All-in at the River

Standard Code Library

Shanghai Jiao Tong University

Desprado2

fstqwq

AntiLeaf



44

那一年的区域赛是 ICPC2020 银川 最终我们差 100 分钟出线 当时我看见 fstqwq 趴在魄罗上 泣不成声 这个画面我永生难忘

那一刻我在想如果能再给我一次机会我一定要赢回所有如今沈阳就在眼前我必须考虑这会不会是我此生仅有的机会我相信 Talancode 能有过去的霸主地位 fstqwq 功不可没

重铸交大荣光,我辈义不容辞

Contents					· · · ·	24
1	图记	♦	2		1 0	25
1	以 1.1	·C 最小生成树	2			$\frac{25}{25}$
	1.1	取り主成物 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	$\frac{2}{2}$		***************************************	25 25
		1.1.2 动态最小生成树	$\frac{2}{2}$		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	27
		1.1.3 Steiner Tree 斯坦纳树	$\frac{2}{3}$			27
	1.2	最短路	3			27
	1.2	1.2.1 k短路	3			29
	1.3	仙人掌	3		5.6.3 维护子树信息	28
	1.0	1.3.1 仙人掌DP	3			30
	1.4	二分图	4		****/	32
	1.1	1.4.1 KM二分图最大权匹配	4		··	$\frac{32}{33}$
	1.5	一般图匹配	5			33
	1.0	1.5.1 高斯消元	5		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	34
		1.5.2 带花树	6		—	34
		1.5.3	7			0.
	1.6	最大流	9	6		34
	1.0	1.6.1 Dinic	9			34
		1.6.2 ISAP	9		7	
		1.6.3 HLPP最高标号预流推进	10	7	Miscellaneous	35
	1.7	费用流	11		7.1 $O(1)$ 快速乘	35
		1.7.1 SPFA费用流	11		7.2 $O(n^2)$ 高精度	35
_			-		7.3 xorshift	38
2	字符		12			38
	2.1	AC自动机	12			38
	2.2	后缀数组	12		• —	38
		2.2.1 SA-IS	12		7.7 rope	38
		2.2.2 SAMSA	14	0	ンチキエ	
	2.3	后缀自动机	14	8	,—,o, , , ,	38
	2.4	回文树	14			38
		2.4.1 广义回文树	15			39
	2.5	Manacher马拉车	16		8.3 做题策略与心态调节	39
	2.6	KMP	17			
		2.6.1 ex-KMP	17			
3	数字	<u>v</u>	17			
J	女 人 7	」 插值				
	3.1	3.1.1 牛顿插値	$\frac{17}{17}$			
		3.1.2 拉格朗日插值	17			
	3.2	多项式	17			
	0.2	3.2.1 FFT	17			
		3.2.2 NTT	18			
		3.2.3 任意模数卷积(三模数NTT)	18			
		3.2.4 多项式操作	19			
		3.2.5 拉格朗日反演	20			
		3.2.6 半在线卷积	20			
	3.3	FWT快速沃尔什变换	20			
	3.4	单纯形	21			
	3.5	线性代数	22			
		3.5.1 线性基	22			
	3.6	常见数列	22			
		3.6.1 伯努利数	22			
	W/ S					
4	数记		22			
	4.1	O(n)预处理逆元	22			
	4.2	杜教筛	22			
	4.3	线性筛	22			
	4.4	Miller-Rabin	22			
	4.5	Pollard's Rho	23			
K	米什十	足纤杨	0.0			
J		居结构	23			
	5.1	线段树	$\frac{23}{23}$			
		5.1.1 非递归线段树	_			
	5.0	5.1.2 主席树	23			
	5.2	陈丹琦分治	23			

50

63

64

65

70

73

74

75

76

77

79

80

81

83

85

87

88 89

98

99

1. 图论

1.1 最小生成树

1.1.1 Boruvka算法

思想:每次选择连接每个连通块的最小边,把连通块缩起来. 每次连通块个数至少减半, 所以迭代 $O(\log n)$ 次即可得到最小生成 53

一种比较简单的实现方法:每次迭代遍历所有边,用并查集维护连55 通性和每个连通块的最小边权.

应用: 最小异或生成树

```
1.1.2 动态最小生成树
  // 动态最小生成树的离线算法比较容易,而在线算法通常极为复
   →杂
  // 一个跑得比较快的离线做法是对时间分治,在每层分治时找出
   →一定在/不在MST上的边,只带着不确定边继续递归
  // 简单起见,找确定边的过程用Kruskal算法实现,过程中的两种
   → 重要操作如下:
  // - Reduction:待修改边标为+INF,跑MST后把非树边删掉,减少
                                                   67
   → 无用边
                                                   68
  // - Contraction:待修改边标为-INF,跑MST后缩除待修改边之
                                                   69
   → 外的所有MST边, 计算必须边
  // 每轮分治需要Reduction-Contraction,借此减少不确定边,从
                                                   71
   → 而保证复杂度
                                                   72
  // 复杂度证明:假设当前区间有k条待修改边,n和m表示点数和边
   \rightarrow 数,那么最坏情况下R-C的效果为(n, m) -> (n, n + k - 1)
   \hookrightarrow -> (k + 1, 2k)
8
  // 全局结构体与数组定义
10
  struct edge { //边的定义
     int u, v, w, id; // id表示边在原图中的编号
     bool vis; // 在Kruskal时用,记录这条边是否是树边
     bool operator < (const edge &e) const { return w <</pre>
       \rightarrow e.w; }
  } e[20][maxn], t[maxn]; // 为了便于回滚,在每层分治存一个
15
16
17
  // 用于存储修改的结构体,表示第id条边的权值从u修改为v
  struct A {
     int id, u, v;
20
  } a[maxn]:
21
22
  int id[20][maxn]; // 每条边在当前图中的编号
  int p[maxn], size[maxn], stk[maxn], top; // p和size是并查
   → 集数组, stk是用来撤销的栈
  int n, m, q; // 点数,边数,修改数
26
27
28
  // 方便起见,附上可能需要用到的预处理代码
  for (int i = 1; i <= n; i++) { // 并查集初始化
     p[i] = i;
31
     size[i] = 1;
32
33
34
                                                   100
  for (int i = 1; i <= m; i++) { // 读入与预标号
35
                                                   101
     scanf("%d%d%d", \&e[0][i].u, \&e[0][i].v, \&e[0][i].w);\\
36
                                                   102
     e[0][i].id = i;
37
                                                   103
     id[0][i] = i;
38
39
                                                   105
40
                                                   106
  for (int i = 1; i <= q; i++) { // 预处理出调用数组
41
                                                   107
     scanf("%d%d", &a[i].id, &a[i].v);
42
                                                   108
     a[i].u = e[0][a[i].id].w;
43
     e[0][a[i].id].w = a[i].v;
44
```

```
for(int i = q; i; i--)
   e[0][a[i].id].w = a[i].u;
CDQ(1, q, 0, m, 0); // 这是调用方法
// 分治主过程 O(nLog^2n)
// 需要调用Reduction和Contraction
void CDQ(int 1, int r, int d, int m, long long ans) { //
 → CDQ分治
   if (1 == r) { // 区间长度已减小到1,输出答案,退出
       e[d][id[d][a[1].id]].w = a[1].v;
       printf("%1ld\n", ans + Kruskal(m, e[d]));
       e[d][id[d][a[l].id]].w=a[l].u;
       return:
   int tmp = top;
   Reduction(1, r, d, m);
   ans += Contraction(1, r, d, m); // R-C
   int mid = (1 + r) / 2;
   copy(e[d] + 1, e[d] + m + 1, e[d + 1] + 1);
   for (int i = 1; i <= m; i++)</pre>
       id[d + 1][e[d][i].id] = i; // 准备好下一层要用的
         →数组
   CDQ(1, mid, d + 1, m, ans);
   for (int i = 1; i <= mid; i++)</pre>
       e[d][id[d][a[i].id]].w = a[i].v; // 进行左边的修
   copy(e[d] + 1, e[d] + m + 1, e[d + 1] + 1);
    for (int i = 1; i <= m; i++)
       id[d + 1][e[d][i].id] = i; // 重新准备下一层要用
         →的数组
   CDQ(mid + 1, r, d + 1, m, ans);
   for (int i = top; i > tmp; i--)
    cut(stk[i]);//撤销所有操作
   top = tmp;
// Reduction(减少无用边):待修改边标为+INF, 跑MST后把非树
 → 边删掉,减少无用边
// 需要调用Kruskal
void Reduction(int 1, int r, int d, int &m) {
   for (int i = 1; i <= r; i++)
       e[d][id[d][a[i].id]].w = INF;//待修改的边标为INF
   Kruskal(m, e[d]);
   copy(e[d] + 1, e[d] + m + 1, t + 1);
   int cnt = 0:
   for (int i = 1; i <= m; i++)</pre>
       if (t[i].w == INF || t[i].vis){ // 非树边扔掉
           id[d][t[i].id] = ++cnt; // 给边重新编号
           e[d][cnt] = t[i];
   for (int i = r; i >= 1; i--)
```

```
e[d][id[d][a[i].id]].w = a[i].u; // 把待修改的边
109
             → 改回去
110
       m=cnt;
111
112
113
114
    // Contraction(缩必须边):待修改边标为-INF,跑MST后缩除待
115
     → 修改边之外的所有树边
   // 返回缩掉的边的总权值
116
   // 需要调用Kruskal
117
   long long Contraction(int 1, int r, int d, int &m) {
118
       long long ans = 0;
119
120
       for (int i = 1; i <= r; i++)
121
           e[d][id[d][a[i].id]].w = -INF; // 待修改边标
122
             → 为-INF
123
       Kruskal(m, e[d]);
124
       copy(e[d] + 1, e[d] + m + 1, t + 1);
125
126
       int cnt = 0;
127
       for (int i = 1; i <= m ; i++) {
128
129
           if (t[i].w != -INF && t[i].vis) { // 必须边
130
               ans += t[i].w;
131
               mergeset(t[i].u, t[i].v);
132
133
           else { // 不确定边
134
135
               id[d][t[i].id]=++cnt;
136
               e[d][cnt]=t[i];
137
        }
138
139
140
        for (int i = r ; i >= l; i--) {
           e[d][id[d][a[i].id]].w = a[i].u; // 把待修改的边
             →改回夫
142
           e[d][id[d][a[i].id]].vis = false;
143
       }
144
145
       m = cnt:
146
147
       return ans:
148
149
    // Kruskal算法 O(mlogn)
151
    // 方便起见,这里直接沿用进行过缩点的并查集,在过程结束后
152
     →撤销即可
   long long Kruskal(int m, edge *e) {
153
       int tmp = top;
154
       long long ans = 0;
155
156
       sort(e + 1, e + m + 1); // 比较函数在结构体中定义过了
157
158
        for (int i = 1; i <= m; i++) {
159
           if (findroot(e[i].u) != findroot(e[i].v)) {
160
               e[i].vis = true;
161
               ans += e[i].w;
162
               mergeset(e[i].u, e[i].v);
163
164
           else
165
               e[i].vis = false;
166
167
168
        for(int i = top; i > tmp; i--)
169
           cut(stk[i]); // 撤销所有操作
170
171
        top = tmp;
172
       return ans;
173
```

```
176
   // 以下是并查集相关函数
177
   int findroot(int x) { // 因为需要撤销,不写路径压缩
178
       while (p[x] != x)
179
           x = p[x];
180
181
182
       return x;
183
184
   void mergeset(int x, int y) { // 按size合并,如果想跑得更
     → 快就写一个按秩合并
       x = findroot(x); // 但是按秩合并要再开一个栈记录合并
186
         → 之前的秩
       y = findroot(y);
187
188
189
       if(x == y)
190
           return;
191
       if (size[x] > size[y])
192
193
           swap(x, y);
194
195
       p[x] = y;
196
       size[y] += size[x];
197
       stk[++top] = x;
198
199
   void cut(int x) { // 并查集撤销
200
       int y = x;
201
202
203
           size[y = p[y]] -= size[x];
204
       while (p[y]! = y);
205
206
       p[x] = x;
207
208
```

1.1.3 Steiner Tree 斯坦纳树

问题: 一张图上有k个关键点,求让关键点两两连通的最小生成树**做法**: 状压 $\mathrm{DP},\,f_{i,S}$ 表示以i号点为树根,i与S中的点连通的最小边权和

转移有两种:

1. 枚举子集:

$$f_{i,S} = \min_{T \subset S} \left\{ f_{i,T} + f_{i,S \setminus T} \right\}$$

2. 新加一条边:

$$f_{i,S} = \min_{(i,j)\in E} \{f_{j,S} + w_{i,j}\}$$

第一种直接枚举子集DP就行了,第二种可以用SPFA或者Dijkstra松弛(显然负边一开始全选就行了,所以只需要处理非负边).

复杂度 $O(n3^k + 2^k m \log n)$.

1.2 最短路

1.2.1 k短路

```
1 //注意这是个多项式算法,在k比较大时很有优势,但k比较小时最
→ 好还是用A*

2 //DAG和有环的情况都可以,有重边或自环也无所谓,但不能有零
→ 环

3 //以下代码以Dijkstra+可持久化左偏树为例

4 constexpr int maxn = 1005, maxe = 10005,maxm = maxe * 30;
→ //点数,边数,左偏树结点数
```

```
6
   // 结构体定义
7
                                                           73
  struct A { // 用来求最短路
                                                           74
      int x, d;
      A(int x, int d) : x(x), d(d) {}
10
      bool operator < (const A &a) const {</pre>
11
          return d > a.d;
12
13
14
  };
15
  struct node{ // 左偏树结点
16
      int w, i, d; // i:最后一条边的编号 d:左偏树附加信息
17
18
      node *lc, *rc;
19
      node() {}
20
21
      node(int w, int i) : w(w), i(i), d(0) {}
22
                                                           85
23
      void refresh(){
24
                                                           86
          d = rc \rightarrow d + 1;
25
                                                           87
26
  } null[maxm], *ptr = null, *root[maxn];
27
                                                           89
28
                                                           90
  struct B { // 维护答案用
                                                           91
      int x, w; // x是结点编号, w表示之前已经产生的权值
30
                                                           92
      node *rt; // 这个答案对应的堆顶,注意可能不等于任何-
31
                                                           93
        → 个结点的堆
                                                           94
      B(int x, node *rt, int w) : x(x), w(w), rt(rt) {}
32
                                                           95
      bool operator < (const B &a) const {</pre>
33
                                                           96
          return w + rt -> w > a.w + a.rt -> w;
34
                                                           97
35
                                                           98
  };
36
                                                           99
                                                           100
  // 全局变量和数组定义
                                                           101
  vector<int> G[maxn], W[maxn], id[maxn]; // 最开始要存反向
                                                           102
    → 图, 然后把G清空作为儿子列表
  bool vis[maxn], used[maxe]; // used表示边是否在最短路树上
40
                                                           104
  int u[maxe], v[maxe], w[maxe]; // 存下每条边,注意是有向边
41
  int d[maxn], p[maxn]; // p表示最短路树上每个点的父边
  int n, m, k, s, t; // s, t分别表示起点和终点
44
                                                           108
  // 以下是主函数中较关键的部分
45
                                                           109
  for (int i = 0 ; i <= n; i++)</pre>
46
      root[i] = null; // 一定要加上!!!
47
                                                           111
  // (读入&建反向图)
48
                                                           112
  Dijkstra();
                                                           113
  // (清空G, W, id)
                                                           114
  for (int i = 1; i <= n; i++)
                                                           115
      if (p[i]) {
                                                           116
          used[p[i]] = true;//在最短路树上
                                                           117
          G[v[p[i]]].push_back(i);
                                                           118
                                                           119
  for (int i = 1; i <= m; i++) {
      w[i] -= d[u[i]] - d[v[i]]; // 现在的w[i]表示这条边能
                                                           121
        → 使路径长度增加多少
                                                           22
      if (!used[i])
          root[u[i]] = merge(root[u[i]], newnode(w[i], i));
60
                                                           125
  dfs(t);
61
                                                           126
  priority_queue<B> heap;
62
                                                           127
  heap.push(B(s, root[s], 0)); // 初始状态是找贡献最小的边
63
                                                           128
                                                           129
  printf("%d\n",d[s]); // 第1短路需要特判
                                                           130
  while (--k){ // 其余k - 1短路径用二叉堆维护
65
                                                           131
      if (heap.empty())
66
          printf("-1\n");
      else {
68
          int x = heap.top().x, w = heap.top().w;
69
          node *rt = heap.top().rt;
70
          heap.pop();
```

```
printf("%d\n", d[s] + w + rt \rightarrow w);
          if (rt -> lc != null || rt -> rc != null)
              heap.push(B(x, merge(rt -> lc, rt -> rc),
                → w)); // pop掉当前边,换成另一条贡献大一点
                → 的边
           if (root[v[rt -> i]] != null)
              heap.push(B(v[rt \rightarrow i], root[v[rt \rightarrow i]], w +
                → rt -> w)); // 保留当前边, 往后面再接上另
78
  // 主函数到此结束
79
  // Dijkstra预处理最短路 O(m\log n)
  void Dijkstra() {
      memset(d, 63, sizeof(d));
      d[t] = 0;
      priority_queue<A> heap;
      heap.push(A(t, 0));
      while (!heap.empty()) {
          int x = heap.top().x;
          heap.pop();
          if(vis[x])
              continue;
          vis[x]=true;
          for (int i = 0; i < (int)G[x].size(); i++)</pre>
              if (!vis[G[x][i]]&&d[G[x][i]]>d[x]+W[x][i]){
                  d[G[x][i]]=d[x]+W[x][i];
                  p[G[x][i]]=id[x][i];
                  heap.push(A(G[x][i],d[G[x][i]]));
  //dfs求出每个点的堆 总计O(m\Log n)
  //需要调用merge,同时递归调用自身
  void dfs(int x){
      root[x]=merge(root[x],root[v[p[x]]]);
       for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)</pre>
          dfs(G[x][i]);
   //包装过的new node() 0(1)
  node *newnode(int w,int i){
       *++ptr=node(w,i);
      ptr->lc=ptr->rc=null;
      return ptr;
   //带可持久化的左偏树合并 总计O(\Log n)
   //递归调用自身
  node *merge(node *x,node *y){
      if(x==null)return y;
      if(y==null)return x;
      if(x->w>y->w)swap(x,y);
      node *z=newnode(x->w,x->i);
      z \rightarrow 1c = x \rightarrow 1c:
      z->rc=merge(x->rc,y);
      if(z->lc->d>z->rc->d)swap(z->lc,z->rc);
      z->refresh():
      return z:
```

1.3 仙人掌

1.3.1 仙人掌DP

```
struct edge{
       int to, w, prev;
2
   }e[maxn * 2];
3
   vector<pair<int, int> > v[maxn];
   vector<long long> d[maxn];
8
   stack<int> stk;
9
10
   int p[maxn];
11
12
   bool vis[maxn], vise[maxn * 2];
13
14
   int last[maxn], cnte;
15
16
   long long f[maxn], g[maxn], sum[maxn];
17
19
   int n, m, cnt;
20
   void addedge(int x, int y, int w) {
21
       v[x].push_back(make_pair(y, w));
22
23
24
25
   void dfs(int x) {
26
27
       vis[x] = true;
28
       for (int i = last[x]; ~i; i = e[i].prev) {
29
           if (vise[i ^ 1])
30
31
                continue;
32
           int y = e[i].to, w = e[i].w;
33
34
           vise[i] = true;
35
36
           if (!vis[y]) {
37
                stk.push(i);
38
                p[y] = x;
39
40
                dfs(y);
41
                if (!stk.empty() && stk.top() == i) {
42
43
                    stk.pop();
                    addedge(x, y, w);
45
46
47
           else {
48
                cnt++;
49
50
51
                long long tmp = w;
                while (!stk.empty()) {
52
                    int i = stk.top();
53
                    stk.pop();
54
55
                    int yy = e[i].to, ww = e[i].w;
56
57
                    addedge(cnt, yy, 0);
58
59
                    d[cnt].push_back(tmp);
60
61
                    tmp += ww;
62
63
                    if (e[i ^ 1].to == y)
64
                         break;
65
66
67
```

```
addedge(y, cnt, 0);
69
                 sum[cnt] = tmp;
70
71
72
73
75
    void dp(int x) {
76
77
        for (auto o : v[x]) {
78
            int y = o.first, w = o.second;
79
             dp(y);
80
81
        if (x \le n) {
82
83
             for (auto o : v[x]) {
                 int y = o.first, w = o.second;
85
                 f[x] += 2 * w + f[y];
86
87
88
             g[x] = f[x];
89
90
             for (auto o : v[x]) {
91
                 int y = o.first, w = o.second;
92
93
                 g[x] = min(g[x], f[x] - f[y] - 2 * w + g[y] +
94
                   \hookrightarrow W);
             }
95
96
        else {
97
             f[x] = sum[x];
98
             for (auto o : v[x]) {
99
100
                 int y = o.first;
101
                 f[x] += f[y];
102
103
104
             g[x] = f[x];
105
106
             for (int i = 0; i < (int)v[x].size(); i++) {</pre>
107
                 int y = v[x][i].first;
108
109
                 g[x] = min(g[x], f[x] - f[y] + g[y] +
110
                   \hookrightarrow \min(d[x][i], sum[x] - d[x][i]));
             }
111
112
   }
113
```

1.4 二分图

1.4.1 KM二分图最大权匹配

```
visy[y] = true;
15
16
       if (boy[y]) {
17
            visx[boy[y]] = true;
18
            q[tail++] = boy[y];
19
            return false;
20
       }
21
22
       while (y) {
23
            boy[y] = p[y];
24
            swap(y, girl[p[y]]);
25
26
27
       return true;
28
29
30
   // bfs每个点
   void bfs(int x) {
32
33
       memset(q, 0, sizeof(q));
       head = tail = 0;
34
35
       q[tail++] = x;
36
       visx[x] = true;
37
38
       while (true) {
39
            while (head != tail) {
40
                int x = q[head++];
41
42
                for (int y = 1; y <= N; y++)
43
44
                     if (!visy[y]) {
                         long long d = 1x[x] + 1y[y] - w[x]
45
                            \hookrightarrow [y];
46
                         if (d < slack[y]) {</pre>
47
                              p[y] = x;
48
                              slack[y] = d;
49
50
                              if (!slack[y] && check(y))
51
52
                                  return;
55
56
57
            long long d = INF;
            for (int i = 1; i <= N; i++)</pre>
59
                if (!visy[i])
60
                    d = min(d, slack[i]);
61
            for (int i = 1; i <= N; i++) {
62
                if (visx[i])
63
                    lx[i] -= d;
64
65
                if (visy[i])
66
                    ly[i] += d;
67
                else
68
                    slack[i] -= d;
69
70
71
            for (int i = 1; i <= N; i++)
72
                if (!visy[i] && !slack[i] && check(i))
73
                    return;
74
75
76
77
   // 主过程
   long long KM() {
79
       for (int i = 1; i <= N; i++) {</pre>
80
            // lx[i] = 0;
81
            ly[i] = -INF;
82
```

```
// boy[i] = girl[i] = -1;
            for (int j = 1; j <= N; j++)
                ly[i] = max(ly[i], w[j][i]);
86
87
88
        for (int i = 1; i <= N; i++) {
89
            memset(slack, 0x3f, sizeof(slack));
90
            memset(visx, 0, sizeof(visx));
91
            memset(visy, 0, sizeof(visy));
92
            bfs(i);
93
94
95
       long long ans = 0;
96
        for (int i = 1; i <= N; i++)</pre>
97
            ans += w[i][girl[i]];
        return ans;
99
100
101
   // 为了方便贴上主函数
102
103
   int main() {
104
        scanf("%d%d%d", &n, &m, &e);
105
106
       N = max(n, m);
107
       while (e--) {
108
109
            int x, y, c;
            scanf("%d%d%d", &x, &y, &c);
110
111
            w[x][y] = max(c, 0);
112
113
        printf("%lld\n", KM());
114
115
        for (int i = 1; i <= n; i++) {
116
            if (i > 1)
117
                printf(" ");
118
119
            printf("%d", w[i][girl[i]] > 0 ? girl[i] : 0);
120
121
       printf("\n");
122
123
        return 0;
124
```

