All-in at the River

Standard Code Library

Shanghai Jiao Tong University

Desprado2

fstqwq

AntiLeaf



44

我清楚的记得那是 icpc2020 银川 当时我看着队友差 100 分钟出线,趴在魄罗上泣不成声 这个画面我永生难忘

那一刻我在想,如果能再给我一次机会,我一定要赢回所有 如今沈阳就在眼前,我必须考虑这是不是我此生仅有的机会 **重振交大荣光,我辈义不容辞**

Contents					5.5.2 换根/维护生成树(GREALD07加强版). 2	
1	图记	仑	2		5.5.3 维护子树信息 2 5.5.4 模板题:动态QTREE4(询问树上相距最	26
_	1.1	- 最小生成树	2		5.5.4 侯狄越.幼恋复TTEE4(同同例工作距散 远点)2	27
		1.1.1 动态最小生成树	2		5.6 长链剖分,梯子剖分	
	1.2	最短路	3		5.7 左偏树	
	1.9	1.2.1 k短路	3		5.8 STL	
	1.3	仙人掌	$\frac{4}{4}$		5.9 pb_ds	
	1.4	二分图	6		5.10 rope	
		1.4.1 KM二分图最大权匹配	6			,
	1.5	一般图匹配	7	6	5 动态规划 3	
		1.5.1 高斯消元	7		6.1 决策单调性 $O(n \log n)$	30
	1.0	1.5.2 带花树	8 9	7	Miscellaneous 3	1
	1.6	最大流	9	1	7.1 <i>O</i> (1)快速乘	
		1.6.2 ISAP	9		$7.2 O(n^2)$ 高精度	
		1.6.3 HLPP最高标号预流推进	10		7.3 xorshift	34
0	<u> </u>	** 			7.4 常见数列	
2	字符		11		7.4.1 伯努利数	35
	$\frac{2.1}{2.2}$	AC自动机	11 11	8	3 注意事项 3	25
	2.2	2.2.1 SAMSA	11	O	7 / 工心 デ グ 8.1 常见下毒手法 3	
	2.3	后缀自动机	12		8.2 场外相关	
	2.4	回文树	12		8.3 做题策略与心态调节	35
		2.4.1 广义回文树	13			
	2.5	Manacher马拉车	15			
	2.6	KMP	$\frac{15}{15}$			
		2.0.1 EX-KIVIF	10			
3	数字		15			
	3.1	插值				
		3.1.1 牛顿插值	15			
	3.2	3.1.2 拉格朗日插值	15 15			
	5.4	3.2.1 FFT	15			
		3.2.2 NTT	16			
		3.2.3 任意模数卷积(三模数NTT)	16			
		3.2.4 多项式操作	17			
		3.2.5 拉格朗日反演	18			
	3.3	3.2.6 半在线卷积	18 18			
	3.4	单纯形	19			
	3.5	线性代数	20			
		3.5.1 线性基	20			
1	ሄ ራ እ	٨	20			
4	数i 4.1	ビ $O(n)$ 预处理逆元 \dots	20 20			
	4.2	杜教筛	20			
	4.3	线性筛	20			
	4.4	Miller-Rabin	20			
	4.5	Pollard's Rho	21			
5	粉‡	居结构	21			
J	女人 3.5.1	位 50 19 3	21			
		5.1.1 主席树	21			
	5.2	陈丹琦分治	21			
	5.3	Splay	22			
	5.4	树分治	22			
		5.4.1 动态树分治	22 23			
	5.5	5.4.2 紫荆花之恋	$\begin{array}{c} 23 \\ 24 \end{array}$			
	J.J	5.5.1 不换根(弹飞绵羊)	24			

