

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра математического обеспечения и применения ЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по лабораторной работе №4**  
**по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»**  
**Тема: Деревья**

Студентка гр. 8381

Преподаватель

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

Ивлева О.А.

Жангиров Т.Р.

Санкт-Петербург

2019

## Цель работы.

Ознакомиться с основными характеристиками и особенностями такой структуры данных, как бинарное дерево, изучить особенности ее реализации на языке программирования C++.

## Задание.

Формулу вида

$\langle \text{формула} \rangle ::= \langle \text{терминал} \rangle \mid ( \langle \text{формула} \rangle \langle \text{знак} \rangle \langle \text{формула} \rangle )$

$\langle \text{знак} \rangle ::= + \mid - \mid *$

$\langle \text{терминал} \rangle ::= 0 \mid 1 \mid \dots \mid 9 \mid a \mid b \mid \dots \mid z$

можно представить в виде бинарного дерева («**дерева-формулы**») с элементами типа *Elem=char* согласно следующим правилам:

- формула из одного терминала представляется деревом из одной вершины с этим терминалом;
- формула вида  $(f_1 \ s \ f_2)$  представляется деревом, в котором корень – это знак  $s$ , а левое и правое поддеревья – соответствующие представления формул  $f_1$  и  $f_2$ .

Требуется:

- если в дереве-формуле  $t$  терминалами являются только цифры, то вычислить (как целое число) значение дерева-формулы  $t$ ;
- построить дерево-формулу  $t1$  – производную дерева-формулы  $t$  по заданной переменной.

## Основные теоретические положения.

Арифметическое выражение с бинарными операциями можно представить в виде бинарного дерева. Пусть, например, дано арифметическое выражение в инфиксной записи:  $(a + b) * c - d / (e + f * g)$ . На рис. 1 представлено соответствующее ему бинарное дерево.

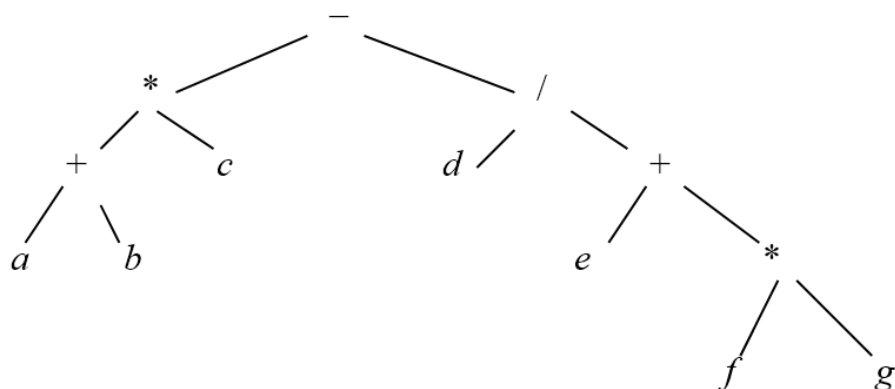


Рисунок 1 - Бинарное дерево, представляющее выражение

### Выполнение работы.

Написание работы производилось на базе операционной системы Windows 10 в среде разработки QtCreator с использованием фреймворка Qt.

Для реализации программы был разработан графический интерфейс с помощью встроенного в QtCreator UI-редактора. Была добавлена кнопка, при нажатии на которую, происходит преобразование исходного выражения в бинарное дерево.

Для реализации бинарного дерева была создана структура `tree`, в которой хранится очередной символ(`char name`), указатель на предыдущий элемент(`tree *parent`), и указатель на правый и левый элементы(`tree* childLeft` and `tree* childRight`), а так же вычисленное значение в данный момент(`int var`).

Также были реализованы функции, создающие и изменяющие бинарное дерево.

Функция `share()`, которая принимает на вход заданную строку и ссылку на две строки, делит строку по точке “перегиба” на две подстроки и возвращает знак, по которому произошло деление.

Функция `maketree()`, которая получает на вход структуру `tree`, флаг, является ли данная структура первым элементом и входную строку, создает бинарное дерево. Она запускается рекурсивно для правого и левого поддеревя и

заканчивает работу, когда `strLeft` и `strRight` становятся одним символом после разбиения на подстроки.

Функция `calc()`, которая получает указатель на структуру, считает значение дерева, если все терминалы были равны числам.

Программа имеет возможность графического отображения полученного бинарного дерева с помощью виджета `QGraphicsView`.