1.5 一般图匹配

1.5.1 高斯消元

```
// 这个算法基于Tutte定理和高斯消元,思维难度相对小一些,也
   → 更方便进行可行边的判定
  // 注意这个算法复杂度是满的,并且常数有点大,而带花树通常
   → 是跑不满的
  // 以及,根据Tutte定理,如果求最大匹配的大小的话直接输
   → 出Tutte矩阵的秩/2即可
  // 需要输出方案时才需要再写后面那些乱七八糟的东西
  // 复杂度和常数所限,1s之内500已经是这个算法的极限了
  const int maxn = 505, p = 1000000007; // p可以是任
   → 意10^9以内的质数
  // 全局数组和变量定义
int A[maxn][maxn], B[maxn][maxn], t[maxn][maxn],
   bool row[maxn] = {false}, col[maxn] = {false};
  int n, m, girl[maxn]; // girl是匹配点,用来输出方案
  // 为了方便使用,贴上主函数
15
  // 需要调用高斯消元和eliminate
16
  int main() {
17
    srand(19260817); // 膜蛤专用随机种子,换一个也无所谓
18
```

```
19
       scanf("%d%d", &n, &m); // 点数和边数
20
       while (m--) {
21
           int x, y;
22
           scanf("%d%d", &x, &y);
23
           A[x][y] = rand() \% p;
24
           A[y][x] = -A[x][y]; // Tutte矩阵是反对称矩阵
25
26
27
       for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
28
          id[i] = i; // 输出方案用的,因为高斯消元的时候会
29
             → 交换列
       memcpy(t, A, sizeof(t));
30
       Gauss(A, NULL, n);
31
32
33
       m = n;
       n = 0; // 这里变量复用纯属个人习惯.....
34
35
       for (int i = 1; i <= m; i++)</pre>
36
           if (A[id[i]][id[i]])
37
               a[++n] = i; // 找出一个极大满秩子矩阵
38
39
       for (int i = 1;i <= n; i++)</pre>
40
           for (int j = 1; j <= n; j++)</pre>
41
                                                                106
               A[i][j]=t[a[i]][a[j]];
42
43
       Gauss(A,B,n);
44
45
       for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
46
           if (!girl[a[i]])
                                                                111
47
               for (int j = i + 1; j <= n; j++)</pre>
48
                                                                112
                   if (!girl[a[j]] && t[a[i]][a[j]] && B[j]
                                                                113
49
                     → [i]) {
                        // 注意上面那句if的写法,现在t是邻接矩
                                                                115
50
                          → 阵的备份,
                        // 逆矩阵i行i列不为0当且仅当这条边可
51
                                                                117
                        girl[a[i]] = a[j];
                                                                118
52
                                                                119
                        girl[a[j]] = a[i];
53
                        eliminate(i, j);
54
                        eliminate(j, i);
                                                                121
55
                                                                122
                        break;
56
                                                                123
57
                                                                124
58
       printf("%d\n", n >> 1);
                                                                125
59
                                                                126
       for (int i = 1; i <= m; i++)</pre>
60
           printf("%d ", girl[i]);
                                                                127
61
                                                                128
62
                                                                129
63
       return 0;
                                                                130
64
                                                                131
65
   // 高斯消元 O(n^3)
                                                                132
66
   // 在传入B时表示计算逆矩阵,传入NULL则只需计算矩阵的秩
   void Gauss(int A[][maxn], int B[][maxn], int n){
                                                                133
       if(B) {
69
           memset(B, 0, sizeof(t));
70
           for (int i = 1; i <= n; i++)
71
               B[i][i] = 1;
72
73
74
       for (int i = 1; i <= n; i++) {
75
           if (!A[i][i]) {
76
               for (int j = i + 1; j <= n; j++)</pre>
77
                   if (A[j][i]) {
78
                        swap(id[i], id[j]);
79
                        for (int k = i; k \leftarrow n; k++)
80
                            swap(A[i][k], A[j][k]);
81
82
                       if (B)
83
```

```
for (int k = 1; k <= n; k++)</pre>
                                  swap(B[i][k], B[j][k]);
                         break;
86
                 if (!A[i][i])
89
                     continue;
90
91
92
            int inv = qpow(A[i][i], p - 2);
93
            for (int j = 1; j <= n; j++)</pre>
95
                 if (i != j && A[j][i]){
96
                     int t = (long long)A[j][i] * inv % p;
97
98
                     for (int k = i; k \le n; k++)
99
                         if (A[i][k])
100
                             A[j][k] = (A[j][k] - (long long)t
101
                                \rightarrow * A[i][k]) % p;
                     if (B)
103
                         for (int k = 1; k <= n; k++)
                              if (B[i][k])
105
                                  B[j][k] = (B[j][k] - (long)
                                     \hookrightarrow long)t * B[i][k])%p;
                }
107
108
        if (B)
110
            for (int i = 1; i <= n; i++) {
                 int inv = qpow(A[i][i], p - 2);
                 for (int j = 1; j <= n; j++)
114
                     if (B[i][j])
                         B[i][j] = (long long)B[i][j] * inv %
116
    // 消去一行一列 O(n^2)
120
   void eliminate(int r, int c) {
        row[r] = col[c] = true; // 已经被消掉
        int inv = qpow(B[r][c], p - 2);
        for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
            if (!row[i] && B[i][c]) {
                 int t = (long long)B[i][c] * inv % p;
                 for (int j = 1; j <= n; j++)
                     if (!col[j] && B[r][j])
                         B[i][j] = (B[i][j] - (long long)t *
                            \hookrightarrow B[r][j]) \% p;
            }
134
```

1.5.2 带花树

```
// 带花树通常比高斯消元快很多,但在只需要求最大匹配大小的
→ 时候并没有高斯消元好写
// 当然输出方案要方便很多

// 全局数组与变量定义
vector<int> G[maxn];
int girl[maxn], f[maxn], t[maxn], p[maxn], vis[maxn],
→ tim, q[maxn], head, tail;
int n, m;

8
```

```
10
   int blossom() {
11
       int ans = 0;
12
13
       for (int i = 1; i <= n; i++)
14
           if (!girl[i])
15
               ans += bfs(i);
16
17
18
       return ans;
19
20
21
   // bfs找增广路 O(m)
22
   bool bfs(int s) {
23
       memset(t, 0, sizeof(t));
24
       memset(p, 0, sizeof(p));
25
26
       for (int i = 1; i <= n; i++)
27
         f[i] = i; // 并查集
28
29
       head = tail = 0;
30
       q[tail++] = s;
31
       t[s] = 1;
32
33
       while (head != tail){
34
           int x = q[head++];
35
           for (int y : G[x]){
36
               if (findroot(y) == findroot(x) || t[y] == 2)
37
                    continue;
38
39
               if (!t[y]){
40
                    t[y] = 2;
41
                    p[y] = x;
42
43
                    if (!girl[y]){
44
                        for (int u = y, t; u; u = t) {
45
                            t = girl[p[u]];
46
                            girl[p[u]] = u;
47
                            girl[u] = p[u];
48
49
                        return true;
51
52
                    t[girl[y]] = 1;
                    q[tail++] = girl[y];
53
54
               else if (t[y] == 1) {
55
                    int z = LCA(x, y);
56
                    shrink(x, y, z);
57
                    shrink(y, x, z);
58
59
60
61
62
       return false;
63
64
65
   //缩奇环 O(n)
66
   void shrink(int x, int y, int z) {
67
       while (findroot(x) != z){
           p[x] = y;
69
           y = girl[x];
70
71
           if (t[y] == 2) {
72
               t[y] = 1;
73
               q[tail++] = y;
74
75
76
           if(findroot(x) == x)
77
               f[x] = z;
```

```
if(findroot(y) == y)
                f[y] = z;
80
            x = p[y];
82
83
84
    //暴力找LCA O(n)
86
   int LCA(int x, int y) {
87
        tim++;
        while (true) {
            if (x) {
                x = findroot(x);
                if (vis[x] == tim)
                    return x;
                else {
                    vis[x] = tim;
                    x = p[girl[x]];
99
            swap(x, y);
100
101
102
    //并查集的查找 0(1)
104
   int findroot(int x) {
105
        return x == f[x] ? x : (f[x] = findroot(f[x]));
106
107
```

1.5.3 带权带花树

(有一说一这玩意实在太难写了, 抄之前建议先想想算法是不是假的或者有SB做法)

```
1 #define DIST(e) (lab[e.u]+lab[e.v]-g[e.u][e.v].w*2)
 2 struct Edge{ int u,v,w; } g[N][N];
   int n,m,n_x,lab[N],match[N],slack[N],
   st[N],pa[N],fl_from[N][N],S[N],vis[N];
   vector<int> fl[N];
   deque<int> q;
   void update_slack(int u,int x){
       if(!slack[x]||DIST(g[u][x])<DIST(g[slack[x]][x]))</pre>
         \hookrightarrow slack[x]=u; }
   void set_slack(int x){
       slack[x]=0;
10
        for(int u=1; u<=n; ++u)</pre>
11
            if(g[u][x].w>0&&st[u]!
12
              \rightarrow =x\&\&S[st[u]]==0)update\_slack(u,x);
13
   void q_push(int x){
14
        if(x<=n)return q.push_back(x);</pre>
        for(int i=0; i<fl[x].size(); i++)q_push(fl[x][i]);</pre>
16
17
   void set_st(int x,int b){
        st[x]=b;
       if(x<=n)return;</pre>
       for(int i=0; i<fl[x].size(); ++i)set_st(fl[x][i],b);</pre>
^{22}
   int get_pr(int b,int xr){
23
       int
24

    pr=find(fl[b].begin(),fl[b].end(),xr)-fl[b].begin();

        if(pr%2==1){
25
            reverse(fl[b].begin()+1,fl[b].end());
            return (int)fl[b].size()-pr;
27
28
29
        else return pr;
30
   void set match(int u,int v){
31
       match[u]=g[u][v].v;
32
```

```
if(u<=n)return;</pre>
                                                                                   S[xs]=-1,set_slack(xs);
33
        Edge e=g[u][v];
34
                                                                      101
        int xr=fl_from[u][e.u],pr=get_pr(u,xr);
                                                                               st[b]=0;
35
                                                                      102
        for(int i=0; i<pr; ++i)set_match(fl[u][i],fl[u]</pre>
                                                                      103
36
                                                                          bool on_found_Edge(const Edge &e){
         \hookrightarrow [i<sup>1</sup>]);
                                                                      104
                                                                               int u=st[e.u],v=st[e.v];
        set match(xr,v);
                                                                      105
37
        rotate(f1[u].begin(),f1[u].begin()+pr,f1[u].end());
                                                                               if(S[v]==-1){
                                                                      106
38
                                                                                   pa[v]=e.u,S[v]=1;
                                                                      107
39
   void augment(int u,int v){
40
                                                                                   int nu=st[match[v]];
                                                                      108
41
       int xnv=st[match[u]];
                                                                                   slack[v]=slack[nu]=0;
                                                                      109
        set_match(u,v);
                                                                                   S[nu]=0,q_push(nu);
42
                                                                      110
        if(!xnv)return;
43
                                                                      111
        set_match(xnv,st[pa[xnv]]);
                                                                               else if(S[v]==0){
44
                                                                      112
        augment(st[pa[xnv]],xnv);
                                                                                   int lca=get_lca(u,v);
45
                                                                      113
46
                                                                                   if(!lca)return augment(u,v),augment(v,u),1;
47
   int get_lca(int u,int v){
                                                                                   else add_blossom(u,lca,v);
                                                                      115
        static int t=0;
48
        for(++t; u|v; swap(u,v)){
49
                                                                               return 0;
                                                                      117
            if(u==0)continue;
50
                                                                      118
            if(vis[u]==t)return u;
                                                                          bool matching(){
51
                                                                      119
            vis[u]=t;
                                                                               fill(S,S+n_x+1,-1),fill(slack,slack+n_x+1,0);
52
                                                                      120
            u=st[match[u]];
53
                                                                               q.clear();
            if(u)u=st[pa[u]];
                                                                               for(int x=1; x<=n_x; ++x)</pre>
54
                                                                                   if(st[x]==x\&\&!match[x])pa[x]=0,S[x]=0,q_push(x);
55
       }
56
       return 0:
                                                                               if(q.empty())return 0;
57
                                                                               for(;;){
   void add_blossom(int u,int lca,int v){
58
                                                                                   while(q.size()){
                                                                      126
       int b=n+1;
59
                                                                      127
                                                                                        int u=q.front();
       while(b \le n_x \&st[b])++b;
60
                                                                                        q.pop_front();
       if(b>n_x)++n_x;
61
                                                                                        if(S[st[u]]==1)continue;
       lab[b]=0,S[b]=0;
62
                                                                                        for(int v=1; v<=n; ++v)</pre>
                                                                      130
        match[b]=match[lca];
63
                                                                                             if(g[u][v].w>0&&st[u]!=st[v]){
                                                                      131
        fl[b].clear();
64
                                                                                                 if(DIST(g[u][v])==0){
                                                                      132
        fl[b].push_back(lca);
                                                                                                      \textbf{if}(on\_found\_Edge(g[u][v])) \\ \textbf{return} \\
                                                                      133
        for(int x=u,y; x!=lca; x=st[pa[y]])
            fl[b].push_back(x),
                                                                      134
            f1[b].push_back(y=st[match[x]]),q_push(y);
                                                                                                 else update_slack(u,st[v]);
                                                                      135
69
        reverse(fl[b].begin()+1,fl[b].end());
                                                                      136
        for(int x=v,y; x!=lca; x=st[pa[y]])
70
                                                                      137
            fl[b].push_back(x),
71
                                                                      138
                                                                                   int d=INF;
            f1[b].push_back(y=st[match[x]]),q_push(y);
72
                                                                                   for(int b=n+1; b<=n_x; ++b)</pre>
                                                                      139
        set_st(b,b);
73
                                                                                        if(st[b]==b&&S[b]==1)d=min(d,lab[b]/2);
                                                                      140
        for(int x=1; x<=n_x; ++x)g[b][x].w=g[x][b].w=0;</pre>
74
                                                                      141
                                                                                   for(int x=1; x<=n_x; ++x)</pre>
        for(int x=1; x<=n; ++x)fl_from[b][x]=0;</pre>
75
                                                                      142
                                                                                        if(st[x]==x&&slack[x]){
        for(int i=0; i<fl[b].size(); ++i){</pre>
76
                                                                                            if(S[x]==-1)d=min(d,DIST(g[slack[x]]
            int xs=fl[b][i];
77
            for(int x=1; x<=n_x; ++x)</pre>
                                                                                            else if(S[x]==0)d=min(d,DIST(g[slack[x]]
78
                 if(g[b][x].w==0||DIST(g[xs][x])<DIST(g[b]</pre>
                                                                                              \hookrightarrow [x])/2);
79
                   \hookrightarrow [X]))
                                                                      145
                     g[b][x]=g[xs][x],g[x][b]=g[x][xs];
80
                                                                                   for(int u=1; u<=n; ++u){</pre>
            for(int x=1; x<=n; ++x)</pre>
81
                                                                                        if(S[st[u]]==0){
                 if(fl_from[xs][x])fl_from[b][x]=xs;
                                                                                            if(lab[u]<=d)return 0;</pre>
82
                                                                                            lab[u]-=d;
83
                                                                       49
       set_slack(b);
84
                                                                       150
85
                                                                                        else if(S[st[u]]==1)lab[u]+=d;
                                                                      151
   void expand_blossom(int b){
86
                                                                      152
        for(int i=0; i<fl[b].size(); ++i)</pre>
87
                                                                                   for(int b=n+1; b<=n_x; ++b)</pre>
                                                                      153
            set_st(fl[b][i],fl[b][i]);
88
                                                                                        if(st[b]==b){
                                                                      154
        int xr=fl_from[b][g[b][pa[b]].u],pr=get_pr(b,xr);
89
                                                                                            if(S[st[b]]==0)lab[b]+=d*2;
                                                                      155
        for(int i=0; i<pr; i+=2){</pre>
                                                                                            else if(S[st[b]]==1)lab[b]-=d*2;
                                                                      156
            int xs=fl[b][i],xns=fl[b][i+1];
                                                                      157
            pa[xs]=g[xns][xs].u;
92
                                                                                   q.clear();
                                                                      158
            S[xs]=1,S[xns]=0;
93
                                                                                   for(int x=1; x<=n_x; ++x)</pre>
                                                                      159
            slack(xs]=0,set_slack(xns);
94
                                                                                        if(st[x]==x&&slack[x]&&st[slack[x]]!
                                                                      160
95
            q_push(xns);
                                                                                          \hookrightarrow =x\&BIST(g[slack[x]][x])==0)
96
                                                                                            if(on_found_Edge(g[slack[x]][x]))return
                                                                      161
        S[xr]=1,pa[xr]=pa[b];
                                                                                              97
        for(int i=pr+1; i<fl[b].size(); ++i){</pre>
                                                                                   for(int b=n+1; b<=n_x; ++b)</pre>
98
                                                                      162
            int xs=fl[b][i];
99
```

```
if(st[b]==b&&S[b]==1&&lab[b]==0)expand_blossom(b)
                                                                                    int x = q[head++];
163
                                                                                   for (int i = last[x]; ~i; i = e[i].prev)
        return 0; }
                                                                                        if (e[i].cap > 0 && d[e[i].to] == -1) {
164
                                                                       36
    pair<11,int> weight_blossom(){
                                                                                            d[e[i].to] = d[x] + 1;
                                                                       37
        fill(match, match+n+1,0);
                                                                                             q[tail++] = e[i].to;
166
                                                                       38
        n_x=n;
167
                                                                       39
        int n_matches=0;
168
                                                                       40
        11 tot_weight=0;
169
                                                                       41
        for(int u=0; u<=n; ++u)st[u]=u,fl[u].clear();</pre>
                                                                       42
170
                                                                       43
                                                                           int dfs(int x, int a) {
        int w_max=0;
171
                                                                               if (x == t || !a)
        for(int u=1; u<=n; ++u)</pre>
                                                                       44
172
                                                                                   return a;
            for(int v=1; v<=n; ++v){</pre>
173
                                                                       45
                 fl_from[u][v]=(u==v?u:0);
                                                                       46
174
                                                                               int flow = 0, f;
                 w_max=max(w_max,g[u][v].w); }
                                                                       47
175
                                                                               for (int &i = cur[x]; ~i; i = e[i].prev)
        for(int u=1; u<=n; ++u)lab[u]=w_max;</pre>
176
                                                                                   if (e[i].cap > 0 && d[e[i].to] == d[x] + 1 && (f
        while(matching())++n_matches;
                                                                       49
177
                                                                                      \hookrightarrow = dfs(e[i].to, min(e[i].cap,a)))) {
        for(int u=1; u<=n; ++u)</pre>
            if(match[u]&&match[u]<u)</pre>
                                                                                        e[i].cap -= f;
                 tot_weight+=g[u][match[u]].w;
                                                                                        e[i^1].cap += f;
        return make_pair(tot_weight,n_matches); }
                                                                                        flow += f;
                                                                       53
    int main(){
                                                                                        a -= f;
        cin>>n>>m;
                                                                       54
        for(int u=1; u<=n; ++u)</pre>
                                                                                        if (!a)
                                                                       56
            for(int v=1; v<=n; ++v)</pre>
                                                                                            break;
                                                                       57
                 g[u][v]=Edge \{u,v,0\};
186
                                                                       58
        for(int i=0,u,v,w; i<m; ++i){</pre>
                                                                       59
            cin>>u>>v>>w;
188
                                                                       60
                                                                               return flow;
            g[u][v].w=g[v][u].w=w; }
189
                                                                       61
        cout<<weight_blossom().first<<'\n';</pre>
190
        for(int u=1; u<=n; ++u)cout<<match[u]<<' '; }</pre>
191
```

1.6 最大流

1.6.1 Dinic

```
// 注意Dinic适用于二分图或分层图,对于一般稀疏图ISAP更
     → 优, 稠密图则HLPP更优
   struct edge{
      int to, cap, prev;
   } e[maxe * 2];
6
7
   int last[maxn], len, d[maxn], cur[maxn], q[maxn];
8
9
   memset(last, -1, sizeof(last));
10
   void AddEdge(int x, int y, int z) {
11
12
       e[len].to = y;
       e[len].cap = z;
13
       e[len].prev = last[x];
14
       last[x] = len++;
15
16
17
   int Dinic() {
18
       int flow = 0;
19
       while (bfs(), \simd[t]) {
20
           memcpy(cur, last, sizeof(int) * (t + 5));
21
           flow += dfs(s, inf);
22
23
       return flow;
24
25
26
   void bfs() {
27
       int head = 0, tail = 0;
28
       memset(d, -1, sizeof(int) * (t + 5));
29
       q[tail++] = s;
30
       d[s] = 0;
31
32
       while (head != tail){
33
```

