Python树

讲师: Wayne

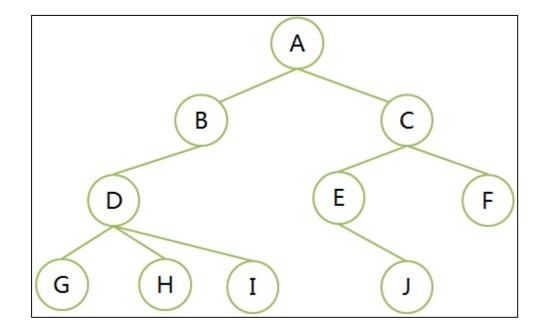
从业十余载,漫漫求知路

树

- □ 非线性结构,每个元素可以有多个前驱和后继
- □ 树是n(n≥0)个元素的集合
 - □ n = 0时, 称为空树
 - □ 树只有一个特殊的没有前驱的元素,称为树的根Root
 - □ 树中除了根结点外,其余元素只能有一个前驱,可以有零个或多个后继
- □ 递归定义
 - □ 树T是n(n≥0)个元素的集合。n=0时,称为空树
 - □ 有且只有一个特殊元素根,剩余元素都可以被划分为m个互不相交的集合T1、T2、T3、...、Tm,而每
 - 一个集合都是树,称为T的子树Subtree
 - □ 子树也有自己的根

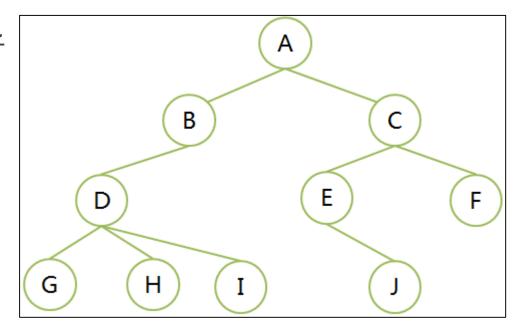
树的概念

- □ 结点:树中的数据元素
- □ 结点的度degree:结点拥有的子树的数目称为度,记作d(v)。
- □ 叶子结点:结点的度为0,称为叶子结点leaf、终端结点、末端结点
- □ 分支结点:结点的度不为0,称为非终端结点或分支结点
- □ 分支:结点之间的关系
- □ 内部结点:除根结点外的分支结点,当然也不包括叶子结点
- □ 树的度是树内各结点的度的最大值。D结点度最大为3,树的度数就是3



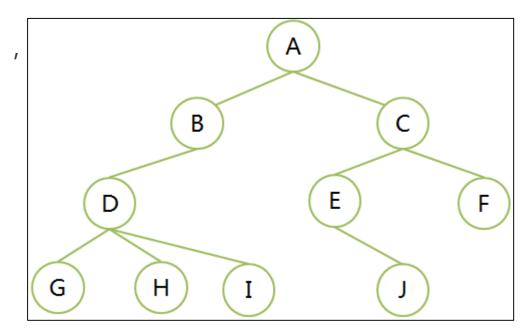
树的概念

- □ 孩子(儿子Child)结点:结点的子树的根结点成为该结点的孩子
- □ 双亲(父Parent)结点:一个结点是它各子树的根结点的双亲
- □ 兄弟 (Sibling) 结点:具有相同双亲结点的结点
- □ 祖先结点:从根结点到该结点所经分支上所有的结点。A、B、D 都是G的祖先结点
- □ 子孙结点:结点的所有子树上的结点都称为该结点的子孙。B的 子孙是D、G、H、I
- □ 结点的层次(Level):根节点为第一层,根的孩子为第二层,以此类推,记作L(v)
- □ 树的深度(高度Depth): 树的层次的最大值。上图的树深度为4
- □ 堂兄弟:双亲在同一层的结点



树的概念

- 有序树:结点的子树是有顺序的(兄弟有大小,有先后次序), 不能交换。
- □ 无序树:结点的子树是有无序的,可以交换。
- □ 路径:树中的k个结点n1、n2、...、nk,满足ni是n(i+1)的双亲,成为n1到nk的一条路径。就是一条线串下来的,前一个都是后一个的父(前驱)结点。
- □ 路径长度=路径上结点数-1, 也是分支数
- □ 森林: m(m≥0)棵不相交的树的集合
 - □ 对于结点而言,其子树的集合就是森林。A结点的2棵子 树的集合就是森林

