

# 函数与递归

## 可能是最后一课

Garen-Wang

2018 年 6 月 24 日

# 目录

- 1 函数
- 2 函数例题：P1149 火柴棒等式
- 3 递归
- 4 递归例题：P1036 选数
- 5 后面的话

# 函数介绍

# 函数介绍

函数 (function)，又名子程序。在 C 语言中，子程序的作用是由一个主函数和若干个函数构成。由主函数调用其他函数，其他函数也可以互相调用。同一个函数可以被一个或多个函数调用任意多次。

# 函数介绍

函数 (function)，又名子程序。在 C 语言中，子程序的作用是由一个主函数和若干个函数构成。由主函数调用其他函数，其他函数也可以互相调用。同一个函数可以被一个或多个函数调用任意多次。

函数的基本语法构成由：返回类型 + 函数名 + 参数 + 大括号

# 函数介绍

函数 (function)，又名子程序。在 C 语言中，子程序的作用是由一个主函数和若干个函数构成。由主函数调用其他函数，其他函数也可以互相调用。同一个函数可以被一个或多个函数调用任意多次。

函数的基本语法构成由：返回类型 + 函数名 + 参数 + 大括号

函数的实现意义是用来进行专一化处理问题，而不是一个 main 函数写满了所有基础操作。

# 函数介绍

函数 (function)，又名子程序。在 C 语言中，子程序的作用是由一个主函数和若干个函数构成。由主函数调用其他函数，其他函数也可以互相调用。同一个函数可以被一个或多个函数调用任意多次。