1.6.2 ISAP

```
// 注意ISAP适用于一般稀疏图,对于二分图或分层图情
    → 况Dinic比较优, 稠密图则HLPP更优
3
  // 边的定义
  // 这里没有记录起点和反向边,因为反向边即为正向边xor 1,起
    → 点即为反向边的终点
  struct edge{
      int to, cap, prev;
  } e[maxe * 2];
  // 全局变量和数组定义
11
  int last[maxn], cnte = 0, d[maxn], p[maxn], c[maxn],
    \hookrightarrow cur[maxn], q[maxn];
  int n, m, s, t; // s, t一定要开成全局变量
14
  // 重要!!!
  // main函数最前面一定要加上如下初始化
  memset(last, -1, sizeof(last));
20
  // 加边函数 O(1)
21
  // 包装了加反向边的过程,方便调用
  // 需要调用AddEdge
  void addedge(int x, int y, int z) {
      AddEdge(x, y, z);
      AddEdge(y, x, 0);
26
  // 真·加边函数 0(1)
30
  void AddEdge(int x, int y, int z){
31
      e[cnte].to = y;
32
      e[cnte].cap = z;
33
      e[cnte].prev = last[x];
34
```

```
last[x] = cnte++;
35
36
37
38
   // 主过程 O(n^2 m)
39
   // 返回最大流的流量
40
   // 需要调用bfs,augment
   // 注意这里的n是编号最大值,在这个值不为n的时候一定要开个
    → 变量记录下来并修改代码
   // 非递归
43
   int ISAP() {
44
      bfs();
45
46
       memcpy(cur, last, sizeof(cur));
47
48
       int x = s, flow = 0;
49
50
       while (d[s] < n) {
51
          if (x == t) {//如果走到了t就增广一次,并返回s重新
52
              flow += augment();
53
              X = S;
54
55
56
          bool ok = false;
57
           for (int &i = cur[x]; ~i; i = e[i].prev)
58
              if (e[i].cap \&\& d[x] == d[e[i].to] + 1) {
59
60
                  p[e[i].to] = i;
                  x = e[i].to;
61
62
                  ok = true:
63
64
                  break:
65
66
          if (!ok) { // 修改距离标号
67
68
              int tmp = n - 1;
69
               for (int i = last[x]; ~i; i = e[i].prev)
70
                  if (e[i].cap)
71
                      tmp = min(tmp, d[e[i].to] + 1);
72
73
              if (!--c[d[x]])
                  break; // gap优化,一定要加上
74
75
76
              c[d[x] = tmp]++;
77
              cur[x] = last[x];
78
79
              if(x != s)
                 x = e[p[x] ^ 1].to;
80
81
82
       return flow;
83
84
85
   // bfs函数 O(n+m)
86
   // 预处理到t的距离标号
   // 在测试数据组数较少时可以省略,把所有距离标号初始化为0
88
   void bfs(){
       memset(d, -1, sizeof(d));
90
91
       int head = 0, tail = 0;
92
       d[t] = 0;
       q[tail++] = t;
       while (head != tail) {
          int x = q[head++];
          c[d[x]]++;
98
100
           for (int i = last[x]; ~i; i = e[i].prev)
101
              if (e[i ^ 1].cap && d[e[i].to] == -1) {
                  d[e[i].to] = d[x] + 1;
```

```
q[tail++] = e[i].to;
                }
104
105
106
107
   // augment函数 O(n)
108
   // 沿增广路增广一次,返回增广的流量
109
   int augment() {
110
       int a = (~0u) >> 1; // INT_MAX
111
112
       for (int x = t; x != s; x = e[p[x] ^ 1].to)
113
           a = min(a, e[p[x]].cap);
114
115
       for (int x = t; x != s; x = e[p[x] ^ 1].to){
116
           e[p[x]].cap -= a;
117
            e[p[x] ^ 1].cap += a;
118
119
120
       return a;
121
122
```

1.6.3 HLPP最高标号预流推进

```
#include <bits/stdc++.h>
2
   using namespace std;
   constexpr int maxn = 1205, maxe = 120005, inf =
     struct edge {
       int to, cap, prev;
   } e[maxe * 2];
   int n, m, s, t;
   int last[maxn], cnte;
   int h[maxn], ex[maxn], gap[maxn * 2];
14 bool inq[maxn];
16
   struct cmp {
17
       bool operator() (int x, int y) const {
           return h[x] < h[y];</pre>
19
20
   };
21
   priority_queue<int, vector<int>, cmp> heap;
22
23
   void AddEdge(int x, int y, int z) {
       e[cnte].to = y;
       e[cnte].cap = z;
       e[cnte].prev = last[x];
       last[x] = cnte++;
28
   void addedge(int x, int y, int z) {
31
32
       AddEdge(x, y, z);
33
       AddEdge(y, x, 0);
34
35
   bool bfs() {
36
       static int q[maxn];
37
38
       fill(h, h + n + 1, 2 * n);
39
       int head = 0, tail = 0;
40
       q[tail++] = t;
41
       h[t] = 0;
42
43
       while (head < tail) {</pre>
44
           int x = q[head++];
45
```

```
for (int i = last[x]; ~i; i = e[i].prev)
46
                 if (e[i ^ 1].cap && h[e[i].to] > h[x] + 1) {
47
                     h[e[i].to] = h[x] + 1;
48
                     q[tail++] = e[i].to;
49
50
51
52
        return h[s] < 2 * n;</pre>
53
54
55
56
    void push(int x) {
57
        for (int i = last[x]; ~i; i = e[i].prev)
             if (e[i].cap \&\& h[x] == h[e[i].to] + 1) {
58
                 int d = min(ex[x], e[i].cap);
59
60
61
                 e[i].cap -= d;
                 e[i ^ 1].cap += d;
62
                 ex[x] -= d;
63
                 ex[e[i].to] += d;
64
65
                 if (e[i].to != s && e[i].to != t &&
66
                   \hookrightarrow !inq[e[i].to]) {
                     heap.push(e[i].to);
67
                     inq[e[i].to] = true;
68
69
70
71
                 if (!ex[x])
72
                     break;
73
74
75
    void relabel(int x) {
76
        h[x] = 2 * n;
77
78
        for (int i = last[x]; ~i; i = e[i].prev)
79
            if (e[i].cap)
80
                h[x] = min(h[x], h[e[i].to] + 1);
81
82
83
    int hlpp() {
84
        if (!bfs())
85
            return 0:
86
87
        // memset(gap, 0, sizeof(int) * 2 * n);
88
        h[s] = n;
89
90
        for (int i = 1; i <= n; i++)
91
            gap[h[i]]++;
92
93
        for (int i = last[s]; ~i; i = e[i].prev)
94
            if (e[i].cap) {
95
                 int d = e[i].cap;
96
97
                 e[i].cap -= d;
98
                 e[i ^1].cap += d;
99
                 ex[s] -= d;
100
                 ex[e[i].to] += d;
101
102
                 if (e[i].to != s && e[i].to != t &&
103
                   \hookrightarrow !inq[e[i].to]) {
                          heap.push(e[i].to);
104
                          inq[e[i].to] = true;
105
106
107
108
        while (!heap.empty()) {
109
            int x = heap.top();
110
111
            heap.pop();
             inq[x] = false;
112
113
```

```
push(x);
             if (ex[x]) {
115
                 if (!--gap[h[x]]) { // gap
116
                     for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
117
                          if (i != s && i != t && h[i] > h[x])
118
                           h[i] = n + 1;
119
120
121
                 relabel(x);
122
                 ++gap[h[x]];
123
                 heap.push(x);
                 inq[x] = true;
125
128
129
        return ex[t];
130
131
    int main() {
132
133
        memset(last, -1, sizeof(last));
134
135
        scanf("%d%d%d%d", &n, &m, &s, &t);
136
137
        while (m--) {
             int x, y, z;
             scanf("%d%d%d", &x, &y, &z);
40
             addedge(x, y, z);
142
143
        printf("%d\n", hlpp());
144
145
146
        return 0;
147
```

1.7 费用流

1.7.1 SPFA费用流

```
constexpr int maxn = 20005, maxm = 200005;
   struct edge {
       int to, prev, cap, w;
   } e[maxm * 2];
 5
   int last[maxn], cnte, d[maxn], p[maxn]; // 记得把Last初始
    → 化成-1, 不然会死循环
   bool inq[maxn];
   void spfa(int s) {
10
11
       memset(d, -63, sizeof(d));
12
       memset(p, -1, sizeof(p));
13
       queue<int> q;
       q.push(s);
       d[s] = 0;
       while (!q.empty()) {
           int x = q.front();
22
           q.pop();
           inq[x] = false;
23
24
           for (int i = last[x]; ~i; i = e[i].prev)
               if (e[i].cap) {
26
27
                   int y = e[i].to;
28
                   if (d[x] + e[i].w > d[y]) {
29
```

```
p[y] = i;
30
                         d[y] = d[x] + e[i].w;
31
                         if (!inq[y]) {
32
33
                             q.push(y);
                             inq[y] = true;
34
35
                    }
36
                }
37
       }
38
39
40
   int mcmf(int s, int t) {
41
       int ans = 0;
42
43
       while (spfa(s), d[t] > 0) {
44
           int flow = 0x3f3f3f3f;
45
           for (int x = t; x != s; x = e[p[x] ^ 1].to)
46
                flow = min(flow, e[p[x]].cap);
47
48
           ans += flow * d[t];
49
50
           for (int x = t; x != s; x = e[p[x] ^ 1].to) {
51
                e[p[x]].cap -= flow;
52
                e[p[x] ^ 1].cap += flow;
53
54
55
56
57
       return ans;
58
59
   void add(int x, int y, int c, int w) {
60
       e[cnte].to = y;
61
       e[cnte].cap = c;
62
63
       e[cnte].w = w;
64
       e[cnte].prev = last[x];
65
       last[x] = cnte++;
66
67
   void addedge(int x, int y, int c, int w) {
69
       add(x, y, c, w);
70
       add(y, x, 0, -w);
71
72
```

2. 字符串

2.1 AC自动机

```
// Aho-Corasick Automata AC自动机
   // Bv AntiLeaf
   // 通过题目@bzoj3881 Divljak
3
   // 全局变量与数组定义
   int ch[maxm][26] = {{0}}, f[maxm][26] = {{0}}, q[maxm] =
    \hookrightarrow {0}, sum[maxm] = {0}, cnt = 0;
   // 在字典树中插入一个字符串 O(n)
10
   int insert(const char *c) {
      int x = 0;
12
      while (*c) {
13
          if (!ch[x][*c - 'a'])
14
              ch[x][*c - 'a'] = ++cnt;
15
          x = ch[x][*c++ - 'a'];
16
17
18
      return x;
   }
19
20
```

```
// 建AC自动机 O(n*sigma)
   void getfail() {
       int x, head = 0, tail = 0;
24
25
       for (int c = 0; c < 26; c++)
26
           if (ch[0][c])
               q[tail++] = ch[0][c]; // 把根节点的儿子加入队
       while (head != tail) {
30
           x = q[head++];
31
32
           G[f[x][0]].push_back(x);
           fill(f[x] + 1, f[x] + 26, cnt + 1);
34
35
           for (int c = 0; c < 26; c++) {
36
               if (ch[x][c]) {
37
                   int y = f[x][0];
38
                   while (y&&!ch[y][c])
40
41
                       y=f[y][0];
42
                   f[ch[x][c]][0] = ch[y][c];
43
                   q[tail++] = ch[x][c];
44
46
               else
                   ch[x][c] = ch[f[x][0]][c];
47
48
49
       fill(f[0], f[0] + 26, cnt + 1);
50
```

2.2 后缀数组

2.2.1 SA-IS

```
// 注意求完的SA有效位只有1~n,但它是0-based,如果其他部
    → 分是1-based记得+1再用
   constexpr int maxn = 100005, l_type = 0, s_type = 1;
3
   // 判断一个字符是否为LMS字符
   bool is_lms(int *tp, int x) {
      return x > 0 \& tp[x] == s_type \& tp[x - 1] ==
        \hookrightarrow 1_type;
   }
 8
9
   // 判断两个LMS子串是否相同
11
   bool equal_substr(int *s, int x, int y, int *tp) {
       do {
12
          if (s[x] != s[y])
13
              return false;
14
          X++;
15
          y++;
16
       } while (!is_lms(tp, x) && !is_lms(tp, y));
17
18
      return s[x] == s[y];
19
20
   }
   // 诱导排序(从*型诱导到L型,从L型诱导到S型)
   // 调用之前应将*型按要求放入SA中
   void induced_sort(int *s, int *sa, int *tp, int *buc, int
24
    → *lbuc, int *sbuc, int n, int m) {
       for (int i = 0; i <= n; i++)</pre>
25
          if (sa[i] > 0 && tp[sa[i] - 1] == l_type)
26
              sa[lbuc[s[sa[i] - 1]]++] = sa[i] - 1;
27
28
       for (int i = 1; i <= m; i++)</pre>
29
          sbuc[i] = buc[i] - 1;
30
31
```

```
for (int i = n; ~i; i--)
32
           if (sa[i] > 0 && tp[sa[i] - 1] == s_type)
                                                                           int *t = new int[cnt];
33
                                                                   101
               sa[sbuc[s[sa[i] - 1]]--] = sa[i] - 1;
                                                                           int p = 0;
34
                                                                   102
                                                                           for (int i = 0; i <= n; i++)</pre>
35
                                                                   103
                                                                               if (name[i] >= 0)
36
                                                                   104
   // s是输入字符串,n是字符串的长度,m是字符集的大小
                                                                                   t[p++] = name[i];
                                                                   105
   int *sais(int *s, int len, int m) {
38
                                                                   106
       int n = len - 1;
39
                                                                           int *tsa;
                                                                   107
40
                                                                           if (!flag) {
                                                                   108
       int *tp = new int[n + 1];
41
                                                                              tsa = new int[cnt];
                                                                   109
       int *pos = new int[n + 1];
42
                                                                   110
       int *name = new int[n + 1];
43
                                                                               for (int i = 0; i < cnt; i++)</pre>
                                                                   111
       int *sa = new int[n + 1];
                                                                                  tsa[t[i]] = i;
                                                                   112
       int *buc = new int[m + 1];
                                                                   113
46
       int *lbuc = new int[m + 1];
                                                                           else
                                                                   114
47
       int *sbuc = new int[m + 1];
                                                                           tsa = sais(t, cnt, namecnt);
                                                                   115
48
                                                                   116
49
       memset(buc, 0, sizeof(int) * (m + 1));
                                                                           lbuc[0] = sbuc[0] = 0;
                                                                   117
50
                                                                           for (int i = 1; i <= m; i++) {
                                                                   118
       for (int i = 0; i <= n; i++)</pre>
51
                                                                               lbuc[i] = buc[i - 1];
                                                                   119
52
         buc[s[i]]++;
                                                                               sbuc[i] = buc[i] - 1;
                                                                   120
53
                                                                   121
       for (int i = 1; i <= m; i++) {</pre>
54
                                                                   122
           buc[i] += buc[i - 1];
55
                                                                           memset(sa, -1, sizeof(int) * (n + 1));
                                                                   123
56
                                                                           for (int i = cnt - 1; ~i; i--)
                                                                   124
           lbuc[i] = buc[i - 1];
57
                                                                               sa[sbuc[s[pos[tsa[i]]]]--] = pos[tsa[i]];
                                                                   125
           sbuc[i] = buc[i] - 1;
58
                                                                           induced_sort(s, sa, tp, buc, lbuc, sbuc, n, m);
                                                                   126
59
                                                                   127
60
                                                                           return sa;
                                                                   128
61
       tp[n] = s_type;
                                                                   129
                                                                       }
       for (int i = n - 1; \sim i; i--) {
62
                                                                   130
63
           if (s[i] < s[i + 1])</pre>
                                                                       // O(n)求height数组,注意是sa[i]与sa[i - 1]的LCP
                                                                   131
64
                tp[i] = s_type;
                                                                       void get_height(int *s, int *sa, int *rnk, int *height,
                                                                   132
65
           else if (s[i] > s[i + 1])
                                                                         \hookrightarrow int n) {
               tp[i] = l_type;
                                                                           for (int i = 0; i <= n; i++)
66
                                                                   133
           else
                                                                   134
                                                                               rnk[sa[i]] = i;
67
           tp[i] = tp[i + 1];
                                                                   135
68
                                                                   136
                                                                           int k = 0;
69
                                                                           for (int i = 0; i <= n; i++) {
70
                                                                   137
       int cnt = 0;
                                                                               if (!rnk[i])
71
                                                                   138
       for (int i = 1; i <= n; i++)
                                                                                  continue;
72
                                                                   139
           if (tp[i] == s_type && tp[i - 1] == l_type)
                                                                   140
73
               pos[cnt++] = i;
                                                                               if (k)
                                                                   141
74
                                                                                  k--;
75
                                                                   142
       memset(sa, -1, sizeof(int) * (n + 1));
                                                                   143
76
       for (int i = 0; i < cnt; i++)</pre>
                                                                   144
                                                                               while (s[sa[rnk[i]] + k] == s[sa[rnk[i] - 1] +
77
           sa[sbuc[s[pos[i]]]--] = pos[i];
78
       induced_sort(s, sa, tp, buc, lbuc, sbuc, n, m);
                                                                   145
                                                                                   k++;
79
                                                                   146
80
                                                                               height[rnk[i]] = k;
       memset(name, -1, sizeof(int) * (n + 1));
                                                                   147
81
       int lastx = -1, namecnt = 1;
                                                                   148
82
                                                                   149
       bool flag = false;
83
                                                                   150
84
                                                                       char str[maxn]:
                                                                   151
       for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
85
                                                                       int n, s[maxn], sa[maxn], rnk[maxn], height[maxn];
                                                                   152
           int x = sa[i];
86
                                                                   153
87
                                                                       // 方便起见附上主函数
           if (is_lms(tp, x)) {
88
                                                                       int main() {
                if (lastx >= 0 && !equal_substr(s, x, lastx,
89
                                                                           scanf("%s", str);
                 \hookrightarrow tp))
                                                                           n = strlen(str);
                namecnt++;
90
                                                                           str[n] = '$';
91
                if (lastx >= 0 && namecnt == name[lastx])
92
                                                                   160
                                                                           for (int i = 0; i <= n; i++)</pre>
                    flag = true;
93
                                                                           s[i] = str[i];
94
                                                                   162
                name[x] = namecnt;
95
                                                                   163
                                                                           memcpy(sa, sais(s, n + 1, 256), sizeof(int) * (n +
                lastx = x:
96
                                                                            \hookrightarrow 1));
97
                                                                   164
98
                                                                           get_height(s, sa, rnk, height, n);
                                                                   165
       name[n] = 0;
99
                                                                   166
```

```
return 0;
167
                                                                             64
168
```

2.2.2 SAMSA

63

```
#include<bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   const int maxn=100005;
   void expand(int);
   void dfs(int);
5
   int
6
     \hookrightarrow root,last,cnt=0,val[maxn<<1]={0},par[maxn<<1]={0},go[max#|filt c[maxn], q[maxn]; // 用来桶排序
     \hookrightarrow [26] = \{\{0\}\};
   bool vis[maxn<<1]={0};</pre>
   char s[maxn];
   int n,id[maxn<<1]={0},ch[maxn<<1]</pre>
9
     \hookrightarrow [26]={{0}},height[maxn],tim=0;
   int main(){
10
11
        root=last=++cnt;
        scanf("%s",s+1);
12
13
        n=strlen(s+1);
        for(int i=n;i;i--){
14
            expand(s[i]-'a');
15
            id[last]=i;
16
17
        vis[1]=true;
18
19
        for(int i=1;i<=cnt;i++)</pre>
20
            if(id[i])
                 for(int x=i,pos=n;x&&!vis[x];x=par[x]){
21
                     vis[x]=true;
22
                     pos-=val[x]-val[par[x]];
23
                     ch[par[x]][s[pos+1]-'a']=x;
24
25
       dfs(root);
26
       printf("\n");
27
28
        for(int i=1;i<n;i++)printf("%d ",height[i]);</pre>
29
30
   void expand(int c){
31
       int p=last,np=++cnt;
32
        val[np]=val[p]+1;
33
        while(p&&!go[p][c]){
34
            go[p][c]=np;
35
36
            p=par[p];
37
        if(!p)par[np]=root;
38
       else{
39
            int q=go[p][c];
40
            if(val[q]==val[p]+1)par[np]=q;
41
42
                 int nq=++cnt;
43
44
                 val[nq]=val[p]+1;
                 memcpy(go[nq],go[q],sizeof(go[q]));
45
                 par[nq]=par[q];
46
47
                 par[np]=par[q]=nq;
                 while (p\&\&go[p][c]==q){
48
                     go[p][c]=nq;
49
50
                     p=par[p];
                 }
51
            }
52
53
       last=np;
54
55
   void dfs(int x){
56
       if(id[x]){
57
            printf("%d ",id[x]);
58
            height[tim++]=val[last];
59
60
61
        for(int c=0;c<26;c++)if(ch[x][c])dfs(ch[x][c]);</pre>
62
       last=par[x];
```

2.3 后缀自动机

(广义后缀自动机复杂度就是 $O(n|\Sigma|)$, 也没法做到更低了)

```
// 在字符集比较小的时候可以直接开go数组,否则需要用map或
    → 者哈希表替换
   // 注意!!!结点数要开成串长的两倍
   // 全局变量与数组定义
  int last, val[maxn], par[maxn], go[maxn][26], cnt;
  // 在主函数开头加上这句初始化
  last = cnt = 1;
  // 以下是按val进行桶排序的代码
  for (int i = 1; i <= cnt; i++)</pre>
      c[val[i] + 1]++;
  for (int i = 1; i <= n; i++)
14
      c[i] += c[i - 1]; // 这里n是串长
  for (int i = 1; i <= cnt; i++)</pre>
16
      q[++c[val[i]]] = i;
17
18
   //加入一个字符 均摊0(1)
19
20
  void extend(int c) {
      int p = last, np = ++cnt;
      val[np] = val[p] + 1;
22
      while (p && !go[p][c]) {
          go[p][c] = np;
          p = par[p];
26
27
      if (!p)
29
          par[np] = 1;
30
      else {
31
          int q = go[p][c];
32
33
          if (val[q] == val[p] + 1)
34
              par[np] = q;
35
          else {
36
              int nq = ++cnt;
37
              val[nq] = val[p] + 1;
38
              memcpy(go[nq], go[q], sizeof(go[q]));
39
40
              par[nq] = par[q];
41
              par[np] = par[q] = nq;
42
43
              while (p \&\& go[p][c] == q){
44
                  go[p][c] = nq;
45
46
                  p = par[p];
47
48
50
51
      last = np;
52
```

2.4回文树

```
//定理:一个字符串本质不同的回文子串个数是O(n)的
//注意回文树只需要开一倍结点,另外结点编号也是一个可用
 → 的bfs序
//全局数组定义
int val[maxn],par[maxn],go[maxn][26],last,cnt;
char s[maxn];
```

46

47

50

52

53

56

57

58

59

60

62

63

64

66

69

70

```
//重要!在主函数最前面一定要加上以下初始化
8
  par[0]=cnt=1;
10
  val[1]=-1:
  //这个初始化和广义回文树不一样,写普通题可以用,广义回文树
11
                                                         45
    → 就不要乱搞了
12
  //extend函数 均摊0(1)
13
  //向后扩展一个字符
  //传入对应下标
15
  void extend(int n){
16
                                                         51
      int p=last,c=s[n]-'a';
17
      while(s[n-val[p]-1]!=s[n])p=par[p];
18
      if(!go[p][c]){
19
          int q=++cnt,now=p;
20
         val[q]=val[p]+2;
21
         do p=par[p];while(s[n-val[p]-1]!=s[n]);
         par[q]=go[p][c];
24
         last=go[now][c]=q;
25
                                                         61
      else last=go[p][c];
26
      a[last]++;
27
28
                                                         65
```