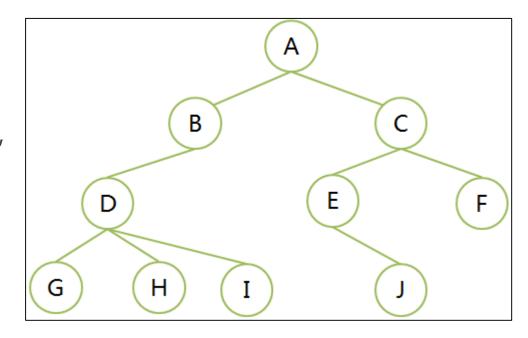


树

- □ 树的特点
 - □唯一的根
 - □ 子树不相交
 - □ 除了根以外,每个元素只能有一个前驱,可以有零个或多个后继
 - □ 根结点没有双亲结点(前驱),叶子结点没有孩子结点(后继)
 - □ vi是vj的双亲,则L(vi) = L(vj)-1,也就是说双亲比孩子结点的层次小1
- □ 堂兄弟的双亲是兄弟关系吗?

树

- □ 堂兄弟的双亲是兄弟关系吗?
 - □ 堂兄弟定义是,双亲结点是同一层的节点
 - □ 右图G和J是堂兄弟,因为它们的双亲结点D和E在第三层, 依然是堂兄弟
 - □ 因此, 堂兄弟的双亲不一定是兄弟关系

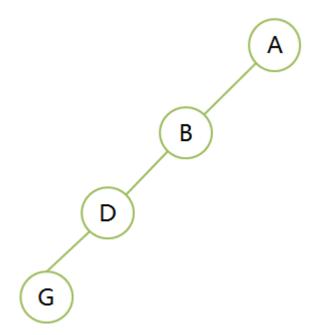


二叉树

- □ 每个结点最多2棵子树
 - □ 二叉树不存在度数大于2的结点
- □ 它是有序树, 左子树、右子树是顺序的, 不能交换次序
- □ 即使某个结点只有一棵子树,也要确定它是左子树还是右子树
- □ 二叉树的五种基本形态
 - □ 空二叉树
 - □ 只有一个根结点
 - □ 根结点只有左子树
 - □ 根结点只有右子树
 - □ 根结点有左子树和右子树

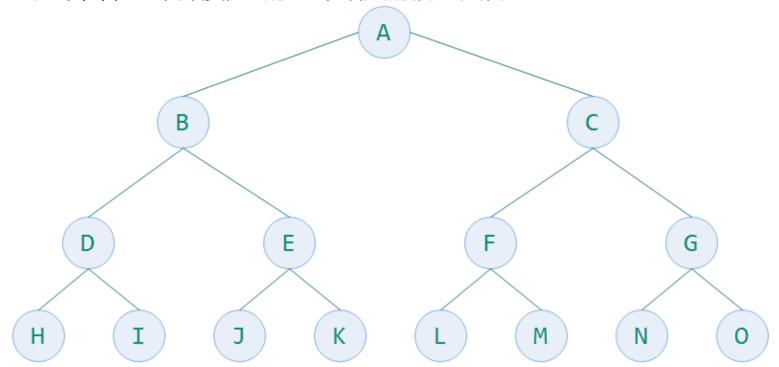
斜树

- □ 左斜树,所有结点都只有左子树
- □ 右斜树,所有节点都只有右子树



满二叉树

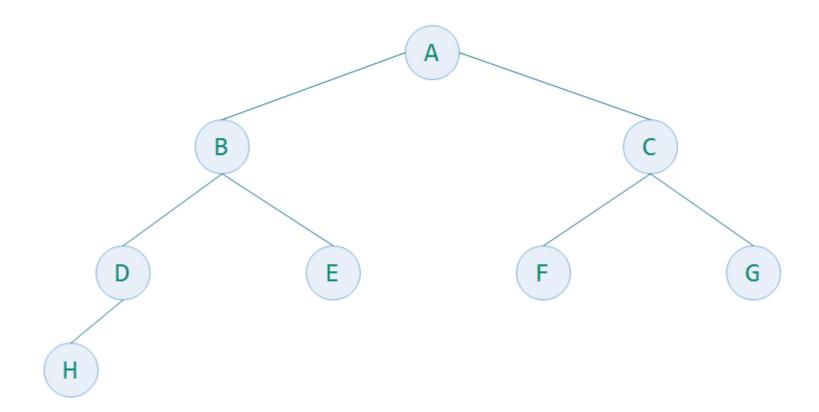
- □ 一棵二叉树的所有分支结点都存在左子树和右子树,并且所有叶子结点只存在在最下面一层。
- □ 同样深度二叉树中,满二叉树结点最多。
- □ k为深度(1≤k≤n),则结点总数为2^k-1
- □ 如下图 , 一个深度为4的15个结点的满二叉树