函数的基本语法构成由：返回类型 + 函数名 + 参数 + 大括号

函数的实现意义是用来进行专一化处理问题，而不是一个 main 函数写满了所有基础操作。

使用函数可以更简单明了地解决问题，有时还能办到一些神奇的事情。

# 常见函数应用



# 常见函数应用

函数的应用太广泛了，所以下面的只是一些题目的操作。

# 常见函数应用

函数的应用太广泛了，所以下面的只是一些题目的操作。

- 维护进制转换操作
- 判断一个字符串是不是回文串
- 求出一个函数（数学的）的值
- 交换两个数
- 求两个数的最大公约数

# 常见函数应用

函数的应用太广泛了，所以下面的只是一些题目的操作。

- 维护进制转换操作
- 判断一个字符串是不是回文串
- 求出一个函数（数学的）的值
- 交换两个数
- 求两个数的最大公约数

等等等等。。。

# P1149 火柴棒等式

# P1149 火柴棒等式

题目要求用  $n$  根火柴摆出类似  $A + B = C$  的等式, 询问等式种类。注意数字可以是多位数。 $n \leq 24$ 。

## P1149 火柴棒等式

题目要求用  $n$  根火柴摆出类似  $A + B = C$  的等式，询问等式种类。注意数字可以是多位数。 $n \leq 24$ 。

加号和等号都需要 2 根火柴，所以先减掉 4，剩下的就是枚举三个数了。

## P1149 火柴棒等式

题目要求用  $n$  根火柴摆出类似  $A + B = C$  的等式, 询问等式种类。注意数字可以是多位数。  $n \leq 24$ 。

加号和等号都需要 2 根火柴, 所以先减掉 4, 剩下的就是枚举三个数了。而我们也不用枚举三个数, 因为加法的性质, 只要确定两个, 第三个就出来了。

# P1149 火柴棒等式

题目要求用  $n$  根火柴摆出类似  $A + B = C$  的等式，询问等式种类。注意数字可以是多位数。 $n \leq 24$ 。

加号和等号都需要 2 根火柴，所以先减掉 4，剩下的就是枚举三个数了。而我们也不用枚举三个数，因为加法的性质，只要确定两个，第三个就出来了。

所以最重要的是判断一个数由几根火柴构成。而实现这个功能，可以使用函数封装起来。



## P1149 火柴棒等式

题目要求用  $n$  根火柴摆出类似  $A + B = C$  的等式, 询问等式种类。注意数字可以是多位数。 $n \leq 24$ 。

加号和等号都需要 2 根火柴, 所以先减掉 4, 剩下的就是枚举三个数了。而我们也不用枚举三个数, 因为加法的性质, 只要确定两个, 第三个就出来了。

所以最重要的是判断一个数由几根火柴构成。而实现这个功能, 可以使用函数封装起来。

最高不超过 1111, 使用火柴数最少并且数字最大的数就是它了。

## P1149 火柴棒等式

题目要求用  $n$  根火柴摆出类似  $A + B = C$  的等式, 询问等式种类。注意数字可以是多位数。 $n \leq 24$ 。

加号和等号都需要 2 根火柴, 所以先减掉 4, 剩下的就是枚举三个数了。而我们也不用枚举三个数, 因为加法的性质, 只要确定两个, 第三个就出来了。

所以最重要的是判断一个数由几根火柴构成。而实现这个功能, 可以使用函数封装起来。

最高不超过 1111, 使用火柴数最少并且数字最大的数就是它了。

所以一个  $O(1111^2)$  的双重 for 循环就能够解决问题。

# 递归

# 递归

递归 (recursion) 是函数的更深层应用，因为函数允许嵌套使用，甚至可以使用自己！

# 递归

递归 (recursion) 是函数的更深层应用，因为函数允许嵌套使用，甚至可以使用自己！

常见的递归应用方法有：

# 递归

递归 (recursion) 是函数的更深层应用，因为函数允许嵌套使用，甚至可以使用自己！

常见的递归应用方法有：

- dfs（深度优先搜索或遍历）
- bfs（宽度优先搜过或遍历）
- 回溯法
- 减小问题范围（递推的反过程）

# 递归

递归 (recursion) 是函数的更深层应用，因为函数允许嵌套使用，甚至可以使用自己！

常见的递归应用方法有：

- dfs（深度优先搜索或遍历）
- bfs（宽度优先搜过或遍历）
- 回溯法
- 减小问题范围（递推的反过程）

时间不够，只能够挑一个讲，我们讲回溯法。

# 回溯法



# 回溯法

回溯法是一种搜索，相比于传统 dfs 的不同之处是回溯了。

# 回溯法

回溯法是一种搜索，相比于传统 dfs 的不同之处是回溯了。  
虽然回溯之后会适当减缓速度，但是也并不慢。

# 回溯法

回溯法是一种搜索，相比于传统 dfs 的不同之处是回溯了。  
虽然回溯之后会适当减缓速度，但是也并不慢。  
适用于全方位搜索答案的问题。

# 回溯法

回溯法是一种搜索，相比于传统 dfs 的不同之处是回溯了。  
虽然回溯之后会适当减缓速度，但是也并不慢。  
适用于全方位搜索答案的问题。  
让我去网上找回溯法的框架。

# 回溯法

回溯法是一种搜索，相比于传统 dfs 的不同之处是回溯了。  
虽然回溯之后会适当减缓速度，但是也并不慢。  
适用于全方位搜索答案的问题。  
让我去网上找回溯法的框架。  
回溯法的经典例题是八皇后问题，时间关系我不讲。

# P1036 选数

# P1036 选数

题目要求你求出  $n$  个数取  $k$  个的排列情况中和为素数的种类数。

# P1036 选数

题目要求你求出  $n$  个数取  $k$  个的排列情况中和为素数的种类数。  
显然情况种类数共有  $C_n^k$  种。但是求出这个东西也没什么卵用。



# P1036 选数

题目要求你求出  $n$  个数取  $k$  个的排列情况中和为素数的种类数。  
显然情况种类数共有  $C_n^k$  种。但是求出这个东西也没什么卵用。  
而我们需要做的是模拟所有选择，然后得到和，再判断是否为质数。

# P1036 选数

题目要求你求出  $n$  个数取  $k$  个的排列情况中和为素数的种类数。  
显然情况种类数共有  $C_n^k$  种。但是求出这个东西也没什么卵用。  
而我们需要做的是模拟所有选择，然后得到和，再判断是否为质数。  
这道题我来亲手写一写。。。

# 后面的话

# 后面的话

How time flies! 高一就快结束了!

# 后面的话

How time flies! 高一就快结束了!

这个团队在下学期起头应该不会再进行维护了，在复赛后会重新招入新高一的团队成员。

# 后面的话

How time flies! 高一就快结束了！

这个团队在下学期起头应该不会再进行维护了，在复赛后会重新招入新高一的团队成员。

希望大家在这一年能够学到东西，也希望大家多多包涵我的不足之处。

# 后面的话

How time flies! 高一就快结束了!

这个团队在下学期起头应该不会再进行维护了, 在复赛后会重新招入新高一的团队成员。

希望大家在这一年能够学到东西, 也希望大家多多包涵我的不足之处。进入高二后, 仅存的团队成员可能只会有 3 到 4 位。

# 后面的话

How time flies! 高一就快结束了!

这个团队在下学期起头应该不会再进行维护了, 在复赛后会重新招入新高一的团队成员。

希望大家在这一年能够学到东西, 也希望大家多多包涵我的不足之处。进入高二后, 仅存的团队成员可能只会有 3 到 4 位。

最希望大家的事情是能够在 10 月的初赛好好发挥, 一个月后公款去广州! (更好的是拿奖了啊!)



# 后面的话

How time flies! 高一就快结束了!

这个团队在下学期起头应该不会再进行维护了, 在复赛后会重新招入新高一的团队成员。

希望大家在这一年能够学到东西, 也希望大家多多包涵我的不足之处。进入高二后, 仅存的团队成员可能只会有 3 到 4 位。

最希望大家的事情是能够在 10 月的初赛好好发挥, 一个月后公款去广州! (更好的是拿奖了啊!)

我也要去好好准备去招待高一了。。。

# 吐槽

# 吐槽

我肝这个课件的时候，CE 了一个小时。。。

# 吐槽

我肝这个课件的时候，CE 了一个小时。。。想写句话来吐槽又 CE 了。。。

# 吐槽

我肝这个课件的时候，CE 了一个小时。。。想写句话来吐槽又 CE 了。。。啊！伟大的  $\text{\LaTeX}$ ！



# 谢谢！

all made by L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X