2.4.1 广义回文树

40

(代码是梯子剖分的版本,压力不大的题目换成直接倍增就好了,常 数只差不到一倍)

```
71
   #include <bits/stdc++.h>
2
   using namespace std;
3
                                                                      74
   constexpr int maxn = 1000005, mod = 1000000007;
5
                                                                      75
                                                                      76
   int val[maxn], par[maxn], go[maxn][26], fail[maxn][26],
                                                                      77

    pam_last[maxn], pam_cnt;

                                                                      78
   int weight[maxn], pow_26[maxn];
                                                                      79
9
                                                                      80
   int trie[maxn][26], trie_cnt, d[maxn], mxd[maxn],
10
                                                                      81
     → son[maxn], top[maxn], len[maxn], sum[maxn];
                                                                      82
   char chr[maxn];
11
                                                                      83
   int f[25][maxn], log_tbl[maxn];
12
13
   vector<int> v[maxn];
14
                                                                      86
   vector<int> queries[maxn];
15
                                                                      87
16
                                                                      88
   char str[maxn];
17
                                                                      89
   int n, m, ans[maxn];
18
19
                                                                      91
   int add(int x, int c) {
20
                                                                      92
       if (!trie[x][c]) {
21
                                                                      93
            trie[x][c] = ++trie_cnt;
22
                                                                      94
            f[0][trie[x][c]] = x;
23
                                                                      95
            chr[trie[x][c]] = c + 'a';
24
25
                                                                      97
26
                                                                      98
       return trie[x][c];
27
                                                                      99
28
                                                                     100
29
                                                                     101
   int del(int x) {
30
       return f[0][x];
31
                                                                     103
32
                                                                     104
33
                                                                     105
   void dfs1(int x) {
34
                                                                     106
       mxd[x] = d[x] = d[f[0][x]] + 1;
35
                                                                     107
36
                                                                     108
        for (int i = 0; i < 26; i++)
37
                                                                     109
            if (trie[x][i]) {
38
                                                                     110
                int y = trie[x][i];
39
                                                                     111
```

```
dfs1(y);
            mxd[x] = max(mxd[x], mxd[y]);
            if (mxd[y] > mxd[son[x]])
                son[x] = y;
void dfs2(int x) {
   if (x == son[f[0][x]])
        top[x] = top[f[0][x]];
    else
       top[x] = x;
    for (int i = 0; i < 26; i++)
        if (trie[x][i]) {
            int y = trie[x][i];
            dfs2(y);
        }
    if (top[x] == x) {
       int u = x;
       while (top[son[u]] == x)
           u = son[u];
        len[x] = d[u] - d[x];
        for (int i = 0; i < len[x]; i++) {</pre>
            v[x].push_back(u);
            u = f[0][u];
        }
        u = x;
        for (int i = 0; i < len[x]; i++) { // 梯子剖分,要
         → 延长一倍
           v[x].push_back(u);
            u = f[0][u];
int get_anc(int x, int k) {
   if (!k)
        return x;
    if (k > d[x])
       return 0;
    x = f[log_tbl[k]][x];
    k ^= 1 << log_tbl[k];</pre>
    return v[top[x]][d[top[x]] + len[top[x]] - d[x] + k];
char get_char(int x, int k) { // 查询x前面k个的字符是哪个
    return chr[get_anc(x, k)];
int getfail(int x, int p) {
    if (get_char(x, val[p] + 1) == chr[x])
        return p;
    return fail[p][chr[x] - 'a'];
int extend(int x) {
    int p = pam_last[f[0][x]], c = chr[x] - 'a';
    p = getfail(x, p);
    int new_last;
   if (!go[p][c]) {
```

```
int q = ++pam_cnt, now = p;
                                                                                     int last = 1:
112
             val[q] = val[p] + 2;
                                                                                    for (char *c = str; *c; c++)
                                                                        183
113
                                                                                         last = add(last, *c - 'a');
                                                                        184
115
             p = getfail(x, par[p]);
                                                                       185
                                                                                    queries[last].push_back(0);
116
                                                                       186
             par[q] = go[p][c];
117
                                                                       187
             new_last = go[now][c] = q;
                                                                                    for (int i = 1; i <= m; i++) {
                                                                       188
118
                                                                                         int op;
119
                                                                       189
                                                                                         scanf("%d", &op);
             for (int i = 0; i < 26; i++)
                                                                       190
                  fail[q][i] = fail[par[q]][i];
                                                                       191
121
                                                                                         if (op == 1) {
122
                                                                       192
             if (get_char(x, val[par[q]]) >= 'a')
                                                                       193
                                                                                              char c:
123
                                                                                              scanf(" %c", &c);
                  fail[q][get_char(x, val[par[q]]) - 'a'] =
                                                                       194
124
                    \hookrightarrow par[q];
                                                                        195
                                                                        196
                                                                                             last = add(last, c - 'a');
125
             if (val[q] <= n)
                                                                                         }
                                                                        197
126
                  weight[q] = (weight[par[q]] + (long long)(n -
                                                                                         else
127
                                                                       198
                    \hookrightarrow val[q] + 1) * pow 26[n - val[q]]) % mod;
                                                                                              last = del(last);
                                                                       199
128
                                                                       200
                  weight[q] = weight[par[q]];
                                                                                         queries[last].push_back(i);
129
                                                                       201
         }
                                                                       202
                                                                                    }
130
131
        else
                                                                       203
             new_last = go[p][c];
                                                                                    dfs1(1):
132
                                                                       204
                                                                                    dfs2(1);
                                                                       205
133
        pam_last[x] = new_last;
                                                                       206
134
                                                                       207
                                                                                    for (int j = 1; j <= log_tbl[trie_cnt]; j++)</pre>
135
                                                                                         for (int i = 1; i <= trie_cnt; i++)</pre>
136
         return weight[pam_last[x]];
                                                                       208
                                                                                              f[j][i] = f[j - 1][f[j - 1][i]];
137
                                                                       209
138
                                                                       210
    void bfs() {
                                                                                    par[0] = pam_cnt = 1;
                                                                       211
139
                                                                       212
140
         queue<int> q;
141
                                                                                    for (int i = 0; i < 26; i++)
142
                                                                       214
                                                                                         fail[0][i] = fail[1][i] = 1;
143
        q.push(1);
                                                                       215
144
                                                                       216
        while (!q.empty()) {
                                                                                    val[1] = -1;
                                                                       217
145
             int x = q.front();
                                                                                    pam_last[1] = 1;
                                                                       218
146
147
             q.pop();
                                                                       219
                                                                       220
                                                                                    bfs();
             sum[x] = sum[f[0][x]];
                                                                       221
149
             if (x > 1)
                                                                                    for (int i = 0; i <= m; i++)</pre>
150
                                                                       222
                  sum[x] = (sum[x] + extend(x)) \% mod;
                                                                                         printf("%d\n", ans[i]);
                                                                       223
151
                                                                       224
152
             for (int i : queries[x])
                                                                                    for (int j = 0; j <= log_tbl[trie_cnt]; j++)</pre>
                                                                       225
153
                  ans[i] = sum[x];
                                                                                         memset(f[j], 0, sizeof(f[j]));
                                                                       226
                                                                       227
155
             for (int i = 0; i < 26; i++)
                                                                                    for (int i = 1; i <= trie_cnt; i++) {</pre>
156
                                                                       228
                  if (trie[x][i])
                                                                                         chr[i] = 0;
157
                                                                       229
                      q.push(trie[x][i]);
                                                                                         d[i] = mxd[i] = son[i] = top[i] = len[i] =
                                                                       230
158
                                                                                           \hookrightarrow pam_last[i] = sum[i] = 0;
159
                                                                       231
                                                                                         v[i].clear();
                                                                       232
                                                                                         queries[i].clear();
161
162
                                                                       233
    int main() {
                                                                                         memset(trie[i], 0, sizeof(trie[i]));
163
                                                                       234
                                                                       235
                                                                                    }
164
        pow_26[0] = 1;
                                                                                    trie_cnt = 0;
165
                                                                       236
        log_tbl[0] = -1;
166
                                                                       237
167
                                                                       238
                                                                                    for (int i = 0; i <= pam_cnt; i++) {</pre>
         for (int i = 1; i <= 1000000; i++) {</pre>
                                                                                         val[i] = par[i] = weight[i];
168
                                                                       239
             pow_26[i] = 2611 * pow_26[i - 1] % mod;
169
                                                                       240
             log_tbl[i] = log_tbl[i / 2] + 1;
                                                                                         memset(go[i], 0, sizeof(go[i]));
170
                                                                       241
                                                                                         memset(fail[i], 0, sizeof(fail[i]));
                                                                       242
171
                                                                       243
        int T;
                                                                       244
                                                                                    pam_cnt = 0;
        scanf("%d", &T);
174
                                                                       245
                                                                       246
175
        while (T--) {
                                                                       247
176
             scanf("%d%d%s", &n, &m, str);
                                                                                return 0;
                                                                       248
                                                                           }
                                                                       249
             trie_cnt = 1;
179
             chr[1] = '#';
180
181
```

2.5 Manacher马拉车

```
//n为串长,回文半径输出到p数组中
   //数组要开串长的两倍
   void manacher(const char *t, int n) {
      static char s[maxn * 2];
5
      for (int i = n; i; i--)
6
        s[i * 2] = t[i];
       for (int i = 0; i <= n; i++)
8
          s[i * 2 + 1] = '#';
10
      s[0] = '$';
11
12
      s[(n + 1) * 2] = ' 0';
      n = n * 2 + 1;
13
14
15
      int mx = 0, j = 0;
16
       for (int i = 1; i <= n; i++) {
17
          p[i] = (mx > i ? min(p[j * 2 - i], mx - i) : 1);
18
19
          while (s[i - p[i]] == s[i + p[i]])
20
              p[i]++;
21
          if(i + p[i] > mx){
              mx = i + p[i];
               j = i;
24
25
26
```

2.6 KMP

2.6.1 ex-KMP

```
//全局变量与数组定义
  char s[maxn], t[maxn];
   int n, m, a[maxn];
3
   //主过程 O(n + m)
   //把t的每个后缀与s的LCP输出到a中,s的后缀和自己的LCP存
    → 在nx中
   //0-based,s的长度是m,t的长度是n
   void exKMP(const char *s, const char *t, int *a) {
      static int nx[maxn];
10
      memset(nx, 0, sizeof(nx));
11
12
      int j = 0;
13
      while (j + 1 < m \&\& s[j] == s[j + 1])
14
          j++;
15
      nx[1] = j;
16
17
       for (int i = 2, k = 1;i < m; i++) {
18
         int pos = k + nx[k], len = nx[i - k];
19
          if (i + len < pos)</pre>
21
              nx[i] = len;
22
          else {
23
               j = max(pos - i, 0);
24
               while (i + j < m \&\& s[j] == s[i + j])
25
                 j++;
26
27
              nx[i] = j;
28
               k = i;
29
30
31
32
      j = 0;
33
      while (j < n \&\& j < m \&\& s[j] == t[j])
34
```

```
j++;
       a[0] = j;
36
37
       for (int i = 1, k = 0; i < n; i++) {
38
           int pos = k + a[k], len = nx[i - k];
39
           if (i + len < pos)
40
               a[i] = len;
41
           else {
42
                j = max(pos - i, 0);
43
                while(j < m && i + j < n && s[j] == t[i + j])
44
45
46
                a[i] = j;
47
                k = i;
48
49
50
51
```

3. 数学

3.1 插值

3.1.1 牛顿插值

牛顿插值的原理是二**项式反演**

二项式反演:

$$f(n) = \sum_{k=0}^{n} \binom{n}{k} g(k) \iff g(n) = \sum_{k=0}^{n} (-1)^{n-k} \binom{n}{k} f(k)$$

可以用 e^x 和 e^{-x} 的麦克劳林展开式证明.

套用二项式反演的结论即可得到牛顿插值:

$$f(n) = \sum_{i=0}^{k} {n \choose i} r_i$$
$$r_i = \sum_{j=0}^{i} (-1)^{i-j} {i \choose j} f(j)$$

其中k表示f(n)的最高次项系数.

实现时可以用k次差分替代右边的式子:

```
for (int i = 0; i <= k; i++)
    r[i] = f(i);
for (int j = 0; j < k; j++)
    for (int i = k; i > j; i--)
    r[i] -= r[i - 1];
```

注意到预处理 r_i 的式子满足卷积形式,必要时可以用FFT优化 至 $O(k \log k)$ 预处理.

3.1.2 拉格朗日插值

$$f(x) = \sum_{i} f(x_i) \prod_{j \neq i} \frac{x - x_j}{x_i - x_j}$$

3.2 多项式

3.2.1 FFT

```
//使用时一定要注意double的精度是否足够(极限大概是10^14)

const double pi=acos((double)-1.0);

//手写复数类
//支持加减乘三种运算
//+=运算符如果用的不多可以不重载
struct Complex{
```

```
double a,b;//由于Long double精度和double几乎相同,通常
        → 没有必要用Long double
       Complex(double a=0.0, double b=0.0):a(a),b(b){}
10
      Complex operator+(const Complex &x)const{return
11
        Complex operator-(const Complex &x)const{return
12
        Complex operator*(const Complex &x)const{return
13
        → Complex(a*x.a-b*x.b,a*x.b+b*x.a);}
      Complex &operator+=(const Complex &x){return

    *this=*this+x;}
   }w[maxn],w_inv[maxn];
15
16
   //FFT初始化 O(n)
17
   //需要调用sin, cos函数
  void FFT_init(int n){
      for(int i=0;i<n;i++)//根据单位根的旋转性质可以节省计
        → 算单位根逆元的时间
          w[i]=w_inv[n-i-1]=Complex(cos(2*pi/n*i),sin(2*pi/n*i))
21
       //当然不存单位根也可以,只不过在FFT次数较多时很可能会
        →增大常数
23
24
   //FFT主过程 O(n\Log n)
25
   void FFT(Complex *A,int n,int tp){
26
       for(int i=1,j=0,k;i<n-1;i++){</pre>
27
28
          do j^=(k>=1); while (j< k);
29
          if(i<j)swap(A[i],A[j]);</pre>
30
31
       for(int k=2;k<=n;k<<=1)</pre>
32
           for(int i=0;i<n;i+=k)</pre>
33
34
              for(int j=0;j<(k>>1);j++){
                  Complex a=A[i+j], b = (tp>0?w:w_inv)[n / option for all follows]
35
                    \hookrightarrow k * j] * A[i + j + (k / 2)];
36
                  A[i+j]=a+b;
37
                  A[i+j+(k>>1)]=a-b;
38
39
       if(tp<0)for(int i=0;i<n;i++)A[i].a/=n;</pre>
40
```

3.2.2 NTT

```
// Number Theory Transform 快速数论变换 O(n\Log n)
   // By AntiLeaf
   // 通过题目@UOJ#34 多项式乘法
   // 要求模数为10^9以内的NTT模数
   const int p = 998244353, g = 3; // p为模数@g为p的任意一个
    → 原根
7
   void NTT(int *A, int n, int tp) { // n为变换长度®
8
    → tp为1或-12表示正/逆变换
      for (int i = 1, j = 0, k; i < n - 1; i++) { // O(n) \hat{w}
9
        → 转算法®原理是模拟二进制加一
          k = n;
10
11
              j ^= (k >>= 1);
12
          while (j < k);
13
14
          if(i < j)
15
              swap(A[i], A[j]);
16
17
18
      for (int k = 2; k <= n; k <<= 1) {</pre>
19
          int wn = qpow(g, (tp > 0 ? (p - 1) / k : (p - 1))
20
            \hookrightarrow / k * (long long)(p - 2) % (p - 1)));
          for (int i = 0; i < n; i += k) {
21
              int w = 1;
22
```

```
for (int j = 0; j < (k >> 1); j++, w = (long)
                \hookrightarrow long)w * wn % p){
                  int a = A[i + j], b = (long long)w * A[i
24
                    \hookrightarrow + j + (k >> 1)] % p;
                   A[i + j] = (a + b) \% p;
                   A[i + j + (k >> 1)] = (a - b + p) \% p;
26
              } // 更好的写法是预处理单位根的次幂@参
                → 照FFT的代码
28
31
      if (tp < 0) {
32
          int inv = qpow(n, p - 2); // 如果预处理过逆元的话
            → 就不用快速幂了
          for (int i = 0; i < n; i++)
              A[i] = (long long)A[i] * inv % p;
35
36
```

3.2.3 任意模数卷积(三模数NTT)

//只要求模数在2^30-1以内,无其他特殊要求

```
//常数很大,慎用
  //在卷积结果不超过10^14时可以直接double暴力乘,这时就不要
    → 写任意模数卷积了
  //这里有三模数NTT和拆系数FFT两个版本,通常后者常数要小一
  //但在答案不超过10^18时可以改成双模数NTT,这时就比拆系
    → 数FFT快一些了
6
  //以下为三模数NTT,原理是选取三个乘积大于结果的NTT模数,最
    → 后中国剩余定理合并
   //以对23333333(不是质数)取模为例
  const int
    \rightarrow maxn=262200,Mod=23333333,g=3,m[]={998244353,1004535809,10454
      m0_inv=669690699,m1_inv=332747959,M_inv=942377029;//这
        →三个模数最小原根都是3
  const long long M=(long long)m[0]*m[1];
11
12
  //主函数(当然更多时候包装一下比较好)
14 //用来卷积的是A和B
15 //需要调用mul
  int n,N=1,A[maxn],B[maxn],C[maxn],D[maxn],ans[3][maxn];
  int main(){
17
      scanf("%d",&n);
      while(N<(n<<1))N<<=1;</pre>
      for(int i=0;i<n;i++)scanf("%d",&A[i]);</pre>
      for(int i=0;i<n;i++)scanf("%d",&B[i]);</pre>
21
      for(int i=0;i<3;i++)mul(m[i],ans[i]);</pre>
      for(int i=0;i<n;i++)printf("%d ",China(ans[0]</pre>
        \hookrightarrow [i],ans[1][i],ans[2][i]));
      return 0;
25
26
  //mul O(n \setminus log n)
27
  //包装了模NTT模数的卷积
28
   //需要调用NTT
29
  void mul(int p,int *ans){
30
      copy(A,A+N,C);
      copy(B,B+N,D);
32
33
      NTT(C,N,1,p);
34
      NTT(D,N,1,p);
35
      for(int i=0;i<N;i++)ans[i]=(long long)C[i]*D[i]%p;</pre>
      NTT(ans, N, -1, p);
36
37
  //中国剩余定理 O(1)
  //由于直接合并会爆Long Long,采用神奇的方法合并
40
  //需要调用0(1)快速乘
41
42 inline int China(int a0,int a1,int a2){
```

```
long long A=(mul((long long)a0*m1_inv,m[1],M)
43
           +mul((long long)a1*m0_inv,m[0],M))%M;
44
       int k=((a2-A)%m[2]+m[2])%m[2]*M_inv%m[2];
45
       return (k%Mod*(M%Mod)%Mod+A%Mod)%Mod;
46
47
48
50
   //以下为拆系数FFT,原理是减小结果范围使得double精度能够承
51
    \hookrightarrow \overset{\square}{\forall}
   //仍然以模23333333为例
   const int maxn=262200,p=23333333,M=4830;//M取值要使得结果
     → 不超过10^14
54
   //需要开的数组
55
   struct Complex{//内容略
56
   Struct Complex{//內谷崎
}w[maxn],w_inv[maxn],A[maxn],B[maxn],C[maxn],D[maxn],F[maxn],H[maxn];k*2, -1);
   //主函数(当然更多时候包装一下比较好)
   //需要调用FFT初始化,FFT
60
   int main(){
61
       scanf("%d",&n);
62
       int N=1:
63
       while(N<(n<<1))N<<=1;</pre>
64
       for(int i=0,x;i<n;i++){</pre>
65
            scanf("%d",&x);
66
           A[i]=x/M;
67
           B[i]=x\%M;
68
69
70
       for(int i=0,x;i<n;i++){</pre>
            scanf("%d",&x);
71
            C[i]=x/M;
72
           D[i]=x\%M;
73
74
       FFT_init(N);
75
       FFT(A,N,1);
76
       FFT(B,N,1);
77
       FFT(C,N,1);
78
       FFT(D,N,1);
79
80
       for(int i=0;i<N;i++){</pre>
81
           F[i]=A[i]*C[i];
82
           G[i]=A[i]*D[i]+B[i]*C[i];
           H[i]=B[i]*D[i];
83
       }
84
       FFT(F,N,-1);
       FFT(G, N, -1);
86
87
       FFT(H, N, -1);
       for(int i=0;i<n;i++)</pre>
88
           printf("%d\n",(int)((M*M*((long long)
89
              \hookrightarrow (F[i].a+0.5)\%p)\%p+
           M*((long long)(G[i].a+0.5)%p)%p+(long long)
90
              \hookrightarrow (H[i].a+0.5)\%p)\%p));
91
       return 0;
```

3.2.4 多项式操作

```
C[0] = qpow(A[0], p - 2); // 一般常数项都是1,直接赋值
         → 为1就可以
11
       for (int k = 2; k <= n; k <<= 1) {
12
           memcpy(B, A, sizeof(int) * k);
13
           memset(B + k, 0, sizeof(int) * k);
14
15
           NTT(B, k * 2, 1);
          NTT(C,k * 2, 1);
17
           for (int i = 0; i < k * 2; i++) {
               C[i] = (2 - (long long)B[i] * C[i]) % p *
                 \hookrightarrow C[i] \% p;
              if (C[i] < 0)</pre>
22
                  C[i] += p;
          memset(C + k, 0, sizeof(int) * k);
27
28
29
30
   //多项式开根 O(n\Log n)
31
   //要求A常数项可以开根/存在二次剩余
   //需要调用多项式求逆,且需要预处理2的逆元
   void getsqrt(int *A,int *C,int n){
       static int B[maxn],D[maxn];
       memset(C,0,sizeof(int)*(n<<1));</pre>
       C[0]=1; // 如果不是1就要考虑二次剩余
       for(int k=2;k<=n;k<<=1){</pre>
38
           memcpy(B,A,sizeof(int)*k);
39
           memset(B+k,0,sizeof(int)*k);
40
           getinv(C,D,k);
41
          NTT(B,k<<1,1);
42
           NTT(D,k<<1.1):
43
           for(int i=0;i<(k<<1);i++)B[i]=(long</pre>
44
            → long)B[i]*D[i]%p;
           NTT(B,k<<1,-1);
45
           for(int i=0;i<k;i++)C[i]=(long long)</pre>
46
            → (C[i]+B[i])*inv_2%p;//inv_2是2的逆元
47
   }
48
   //求导 O(n)
   void getderivative(int *A,int *C,int n){
       for(int i=1;i<n;i++)C[i-1]=(long long)A[i]*i%p;</pre>
       C[n-1]=0;
54
55
   //不定积分 O(n \setminus Log n),如果预处理过逆元可以降到O(n)
56
   void getintegrate(int *A,int *C,int n){
57
       for(int i=1;i<n;i++)C[i]=(long</pre>
58
         \hookrightarrow long)A[i-1]*qpow(i,p-2)%p;
       C[0]=0;//由于是不定积分,结果没有常数项
59
60
   //多项式\Ln O(n\Log n)
62
   //要求A常数项不为Ø/存在离散对数
63
   //需要调用多项式求逆@求导@不定积分
64
   void getln(int *A,int *C,int n){//通常情况下A常数项都是1
65
       static int B[maxn];
66
       getderivative(A,B,n);
67
      memset(B+n,0,sizeof(int)*n);
68
       getinv(A.C.n):
69
      NTT(B,n<<1,1);
70
      NTT(C,n<<1,1);
71
       for(int i=0;i<(n<<1);i++)B[i]=(long long)B[i]*C[i]%p;</pre>
72
73
       NTT(B,n<<1,-1);
74
       getintegrate(B,C,n);
```

```
memset(C+n,0,sizeof(int)*n);
75
76
                                                                 19
   //多项式\exp O(n\Log n)
78
                                                                 20
   //要求A没有常数项
79
                                                                 21
   //需要调用多项式\Ln
80
                                                                 22
   //常数很大且总代码较长,在时间效率要求不高时最好替换为分
                                                                 23
                                                                 24
   //分治FFT依据:设G(x)=\exp F(x),则有g_i=\sum_{k=1}^i f_k
                                                                 25
     \hookrightarrow g_{i-k}
                                                                 26
   void getexp(int *A,int *C,int n){
83
                                                                 27
       static int B[maxn];
84
                                                                 28
       memset(C,0,sizeof(int)*(n<<1));</pre>
85
                                                                 29
       C[0]=1;
86
                                                                 30
        for(int k=2;k<=n;k<<=1){</pre>
87
                                                                 31
            getln(C,B,k);
                                                                 32
            for(int i=0;i<k;i++){</pre>
                                                                 33
                B[i]=A[i]-B[i];
                                                                 34
91
                if(B[i]<0)B[i]+=p;
                                                                 35
92
                                                                 36
            (++B[0])%=p;
93
                                                                 37
           NTT(B, k << 1, 1);
94
           NTT(C, k << 1, 1);
95
            for(int i=0;i<(k<<1);i++)C[i]=(long</pre>
96
             → long)C[i]*B[i]%p;
           NTT(C,k<<1,-1);
97
           memset(C+k,0,sizeof(int)*k);
98
99
                                                                 44
100
                                                                 46
   //多项式k次幂 O(n\Log n)
   //在A常数项不为1时需要转化
   //需要调用多项式/exp、\Ln
104
                                                                 49
   //常数较大且总代码较长,在时间效率要求不高时最好替换为暴
105
                                                                 50
     → 力快速幂
                                                                 51
   void getpow(int *A,int *C,int n,int k){
106
                                                                 52
       static int B[maxn];
107
                                                                 53
       getln(A,B,n);
108
                                                                 54
       for(int i=0;i<n;i++)B[i]=(long long)B[i]*k%p;</pre>
109
                                                                 55
       getexp(B,C,n);
110
                                                                 56
111
                                                                 57
```