### **Оценка сложности алгоритма**

Операция разделения массива на две части относительно опорного элемента занимает время  $O(\log_2 n)$ . Поскольку все операции разделения, выполняемые на одной глубине рекурсии, обрабатывают разные части исходного массива, размер которого постоянен, суммарно на каждом уровне рекурсии потребуется также  $O(n)$  операций. В итоге получим в каждой строке по одному элементу. Асимптотика:  $O(n \log_2 n)$

### **Тестирование программы.**

Вид программы после запуска представлен на рис. 1.

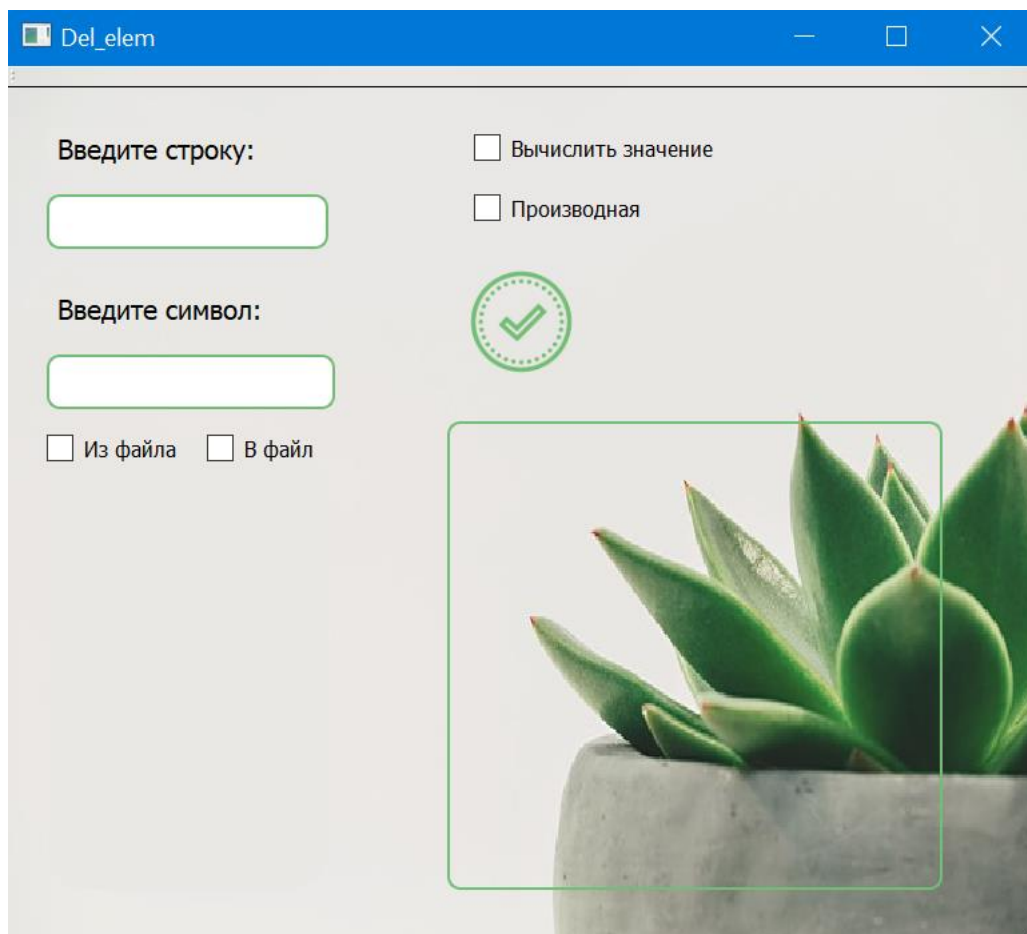


Рисунок 1 – Графический интерфейс программы

Работа программы представлена на рис. 2.