1. 图论

1.1 最小生成树

1.1.1 动态最小生成树

```
56
                                                     57
  // 动态最小生成树的离线算法比较容易@而在线算法通常极
                                                     58
   → 为复杂
  // 一个跑得比较快的离线做法是对时间分治图在每层分治时
                                                     59
   → 找出一定在/不在MST上的边®只带着不确定边继续递归
                                                     60
  // 简单起见@找确定边的过程用Kruskal算法实现@过程中的两
                                                     61
   → 种重要操作如下
                                                     62
  // - Reduction®待修改边标为+INF®跑MST后把非树边删掉®减
                                                     63
   →少无用边
                                                     64
  // - Contraction@待修改边标为-INF@跑MST后缩除待修改边之
                                                     65
   → 外的所有MST边@计算必须边
                                                     66
  // 每轮分治需要Reduction-Contraction@借此减少不确定边@从
                                                     67
   → 而保证复杂度
                                                     68
  // 复杂度证明@假设当前区间有k条待修改边@n和m表示点数和
                                                     69
   → 边数@那么最坏情况下R-C的效果为(n, m) -> (n, n + k -
                                                     70
   \hookrightarrow 1) -> (k + 1, 2k)
                                                     71
8
                                                     72
  // 全局结构体与数组定义
10
                                                     73
  struct edge { //边的定义
11
     int u, v, w, id; // id表示边在原图中的编号
12
                                                     75
     bool vis; // 在Kruskal时用@记录这条边是否是树边
13
                                                     76
     bool operator < (const edge &e) const { return w < e.w;</pre>
14
                                                     77
  } e[20][maxn], t[maxn]; // 为了便于回滚@在每层分治存一个
   →副本
16
17
  // 用于存储修改的结构体@表示第id条边的权值从u修改为v
18
  struct A {
19
                                                     82
     int id, u, v;
20
                                                     83
  } a[maxn];
                                                     84
                                                     85
                                                     86
  int id[20][maxn]; // 每条边在当前图中的编号
  int p[maxn], size[maxn], stk[maxn], top; // p和size是并查
                                                     88
   → 集数组@stk是用来撤销的栈
                                                     89
  int n, m, q; // 点数@边数@修改数
26
                                                     90
  // 方便起见@附上可能需要用到的预处理代码
29
  for (int i = 1; i <= n; i++) { // 并查集初始化
30
                                                     93
     p[i] = i;
31
                                                     94
     size[i] = 1;
32
                                                     95
33
                                                     96
34
                                                     97
  for (int i = 1; i <= m; i++) { // 读入与预标号
35
                                                     98
     scanf("%d%d%d", &e[0][i].u, &e[0][i].v, &e[0][i].w);
36
                                                     99
     e[0][i].id = i;
37
                                                    100
     id[0][i] = i;
38
                                                    101
39
                                                    102
40
                                                    103
  for (int i = 1; i <= q; i++) { // 预处理出调用数组
41
                                                    104
42
     scanf("%d%d", &a[i].id, &a[i].v);
                                                    105
43
     a[i].u = e[0][a[i].id].w;
                                                    106
44
     e[0][a[i].id].w = a[i].v;
                                                    107
45
                                                    108
46
                                                    109
  for(int i = q; i; i--)
47
     e[0][a[i].id].w = a[i].u;
48
                                                    110
49
  CDQ(1, q, 0, m, 0); // 这是调用方法
                                                    111
```

```
// 分治主过程 O(nLog^2n)
// 需要调用Reduction和Contraction
void CDQ(int 1, int r, int d, int m, long long ans) { //
 → CDQ分治
   if (1 == r) { // 区间长度已减小到10输出答案0退出
       e[d][id[d][a[1].id]].w = a[1].v;
       printf("%lld\n", ans + Kruskal(m, e[d]));
       e[d][id[d][a[l].id]].w=a[l].u;
       return:
   int tmp = top;
   Reduction(1, r, d, m);
   ans += Contraction(1, r, d, m); // R-C
   int mid = (1 + r) / 2;
   copy(e[d] + 1, e[d] + m + 1, e[d + 1] + 1);
   for (int i = 1; i <= m; i++)</pre>
       id[d + 1][e[d][i].id] = i; // 准备好下一层要用的
        →数组
   CDQ(1, mid, d + 1, m, ans);
   for (int i = 1; i <= mid; i++)</pre>
       e[d][id[d][a[i].id]].w = a[i].v; // 进行左边的修
   copy(e[d] + 1, e[d] + m + 1, e[d + 1] + 1);
   for (int i = 1; i <= m; i++)</pre>
       id[d + 1][e[d][i].id] = i; // 重新准备下一层要用
        →的数组
   CDQ(mid + 1, r, d + 1, m, ans);
   for (int i = top; i > tmp; i--)
       cut(stk[i]);//撤销所有操作
   top = tmp;
// Reduction@减少无用边쪨待修改边标为+INF@跑MST后把非树
 →边删掉◎减少无用边
// 需要调用Kruskal
void Reduction(int 1, int r, int d, int &m) {
   for (int i = 1; i <= r; i++)</pre>
       e[d][id[d][a[i].id]].w = INF;//待修改的边标为INF
   Kruskal(m, e[d]);
   copy(e[d] + 1, e[d] + m + 1, t + 1);
   int cnt = 0;
   for (int i = 1; i <= m; i++)
       if (t[i].w == INF || t[i].vis){ // 非树边扔掉
           id[d][t[i].id] = ++cnt; // 给边重新编号
           e[d][cnt] = t[i];
   for (int i = r; i >= 1; i--)
       e[d][id[d][a[i].id]].w = a[i].u; // 把待修改的边
        →改回去
   m=cnt:
```

```
112
113
    // Contraction@缩必须边圝待修改边标为-INF@跑MST后缩除待
115
     →修改边之外的所有树边
   // 返回缩掉的边的总权值
116
   // 需要调用Kruskal
117
   long long Contraction(int 1, int r, int d, int &m) {
118
       long long ans = 0;
119
       for (int i = 1; i <= r; i++)</pre>
121
         e[d][id[d][a[i].id]].w = -INF; // 待修改边标为-INF
122
       Kruskal(m, e[d]);
       copy(e[d] + 1, e[d] + m + 1, t + 1);
125
126
       int cnt = 0;
127
       for (int i = 1; i <= m ; i++) {
129
           if (t[i].w != -INF && t[i].vis) { // 必须边
               ans += t[i].w;
               mergeset(t[i].u, t[i].v);
           }
133
           else { // 不确定边
134
               id[d][t[i].id]=++cnt;
135
               e[d][cnt]=t[i];
136
           }
137
138
139
       for (int i = r ; i >= l; i--) {
140
           e[d][id[d][a[i].id]].w = a[i].u; // 把待修改的边
141
           e[d][id[d][a[i].id]].vis = false;
142
143
144
       m = cnt;
145
146
       return ans:
148
149
150
   // Kruskal算法 O(mlogn)
151
   // 方便起见@这里直接沿用进行过缩点的并查集@在过程结束
152
     →后撤销即可
   long long Kruskal(int m, edge *e) {
       int tmp = top;
154
       long long ans = 0;
155
       sort(e + 1, e + m + 1); // 比较函数在结构体中定义过
158
       for (int i = 1; i <= m; i++) {
159
           if (findroot(e[i].u) != findroot(e[i].v)) {
160
               e[i].vis = true;
               ans += e[i].w;
162
               mergeset(e[i].u, e[i].v);
163
164
165
               e[i].vis = false;
166
167
168
       for(int i = top; i > tmp; i--)
169
           cut(stk[i]); // 撤销所有操作
170
       top = tmp;
171
172
173
       return ans;
174
```

```
// 以下是并查集相关函数
177
   int findroot(int x) { // 因为需要撤销@不写路径压缩
178
       while (p[x] != x)
179
           x = p[x];
180
181
182
       return x:
183
184
   void mergeset(int x, int y) { // 按size合并@如果想跑得更
185
     → 快就写一个按秩合并
       x = findroot(x); // 但是按秩合并要再开一个栈记录合
186
         → 并之前的秩
       y = findroot(y);
187
188
       if(x == y)
189
          return;
190
191
       if (size[x] > size[y])
192
           swap(x, y);
193
194
       p[x] = y;
195
       size[y] += size[x];
196
       stk[++top] = x;
197
198
199
   void cut(int x) { // 并查集撤销
200
       int y = x;
201
202
203
           size[y = p[y]] -= size[x];
204
       while (p[y]! = y);
205
206
207
       p[x] = x;
208
```