3.2.5 拉格朗日反演

```
如果f(x)与g(x)互为复合逆 则有  [x^n]g(x) = \frac{1}{n}[x^{n-1}] \left(\frac{x}{f(x)}\right)^n   [x^n]h(g(x)) = \frac{1}{n}[x^{n-1}]h'(x) \left(\frac{x}{f(x)}\right)^n
```

3.2.6 半在线卷积

```
void solve(int 1, int r) {
       if (r <= m)
2
3
            return;
4
       if (r - l == 1) {
5
            if (1 == m)
6
                f[1] = a[m];
7
            else
                f[1] = (long long)f[1] * inv[1 - m] % p;
9
10
            for (int i = 1, t = (long long)1 * f[1] % p; i <=
11
              \hookrightarrow n; i += 1)
                g[i] = (g[i] + t) \% p;
12
13
            return;
14
15
16
```

```
int mid = (1 + r) / 2;
    solve(1, mid);
    if (1 == 0) {
        for (int i = 1; i < mid; i++) {</pre>
            A[i] = f[i];
             B[i] = (c[i] + g[i]) \% p;
        NTT(A, r, 1);
        NTT(B, r, 1);
        for (int i = 0; i < r; i++)</pre>
            A[i] = (long long)A[i] * B[i] % p;
        NTT(A, r, -1);
        for (int i = mid; i < r; i++)</pre>
            f[i] = (f[i] + A[i]) \% p;
    else {
        for (int i = 0; i < r - 1; i++)</pre>
            A[i] = f[i];
        for (int i = 1; i < mid; i++)</pre>
           B[i - 1] = (c[i] + g[i]) \% p;
        NTT(A, r - 1, 1);
        NTT(B, r - 1, 1);
        for (int i = 0; i < r - 1; i++)</pre>
          A[i] = (long long)A[i] * B[i] %p;
        NTT(A, r - 1, -1);
        for (int i = mid; i < r; i++)</pre>
           f[i] = (f[i] + A[i - 1]) \% p;
        memset(A, 0, sizeof(int) * (r - 1));
        memset(B, 0, sizeof(int) * (r - 1));
        for (int i = 1; i < mid; i++)</pre>
           A[i - 1] = f[i];
        for (int i = 0; i < r - 1; i++)
            B[i] = (c[i] + g[i]) \% p;
        NTT(A, r - 1, 1);
        NTT(B, r - 1, 1);
        for (int i = 0; i < r - 1; i++)</pre>
            A[i] = (long long)A[i] * B[i] % p;
        NTT(A, r - 1, -1);
        for (int i = mid; i < r; i++)</pre>
            f[i] = (f[i] + A[i - 1]) \% p;
    memset(A, 0, sizeof(int) * (r - 1));
    memset(B, 0, sizeof(int) * (r - 1));
    solve(mid, r):
}
```

3.3 FWT快速沃尔什变换

```
//Fast Walsh-Hadamard Transform 快速沃尔什变换 O(n\log n)
//By ysf
//通过题目@COGS上几道板子题

//注意FWT常数比较小@这点与FFT/NTT不同
//以下代码均以模质数情况为例@其中n为变换长度@tp表示正/逆
→ 变换

//按位或版本
void FWT_or(int *A,int n,int tp){
for(int k=2;k<=n;k<<=1)
```

58

59

60

61

62

63

64 65

66

67

68

69

return 0;

```
for(int i=0;i<n;i+=k)</pre>
11
                for(int j=0;j<(k>>1);j++){
12
                    if(tp>0)A[i+j+(k>>1)]=(A[i+j+(k>>1)]+A[i+j]3%p;
13
14
                      \hookrightarrow A[i+j+(k>>1)]=(A[i+j+(k>>1)]-A[i+j]+p)
15
16
   //按位与版本
18
   void FWT_and(int *A,int n,int tp){
19
20
       for(int k=2;k<=n;k<<=1)</pre>
21
            for(int i=0;i<n;i+=k)</pre>
22
                for(int j=0;j<(k>>1);j++){
23
                    if(tp>0)A[i+j]=(A[i+j]+A[i+j+(k>>1)])%p;
                    else A[i+j]=(A[i+j]-A[i+j+(k>>1)]+p)%p;
26
27
   //按位异或版本
28
   void FWT_xor(int *A,int n,int tp){
29
       for(int k=2;k<=n;k<<=1)</pre>
30
            for(int i=0;i<n;i+=k)</pre>
31
                for(int j=0; j<(k>>1); j++){}
32
                    int a=A[i+j],b=A[i+j+(k>>1)];
33
                    A[i+j]=(a+b)%p;
                    A[i+j+(k>>1)]=(a-b+p)%p;
       if(tp<0){
            int inv=qpow(n%p,p-2);//n的逆元@在不取模时需要用
38
              → 每层除以2代替
39
            for(int i=0;i<n;i++)A[i]=A[i]*inv%p;</pre>
40
41
```

3.4 单纯形

```
const double eps = 1e-10;
   double A[maxn][maxn], x[maxn];
3
   int n, m, t, id[maxn * 2];
5
   // 方便起见,这里附上主函数
   int main() {
       scanf("%d%d%d", &n, &m, &t);
9
       for (int i = 1; i <= n; i++) {
10
           scanf("%lf", &A[0][i]);
           id[i] = i;
12
13
       for (int i = 1; i <= m; i++) {
           for (int j = 1; j <= n; j++)
16
               scanf("%lf", &A[i][j]);
17
           scanf("%lf", &A[i][0]);
19
20
       if (!initalize())
           printf("Infeasible"); // 无解
       else if (!simplex())
24
           printf("Unbounded"); // 最优解无限大
25
           printf("%.15lf\n", -A[0][0]);
28
           if (t) {
29
               for (int i = 1; i <= m; i++)</pre>
30
                   x[id[i + n]] = A[i][0];
31
               for (int i = 1; i <= n; i++)
32
                   printf("%.15lf ",x[i]);
33
```

```
//初始化
   //对于初始解可行的问题,可以把初始化省略掉
   bool initalize() {
41
       while (true) {
42
           double t = 0.0;
           int 1 = 0, e = 0;
           for (int i = 1; i <= m; i++)
               if (A[i][0] + eps < t) {</pre>
                   t = A[i][0];
                   1 = i;
           if (!1)
               return true;
            for (int i = 1; i <= n; i++)
               if (A[1][i] < -eps && (!e || id[i] < id[e]))</pre>
                   e = i;
            if (!e)
               return false;
           pivot(l, e);
64
65
   //求解
66
   bool simplex(){
       while (true) {
            int 1 = 0, e = 0;
69
            for (int i = 1; i <= n; i++)
               if (A[0][i] > eps && (!e || id[i] < id[e]))</pre>
            if (!e)
               return true;
           double t = 1e50;
           for (int i = 1; i <= m; i++)</pre>
               if (A[i][e] > eps && A[i][0] / A[i][e] < t) {</pre>
                   1 = i:
                    t = A[i][0]/A[i][e];
           if (!1)
               return false;
86
           pivot(1, e);
87
88
89
   //转轴操作,本质是在凸包上沿着一条棱移动
   void pivot(int 1, int e) {
       swap(id[e], id[n + 1]);
       double t = A[1][e];
       A[1][e] = 1.0;
       for (int i = 0; i <= n; i++)
           A[1][i] /= t;
       for (int i = 0; i <= m; i++)
100
101
           if (i != 1) {
102
               t = A[i][e];
```

```
A[i][e] = 0.0;
                                                                         for(long long i=2,last;i<=n;i=last+1){</pre>
103
                for (int j = 0; j <= n; j++)
                                                                            last=n/(n/i);
104
                                                                 25
                    A[i][j] -= t * A[1][j];
                                                                            ans=(ans+(last-i+1)%p*S(n/i))%p;//如果n是int范围
105
                                                                 26
                                                                              → 的话记得强转
106
                                                                 27
107
                                                                        ans=(n%p*((n+1)%p)%p*inv_2-ans+p)%p;//同上
                                                                 28
                                                                        return tbl[N/n]=ans;
                                                                 29
```

- 3.5 线性代数
- 3.5.1 线性基
- 3.6 常见数列
- 3.6.1 伯努利数

$$B(x) = \sum_{i \ge 0} \frac{B_i x^i}{i!} = \frac{x}{e^x - 1}$$

$$B_n = [n = 0] - \sum_{i=0}^{n-1} \binom{n}{i} \frac{B_i}{n - k + 1}$$

$$\sum_{i=0}^n \binom{n+1}{i} B_i = 0$$

$$S_n(m) = \sum_{i=0}^{m-1} i^n = \sum_{i=0}^n \binom{n}{i} B_{n-i} \frac{m^{i+1}}{i+1}$$

4. 数论

4.1 O(n)预处理逆元

4.2 杜教筛

```
//用于求可以用狄利克雷卷积构造出好求和的东西的函数的前缀
   → 和(有点绕)
  //有些题只要求n<=10^9,这时就没必要开Long Long了,但记得乘
   →法时强转
3
  //常量/全局变量/数组定义
  const int
   \rightarrow maxn=5000005, table_size=5000000, p=1000000007, inv_2=(p+1)**2;
  bool notp[maxn];
  int prime[maxn/20],phi[maxn],tbl[100005];
  //tbl用来顶替哈希表,其实开到n^{1/3}就够了,不过保险起见开
   → 成\sqrt n比较好
  long long N;
10
  //主函数前面加上这么一句
11
  memset(tbl,-1,sizeof(tbl));
12
13
   //线性筛预处理部分略去
14
15
  //杜教筛主过程 总计0(n^{2/3})
  //递归调用自身
17
  //递推式还需具体情况具体分析,这里以求欧拉函数前缀和(mod
   → 10^9+7) 为例
  int S(long long n){
19
     if(n<=table_size)return phi[n];</pre>
20
     else if(~tbl[N/n])return tbl[N/n];
21
     //原理:n除以所有可能的数的结果一定互不相同
22
     int ans=0;
23
```

4.3 线性筛

```
//此代码以计算约数之和函数\sigma_1(对10^9+7取模)为例
  //适用于任何ƒ(p^k)便于计算的积性函数
  const int p=1000000007;
  int prime[maxn/10], sigma_one[maxn], f[maxn], g[maxn];
  //f:除掉最小质因子后剩下的部分
  //g:最小质因子的幂次,在f(p^k)比较复杂时很有用,但f(p^k)可
   → 以递推时就可以省略了
  //这里没有记录最小质因子,但根据线性筛的性质,每个合数只会
   →被它最小的质因子筛掉
  bool notp[maxn];//顾名思义
10
  void get_table(int n){
      sigma_one[1]=1;//积性函数必有f(1)=1
12
      for(int i=2;i<=n;i++){</pre>
         if(!notp[i]){//质数情况
            prime[++prime[0]]=i;
16
            sigma_one[i]=i+1;
            f[i]=g[i]=1;
17
18
         for(int j=1;j<=prime[0]&&i*prime[j]<=n;j++){</pre>
19
            notp[i*prime[j]]=true;
20
            if(i%prime[j]){//加入一个新的质因子,这种情况
21
              → 很简单
                sigma_one[i*prime[j]]=(long
22
                 → long)sigma_one[i]*(prime[j]+1)%p;
                f[i*prime[j]]=i;
23
                g[i*prime[j]]=1;
24
25
            else{//再加入一次最小质因子,需要再进行分类讨
26
              →论
                f[i*prime[j]]=f[i];
                g[i*prime[j]]=g[i]+1;
                //对于f(p^k)可以直接递推的函数,这里的判
29
                 →断可以改成
                //i/prime[j]%prime[j]!=0,这样可以省
30
                 → 下f[]的空间
                //但常数很可能会稍大一些
31
                if(f[i]==1)//质数的幂次,这里\sigma_1可以
32
                   sigma one[i*prime[j]]=(sigma one[i]+i*prime[
33
                   //对于更一般的情况,可以借助g[]计

→ 算f(p^k)

                else sigma one[i*prime[j]]=//否则直接利用
35
                 → 积性, 两半乘起来
                     → long)sigma_one[i*prime[j]/f[i]]*sigma_on
                break:
39
40
41
```

4.4 Miller-Rabin

```
//复杂度可以认为是常数
  //封装好的函数体
3
  //需要调用check
  bool Miller_Rabin(long long n){
5
      if(n==1)return false;
6
      if(n==2)return true;
7
      if(n%2==0)return false;
8
      for(int i:{2,3,5,7,11,13,17,19,23,29,31,37}){
9
10
          if(i>n)break;
          if(!check(n,i))return false;
11
12
13
      return true;
14
15
  //用一个数检测
16
  //需要调用Long Long快速幂和O(1)快速乘
17
  bool check(long long n,long long b){//b是base
      long long a=n-1;
20
      int k=0;
      while(a%2==0){
21
          a>>=1;
22
          k++;
23
24
      long long t=qpow(b,a,n);//这里的快速幂函数需要
25
        → 写0(1)快速乘
      if(t==1||t==n-1)return true;
26
      while(k--){
27
          t=mul(t,t,n);//mul是0(1)快速乘函数
28
          if(t==n-1)return true;
29
30
      return false:
31
32
```

4.5 Pollard's Rho

```
//复杂度可以认为是常数
2
  //封装好的函数体
3
  //需要调用check
  bool Miller_Rabin(long long n){
      if(n==1)return false;
7
      if(n==2)return true;
      if(n%2==0)return false;
8
      for(int i:{2,3,5,7,11,13,17,19,23,29,31,37}){
9
          if(i>n)break:
10
          if(!check(n,i))return false;
11
12
13
      return true;
14
15
  //用一个数检测
16
  //需要调用Long Long快速幂和O(1)快速乘
  bool check(long long n,long long b){//b是base
19
      long long a=n-1;
20
      int k=0;
      while(a%2==0){
22
          a>>=1;
23
24
      long long t=qpow(b,a,n);//这里的快速幂函数需要
25
        → 写0(1)快速乘
      if(t==1||t==n-1)return true;
26
      while(k--){
27
          t=mul(t,t,n);//mul是0(1)快速乘函数
28
          if(t==n-1)return true;
29
      }
30
```

```
31    return false;
32 }
```

5. 数据结构

5.1 线段树

5.1.1 非递归线段树

让fstqwq手撕

- 如果 $M = 2^k$,则只能维护[1, M 2]范围
- 找叶子: i对应的叶子就是i+M
- 单点修改: 找到叶子然后向上跳
- 区间查询: 左右区间各扩展一位, 转换成开区间查询

```
int query(int 1, int r) {
    1 += M - 1;
    r += M + 1;

int ans = 0;
    while (1 ^ r != 1) {
        ans += sum[1 ^ 1] + sum[r ^ 1];

        1 >>= 1;
        r >>= 1;
        return ans;
}
```

• 区间修改要标记永久化, 麻烦得很, 建议写普通的递归线段 树

5.1.2 主席树

参见GREALD07加强版

5.2 陈丹琦分治

```
// Division of Dangi Chen CDQ分治
   // By AntiLeaf
   // 通过题目@四维偏序
   void CDQ1(int l,int r){
       if(1>=r)return;
       int mid=(l+r)>>1;
       CDQ1(1,mid);CDQ1(mid+1,r);
       int i=1,j=mid+1,k=1;
       while(i<=mid&&j<=r){</pre>
11
            if(a[i].x<a[j].x){</pre>
                a[i].ins=true;
12
                b[k++]=a[i++];
13
14
            else{
                a[j].ins=false;
                b[k++]=a[j++];
17
18
19
       while(i<=mid){</pre>
20
            a[i].ins=true;
21
22
            b[k++]=a[i++];
23
       while(j<=r){</pre>
24
            a[j].ins=false;
25
```

return:

```
b[k++]=a[j++];
26
27
                                                                        35
        copy(b+1,b+r+1,a+1);
28
29
       CDQ2(1,r);
30
   void CDQ2(int 1,int r){
31
       if(1>=r)return;
32
       int mid=(1+r)>>1;
33
        CDQ2(1,mid);CDQ2(mid+1,r);
34
        int i=1,j=mid+1,k=1;
35
       while(i<=mid&&j<=r){</pre>
36
            if(b[i].y<b[j].y){</pre>
37
                 if(b[i].ins)add(b[i].z,1);
38
                 t[k++]=b[i++];
39
40
41
            else{
                 if(!b[j].ins)ans+=query(b[j].z-1);
42
                 t[k++]=b[j++];
43
44
45
       while(i<=mid){</pre>
46
            if(b[i].ins)add(b[i].z,1);
47
            t[k++]=b[i++];
48
49
        while(j<=r){</pre>
50
51
            if(!b[j].ins)ans+=query(b[j].z-1);
52
            t[k++]=b[j++];
53
        for(i=1;i<=mid;i++)if(b[i].ins)add(b[i].z,-1);</pre>
54
        copy(t+1,t+r+1,b+1);
55
56
```

5.3 Treap

```
//Treap Minimum Heap Version 小根堆版本
  //Bv vsf
  //通过题目◎普通平衡树
  //注意@相同键值可以共存
6
  struct node{//结点类定义
7
     int key, size, p;//分别为键值图子树大小图优先度
8
     node *ch[2];//0表示左儿子图表示右儿子
9
     node(int key=0):key(key),size(1),p(rand()){}
10
     void refresh(){size=ch[0]->size+ch[1]->size+1;}//更新
11
       → 子树大小®和附加信息®
  }null[maxn], *root=null, *ptr=null; //数组名叫做null是为了方
   → 便开哨兵节点
  //如果需要删除而空间不能直接开下所有结点@则需要再写一个
   →垃圾回收
  //注意@数组里的元素一定不能deLete®否则会导致RE
14
15
  //重要2020
16
  //在主函数最开始一定要加上以下预处理图
  null->ch[0]=null->ch[1]=null;
  null->size=0;
19
20
  //伪构造函数 O(1)
21
  //为了方便@在结点类外面再定义一个伪构造函数
22
  node *newnode(int x){//键值为x
24
      *++ptr=node(x);
     ptr->ch[0]=ptr->ch[1]=null;
25
     return ptr;
26
  //插入键值 期望0(\Log n)
  //需要调用旋转
30
  void insert(int x,node *&rt){//rt为当前结点@建议调用时传
31
    → 入root®下同
     if(rt==null){
32
         rt=newnode(x);
33
```

```
int d=x>rt->key;
36
       insert(x,rt->ch[d]);
37
       rt->refresh();
38
       if(rt->ch[d]->p<rt->p)rot(rt,d^1);
39
40
41
   //删除一个键值 期望O(\Log n)
   //要求键值必须存在至少一个◎否则会导致RE
   //需要调用旋转
44
   void erase(int x,node *&rt){
45
       if(x==rt->key){
46
47
          if(rt->ch[0]!=null&&rt->ch[1]!=null){
              int d=rt->ch[0]->p<rt->ch[1]->p;
48
              rot(rt,d);
49
50
              erase(x,rt->ch[d]);
51
52
          else rt=rt->ch[rt->ch[0]==null];
53
54
       else erase(x,rt->ch[x>rt->key]);
55
       if(rt!=null)rt->refresh();
57
   //求元素的排名@严格小于键值的个数+1@ 期望O(\Log n)
   //非递归
59
   int rank(int x, node *rt){
60
       int ans=1,d;
61
       while(rt!=null){
62
          if((d=x>rt->key))ans+=rt->ch[0]->size+1;
63
          rt=rt->ch[d];
64
65
66
       return ans;
67
68
   //返回排名第k@从1开始@的键值对应的指针 期望0(\Log n)
   //非递归
   node *kth(int x,node *rt){
       int d;
       while(rt!=null){
           if(x==rt->ch[0]->size+1)return rt;
           if((d=x>rt->ch[0]->size))x-=rt->ch[0]->size+1;
          rt=rt->ch[d];
76
77
       return rt:
78
79
80
   //返回前驱@最大的比给定键值小的键值@对应的指针 期
    → 望0(\Log n)
   //非递归
82
   node *pred(int x,node *rt){
83
      node *y=null;
84
       int d;
85
       while(rt!=null){
86
          if((d=x>rt->key))y=rt;
87
88
          rt=rt->ch[d];
89
90
       return y;
91
92
   //返回后继@最小的比给定键值大的键值@对应的指针 期
93
    → 望0(\Log n)
   //非递归
   node *succ(int x,node *rt){
95
       node *y=null;
       int d;
       while(rt!=null){
98
           if((d=x<rt->key))y=rt;
99
100
          rt=rt->ch[d^1];
```

```
101
       return y;
102
103
   //旋转@Treap版本@ 0(1)
   //平衡树基础操作
106
   //要求对应儿子必须存在◎否则会导致后续各种莫名其妙的问题
107
   void rot(node *&x,int d){//x为被转下去的结点@会被修改以维
108
    → 护树结构
      node *y=x->ch[d^1];
109
      x->ch[d^1]=y->ch[d];
110
      y - > ch[d] = x;
111
       x->refresh();
112
       (x=y)->refresh();
113
114
```

5.4 Splay

(参见LCT,除了splay()需要传一个点表示最终它的父亲,其他写法都和LCT相同)