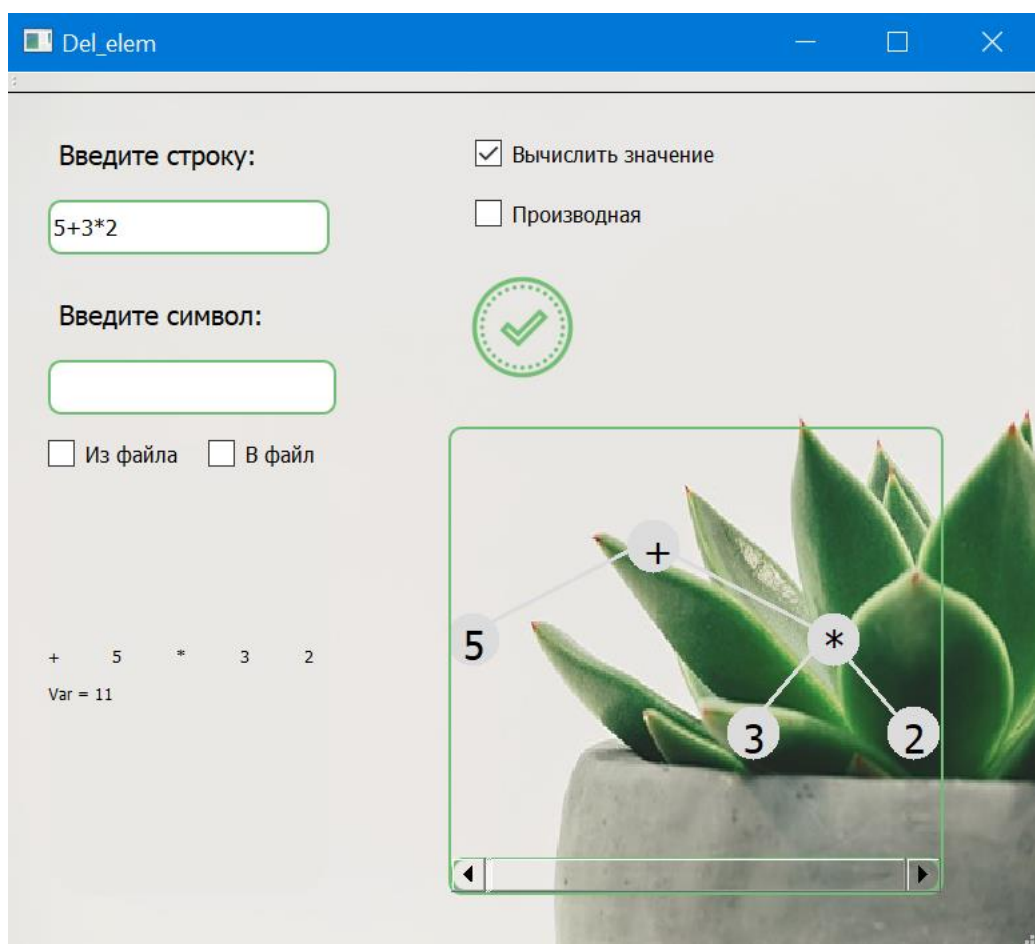


Рисунок 2 –Работа программы

Был проведен ряд тестов, проверяющих корректность работы программы. Результаты тестирования приведены в табл. 1.

Таблица 1 – Тестирование программы

Входная строка	Вывод (в инфиксной записи)
5+3	+ 5 3 var = 8
(a+b)*c	*+a b c
(2+3)*5-2	-*+2 3 5 2 var = 23
(a+b)*c-d/(e+f*g)	-*+a b c / d + e * f g
(2+3)*5-8/(1+1*1)	-*+2 3 5 / 8 + 1 * 1 1 var = 21

### **Выводы.**

В ходе выполнения лабораторной работы была написана программа, создающая бинарное дерево согласно заданному выражению и считающая его значение, а также находящая производную выражения.

## ПРИЛОЖЕНИЕ А

### ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

Название файла: main.c

```
#include "mainwindow.h"
#include <QApplication>

int main(int argc, char *argv[])
{
    QApplication a(argc, argv);
    MainWindow w;
    w.show();

    return a.exec();
}
```

Название файла: mainwindow.h

```
#ifndef MAINWINDOW_H
#define MAINWINDOW_H

#include <QMainWindow>
#include "functions.h"

namespace Ui {
class MainWindow;
}

class MainWindow : public QMainWindow
{
    Q_OBJECT

public:
    explicit MainWindow(QWidget *parent = nullptr);
    ~MainWindow();

private slots:
    void on_Hello_clicked();

private:
    Ui::MainWindow *ui;
};

#endif // MAINWINDOW_H
```

Название файла: functions.h

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <cctype>
```



```

using namespace std;

struct tree;
char share(string str, string &str1, string &str2);
tree* maketree(string str, int flag, tree *s);
void printTree(tree *symb, string &output);
void calc(tree *symb);
void derivative(string &str, string symbol);

struct tree{
    char name;
    int var = 0;
    tree *parent;
    tree *childLeft;
    tree *childRight;
};

```

### Название файла: functions.cpp

```

#include "functions.h"

char share(string str, string &str1, string &str2){
    int now = 1;
    int ind_now = 0;
    int flag = 0;
    for(unsigned int i = 0; i < str.length(); i++) {
        if (str[i] == '(')
            flag = 1;
        if (str[i] == ')')
            flag = 0;
        if (flag == 0) {
            if (str[i] == '-' || str[i] == '+') {
                now = 2;
                ind_now = i;
            }
            if (str[i] == '*' || str[i] == '/') {
                if (now < 2)
                    ind_now = i;
            }
        }
    }
    for(unsigned int i = 0; i < str.length(); i++) {
        if (i < ind_now)
            str1 += str[i];
        if (i > ind_now)
            str2 += str[i];
    }
    return str[ind_now];
}

```