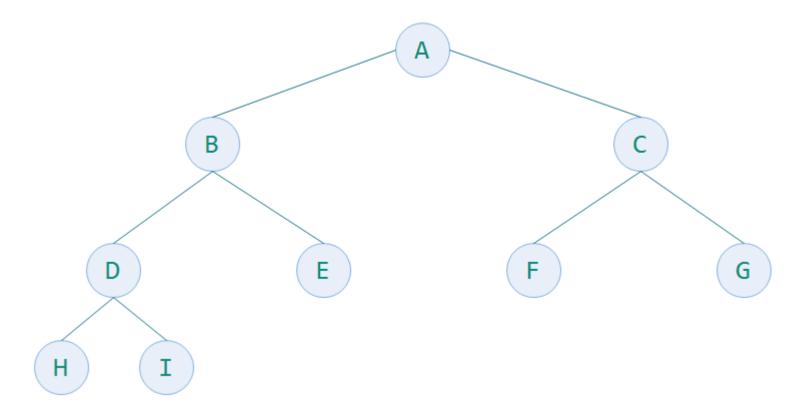
完全二叉树Complete Binary Tree

- □ 若二叉树的深度为k,二叉树的层数从1到k-1层的结点数都达到了最大个数,在第k层的所有结点都集中在最左边,这就是完全二叉树
- □ 完全二叉树由满二叉树引出
- □ 满二叉树一定是完全二叉树,但完全二叉树不是满二叉树
- □ k为深度(1≤k≤n),则结点总数最大值为2^k-1,当达到最大值的时候就是满二叉树

