



马哥教育

IT 人的高薪职业学院

Python递归函数

讲师：Wayne

从业十余载，漫漫求知路

函数执行流程

<http://pythontutor.com/visualize.html#mode=edit>

```
def foo1(b, b1=3):  
    print("foo1 called", b, b1)
```

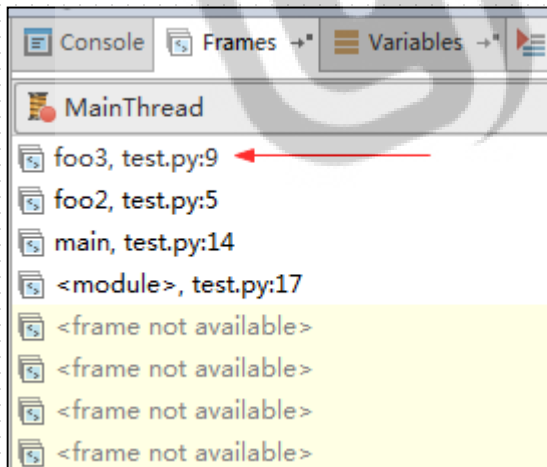
```
def foo2(c):  
    foo3(c)  
    print("foo2 called", c)
```

```
def foo3(d):  
    print("foo3 called", d)
```

```
def main():  
    print("main called")  
    foo1(100, 101)  
    foo2(200)  
    print("main ending")
```

```
main()
```

```
main called  
foo1 called 100 101  
foo3 called 200  
foo2 called 200  
main ending
```



- 全局帧中生成foo1、foo2、foo3、main函数对象
- main函数调用
- main中查找内建函数print压栈，将常量字符串压栈，调用函数，弹出栈顶
- main中全局查找函数foo1压栈，将常量100、101压栈，调用函数foo1，创建栈帧。print函数压栈，字符串和变量b、b1压栈，调用函数，弹出栈顶，返回值。
- main中全局查找foo2函数压栈，将常量200压栈，调用foo2，创建栈帧。foo3函数压栈，变量c引用压栈，调用foo3，创建栈帧。foo3完成print函数调用后返回。foo2恢复调用，执行print后，返回值。main中foo2调用结束弹出栈顶，main继续执行print函数调用，弹出栈顶。main函数返回

函数执行流程

<http://pythontutor.com/visualize.html#mode=edit>

```
def foo1(b, b1=3):  
    print("foo1 called", b, b1)  
    foo2(2)
```