```

}

tree* maketree(string str, int flag, tree *s){
    tree *symb = new tree;
    string str1 = "";
    string str2 = "";
    if (str[1] != '\0') {
        symb->name = share(str, str1, str2);
        if (str1[0] == '(' && str1[str1.length()-1] == ')'){
            for(int i = 1; i < str1.length()-1; i++)
                str1[i-1] = str1[i];
            //str1.pop_back();
            //str1.pop_back();
            str1[str1.length()-2] = '\0';
        }
        if (str2[0] == '(' && str2[str2.length()-1] == ')'){
            for(int i = 1; i < str2.length()-1; i++)
                str2[i-1] = str2[i];
            //str2.pop_back();
            //str2.pop_back();
            str2[str2.length()-2] = '\0';
        }
    }
    else {
        symb->name = str[0];
        symb->childLeft = nullptr;
        symb->childRight = nullptr;
        symb->parent = s;
        return symb;
    }
    if (flag == 1)
        symb->parent = s;
    symb->childLeft = maketree(str1, 1, symb);
    symb->childRight = maketree(str2, 1, symb);
    return symb;
}

void printTree(tree *symb, string &output){
    output += symb->name;
    output += "\t";
    if (symb->childLeft == nullptr)
        return;
    printTree(symb->childLeft, output);
    printTree(symb->childRight, output);
}

void calc(tree *symb){
    if (symb->childLeft == nullptr){
        symb->var = int(symb->name) - 48;

```

```

        return;
    }
    calc(symb->childLeft);
    calc(symb->childRight);
    if (symb->name == '+')
        symb->var = int(symb->childLeft->var) +
int(symb->childRight->var);
    if (symb->name == '-')
        symb->var = int(symb->childLeft->var) -
int(symb->childRight->var);
    if (symb->name == '*')
        symb->var = int(symb->childLeft->var) *
int(symb->childRight->var);
    if (symb->name == '/')
        symb->var = int(symb->childLeft->var) /
int(symb->childRight->var);
}

void derivative(string &str, string symbol){
    for(int i = 0; i < str.length(); i++){
        if(str[i] == symbol[0])
            str[i] = 1;
    }
}

```

### Название файла: mainwindow.cpp

```

#include "mainwindow.h"
#include "ui_mainwindow.h"
#include "printtree.h"

MainWindow::MainWindow(QWidget *parent) :
    QMainWindow(parent),
    ui(new Ui::MainWindow)
{
    ui->setupUi(this);
    ui->output->setWordWrap(true);
    QPixmap bkgnd("D:\\prog\\Styles\\plant-2004483_640.jpg");
    bkgnd = bkgnd.scaled(this->size(), Qt::IgnoreAspectRatio);
    QPalette palette;
    palette.setBrush(QPalette::Background, bkgnd);
    this->setPalette(palette);
    //ui->graphicsView->hide();
    scene = new QGraphicsScene;
    ui->graphicsView->setScene(scene);
}

MainWindow::~MainWindow()
{

```

```

        delete ui;
    }

void MainWindow::on_Hello_clicked()
{
    string str;
    string symbol;
    if (!ui->checkBox_2->isChecked()){
        str = qPrintable(ui->input->text());
    }
    else {
        ifstream fin; // создаем объект класса ifstream (считать)
        fin.open("D:\\prog\\cpp\\lab1\\text.txt"); // открываем файл для
считывания
        fin >> str;
        fin.close(); // закрываем файл
    }
    tree *symb = new tree;
    if (ui->checkBox->isChecked()){
        symbol = qPrintable(ui->input_char->text());
        derivative(str, symbol);
    }
    symb = maketree(str, 0, nullptr);
    graphic(symb, scene);
    string output = "";
    printTree(symb, output);
    if (ui->checkBox_5->isChecked()){
        calc(symb);
        output += "\n";
        output += "Var = ";
        output += to_string(symb->var);
    }
    if (ui->checkBox_3->isChecked()){
        ofstream fin2; //дозаписать
        fin2.open("D:\\prog\\cpp\\lab1\\text.txt", ios::app); //
открываем файл и дозписываем в него
        fin2 << endl;
        fin2 << output;
        fin2.close(); // закрываем файл
    }
    ui->output->setText(QString::fromStdString(output));
    //graphic(symb, scene);
}

```

**Название файла: mainwindow.ui**