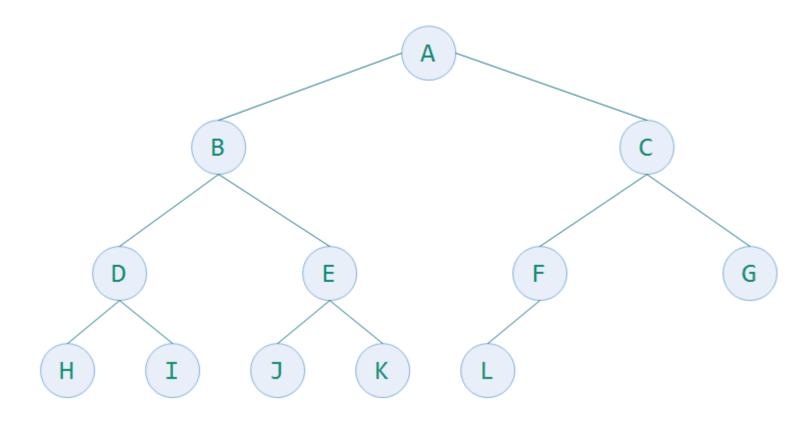
□ 举例,完全二叉树,最下一层的叶子结点都连续的集中在左边



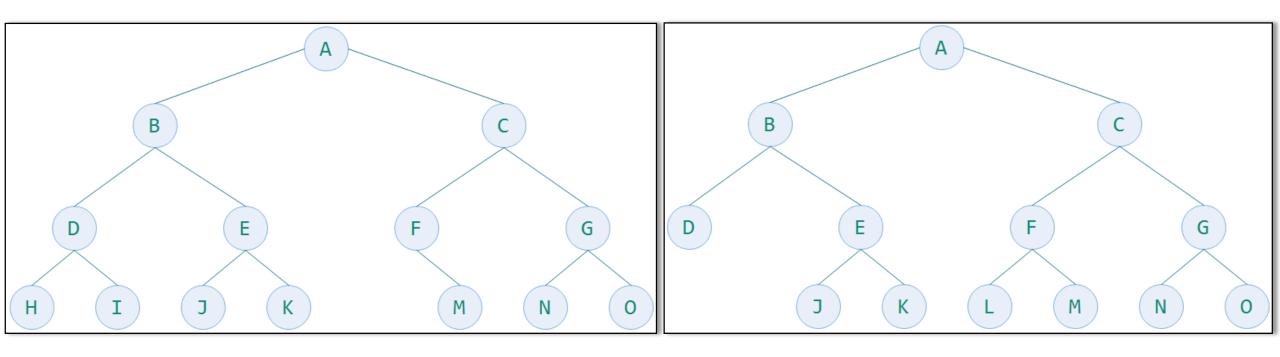
□ 举例,完全二叉树,最下一层的叶子结点都连续的集中在左边



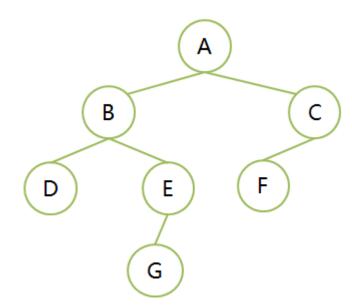
□ 举例,完全二叉树,最下一层的叶子结点都连续的集中在左边



□ 举例 , **不是完全二叉树**

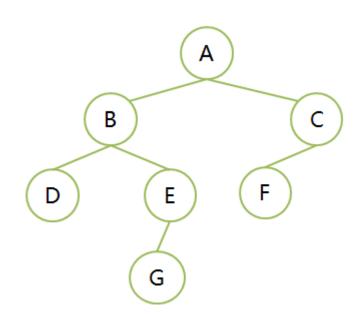


- □ 性质1
 - □ 在二叉树的第i层上至多有2^(i-1)个结点(i≥1)
- □ 性质2
 - □ 深度为k的二叉树,至多有2^k-1个节点(k≥1)
 - □ 一层 2-1=1
 - □ 二层 4-1=1+2=3
 - □ 三层 8-1=1+2+4=7

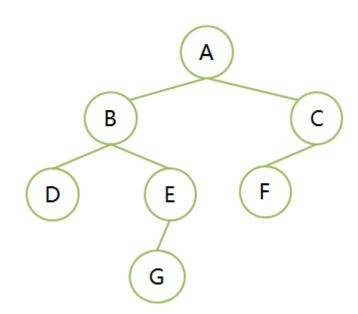


□ 性质3

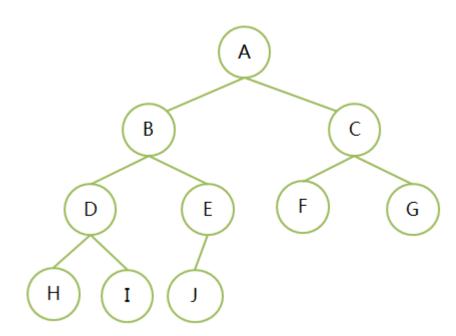
- □ 对任何一棵二叉树T,如果其终端节点数为n0,度数为2的结点为n2,则有n0=n2+1
- □ 换句话说,就是叶子结点数-1就等于度数为2的结点数。
- □ 证明:
 - □ 总结点数为n=n0+n1+n2, n1为度数为1的结点总数。
 - □ 一棵树的分支数为n-1,因为除了根结点外,其余结点都有一个分支,即n0+n1+n2-1。
 - □ 分支数还等于n0*0+n1*1+n2*2, n2是2分支结点所以乘以2, 2*n2+n1。
 - □ 可得2*n2+n1=n0+n1+n2-1 => n2=n0-1



- □ 其他性质
 - □ 高度为k的二叉树,至少有k个结点。
 - □ 含有n(n≥1)的结点的二叉树高度至多为n。和上句一个意思
 - □ 含有n(n≥1)的结点的二叉树的高度至多为n,最小为 math.ceil(log₂(n+1)),不小于对数值的最小整数,向上取整。
 - □ 假设高度为h, 2^h-1=n => h = log₂ (n+1), 层次数是取整。 如果是8个节点, 3.1699就要向上取整为4, 为4层

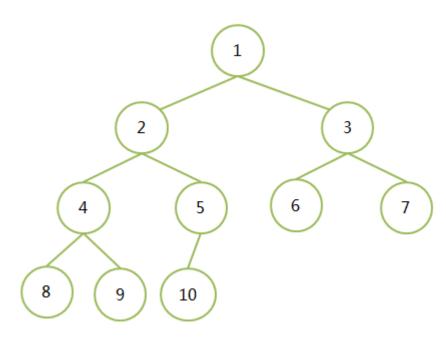


- □ 性质4
 - 具有n个结点的完全二叉树的深度为int(log₂n)+1或者 math.ceil(log₂(n+1))



□ 性质5

- □ 如果有一棵n个结点的完全二叉树(深度为性质4),结点按照层序编号,如右图
- □ 如果i=1,则结点i是二叉树的根,无双亲;如果i>1,则其双亲是int(i/2),向下取整。就是子节点的编号整除2得到的就是父结点的编号。父结点如果是i,那么左孩子结点就是2i,右孩子结点就是2i+1。
- □ 如果2i>n,则结点i无左孩子,即结点i为叶子结点;否则其左孩子结点存在编号为2i。
- □ 如果2i+1>n,则结点i无右孩子,注意这里并不能说明结点i没有 左孩子;否则右孩子结点存在编号为2i+1。



谢谢

咨询热线 400-080-6560