5.5 树分治

5.5.1 动态树分治

```
//Dynamic Divide and Couquer on Tree 动态树分治 O(n\Log
    \hookrightarrow n)-0(\log n)
   //By ysf
   //通过题目@COGS2278 树黑白
   //为了减小常数@这里采用bfs写法@实测预处理比dfs快将近一半
   //以下以维护一个点到每个黑点的距离之和为例
   //全局数组定义
   vector<int>G[maxn],W[maxn];
10
   int size[maxn],son[maxn],q[maxn];
   int p[maxn],depth[maxn],id[maxn][20],d[maxn][20];//id是对
    → 应层所在子树的根
   int a[maxn],ca[maxn],b[maxn][20],cb[maxn][20];//维护距离
12
    → 和用的
  bool vis[maxn]={false},col[maxn]={false};
13
14
   //建树 总计O(n\Log n)
15
   //需要调用找重心@预处理距离@同时递归调用自身
16
   void build(int x,int k,int s,int pr){//结点®深度®连通块大
17
    → 小Ø点分树上的父亲
      x=getcenter(x,s);
18
      vis[x]=true;
19
      depth[x]=k;
20
      p[x]=pr;
21
       for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)</pre>
22
          if(!vis[G[x][i]]){
23
              d[G[x][i]][k]=W[x][i];
24
              p[G[x][i]]=x;
25
              getdis(G[x][i],k,G[x][i]);
26
27
      for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)</pre>
28
          if(!vis[G[x][i]])build(G[x][i],k+1,size[G[x]
29
            \hookrightarrow [i]],x);
30
31
   //找重心 O(n)
32
   int getcenter(int x,int s){
      int head=0,tail=0;
      q[tail++]=x;
35
       while(head!=tail){
36
          x=q[head++];
37
          size[x]=1;
38
          son[x]=0;
39
          for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)</pre>
40
```

```
p[G[x][i]]=x;
42
                    q[tail++]=G[x][i];
43
44
45
       for(int i=tail-1;i;i--){
46
47
           x=q[i];
48
           size[p[x]]+=size[x];
           if(size[x]>size[son[p[x]]])son[p[x]]=x;
49
50
       x=q[0];
51
       while(son[x]&&(size[son[x]]<<1)>=s)x=son[x];
54
55
   //预处理距离 O(n)
56
   //方便起见@这里直接用了笨一点的方法@O(n\Log n)全存下来
57
   void getdis(int x,int k,int rt){
58
       int head=0,tail=0;
59
       q[tail++]=x;
60
       while(head!=tail){
61
           x=q[head++];
62
           size[x]=1;
63
           id[x][k]=rt;
64
           for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)</pre>
65
               if(!vis[G[x][i]]&&G[x][i]!=p[x]){
                    p[G[x][i]]=x;
                    d[G[x][i]][k]=d[x][k]+W[x][i];
                    q[tail++]=G[x][i];
71
       for(int i=tail-1;i;i--)
72
           size[p[q[i]]]+=size[q[i]];
73
   //修改 O(\Log n)
76
   void modify(int x){
77
       if(col[x])ca[x]--;
78
       else ca[x]++;//记得先特判自己作为重心的那层
79
       for(int u=p[x],k=depth[x]-1;u;u=p[u],k--){
80
           if(col[x]){
               a[u]-=d[x][k];
               ca[u]--;
               b[id[x][k]][k]-=d[x][k];
               cb[id[x][k]][k]--;
           else{
87
               a[u]+=d[x][k];
               ca[u]++;
89
               b[id[x][k]][k] += d[x][k];
90
               cb[id[x][k]][k]++;
91
92
93
       col[x]^=true;
94
95
96
   //询问 O(\Log n)
   int query(int x){
       int ans=a[x];//特判自己是重心的那层
       for(int u=p[x],k=depth[x]-1;u;u=p[u],k--)
100
           ans+=a[u]-b[id[x][k]][k]+d[x][k]*(ca[u]-cb[id[x]
101
             \hookrightarrow [k]][k]);
       return ans;
102
103
```

if(!vis[G[x][i]]&&G[x][i]!=p[x]){

```
5.5.2 紫荆花之恋
                                                                                     d[x][k]=z;
                                                                    68
                                                                                else{
                                                                    69
   #include<cstdio>
                                                                                     id[x][k]=id[p[x]][k];
                                                                    70
   #include<cstring>
                                                                                     d[x][k]=d[p[x]][k]+z;
                                                                    71
   #include<algorithm>
   #include<vector>
                                                                    72
                                                                                ans+=order(w[x]-d[x][k],root[u])-order(w[x]-d[x]
   using namespace std;
                                                                    73
                                                                                  \hookrightarrow [k],root1[id[x][k]][k]);
   const int maxn=100010;
   const double alpha=0.7;
                                                                                insert(d[x][k]-w[x],root[u]);
                                                                    74
   struct node{
                                                                                insert(d[x][k]-w[x],root1[id[x][k]][k]);
                                                                    75
       static int randint(){
                                                                                size[u]++;
9
                                                                    76
           static int
                                                                                siz[id[x][k]][k]++;
10
                                                                    77
              \rightarrow a=1213, b=97818217, p=998244353, x=751815431;
                                                                                if(siz[id[x][k]][k]>size[u]*alpha+5)rt=u;
                                                                    78
           x=a*x+b;x%=p;
11
                                                                    79
           return x<0?(x+=p):x;</pre>
12
                                                                            id[x][depth[x]]=0;
13
                                                                            d[x][depth[x]]=0;
       int data,size,p;
14
                                                                            if(rt){
       node *ch[2];
15
                                                                                dfs_destroy(rt,depth[rt]);
       node(int d):data(d),size(1),p(randint()){}
16
                                                                                rebuild(rt,depth[rt],size[rt],p[rt]);
       inline void refresh()
17
                                                                    85
         \hookrightarrow {size=ch[0]->size+ch[1]->size+1;}
   }*null=new node(0),*root[maxn],*root1[maxn][50];
                                                                        void rebuild(int x,int k,int s,int pr){
18
   void addnode(int,int);
19
                                                                            int u=0;
   void rebuild(int,int,int,int);
                                                                            dfs_getcenter(x,s,u);
   void dfs_getcenter(int,int,int&);
                                                                            vis[x=u]=true;
   void dfs_getdis(int,int,int,int);
                                                                            p[x]=pr;
   void dfs_destroy(int,int);
                                                                            depth[x]=k;
   void insert(int,node*&);
                                                                            size[x]=s;
                                                                    93
int order(int, node*);
                                                                            d[x][k]=id[x][k]=0;
                                                                    94
   void destroy(node*&);
26
                                                                            destroy(root[x]);
                                                                    95
   void rot(node*&,int);
                                                                            insert(-w[x],root[x]);
                                                                    96
   vector<int>G[maxn],W[maxn];
                                                                    97
                                                                            if(s<=1)return;</pre>
29
   int size[maxn]={0},siz[maxn][50]={0},son[maxn];
                                                                            for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)if(!vis[G[x][i]]){</pre>
                                                                    98
   bool vis[maxn];
30
                                                                                p[G[x][i]]=0;
   int depth[maxn],p[maxn],d[maxn][50],id[maxn][50];
                                                                    99
31
                                                                                d[G[x][i]][k]=W[x][i];
   int n,m,w[maxn],tmp;
                                                                    100
32
   long long ans=0;
                                                                    101
                                                                                siz[G[x][i]][k]=p[G[x][i]]=0;
   int main(){
                                                                                destroy(root1[G[x][i]][k]);
34
                                                                    102
       freopen("flowera.in","r",stdin);
                                                                                dfs_getdis(G[x][i],x,G[x][i],k);
35
                                                                    103
       freopen("flowera.out","w",stdout);
36
                                                                    104
       null->size=0;
                                                                            for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)if(!vis[G[x]</pre>
37
                                                                    105
       null->ch[0]=null->ch[1]=null;
                                                                              \hookrightarrow [i]])rebuild(G[x][i],k+1,size[G[x][i]],x);
38
       scanf("%*d%d",&n);
39
                                                                    106
                                                                        void dfs_getcenter(int x,int s,int &u){
       fill(vis,vis+n+1,true);
                                                                    107
40
                                                                            size[x]=1;
                                                                    108
       fill(root,root+n+1,null);
41
                                                                            son[x]=0;
                                                                    109
       for(int i=0;i<=n;i++)fill(root1[i],root1[i]+50,null);</pre>
42
                                                                            for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)if(!vis[G[x]</pre>
       scanf("%*d%*d%d",&w[1]);
                                                                    110
43
                                                                              \hookrightarrow [i]]&&G[x][i]!=p[x]){
       insert(-w[1],root[1]);
44
                                                                                p[G[x][i]]=x;
       size[1]=1;
                                                                    111
45
                                                                                dfs_getcenter(G[x][i],s,u);
                                                                    112
       printf("0\n");
46
                                                                                size[x]+=size[G[x][i]];
                                                                    113
47
       for(int i=2;i<=n;i++){</pre>
                                                                    114
                                                                                if(size[G[x][i]]>size[son[x]])son[x]=G[x][i];
48
            scanf("%d%d%d",&p[i],&tmp,&w[i]);
                                                                    115
           p[i]^=(ans%(int)1e9);
49
                                                                            if(!u||max(s-size[x],size[son[x]])<max(s-size[u],size[son[u]</pre>
                                                                    116
           G[i].push_back(p[i]);
50
                                                                    117
           W[i].push_back(tmp);
                                                                        void dfs_getdis(int x,int u,int rt,int k){
                                                                    118
           G[p[i]].push_back(i);
                                                                            insert(d[x][k]-w[x],root[u]);
                                                                    119
53
           W[p[i]].push_back(tmp);
                                                                    120
                                                                            insert(d[x][k]-w[x],root1[rt][k]);
           addnode(i,tmp);
54
                                                                    121
                                                                            id[x][k]=rt;
           printf("%lld\n",ans);
55
                                                                            siz[rt][k]++;
                                                                    122
56
                                                                            size[x]=1;
                                                                    123
       return 0;
57
                                                                            for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)if(!vis[G[x]</pre>
58
                                                                              \hookrightarrow [i]]&&G[x][i]!=p[x]){
   void addnode(int x,int z){//wj-dj>=di-wi
                                                                                p[G[x][i]]=x;
       depth[x]=depth[p[x]]+1;
                                                                                d[G[x][i]][k]=d[x][k]+W[x][i];
                                                                    126
       size[x]=1;
61
                                                                                dfs_getdis(G[x][i],u,rt,k);
                                                                    127
       insert(-w[x],root[x]);
62
                                                                    128
                                                                                size[x]+=size[G[x][i]];
       int rt=0:
63
                                                                    129
       for(int u=p[x],k=depth[p[x]];u;u=p[u],k--){
64
                                                                    130
            if(u==p[x]){
65
                id[x][k]=x;
66
```

```
void dfs_destroy(int x,int k){
131
        vis[x]=false;
132
        for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)if(depth[G[x]</pre>
133
          \leftrightarrow [i]]>=k&&G[x][i]!=p[x]){
             p[G[x][i]]=x;
134
             dfs_destroy(G[x][i],k);
135
136
137
    void insert(int x,node *&rt){
138
        if(rt==null){
139
             rt=new node(x);
140
             rt->ch[0]=rt->ch[1]=null;
141
142
143
        int d=x>=rt->data;
144
        insert(x,rt->ch[d]);
145
        rt->refresh();
146
        if(rt->ch[d]->p<rt->p)rot(rt,d^1);
147
148
    int order(int x, node *rt){
149
        int ans=0,d;
150
        X++;
151
        while(rt!=null){
152
             if((d=x>rt->data))ans+=rt->ch[0]->size+1;
153
             rt=rt->ch[d]:
154
        }
155
        return ans;
156
157
    void destroy(node *&x){
158
        if(x==null)return:
159
        destroy(x->ch[0]);
160
        destroy(x->ch[1]);
161
162
        delete x;
        x=null;
164
    void rot(node *&x,int d){
165
        node *y=x->ch[d^1];
166
        x->ch[d^1]=y->ch[d];
167
        y->ch[d]=x;
168
169
        x->refresh();
170
        (x=y)->refresh();
171
```

5.6 LCT

5.6.1 不换根(弹飞绵羊)

```
//Link-Cut Trees without Changing Root LCT不换根版本
    \hookrightarrow O((n+m) \setminus \log n)
  //By ysf
  //通过题目@弹飞绵羊
  //常数较大₫请根据数据范围谨慎使用
  #define isroot(x) ((x)!=(x)->p->ch[0]&&(x)!=(x)->p-
   → >ch[1])//判断是不是Splay的根
  #define dir(x) ((x)==(x)->p->ch[1])//判断它是它父亲的
    → 左/右儿子
9
  struct node{//结点类定义
10
      int size;//Splay的子树大小
11
      node *ch[2],*p;
12
      node():size(1){}
13
      void refresh(){size=ch[0]->size+ch[1]->size+1;}//附加
14
       → 信息维护
  }null[maxn];
15
16
  //在主函数开头加上这句初始化
17
  null->size=0;
```

```
//初始化结点
  void initalize(node *x){x->ch[0]=x->ch[1]=x->p=null;}//
22
   //Access 均摊O(\Log n)
23
  //LCT核心操作@把结点到根的路径打通@顺便把与重儿子的连边
    → 变成轻边
   //需要调用splay
  node *access(node *x){
      node *y=null;
      while(x!=null){
          splay(x);
          x->ch[1]=y;
30
          (y=x)->refresh();
31
          x=x->p;
32
33
      return y;
34
35
36
   //Link 均摊O(\Log n)
  //把x的父亲设为y
   //要求×必须为所在树的根节点◎否则会导致后续各种莫名其妙的
    → 问题
   //需要调用splay
  void link(node *x,node *y){
41
42
      splay(x);
43
      x - p = y;
44
45
  //Cut 均摊O(\Log n)
46
  //把x与其父亲的连边断掉
  //x可以是所在树的根节点@这时此操作没有任何实质效果
  //需要调用access和splay
  void cut(node *x){
51
      access(x);
52
      splay(x);
53
      x->ch[0]->p=null;
      x->ch[0]=null;
54
      x->refresh();
55
  }
56
  //Splay 均摊O(\log n)
  //需要调用旋转
59
  void splay(node *x){
60
      while(!isroot(x)){
61
          if(isroot(x->p)){
62
             rot(x->p,dir(x)^1);
63
64
          if(dir(x)==dir(x->p))rot(x->p->p,dir(x->p)^1);
          else rot(x->p,dir(x)^1);
          rot(x->p,dir(x)^1);
69
   //旋转@LCT版本@ O(1)
   //平衡树基本操作
73
   //要求对应儿子必须存在◎否则会导致后续各种莫名其妙的问题
74
  void rot(node *x,int d){
75
      node *y=x->ch[d^1];
76
      y->p=x->p;
77
      if(!isroot(x))x->p->ch[dir(x)]=y;
78
      if((x->ch[d^1]=y->ch[d])!=null)y->ch[d]->p=x;
79
      (y->ch[d]=x)->p=y;
80
      x->refresh():
81
      v->refresh():
82
83
```

```
5.6.2 换根/维护生成树(GREALD07加强版)
                                                                                                                                     68
                                                                                                                                                                     tmp->key=i;
      #include<cstdio>
                                                                                                                                     70
      #include<cstring>
 2
      #include<algorithm>
 3
                                                                                                                                     72
      #include<map>
      #define isroot(x) ((x)->p==null||((x)->p->ch[0]!
 5
         \hookrightarrow =(x)\&\&(x)->p->ch[1]!=(x)))
      #define dir(x) ((x)==(x)->p->ch[1])
                                                                                                                                     76
      using namespace std;
                                                                                                                                                    while(q--){
                                                                                                                                     77
      const int maxn=200010;
                                                                                                                                     78
      struct node{
                                                                                                                                                             if(tp){
                                                                                                                                     79
               int key,mn,pos;
10
                                                                                                                                                                     1^=ans;
                                                                                                                                     80
              bool rev;
                                                                                                                                                                     r^=ans;
              node *ch[2],*p;
12
              node(int
13
                                                                                                                                                            ans=n;
                  \rightarrow key=(\sim0u)>>1):key(key),mn(key),pos(-1),rev(false)
                                                                                                                                                            t=--1:
                  \hookrightarrow \{\}
                                                                                                                                     85
              inline void pushdown(){
14
15
                       if(!rev)return;
16
                       ch[0]->rev^=true;
                                                                                                                                                    return 0;
17
                       ch[1]->rev^=true;
                                                                                                                                     89
                       swap(ch[0],ch[1]);
18
                                                                                                                                           node *newnode(int x){
                                                                                                                                     90
                       if(pos!=-1)pos^=1;
19
                                                                                                                                                    *++ptr=node(x);
                                                                                                                                     91
                       rev=false;
20
                                                                                                                                                    return ptr;
               inline void refresh(){
22
                                                                                                                                     94
23
                       mn=key;
                                                                                                                                           node *access(node *x){
                                                                                                                                     95
24
                       pos=-1;
                                                                                                                                                    node *y=null;
                                                                                                                                     96
                       if(ch[0]->mn<mn){</pre>
25
                                                                                                                                                    while(x!=null){
                                                                                                                                     97
                               mn=ch[0]->mn;
26
                                                                                                                                                            splay(x);
                               pos=0;
27
                                                                                                                                                            x->ch[1]=y;
28
                                                                                                                                    100
                       if(ch[1]->mn<mn){
29
                                                                                                                                    101
                                                                                                                                                            x=x->p;
30
                               mn=ch[1]->mn;
                                                                                                                                    102
                               pos=1;
31
                                                                                                                                                    return y;
                                                                                                                                    103
32
                                                                                                                                    104
33
                                                                                                                                    105
      }null[maxn<<1],*ptr=null;</pre>
                                                                                                                                    106
      node *newnode(int);
                                                                                                                                                    splay(x);
                                                                                                                                    107
      node *access(node*);
36
                                                                                                                                                    x->rev^=true;
                                                                                                                                    108
37
      void makeroot(node*);
                                                                                                                                    109
      void link(node*,node*);
38
                                                                                                                                    110
      void cut(node*,node*);
39
                                                                                                                                                    makeroot(x);
      node *getroot(node*);
                                                                                                                                    112
                                                                                                                                                    x->p=y;
      node *getmin(node*,node*);
                                                                                                                                    113
      void splay(node*);
                                                                                                                                    114
      void rot(node*,int);
43
                                                                                                                                                    makeroot(x);
                                                                                                                                    115
      void build(int,int,int&,int);
44
                                                                                                                                    116
                                                                                                                                                    access(y);
      void query(int,int,int,int);
45
                                                                                                                                                    splay(y);
                                                                                                                                                    y->ch[0]->p=null;
         \leftrightarrow sm[maxn<<5]={0},lc[maxn<<5]={0},rc[maxn<<5]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root[maxn=0]={0},root
                                                                                                                                             ={0}ycnth[0]=null;
47
      map<node*,pair<node*,node*> >mp;
                                                                                                                                                    y->refresh();
                                                                                                                                    120
      node *tmp;
48
                                                                                                                                    121
      int n,m,q,tp,x,y,k,l,r,t,ans=0;
49
                                                                                                                                    122
50
                                                                                                                                                    x=access(x);
               null->ch[0]=null->ch[1]=null->p=null;
51
                                                                                                                                    124
               scanf("%d%d%d%d",&n,&m,&q,&tp);
52
                                                                                                                                    125
                                                                                                                                                    splay(x);
               for(int i=1;i<=n;i++)newnode((~0u)>>1);
53
                                                                                                                                    126
                                                                                                                                                    return x;
               for(int i=1;i<=m;i++){</pre>
54
                                                                                                                                    127
                       scanf("%d%d",&x,&y);
55
                                                                                                                                    128
                       if(x==y){
56
                                                                                                                                                    makeroot(x);
                               root[i]=root[i-1];
57
                                                                                                                                    130
                               continue;
                                                                                                                                    131
59
                                                                                                                                                    splav(x):
                                                                                                                                    132
                       if(getroot(null+x)!=getroot(null+y)){
60
                                                                                                                                                    return x;
                                                                                                                                    133
                               tmp=newnode(i);
61
                                                                                                                                    134
62
                               k=0;
                                                                                                                                           void splay(node *x){
63
                                                                                                                                                    x->pushdown();
                                                                                                                                    136
                       else{
64
                                                                                                                                                    while(!isroot(x)){
                                                                                                                                    137
                               tmp=getmin(null+x,null+y);
65
                                                                                                                                    138
                               cut(tmp,mp[tmp].first);
```

```
cut(tmp,mp[tmp].second);
            k=tmp->key;
            tmp->refresh();
        link(tmp,null+x);
        link(tmp,null+y);
        mp[tmp]=make_pair(null+x,null+y);
        build(0,m-1,root[i],root[i-1]);
        scanf("%d%d",&1,&r);
        query(0,m-1,root[r],root[l]);
        printf("%d\n",ans);
    ptr->ch[0]=ptr->ch[1]=ptr->p=null;
        (y=x)->refresh();
void makeroot(node *x){
void link(node *x,node *y){
void cut(node *x,node *y){
node *getroot(node *x){
    while(x->pushdown(),x->ch[0]!=null)x=x->ch[0];
node *getmin(node *x,node *y){
    while(x->pushdown(),x->pos!=-1)x=x->ch[x->pos];
        if(!isroot(x->p))x->p->p->pushdown();
```

swap(ch[0],ch[1]);

swap(suml,sumr);

rev=false;

```
x->p->pushdown();
139
             x->pushdown();
140
                                                                     25
            if(isroot(x->p)){
                                                                     26
                 rot(x->p,dir(x)^1);
142
                                                                     27
143
                 break:
144
            if(dir(x)==dir(x->p))rot(x->p->p,dir(x->p)^1);
145
            else rot(x->p,dir(x)^1);
146
            rot(x->p,dir(x)^1);
147
148
149
    void rot(node *x,int d){
150
        node *y=x->ch[d^1];
151
        if((x->ch[d^1]=y->ch[d])!=null)y->ch[d]->p=x;
152
        y->p=x->p;
        if(!isroot(x))x->p->ch[dir(x)]=y;
        (y->ch[d]=x)->p=y;
155
        x->refresh();
156
        y->refresh();
157
158
    void build(int l,int r,int &rt,int pr){
        sm[rt=++cnt]=sm[pr]+1;
160
        if(l==r)return;
161
        lc[rt]=lc[pr];
162
        rc[rt]=rc[pr];
163
        int mid=(l+r)>>1;
164
        if(k<=mid)build(l,mid,lc[rt],lc[pr]);</pre>
166
        else build(mid+1,r,rc[rt],rc[pr]);
167
    void query(int l,int r,int rt,int pr){
168
        if(!rt&&!pr)return;
169
        if(t>=r){}
170
            ans-=sm[rt]-sm[pr];
172
            return;
173
        int mid=(1+r)>>1;
174
        query(1,mid,lc[rt],lc[pr]);
175
        if(t>mid)query(mid+1,r,rc[rt],rc[pr]);
176
```