```

<?xml version="1.0" encoding="UTF-8"?>
<ui version="4.0">
    <class>MainWindow</class>
    <widget class="QMainWindow" name="MainWindow">

```

```

<property name="geometry">
  <rect>
    <x>0</x>
    <y>0</y>
    <width>600</width>
    <height>600</height>
  </rect>
</property>
<property name="focusPolicy">
  <enum>Qt::NoFocus</enum>
</property>
<property name="windowTitle">
  <string>Del_elem</string>
</property>
<property name="autoFillBackground">
  <bool>>false</bool>
</property>
<property name="styleSheet">
  <string notr="true"/>
</property>
<widget class="QWidget" name="centralWidget">
  <widget class="QPushButton" name="Hello">
    <property name="geometry">
      <rect>
        <x>320</x>
        <y>100</y>
        <width>91</width>
        <height>91</height>
      </rect>
    </property>
    <property name="cursor">
      <cursorShape>PointingHandCursor</cursorShape>
    </property>
    <property name="styleSheet">
      <string notr="true">border-image:
url(:/C:/Users/Олеся/Downloads/icons8-ok-100_1.png);</string>
    </property>
    <property name="text">
      <string/>
    </property>
    <property name="autoRepeat">
      <bool>>false</bool>
    </property>
  </widget>
  <widget class="QLabel" name="output">
    <property name="geometry">
      <rect>
        <x>30</x>
        <y>250</y>

```

```

        <width>201</width>
        <height>301</height>
    </rect>
</property>
<property name="styleSheet">
    <string notr="true">font: 6pt &quot;MS Shell Dlg 2&quot;;
border-radius: 30%;
background-color: #e9e8e4;
</string>
</property>
<property name="text">
    <string/>
</property>
</widget>
<widget class="QLineEdit" name="input">
    <property name="geometry">
        <rect>
            <x>30</x>
            <y>80</y>
            <width>211</width>
            <height>41</height>
        </rect>
    </property>
    <property name="styleSheet">
        <string notr="true">border-radius: 10%;
border: 2px solid #72be74;</string>
    </property>
</widget>
<widget class="QLineEdit" name="inputChar">
    <property name="geometry">
        <rect>
            <x>30</x>
            <y>190</y>
            <width>211</width>
            <height>41</height>
        </rect>
    </property>
    <property name="styleSheet">
        <string notr="true">border-radius: 10%;
border: 2px solid #72be74;</string>
    </property>
</widget>
<widget class="QCheckBox" name="checkBox">
    <property name="geometry">
        <rect>
            <x>320</x>
            <y>40</y>
            <width>191</width>
            <height>21</height>

```

```

    </rect>
  </property>
  <property name="cursor">
    <cursorShape>PointingHandCursor</cursorShape>
  </property>
  <property name="text">
    <string>Доп. Информация</string>
  </property>
</widget>
<widget class="QLineEdit" name="lineEdit">
  <property name="geometry">
    <rect>
      <x>30</x>
      <y>30</y>
      <width>181</width>
      <height>31</height>
    </rect>
  </property>
  <property name="styleSheet">
    <string notr="true">
font: 10pt &quot;MS Shell Dlg 2&quot;;
border-radius: 10%;
background-color: #e9e8e4;
</string>
    </property>
    <property name="text">
      <string>Введите строку:</string>
    </property>
  </widget>
  <widget class="QLineEdit" name="lineEdit_2">
    <property name="geometry">
      <rect>
        <x>30</x>
        <y>140</y>
        <width>181</width>
        <height>31</height>
      </rect>
    </property>
    <property name="styleSheet">
      <string notr="true">
font: 10pt &quot;MS Shell Dlg 2&quot;;
border-radius: 10%;
background-color: #e9e8e4;</string>
    </property>
    <property name="text">
      <string>Введите символ:</string>
    </property>
  </widget>
</widget>

```

```

<widget class="QMenuBar" name="menuBar">
  <property name="geometry">
    <rect>
      <x>0</x>
      <y>0</y>
      <width>600</width>
      <height>17</height>
    </rect>
  </property>
</widget>
<widget class="QToolBar" name="mainToolBar">
  <attribute name="toolBarArea">
    <enum>TopToolBarArea</enum>
  </attribute>
  <attribute name="toolBarBreak">
    <bool>>false</bool>
  </attribute>
</widget>
<widget class="QStatusBar" name="statusBar"/>
</widget>
<layoutdefault spacing="6" margin="11"/>
<resources/>
<connections/>
</ui>

```