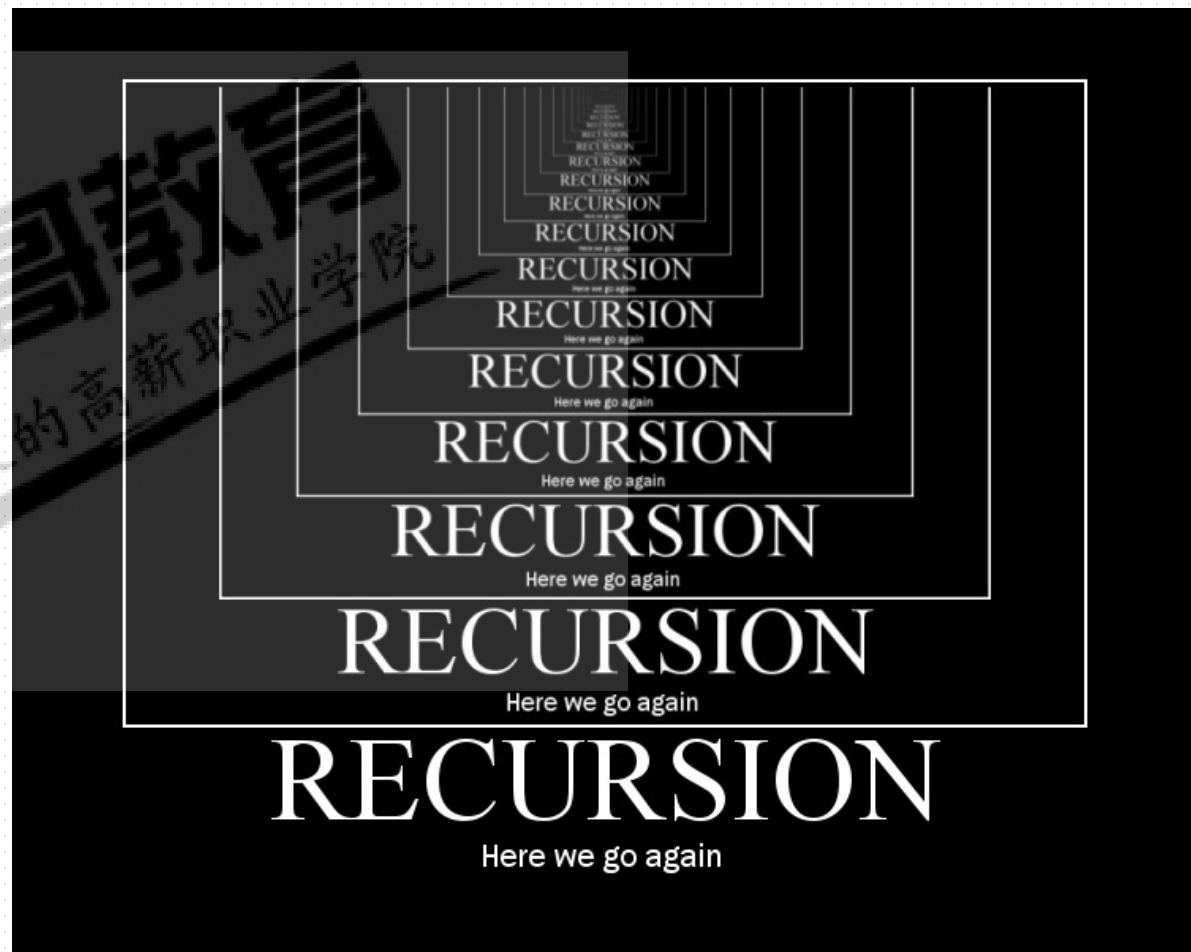
```
def foo2(a):  
    pass
```

foo1函数的字节码

4	0 LOAD_GLOBAL	0 (print)
	3 LOAD_CONST	1 ('foo1 called')
	6 LOAD_FAST	0 (b)
	9 LOAD_FAST	1 (b1)
	12 CALL_FUNCTION	3 (3 positional, 0 keyword pair)
	# CALL_FUNCTION是函数调用，调用完成后，弹出所有函数参数，函数本身关闭堆栈，并推送返回值	
	15 POP_TOP	# 删除顶部 (TOS) 项目
5	16 LOAD_GLOBAL	1 (foo2)
	19 LOAD_CONST	2 (2)
	22 CALL_FUNCTION	1 (1 positional, 0 keyword pair)
	25 POP_TOP	
	26 LOAD_CONST	0 (None)
	29 RETURN_VALUE	

递归Recursion

- ❑ 函数直接或者间接调用自身就是 递归
- ❑ 递归需要有边界条件、递归前进段、递归返回段
- ❑ 递归一定要有边界条件
- ❑ 当边界条件不满足的时候，递归前进
- ❑ 当边界条件满足的时候，递归返回



递归Recursion

- ❑ 斐波那契数列Fibonacci number : 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144, ...
- ❑ 如果设 $F(n)$ 为该数列的第 n 项 ($n \in \mathbb{N}^*$) , 那么这句话可以写成如下形式 : $F(n) = F(n-1) + F(n-2)$
- ❑ $F(0) = 0$, $F(1) = 1$, $F(n) = F(n-1) + F(n-2)$

$a = 0$

$b = 1$

$n = 10$ # 55

循环实现

for i in range($n - 1$):

$a, b = b, a + b$

else:

 print(b)