5.6.3 维护子树信息

```
//Link-Cut Trees with subtree values LCT维护子树信息
   \hookrightarrow O((n+m) \setminus log n)
  //By ysf
  //通过题目@LOJ#558 我们的CPU遭到攻击@维护黑点到根距离和@
  //这个东西虽然只需要抄板子但还是极其难写◎常数极其巨大◎没
   → 必要的时候就不要用
  //如果维护子树最小值就需要套一个可删除的堆来维护@复杂度
   → 会变成0(n\Log^2 n)
  //注意由于这道题与边权有关@需要边权拆点变点权
8
9
  #define isroot(x) ((x)->p==null||((x)!=(x)->p-
   \hookrightarrow >ch[0]&&(x)!=(x)->p->ch[1]))
  #define dir(x) ((x)==(x)->p->ch[1])
11
12
  //节点类定义
13
  struct node{//以维护子树中黑点到根距离和为例
14
     int w, chain_cnt, tree_cnt;
15
     long long sum, suml, sumr, tree_sum; //由于换根需要子树反
16
       → 转图需要维护两个方向的信息
     bool rev,col;
17
     node *ch[2],*p;
18
     19
      \hookrightarrow \{\,\}
     inline void pushdown(){
20
        if(!rev)return;
21
        ch[0]->rev^=true;
22
        ch[1]->rev^=true;
23
```

```
inline void refresh(){//不多解释了......这毒瘤题恶心的要
28
        → 死避我骂我自己.png
          sum=ch[0]->sum+ch[1]->sum+w;
29
          30
              +(tree_cnt+ch[1]->chain_cnt)*(ch[0]->sum+w)+tree_sum
31
          sumr = (ch[0] -> rev?ch[0] -> suml:ch[0] -> sumr) + (ch[1] -> rev?ch
32
              +(tree_cnt+ch[0]->chain_cnt)*(ch[1]->sum+w)+tree_sum
33
          chain_cnt=ch[0]->chain_cnt+ch[1]->chain_cnt+tree_cnt;
34
35
   }null[maxn<<1];//如果没有边权变点权就不用乘2了
36
37
   //封装构告函数
38
39
  node *newnode(int w){
      node *x=nodes.front();
40
      nodes.pop();
41
      initalize(x);
42
      X - > W = W;
43
      x->refresh();
44
      return x;
45
46
47
   //封装初始化函数
   //记得在进行操作之前对所有结点调用一遍
  inline void initalize(node *x){
50
51
      *x=node();
52
      x->ch[0]=x->ch[1]=x->p=null;
53
54
  //Access函数
55
  //注意一下在Access的同时更新子树信息的方法
  node *access(node *x){
      node *y=null;
      while(x!=null){
          x->tree_cnt+=x->ch[1]->chain_cnt-y->chain_cnt;
61
          x->tree\_sum+=(x->ch[1]->rev?x->ch[1]->sumr:x->ch[1]->sum
62
          x \rightarrow ch[1] = v:
63
          (y=x)->refresh();
64
65
          x=x->p;
66
67
      return y;
68
69
  //找到一个点所在连通块的根
  //对比原版没有变化
  node *getroot(node *x){
72
      x=access(x);
      while(x->pushdown(),x->ch[0]!=null)x=x->ch[0];
      splay(x);
      return x;
76
78
   //换根@同样没有变化
79
  void makeroot(node *x){
80
      access(x);
81
82
      splay(x);
      x->rev^=true;
      x->pushdown();
84
85
86
89
  void link(node *x,node *y){
90
      makeroot(x);
91
      makeroot(y);
```

```
x - p = y;
92
        y->tree_cnt+=x->chain_cnt;
93
        y->tree_sum+=x->suml;
94
        v->refresh():
95
                                                                   17
96
97
    //删除一条边
    //对比原版没有变化
99
    void cut(node *x,node *y){
100
        makeroot(x);
101
                                                                   23
102
        access(y);
                                                                   24
103
        splay(y);
                                                                   25
        y->ch[0]->p=null;
                                                                   26
        y->ch[0]=null;
                                                                   27
        y->refresh();
106
                                                                   28
107
                                                                   29
108
                                                                   30
    //修改/询问一个点@这里以询问为例
109
                                                                   31
    //如果是修改就在换根之后搞一些操作
110
    long long query(node *x){
111
        makeroot(x);
112
                                                                   34
        return x->suml;
113
                                                                   35
114
                                                                   36
115
                                                                   37
    //Splay函数
116
                                                                   38
117
    //对比原版没有变化
    void splay(node *x){
118
                                                                   40
        x->pushdown();
119
                                                                   41
120
        while(!isroot(x)){
                                                                   42
            if(!isroot(x->p))x->p->p->pushdown();
121
            x->p->pushdown();
122
            x->pushdown();
            if(isroot(x->p)){
                                                                   45
                rot(x->p,dir(x)^1);
                                                                   46
                break;
                                                                   47
                                                                   48
            if(dir(x)==dir(x->p))rot(x->p->p,dir(x->p)^1);
            else rot(x->p,dir(x)^1);
            rot(x->p,dir(x)^1);
130
                                                                   52
131
                                                                   53
132
                                                                   54
133
                                                                   55
    //旋转函数
134
    //对比原版没有变化
135
                                                                   57
136
    void rot(node *x,int d){
        node *y=x->ch[d^1];
137
                                                                   59
        if((x->ch[d^1]=y->ch[d])!=null)y->ch[d]->p=x;
138
                                                                   60
139
        y->p=x->p;
                                                                   61
        if(!isroot(x))x->p->ch[dir(x)]=y;
140
                                                                   62
        (y->ch[d]=x)->p=y;
141
                                                                   63
        x->refresh();
                                                                   64
        y->refresh();
                                                                   65
                                                                   66
```

5.6.4 模板题:动态QTREE4(询问树上相距最远点)

```
69
   #include<hits/stdc++.h>
                                                                    71
   #include<ext/pb ds/assoc container.hpp>
                                                                    72
   #include<ext/pb_ds/tree_policy.hpp>
3
                                                                    73
   #include<ext/pb_ds/priority_queue.hpp>
   #define isroot(x) ((x)->p==null||((x)!=(x)->p-
                                                                    76
    \hookrightarrow > ch[0]\&\&(x)!=(x)->p->ch[1]))
                                                                    77
   #define dir(x) ((x)==(x)->p->ch[1])
9
   using namespace std;
10
   using namespace __gnu_pbds;
11
   const int maxn=100010:
12
   const long long INF=10000000000000000000011;
13
```

```
struct binary_heap{
       __gnu_pbds::priority_queue<long long,less<long</pre>
        → long>,binary_heap_tag>q1,q2;
       binary_heap(){}
       void push(long long x){if(x>(-INF)>>2)q1.push(x);}
       void erase(long long x){if(x>(-INF)>>2)q2.push(x);}
       long long top(){
           if(empty())return -INF;
           while(!q2.empty()&&q1.top()==q2.top()){
               q1.pop();
               a2.pop();
           return q1.top();
       long long top2(){
           if(size()<2)return -INF;</pre>
           long long a=top();
           erase(a);
           long long b=top();
           push(a);
           return a+b;
       int size(){return q1.size()-q2.size();}
       bool empty(){return q1.size()==q2.size();}
   }heap;//全局堆维护每条链的最大子段和
   struct node{
       long long sum, maxsum, prefix, suffix;
       int kev:
       binary_heap heap;//每个点的堆存的是它的子树中到它的
        → 最远距离@如果它是黑点的话还会包括自己
       node *ch[2],*p;
       bool rev;
       node(int k=0):sum(k),maxsum(-INF),prefix(-INF),
           suffix(-INF),key(k),rev(false){}
       inline void pushdown(){
           if(!rev)return;
           ch[0]->rev^=true;
           ch[1]->rev^=true;
           swap(ch[0],ch[1]);
           swap(prefix, suffix);
           rev=false;
       inline void refresh(){
           pushdown();
           ch[0]->pushdown();
           ch[1]->pushdown();
           sum=ch[0]->sum+ch[1]->sum+key;
           prefix=max(ch[0]->prefix,
               ch[0]->sum+key+ch[1]->prefix);
           suffix=max(ch[1]->suffix,
               ch[1]->sum+key+ch[0]->suffix);
           maxsum=max(max(ch[0]->maxsum,ch[1]->maxsum),
               ch[0]->suffix+key+ch[1]->prefix);
           if(!heap.empty()){
               prefix=max(prefix,
                   ch[0]->sum+key+heap.top());
               suffix=max(suffix,
                   ch[1]->sum+key+heap.top());
               maxsum=max(maxsum, max(ch[0]->suffix,
                   ch[1]->prefix)+key+heap.top());
               if(heap.size()>1){
                   maxsum=max(maxsum,heap.top2()+key);
   }null[maxn<<1],*ptr=null;</pre>
   void addedge(int,int,int);
  void deledge(int,int);
  void modify(int,int,int);
82 void modify_color(int);
```

```
node *newnode(int);
                                                                    155
    node *access(node*);
                                                                       void modify(int x,int y,int z){
                                                                    156
    void makeroot(node*);
                                                                            node *tmp=mp[make_pair(x,y)];
                                                                    157
    void link(node*,node*);
                                                                    158
                                                                            makeroot(tmp);
   void cut(node*,node*);
                                                                   159
                                                                            tmp->pushdown();
   void splay(node*);
                                                                            heap.erase(tmp->maxsum);
88
                                                                   160
    void rot(node*,int);
                                                                   161
                                                                            tmp->key=z;
    queue<node*>freenodes;
                                                                            tmp->refresh();
    tree<pair<int,int>,node*>mp;
                                                                   163
                                                                            heap.push(tmp->maxsum);
   bool col[maxn]={false};
                                                                    164
                                                                       void modify_color(int x){
   char c;
93
                                                                    165
    int n,m,k,x,y,z;
                                                                            makeroot(null+x);
94
                                                                    166
                                                                            col[x]^=true;
    int main(){
95
                                                                    167
        null->ch[0]=null->ch[1]=null->p=null;
                                                                            if(col[x])null[x].heap.push(0);
96
        scanf("%d%d%d",&n,&m,&k);
                                                                            else null[x].heap.erase(0);
97
                                                                    169
        for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
                                                                            heap.erase(null[x].maxsum);
                                                                    170
98
            newnode(0):
                                                                            null[x].refresh();
99
                                                                   171
                                                                   172
                                                                            heap.push(null[x].maxsum);
100
        heap.push(0);
                                                                   173
101
        while(k--){
                                                                       node *newnode(int k){
            scanf("%d",&x);
                                                                            *(++ptr)=node(k);
                                                                    175
                                                                            ptr->ch[0]=ptr->ch[1]=ptr->p=null;
            col[x]=true;
                                                                    176
            null[x].heap.push(0);
                                                                            return ptr;
105
                                                                    177
                                                                    178
106
        for(int i=1;i<n;i++){</pre>
                                                                       node *access(node *x){
                                                                    179
107
            scanf("%d%d%d",&x,&y,&z);
                                                                    180
                                                                            splay(x);
108
            if(x>y)swap(x,y);
                                                                    181
                                                                            heap.erase(x->maxsum);
            addedge(x,y,z);
                                                                            x->refresh();
110
                                                                    182
                                                                            if(x->ch[1]!=null){
111
                                                                   183
                                                                                x->ch[1]->pushdown();
        while(m--){
                                                                   184
112
            scanf(" %c%d",&c,&x);
                                                                   185
                                                                                x->heap.push(x->ch[1]->prefix);
113
            if(c=='A'){
                                                                                x->refresh();
                scanf("%d",&y);
                                                                   187
                                                                                heap.push(x->ch[1]->maxsum);
116
                if(x>y)swap(x,y);
                                                                   188
                deledge(x,y);
                                                                            x->ch[1]=null;
117
                                                                    189
                                                                            x->refresh();
118
                                                                    190
            else if(c=='B'){
                                                                            node *y=x;
                                                                    191
119
                scanf("%d%d",&y,&z);
                                                                            x=x->p;
                if(x>y)swap(x,y);
                                                                            while(x!=null){
                                                                    193
                addedge(x,y,z);
                                                                    194
                                                                                splay(x);
122
                                                                                heap.erase(x->maxsum);
123
                                                                   195
            else if(c=='C'){
                                                                                if(x->ch[1]!=null){
                                                                   196
124
                scanf("%d%d",&y,&z);
                                                                                    x->ch[1]->pushdown();
                                                                    197
125
                if(x>y)swap(x,y);
                                                                                    x->heap.push(x->ch[1]->prefix);
126
                                                                    198
                modify(x,y,z);
                                                                                    heap.push(x->ch[1]->maxsum);
                                                                    200
                                                                                x->heap.erase(y->prefix);
            else modify_color(x);
129
                                                                    201
            printf("%lld\n",(heap.top()>0?heap.top():-1));
                                                                                x->ch[1]=y;
130
                                                                    202
                                                                    203
                                                                                (y=x)->refresh();
131
132
        return 0;
                                                                    204
                                                                                x=x->p;
                                                                    205
    void addedge(int x,int y,int z){
                                                                   206
                                                                            heap.push(y->maxsum);
134
        node *tmp:
                                                                           return y;
135
                                                                   207
        if(freenodes.empty())tmp=newnode(z);
136
                                                                   208
137
                                                                       void makeroot(node *x){
                                                                   209
            tmp=freenodes.front();
                                                                   210
                                                                            access(x);
138
            freenodes.pop();
                                                                            splay(x);
140
            *tmp=node(z);
                                                                   212
                                                                            x->rev^=true:
141
                                                                   213
        tmp->ch[0]=tmp->ch[1]=tmp->p=null;
                                                                       void link(node *x,node *y){//新添一条虚边圆维护y对应的堆
142
                                                                   214
        heap.push(tmp->maxsum);
                                                                            makeroot(x);
143
                                                                   215
        link(tmp,null+x);
                                                                            makeroot(y);
                                                                   216
144
        link(tmp,null+y);
                                                                            x->pushdown();
145
        mp[make_pair(x,y)]=tmp;
                                                                            x->p=y;
146
                                                                   218
                                                                            heap.erase(y->maxsum);
147
                                                                   219
    void deledge(int x,int y){
                                                                            y->heap.push(x->prefix);
                                                                   220
148
        node *tmp=mp[make_pair(x,y)];
                                                                            y->refresh();
                                                                   221
149
        cut(tmp,null+x);
                                                                            heap.push(y->maxsum);
150
        cut(tmp,null+y);
                                                                   223
                                                                       void cut(node *x,node *y){//断开一条实边@一条链变成两条
        freenodes.push(tmp);
152
                                                                   224
                                                                         → 链2厘要维护全局堆
        heap.erase(tmp->maxsum);
153
        mp.erase(make_pair(x,y));
                                                                   225
                                                                           makeroot(x);
154
```

```
access(y);
226
         splay(y);
227
                                                                       29
        heap.erase(y->maxsum);
                                                                       30
        heap.push(y->ch[0]->maxsum);
220
                                                                       31
        y->ch[0]->p=null;
230
                                                                       32
        v->ch[0]=null:
231
                                                                       33
        y->refresh();
232
                                                                       34
        heap.push(y->maxsum);
233
                                                                       35
    void splay(node *x){
235
                                                                       37
        x->pushdown();
236
        while(!isroot(x)){
237
             if(!isroot(x->p))
238
                  x->p->p->pushdown();
239
             x->p->pushdown();
             x->pushdown();
             if(isroot(x->p)){
                                                                       43
242
                 rot(x->p,dir(x)^1);
243
                 break;
244
             if(dir(x)==dir(x->p))
                 rot(x->p->p,dir(x->p)^1);
247
             else rot(x->p,dir(x)^1);
248
             rot(x->p,dir(x)^1);
249
250
                                                                       52
251
    void rot(node *x,int d){
                                                                       53
        node *y=x->ch[d^1];
        if((x->ch[d^1]=y->ch[d])!=null)
254
             y->ch[d]->p=x;
255
                                                                       56
        y->p=x->p;
256
                                                                       57
        if(!isroot(x))
257
                                                                       58
             x->p->ch[dir(x)]=y;
                                                                       59
         (y->ch[d]=x)->p=y;
259
                                                                       60
260
        x->refresh();
                                                                       61
        y->refresh();
261
                                                                       62
262
```

5.7 虚树

```
#include<cstdio>
                                                                      67
   #include<cstrina>
   #include<algorithm>
   #include<vector>
                                                                      70
   using namespace std;
   const int maxn=1000005;
   struct Tree{
        vector<int>G[maxn],W[maxn];
       int p[maxn],d[maxn],size[maxn],mn[maxn],mx[maxn];
9
       bool col[maxn];
10
       long long ans_sum;
        int ans_min,ans_max;
        void add(int x,int y,int z){
13
            G[x].push_back(y);
14
15
            W[x].push_back(z);
16
       void dfs(int x){
17
            size[x]=col[x];
18
            mx[x]=(col[x]?d[x]:-0x3f3f3f3f);
19
            mn[x]=(col[x]?d[x]:0x3f3f3f3f);
20
                                                                      86
            for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++){</pre>
21
                                                                      87
                d[G[x][i]]=d[x]+W[x][i];
22
                                                                      88
                dfs(G[x][i]);
23
                ans_sum+=(long long)size[x]*size[G[x]
                                                                      89
                   \hookrightarrow [i]]*d[x];
                                                                      90
                ans_max=max(ans_max,mx[x]+mx[G[x]
25
                                                                      91
                   \hookrightarrow [i]]-(d[x]<<1));
                ans_min=min(ans_min,mn[x]+mn[G[x]
26
                                                                      92
                  \hookrightarrow [i]]-(d[x]<<1));
                size[x]+=size[G[x][i]];
27
```

```
mn[x]=min(mn[x],mn[G[x][i]]);
    void clear(int x){
        G[x].clear();
        W[x].clear();
        col[x]=false;
    void solve(int rt){
        ans_sum=0;
        ans_max=1<<31;
        ans_min=(\sim 0u)>>1;
        dfs(rt);
        ans_sum<<=1;</pre>
}virtree;
void dfs(int);
int LCA(int,int);
vector<int>G[maxn];
int f[maxn][20],d[maxn],dfn[maxn],tim=0;
bool cmp(int x,int y){return dfn[x]<dfn[y];}</pre>
int n,m,lgn=0,a[maxn],s[maxn],v[maxn];
int main(){
    scanf("%d",&n);
    for(int i=1,x,y;i<n;i++){</pre>
         scanf("%d%d",&x,&y);
        G[x].push_back(y);
        G[y].push_back(x);
    G[n+1].push_back(1);
    dfs(n+1):
    for(int i=1;i<=n+1;i++)G[i].clear();</pre>
    for(int j=1;j<=lgn;j++)for(int i=1;i<=n;i++)f[i]</pre>
      \hookrightarrow [j]=f[f[i][j-1]][j-1];
    scanf("%d",&m);
    while(m--){
        int k;
         scanf("%d",&k);
        for(int i=1;i<=k;i++)scanf("%d",&a[i]);</pre>
         sort(a+1,a+k+1,cmp);
         int top=0,cnt=0;
         s[++top]=v[++cnt]=n+1;
         long long ans=0;
         for(int i=1;i<=k;i++){</pre>
             virtree.col[a[i]]=true;
             ans+=d[a[i]]-1;
             int u=LCA(a[i],s[top]);
             if(s[top]!=u){
                 while(top>1&&d[s[top-1]]>=d[u]){
                     virtree.add(s[top-1],s[top],d[s[top]]-d[s[to
                     top--;
                 if(s[top]!=u){
                      virtree.add(u,s[top],d[s[top]]-d[u]);
                     s[top]=v[++cnt]=u;
             s[++top]=a[i];
          \leftrightarrow i=top-1;i;i--)virtree.add(s[i],s[i+1],d[s[i+1]]-d[s[
         virtree.solve(n+1);
         ans*=k-1;
        printf("%11d %d

→ %d\n",ans-virtree.ans_sum,virtree.ans_min,virtree.an
         for(int i=1;i<=k;i++)virtree.clear(a[i]);</pre>
```

mx[x]=max(mx[x],mx[G[x][i]]);

63

64

```
for(int i=1;i<=cnt;i++)virtree.clear(v[i]);</pre>
93
94
95
        return 0;
96
97
    void dfs(int x){
        dfn[x]=++tim;
        d[x]=d[f[x][0]]+1;
100
        while((1<<lgn)<d[x])lgn++;</pre>
101
        for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)if(G[x][i]!=f[x]</pre>
102
            f[G[x][i]][0]=x;
103
            dfs(G[x][i]);
104
105
106
    int LCA(int x,int y){
        if(d[x]!=d[y]){
             if(d[x]<d[y])swap(x,y);</pre>
            for(int
110
               \rightarrow i=lgn;i>=0;i--)if(((d[x]-d[y])>>i)&1)x=f[x]
               → [i];
        if(x==y)return x;
        for(int i=lgn;i>=0;i--)if(f[x][i]!=f[y][i]){
             x=f[x][i];
            y=f[y][i];
116
117
        return f[x][0];
```

5.8 长链剖分

```
// 顾名思义,长链剖分是取最深的儿子作为重儿子
2
  // O(n)维护以深度为下标的子树信息
3
  vector<int> G[maxn], v[maxn];
  int n, p[maxn], h[maxn], son[maxn], ans[maxn];
5
  // 原题题意: 求每个点的子树中与它距离是几的点最多,相同的
    ム取最大深度
  // 由于vector只能在后面加入元素,为了写代码方便,这里反
    → 过来存
  void dfs(int x) {
      h[x] = 1;
10
11
      for (int y : G[x])
12
          if (y != p[x]){
13
             p[y] = x;
14
             dfs(y);
15
16
             if (h[y] > h[son[x]])
17
                 son[x] = y;
18
19
20
      if (!son[x]) {
21
         v[x].push_back(1);
22
         ans[x] = 0;
23
         return;
24
25
26
      h[x] = h[son[x]] + 1;
27
      swap(v[x],v[son[x]]);
28
29
      if (v[x][ans[son[x]]] == 1)
30
         ans[x] = h[x] - 1;
31
      else
32
         ans[x] = ans[son[x]];
33
34
      v[x].push_back(1);
35
```

```
int mx = v[x][ans[x]];
37
       for (int y : G[x])
38
            if (y != p[x] \&\& y != son[x]) {
39
                 for (int j = 1; j <= h[y]; j++) {
40
                     v[x][h[x] - j - 1] += v[y][h[y] - j];
41
42
                     int t = v[x][h[x] - j - 1];
43
                     if (t > mx \mid | (t == mx \&\& h[x] - j - 1 >
44
                       \hookrightarrow ans[x])) {
                          mx = t;
45
                          ans[x] = h[x] - j - 1;
46
47
48
49
                 v[y].clear();
50
51
52
```

5.9 梯子剖分

```
// 在线求一个点的第k祖先 O(n\Log n)-O(1)
   // 理论基础:任意一个点x的k级祖先y所在长链长度一定>=k
  // 全局数组定义
4
  vector<int> G[maxn], v[maxn];
  int d[maxn], mxd[maxn], son[maxn], top[maxn], len[maxn];
  int f[19][maxn], log_tbl[maxn];
  // 在主函数中两遍dfs之后加上如下预处理
  log_tbl[0] = -1;
10
  for (int i = 1; i <= n; i++)
11
      log_tbl[i] = log_tbl[i / 2] + 1;
  for (int j = 1; (1 << j) < n; j++)</pre>
13
      for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
14
          f[j][i] = f[j - 1][f[j - 1][i]];
15
16
   // 第一遍dfs,用于计算深度和找出重儿子
17
  void dfs1(int x) {
18
      mxd[x] = d[x];
19
      for (int y : G[x])
21
          if (y != f[0][x]){
22
              f[0][y] = x;
23
              d[y] = d[x] + 1;
24
25
              dfs1(y);
26
              mxd[x] = max(mxd[x], mxd[y]);
              if (mxd[y] > mxd[son[x]])
29
30
                  son[x] = y;
31
32
33
   // 第二遍dfs,用于进行剖分和预处理梯子剖分(每条链向上延
    → 伸一倍)数组
  void dfs2(int x) {
35
      top[x] = (x == son[f[0][x]] ? top[f[0][x]] : x);
36
37
      for (int y : G[x])
38
          if (y != f[0][x])
39
              dfs2(y);
40
      if (top[x] == x) {
42
          int u = x;
43
          while (top[son[u]] == x)
44
              u = son[u]:
45
46
```

