pop(); //xoá phần tử đã trả khỏi priority queue
    }
}</pre>
```

Đánh giá

• Ưu điểm

- Không tốn bộ nhớ nhiều như Mergesort
- \circ Độ phức tạp là $\mathcal{O}(N \log N)$

• Nhược điểm

Không được ổn định

```
std::sort của thư viện chuẩn C++
```

Mô tả

Đây là một thuật toán Introsort sắp xếp được kết hợp bởi 3 thuật toán sắp xếp khác nhau là Quicksort, Heapsort và Selectionsort. Các thuật toán như Heapsort và Selectionsort được sử dụng để loại bỏ các trường hợp tệ nhất của quicksort.

Cài đặt

Đã có sẵn hàm std::sort trong thư viện algorithm của C++:

```
std::sort(a, a + n);
```

Thực nghiệm

Code thực hiện thuật toán sắp xếp và đo thời gian:

```
#include <bits/stdc++.h>
#include <chrono>
// using namespace std;
using std::chrono::high_resolution_clock;
using std::chrono::duration_cast;
using std::chrono::duration;

namespace quicksort{
    #include "QuickSort.h"
}
```

```
#include "MergeSort.h"
}
namespace heapsort{
    #include "HeapSort.h"
template <typename T>
void benchmark(T arr[], int N, const std::string& name){
    auto t1 = high resolution clock::now(); //thời qian trước khi thực hiện thuật toán
    if(name == "Quicksort")
        quicksort::sort(arr, 0, N - 1);
    else if(name == "Mergesort")
        mergesort::sort(arr, 0, N - 1);
    else if(name == "Heapsort")
        heapsort::sort(arr, N);
    else
        std::sort(arr, arr + N);
    auto t2 = high resolution clock::now(); //thời gian sau khi thực hiện thuật toán
    duration<double, std::milli> ms double = t2 - t1;
    std::cout << name << "\t\t: " << ms double.count() << "ms\n";</pre>
template <typename T>
void init(T arr[], T ans[],int N){
    for(int i = 0; i < N; ++i) {</pre>
        ans[i] = arr[i];
    }
```

```
template <typename T>
void startbench(T arr[], int N){
    T * array = new T[N + 7];
    init<T>(arr, array, N);
    benchmark<T>(array, N, "Quicksort");
    init<T>(arr, array, N);
    benchmark<T>(array, N, "Mergesort");
    init<T>(arr, array, N);
    benchmark<T>(array, N, "Heapsort");
    init<T>(arr, array, N);
    benchmark<T>(array, N, "std::sort()");
    delete(array);
double arr[1'000'000];
void input(const std::string& file){
    std::ifstream in("../tests\\" + file);
    for(int i = 0; i < 1000000; ++i){</pre>
        in >> arr[i];
    }
signed main(){
    //test 1: increasing
    input("1-increasing.txt");
    std::cout << "test 1:\n";</pre>
    startbench<double>(arr, 1'000'000);
    //test 2: decreasing
```

```
input("2-decreasing.txt");
std::cout << "test 2:\n";
startbench<double>(arr, 1'000'000);

//test 3 - 10: random
for(int i = 3; i <= 10; ++i){
    std::string suffix = "-random.txt";
    std::string file = std::to_string(i) + suffix;
    input(file);
    std::cout << "test " << i << ":\n";
    startbench<double>(arr, 1'000'000);
}
return 0;
```

Kết quả thực nghiệm

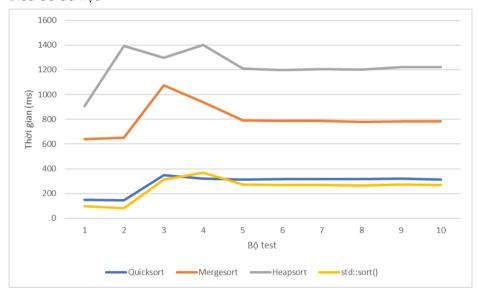
Khi chạy trên máy tính cá nhân (Intel(R) Core(TM) I5-6300U @ 2.4GHz)

Bảng dữ liệu thời gian thực hiện (Đơn vị ms)

Bộ test	Quicksort	Mergesort	Heapsort	std::sort()
1	149.600	637.335	906.592	97.7447
2	145.610	650.262	1394.27	80.7842
3	350.064	1073.17	1296.54	311.167
4	322.179	936.495	1400.30	367.018
5	311.211	791.842	1210.77	271.275
6	316.155	787.894	1195.81	267.329

Bộ test	Quicksort	Mergesort	Heapsort	std::sort()
7	318.150	785.938	1203.78	270.274
8	317.151	776.965	1201.79	266.290
9	321.142	782.905	1219.70	271.273
10	312.208	781.946	1222.73	268.244

Biểu đồ dữ liệu



Khi chạy trên Google Colab (Intel(R) Xeon(R) CPU @ 2.20GHz) **Bảng dữ liệu thời gian thực hiện (Đơn vị ms)**

Bộ test	Quicksort	Mergesort	Heapsort	std::sort()
1	48.2204	124.061	63.2064	15.0937
2	50.6284	120.826	76.6592	30.0654
3	51.4487	119.376	64.9850	15.0266

Bộ test	Quicksort	Mergesort	Heapsort	std::sort()
4	65.1794	139.575	65.6171	15.1032
5	58.8711	117.969	62.4007	15.7191
6	47.6169	132.112	68.1981	15.6353
7	53.7565	118.071	66.7054	16.3768
8	58.1719	117.169	78.9908	15.2907
9	48.9238	124.349	70.4186	17.1982
10	49.2638	119.653	66.2852	14.2872

Biểu đồ dữ liệu