马哥教育

IT 人的高薪职业学院

递归Recursion

□ $F(0)=0$, $F(1)=1$, $F(n)=F(n-1)+F(n-2)$

```
def fib(n):
```

```
    return 1 if n < 2 else fib(n-1) + fib(n-2) # 条件为 n < 3更好
```

fib(4)解析：

fib(3) + fib(2)

fib(3)调用fib(3)、fib(2)、fib(1)

fib(2)调用fib(2)、fib(1)

fib(1)是边界return 1，所有函数调用返回

递归Recursion

□ 递归要求

- 递归一定要有退出条件，递归调用一定要执行到这个退出条件。没有退出条件的递归调用，就是无限调用
- 递归调用的深度不宜过深
 - Python对递归调用的深度做了限制，以保护解释器
 - 超过递归深度限制，抛出RecursionError：maximum recursion depth exceeded 超出最大深度
 - `sys.getrecursionlimit()`



马哥教育

IT 人的高薪职业学院

递归的性能 fib35项比较

□ for 循环

```
import datetime
start = datetime.datetime.now()
a = 0
b = 1
n = 35
# 循环实现
for i in range(n - 1):
    a, b = b, a + b
else:
    pass #print(b) 9227465
```

```
delta = (datetime.datetime.now() -
start).total_seconds()
print(delta)
```

□ 递归

```
import datetime
n = 35
def fib(n):
    return 1 if n < 3 else fib(n-1) + fib(n-2)
start = datetime.datetime.now()
fib(35)

delta = (datetime.datetime.now() -
start).total_seconds()
print(delta)
```



马哥教育

IT 人的高薪职业学院

递归的性能

- ❑ 循环稍微复杂一些，但是只要不是死循环，可以多次迭代直至算出结果
- ❑ fib函数代码极简易懂，但是只能获取到最外层的函数调用，内部递归结果都是中间结果。而且给定一个n都要进行近 $2n$ 次递归，深度越深，效率越低。为了获取斐波那契数列需要外面在套一个n次的循环，效率就更低了
- ❑ 递归还有深度限制，如果递归复杂，函数反复压栈，栈内存很快就溢出了
- ❑ 思考：这个极简的递归代码能否提高性能呢？



马哥教育

IT 人的高薪职业学院

递归的性能

□ 斐波那契数列的改进

```
def fib(n, a=0, b=1):  
    a, b = b, a+b  
    if n == 0:  
        return a  
    return fib(n-1, a, b)  
  
print(fib(4))
```

□ 改进

- 左边的fib函数和循环的思想类似
- 参数n是边界条件，用n来计数
- 上一次的计算结果直接作为函数的实参
- 效率很高
- 和循环比较，性能相近。所以并不是说递归一定效率低下。但是递归有深度限制

□ 对比一下三个fib函数的性能

递归

□ 间接递归

```
def foo1():  
    foo2()
```

```
def foo2():  
    foo1()
```

```
foo1()
```

间接递归，是通过别的函数调用了函数自身

但是，如果构成了循环递归调用是非常危险的，但是往往这种情况在代码复杂的情况下，还是可能发生这种调用。要用代码的规范来避免这种递归调用的发生



马哥教育

IT 人的高薪职业学院

递归总结

- ❑ 递归是一种很自然的表达，符合逻辑思维
- ❑ 递归相对运行效率低，每一次调用函数都要开辟栈帧
- ❑ 递归有深度限制，如果递归层次太深，函数反复压栈，栈内存很快就溢出了
- ❑ 如果是有限次数的递归，可以使用递归调用，或者使用循环代替，循环代码稍微复杂一些，但是只要不是死循环，可以多次迭代直至算出结果
- ❑ 绝大多数递归，都可以使用循环实现
- ❑ 即使递归代码很简洁，但是能不用则不用递归



马哥教育

IT 人的高薪职业学院

递归练习

- 求n的阶乘
- 将一个数逆序放入列表中，例如1234 => [4,3,2,1]
- 解决猴子吃桃问题
 - 猴子第一天摘下若干个桃子，当即吃了一半，还不过瘾，又多吃了一个。第二天早上又将剩下的桃子吃掉一半，又多吃了一个。以后每天早上都吃了前一天剩下的一半零一个。到第10天早上想吃时，只剩下一个桃子了。求第一天共摘多少个桃子。



马哥教育

IT 人的高薪职业学院

谢谢

咨询热线 400-080-6560



马哥教育
IT 人的高薪职业学院