13

14

19

26

32

33

35

37

38

40

41

```
len[x] = d[u] - d[x];
47
            for (int i = 0; i < len[x]; i++, u = f[0][u])
48
                v[x].push_back(u);
49
50
           u = x;
51
           for (int i = 0; i < len[x] && u; i++, u = f[0]
52
              \hookrightarrow [u])
               v[x].push_back(u);
53
54
55
56
   // 在线询问x的k级祖先 0(1)
57
   // 不存在时返回@
   int query(int x, int k) {
59
       if (!k)
60
61
           return x;
       if (k > d[x])
62
63
           return 0;
64
       x = f[log\_tbl[k]][x];
65
       k ^= 1 << log_tbl[k];</pre>
66
       return v[top[x]][d[top[x]] + len[top[x]] - d[x] + k];
67
68
```

5.10 左偏树

(参见k短路)

5.11常见根号思路

通用

- 出现次数大于 \sqrt{n} 的数不会超过 \sqrt{n} 个
- 对于带修改问题, 如果不方便分治或者二进制分组, 可以考 16 虑对操作分块,每次查询时暴力最后的 \sqrt{n} 个修改并更正答 $_{17}$
- 根号分治: 如果分治时每个子问题需要O(N)(N是全局问题 $_{20}$ 的大小)的时间,而规模较小的子问题可以 $O(n^2)$ 解决,则可 21 以使用根号分治
 - 规模大于 \sqrt{n} 的子问题用O(N)的方法解决,规模小 24 于 \sqrt{n} 的子问题用 $O(n^2)$ 暴力
 - 规模大于 \sqrt{n} 的子问题最多只有 \sqrt{n} 个
 - 规模不大于 \sqrt{n} 的子问题大小的平方和也必定不会超 28 过 $n\sqrt{n}$
- 如果输入规模之和不大于n(例如给定多个小字符串与大字符 31 串进行询问),那么规模超过 \sqrt{n} 的问题最多只有 \sqrt{n} 个

序列

- 某些维护序列的问题可以用分块/块状链表维护
- 对于静态区间询问问题, 如果可以快速将左/右端点移动-位,可以考虑莫队
 - 如果强制在线可以分块预处理, 但是一般空间需 要 $n\sqrt{n}$
 - * 例题: 询问区间中有几种数出现次数恰好为k, 强 42
 - 如果带修改可以试着想一想带修莫队, 但是复杂度高 45 达n^⅓
- 线段树可以解决的问题也可以用分块来做到O(1)询问或 $_{47}$ 是O(1)修改,具体要看哪种操作更多 48

- 与序列类似,树上也有树分块和树上莫队
 - 树上带修莫队很麻烦,常数也大,最好不要先考虑
 - 树分块不要想当然
- 树分治也可以套根号分治, 道理是一样的

字符串

• 循环节长度大于 \sqrt{n} 的子串最多只有O(n)个,如果是极长子 串则只有 $O(\sqrt{n})$ 个

6. 动态规划

6.1决策单调性 $O(n \log n)$

```
ı int a[maxn], q[maxn], p[maxn], g[maxn]; // 存左端点,右端
    → 点就是下一个左端点 - 1
  long long f[maxn], s[maxn];
  int n, m;
  long long calc(int 1, int r) {
      if (r < 1)
          return 0;
      int mid = (1 + r) / 2;
      if ((r - 1 + 1) \% 2 == 0)
           return (s[r] - s[mid]) - (s[mid] - s[l - 1]);
      else
          return (s[r] - s[mid]) - (s[mid - 1] - s[l - 1]);
  int solve(long long tmp) {
      memset(f, 63, sizeof(f));
      f[0] = 0;
      int head = 1, tail = 0;
      for (int i = 1; i <= n; i++) {
          f[i] = calc(1, i);
          g[i] = 1;
          while (head < tail && p[head + 1] <= i)</pre>
              head++;
           if (head <= tail) {</pre>
               if (f[q[head]] + calc(q[head] + 1, i) < f[i])</pre>
                   f[i] = f[q[head]] + calc(q[head] + 1, i);
                   g[i] = g[q[head]] + 1;
               while (head < tail \&\& p[head + 1] <= i + 1)
                   head++;
               if (head <= tail)</pre>
                   p[head] = i + 1;
          f[i] += tmp;
          int r = n;
          while(head <= tail) {</pre>
               if (f[q[tail]] + calc(q[tail] + 1, p[tail]) >
                 \hookrightarrow f[i] + calc(i + 1, p[tail])) {
                   r = p[tail] - 1;
                   tail--;
               else if (f[q[tail]] + calc(q[tail] + 1, r) <=</pre>
                 \hookrightarrow f[i] + calc(i + 1, r)) {
```

```
if (r < n) {
50
                            q[++tail] = i;
51
                                                                             12
                            p[tail] = r + 1;
52
                                                                             13
53
                                                                             14
                       break:
54
                                                                             15
                  }
55
                                                                             16
                  else {
56
                                                                             17
                       int L = p[tail], R = r;
                                                                             18
                       while (L < R) {
                                                                             19
                           int M = (L + R) / 2;
59
                                                                             20
60
                                                                             21
                            if (f[q[tail]] + calc(q[tail] + 1, M)
61
                                                                             22
                              \hookrightarrow \langle = f[i] + calc(i + 1, M))
                                                                             23
                                L = M + 1;
62
                                                                            24
                            else
63
                                                                            25
                                 R = M;
64
                                                                            26
65
                                                                            27
66
                       q[++tail] = i;
67
                       p[tail] = L;
                                                                             29
68
69
                                                                             30
                       break;
70
                                                                            31
71
                                                                            32
72
                                                                             33
             if (head > tail) {
73
                                                                            34
74
                  q[++tail] = i;
                                                                            35
75
                  p[tail] = i + 1;
76
                                                                            37
77
                                                                            38
78
                                                                            39
79
        return g[n];
                                                                             40
```

7. Miscellaneous

7.1 O(1)快速乘

```
// Long double 快速乘
  // 在两数直接相乘会爆Long Long时才有必要使用
  // 常数比直接Long Long乘法+取模大很多,非必要时不建议使用
  long long mul(long long a,long long b,long long p){
     a%=p;b%=p;
5
     return ((a*b-p*(long long)((long
6

    double)a/p*b+0.5))%p+p)%p;
7
  // 指令集快速乘
  // 试机记得测试能不能过编译
10
  inline long long mul(const long long a, const long long
   \hookrightarrow b, const long long p) {
     long long ans;
12
      _asm__ __volatile__ ("\tmulq %%rbx\n\tdivq %%rcx\n"
13
       14
     return ans;
15
```

7.2 $O(n^2)$ 高精度

```
70
  // 注意如果只需要正数运算的话
  // 可以只抄英文名的运算函数
                                                        72
  // 按需自取
                                                        73
  // 乘法0(n ^ 2)@除法0(10 * n ^ 2)
                                                        75
  const int maxn = 1005;
                                                       76
                                                       77
  struct big_decimal {
8
                                                        78
      int a[maxn];
9
      bool negative;
10
```

```
big_decimal() {
   memset(a, 0, sizeof(a));
   negative = false;
big_decimal(long long x) {
   memset(a, 0, sizeof(a));
   negative = false;
   if (x < 0) {
       negative = true;
       x = -x;
   while (x) {
       a[++a[0]] = x \% 10;
       x /= 10;
big_decimal(string s) {
   memset(a, 0, sizeof(a));
   negative = false;
   if (s == "")
       return:
   if (s[0] == '-') {
       negative = true;
       s = s.substr(1);
   a[0] = s.size();
   for (int i = 1; i <= a[0]; i++)
     a[i] = s[a[0] - i] - '0';
   while (a[0] && !a[a[0]])
   a[0]--;
void input() {
   string s;
   cin >> s;
   *this = s;
string str() const {
   if (!a[0])
   return "0";
   string s;
   if (negative)
       s = "-";
   for (int i = a[0]; i; i--)
      s.push_back('0' + a[i]);
   return s;
operator string () const {
   return str();
big_decimal operator - () const {
   big_decimal o = *this;
   if (a[0])
       o.negative ^= true;
```

53

54

55

57

58

59

61

62

63

65

66

68

```
return o;
80
                                                                           friend bool operator < (const big_decimal &u, const</pre>
81
                                                                             → big_decimal &v) {
82
        friend big_decimal abs(const big_decimal &u) {
                                                                               return cmp(u, v) == -1;
83
                                                                   148
            big_decimal o = u;
                                                                   149
84
            o.negative = false;
                                                                   150
85
                                                                           friend bool operator > (const big_decimal &u, const
            return o:
                                                                   151
86
                                                                            }
87
                                                                               return cmp(u, v) == 1;
                                                                   152
88
        big_decimal &operator <<= (int k) {</pre>
                                                                   153
89
                                                                   154
            a[0] += k;
90
                                                                   155
                                                                           friend bool operator == (const big_decimal &u, const
91
                                                                            for (int i = a[0]; i > k; i--)
92
                                                                               return cmp(u, v) == 0;
                a[i] = a[i - k];
                                                                   156
93
                                                                   157
94
            for(int i = k; i; i--)
                                                                   158
95
                                                                           friend bool operator <= (const big_decimal &u, const</pre>
               a[i] = 0;
                                                                   159
96
                                                                            97
                                                                               return cmp(u, v) <= 0;</pre>
            return *this;
                                                                   160
98
                                                                   161
99
                                                                   162
100
                                                                           friend bool operator >= (const big_decimal &u, const
        friend big decimal operator << (const big decimal &u,
                                                                   163
101

    big_decimal &v) {

          \hookrightarrow int k) {
                                                                               return cmp(u, v) >= 0;
                                                                   164
            big_decimal o = u;
102
                                                                   165
            return o <<= k;</pre>
103
                                                                   166
        }
104
                                                                           friend big_decimal decimal_plus(const big_decimal &u,
                                                                   167
                                                                            → const big_decimal &v) { // 保证u, v均为正数的话可
        big_decimal &operator >>= (int k) {
106
                                                                             → 以直接调用
            if (a[0] < k)
107
                                                                               big_decimal o;
                                                                   168
                return *this = big decimal(0);
108
109
                                                                               o.a[0] = max(u.a[0], v.a[0]);
            a[0] -= k;
110
            for (int i = 1; i <= a[0]; i++)</pre>
111
                                                                               for (int i = 1; i <= u.a[0] || i <= v.a[0]; i++)
                a[i] = a[i + k];
112
113
                                                                                   o.a[i] += u.a[i] + v.a[i];
                                                                   173
            for (int i = a[0] + 1; i <= a[0] + k; i++)
114
                                                                   174
                a[i] = 0;
115
                                                                   175
                                                                                   if (o.a[i] >= 10) {
116
                                                                   176
                                                                                       o.a[i + 1]++;
            return *this;
117
                                                                   177
                                                                                       o.a[i] -= 10;
118
119
        friend big_decimal operator >> (const big_decimal &u,
120
          \hookrightarrow int k) {
                                                                               if (o.a[o.a[0] + 1])
            big_decimal o = u;
121
                                                                                   o.a[0]++;
122
            return o >>= k;
                                                                   183
123
                                                                               return o;
                                                                   184
124
                                                                   185
125
        friend int cmp(const big_decimal &u, const
                                                                   186
          → big_decimal &v) {
                                                                           friend big_decimal decimal_minus(const big_decimal
            if (u.negative || v.negative) {
                                                                             → &u, const big_decimal &v) { // 保证u, v均为正数的
                if (u.negative && v.negative)
127
                                                                             → 话可以直接调用
                    return -cmp(-u, -v);
128
                                                                               int k = cmp(u, v);
                                                                   188
                                                                   189
                if (u.negative)
                                                                               if (k == -1)
                                                                   190
131
                    return -1;
                                                                                   return -decimal_minus(v, u);
                                                                   191
                                                                               else if (k == 0)
                                                                   192
                if (v.negative)
                                                                   193
                                                                                   return big_decimal(0);
                    return 1;
                                                                   194
135
                                                                   195
                                                                               big_decimal o;
                                                                   196
            if (u.a[0] != v.a[0])
                                                                               o.a[0] = u.a[0];
                                                                   197
                return u.a[0] < v.a[0] ? -1 : 1;</pre>
138
                                                                   198
                                                                               for (int i = 1; i <= u.a[0]; i++) {
                                                                   199
            for (int i = u.a[0]; i; i--)
                                                                                   o.a[i] += u.a[i] - v.a[i];
                                                                   200
                if (u.a[i] != v.a[i])
                                                                   201
                    return u.a[i] < v.a[i] ? -1 : 1;</pre>
142
                                                                                   if (o.a[i] < 0) {</pre>
                                                                   202
143
                                                                                        o.a[i] += 10;
                                                                   203
            return 0;
                                                                                        o.a[i + 1]--;
                                                                   204
```

```
270
205
206
                                                                      272
207
             while (o.a[0] && !o.a[o.a[0]])
                                                                      273
208
                 o.a[0]--;
                                                                      274
209
                                                                      275
210
             return o;
211
212
                                                                      277
213
         friend big_decimal decimal_multi(const big_decimal
                                                                      278
214
          big_decimal o;
                                                                      280
                                                                      281
             o.a[0] = u.a[0] + v.a[0] - 1;
                                                                      282
                                                                      283
             for (int i = 1; i <= u.a[0]; i++)</pre>
219
                 for (int j = 1; j <= v.a[0]; j++)</pre>
                                                                      285
                      o.a[i + j - 1] += u.a[i] * v.a[j];
                                                                      286
222
                                                                      287
             for (int i = 1; i <= o.a[0]; i++)</pre>
                                                                      288
                 if (o.a[i] >= 10) {
                                                                      289
                      o.a[i + 1] += o.a[i] / 10;
                                                                      290
                      o.a[i] %= 10;
226
                                                                      291
                                                                      292
             if (0.a[0.a[0] + 1])
                 o.a[0]++;
                                                                     293
230
                                                                     294
             return o;
                                                                      295
                                                                      296
                                                                      297
235
         friend pair<big_decimal, big_decimal>
          → decimal_divide(big_decimal u, big_decimal v) { //
                                                                     299
          △整除
                                                                      300
             if (v > u)
236
                                                                      301
                 return make_pair(big_decimal(0), u);
                                                                      302
238
                                                                      303
             big_decimal o;
239
                                                                      304
             o.a[0] = u.a[0] - v.a[0] + 1;
240
                                                                      305
241
                                                                      306
             int m = v.a[0];
242
                                                                      307
             v <<= u.a[0] - m;</pre>
243
                                                                      308
244
                                                                      309
             for (int i = u.a[0]; i >= m; i--) {
245
                                                                     310
                 while (u >= v) {
246
                                                                     311
                      u = u - v;
                                                                     312
247
                      o.a[i - m + 1]++;
248
                                                                     313
                                                                     314
                                                                     315
250
                 v >>= 1;
                                                                     316
251
                                                                     317
252
                                                                     318
253
             while (o.a[0] && !o.a[o.a[0]])
                                                                     319
                 o.a[0]--;
                                                                     320
255
                                                                     321
256
             return make_pair(o, u);
257
                                                                     322
                                                                      323
259
                                                                      324
         friend big_decimal operator + (const big_decimal &u,
                                                                      325
260
          326
             if (u.negative || v.negative) {
261
                                                                     327
                 if (u.negative && v.negative)
262
                                                                     328
                      return -decimal_plus(-u, -v);
263
264
                 if (u.negative)
                                                                     329
265
                     return v - (-u);
266
                                                                     330
267
                                                                     331
                 if (v.negative)
268
                     return u - (-v);
                                                                     332
269
                                                                     333
```

```
return decimal_plus(u, v);
friend big_decimal operator - (const big_decimal &u,
 → const big_decimal &v) {
   if (u.negative || v.negative) {
       if (u.negative && v.negative)
            return -decimal_minus(-u, -v);
       if (u.negative)
            return -decimal_plus(-u, v);
       if (v.negative)
            return decimal_plus(u, -v);
   return decimal_minus(u, v);
friend big_decimal operator * (const big_decimal &u,
 if (u.negative || v.negative) {
       big_decimal o = decimal_multi(abs(u),
         \rightarrow abs(v));
       if (u.negative ^ v.negative)
           return -o;
       return o;
   return decimal_multi(u, v);
big_decimal operator * (long long x) const {
    if (x >= 10)
       return *this * big_decimal(x);
   if (negative)
       return -(*this * x);
   big_decimal o;
   o.a[0] = a[0];
   for (int i = 1; i <= a[0]; i++) {
       o.a[i] += a[i] * x;
       if (o.a[i] >= 10) {
           o.a[i + 1] += o.a[i] / 10;
            o.a[i] %= 10;
   if (o.a[a[0] + 1])
       o.a[0]++;
   return o;
friend pair<big_decimal, big_decimal>

    decimal_div(const big_decimal &u, const

 → big_decimal &v) {
   if (u.negative || v.negative) {
       pair<big_decimal, big_decimal> o =

    decimal_div(abs(u), abs(v));
       if (u.negative ^ v.negative)
            return make_pair(-o.first, -o.second);
```

3 }

```
return o;
334
335
336
            return decimal_divide(u, v);
337
338
339
        friend big_decimal operator / (const big_decimal &u,
340
          → const big_decimal &v) { // ν不能是0
            if (u.negative || v.negative) {
341
                 big_decimal o = abs(u) / abs(v);
342
                 if (u.negative ^ v.negative)
                     return -o;
345
                 return o;
346
347
            return decimal_divide(u, v).first;
349
350
352
        friend big_decimal operator % (const big_decimal &u,
          \hookrightarrow const big_decimal &v) {
            if (u.negative || v.negative) {
                 big_decimal o = abs(u) % abs(v);
355
                 if (u.negative ^ v.negative)
                     return -o;
                 return o;
358
359
            return decimal_divide(u, v).second;
362
363
```

7.3 xorshift

```
ull k1, k2;
   const int mod = 10000000;
2
   ull xorShift128Plus() {
3
       ull k3 = k1, k4 = k2;
4
5
       k1 = k4;
       k3 ^= (k3 << 23);
6
       k2 = k3 ^ k4 ^ (k3 >> 17) ^ (k4 >> 26);
7
       return k2 + k4;
8
9
   }
   void gen(ull _k1, ull _k2) {
10
11
       k1 = _k1, k2 = _k2;
       int x = xorShift128Plus() % threshold + 1;
12
       // do sth
13
14
15
16
   uint32_t xor128(void) {
17
       static uint32_t x = 123456789;
18
       static uint32_t y = 362436069;
19
       static uint32 t z = 521288629;
20
       static uint32_t w = 88675123;
21
       uint32_t t;
23
       t = x ^ (x << 11);
24
       x = y; y = z; z = w;
25
       return w = w ^ (w >> 19) ^ (t ^ (t >> 8));
26
27
```

7.4 枚举子集

(注意这是 $t \neq 0$ 的写法, 如果可以等于0需要在循环里手动break)

```
for (int t = s; t; (--t) &= s) {
    // do something
```

7.5

1. vector

STL

- vector(int nSize):创建一个vector,元素个数为nSize
- vector(int nSize,const t& t):创建一个vector 元素 个数为nSize,且值均为t
- vector(begin,end):复制[begin,end)区间内另一个数组的元素到vector中
- void assign(int n,const T& x):设置向量中前n个元素的值为x
- void assign(const_iterator first,const_iterator last):向量中[first,last)中元素设置成当前向量元素

2. list

- assign() 给list赋值
- back() 返回最后一个元素
- begin() 返回指向第一个元素的迭代器
- clear() 删除所有元素
- empty() 如果list是空的则返回true
- end() 返回末尾的迭代器
- erase() 删除一个元素
- front()返回第一个元素
- insert() 插入一个元素到list中
- max_size() 返回list能容纳的最大元素数量
- merge() 合并两个list
- pop_back() 删除最后一个元素
- pop_front() 删除第一个元素
- push_back() 在list的末尾添加一个元素
- push_front() 在list的头部添加一个元素
- rbegin()返回指向第一个元素的逆向迭代器
- remove() 从list删除元素
- remove_if() 按指定条件删除元素
- rend() 指向list末尾的逆向迭代器
- resize() 改变list的大小
- reverse() 把list的元素倒转
- size() 返回list中的元素个数
- sort() 给list排序
- splice() 合并两个list
- swap() 交换两个list
- unique() 删除list中重复的元

7.6 pb_ds

7.7 rope

8. 注意事项

8.1 常见下毒手法

• 高精度高低位搞反了吗

- 线性筛抄对了吗
- sort比较函数是不是比了个寂寞
- 该取模的地方都取模了吗
- 边界情况(+1-1之类的)有没有想清楚
- 特判是否有必要,确定写对了吗

8.2 场外相关

- 安顿好之后查一下附近的咖啡店,打印店,便利店之类的位置,以备不时之需
- 热身赛记得检查一下编译注意事项中的代码能否过编译,还有熟悉比赛场地,清楚洗手间在哪儿,测试打印机(如果可以)
- 比赛前至少要翻一遍板子,尤其要看原理与例题
- 比赛前一两天不要摸鱼,要早睡,有条件最好洗个澡;比赛当天 不要起太晚,维持好的状态
- 赛前记得买咖啡,最好直接安排三人份,记得要咖啡因比较足的;如果主办方允许,就带些巧克力之类的高热量零食
- 入场之后记得检查机器,尤其要逐个检查键盘按键有没有坏的;如果可以的话,调一下gedit设置
- 开赛之前调整好心态,比赛而已,不必心急.

8.3 做题策略与心态调节

- 拿到题后立刻按照商量好的顺序读题,前半小时最好跳过题 意太复杂的题(除非被过穿了)
- 签到题写完不要激动,稍微检查一下最可能的下毒点再交,避免无谓的罚时
 - 一两行的那种傻逼题就算了
- 读完题及时输出题意,一方面避免重复读题,一方面也可以让队友有一个初步印象,方便之后决定开题顺序

- 如果不能确定题意就不要贸然输出甚至上机,尤其是签到题, 因为样例一般都很弱
- 一个题如果卡了很久又有其他题可以写,那不妨先放掉写更容易的题,不要在一棵树上吊死
 - 一 不要被─两道题搞得心态爆炸,一方面急也没有意义,一方面你很可能真的离AC就差一步
- 榜是不会骗人的,一个题如果被不少人过了就说明这个题很可能并没有那么难;如果不是有十足的把握就不要轻易开没什么人交的题;另外不要忘记最后一小时会封榜
- 想不出题/找不出毒自然容易犯困,一定不要放任自己昏昏欲睡,最好去洗手间冷静一下,没有条件就站起来踱步
- 思考的时候不要挂机,一定要在草稿纸上画一画,最好说出声 来最不容易断掉思路
- 出完算法一定要check一下样例和一些trivial的情况,不然容易写了半天发现写了个假算法
- 上机前有时间就提前给需要思考怎么写的地方打草稿,不要 浪费机时
- 查毒时如果最难的地方反复check也没有问题,就从头到脚仔仔细细查一遍,不要放过任何细节,即使是并查集和sort这种东西也不能想当然
- 后半场如果时间不充裕就不要冒险开难题,除非真的无事可做
 - 如果是没写过的东西也不要轻举妄动,在有其他好写的 题的时候就等一会再说
- 大多数时候都要听队长安排,虽然不一定最正确但可以保持组织性
- 最好注意一下影响,就算忍不住嘴臭也不要太大声
- 任何时候都不要着急,着急不能解决问题,不要当詰国王
- 输了游戏,还有人生;赢了游戏,还有人生.