1.2 最短路

1.2.1 k短路

```
//注意这是个多项式算法@在k比较大时很有优势@但k比较小时
    → 最好还是用A*
  //DAG和有环的情况都可以@有重边或自环也无所谓@但不能有
   _ 零环
  //以下代码以Dijkstra+可持久化左偏树为例
3
  const int maxn=1005, maxe=10005, maxm=maxe*30; //点数@边数@左
5
   → 偏树结点数
  //需要用到的结构体定义
  struct A{//用来求最短路
     int x,d;
9
     A(int x, int d):x(x),d(d){}
10
     bool operator<(const A &a)const{return d>a.d;}
11
12
  };
13
  struct node{//左偏树结点
14
     int w,i,d;//i@最后一条边的编号 d@左偏树附加信息
15
     node *lc,*rc;
16
     node(){}
17
     node(int w,int i):w(w),i(i),d(0){}
18
     void refresh(){d=rc->d+1;}
19
  }null[maxm],*ptr=null,*root[maxn];
20
21
```

```
struct B{//维护答案用
      int x,w;//x是结点编号@w表示之前已经产生的权值
23
                                                            83
      node *rt;//这个答案对应的堆顶®注意可能不等于任何-
24
                                                            84
        → 个结点的堆
                                                            85
      B(int x,node *rt,int w):x(x),w(w),rt(rt){}
25
                                                            86
      bool operator<(const B &a)const{return</pre>
                                                            87
26

→ w+rt->w>a.w+a.rt->w;
}
                                                            88
27
                                                            89
28
   //全局变量和数组定义
29
  vector<int>G[maxn],W[maxn],id[maxn];//最开始要存反向图图然
30
                                                            92
    → 后把G清空作为儿子列表
                                                            93
   bool vis[maxn],used[maxe];//used表示边是否在最短路树上
31
                                                            94
   int u[maxe],v[maxe],w[maxe];//存下每条边®注意是有向边
                                                            95
   int d[maxn],p[maxn];//p表示最短路树上每个点的父边
                                                            96
  int n,m,k,s,t;//s,t分别表示起点和终点
34
                                                            97
35
                                                            98
   //以下是主函数中较关键的部分
36
   for(int i=0;i<=n;i++)root[i]=null;//一定要加上四四
37
                                                            100
   //(读入&建反向图)
                                                            101
  Dijkstra();
39
                                                            102
   //(清空G,W,id)
40
                                                            103
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
41
                                                            104
      if(p[i]){
42
          used[p[i]]=true;//在最短路树上
43
                                                            106
          G[v[p[i]]].push_back(i);
44
                                                            107
45
                                                            108
   for(int i=1;i<=m;i++){</pre>
46
                                                            109
      w[i]-=d[u[i]]-d[v[i]];//现在的w[i]表示这条边能使路径
47
                                                            110
        → 长度增加多少
                                                            111
      if(!used[i])
48
          root[u[i]]=merge(root[u[i]],newnode(w[i],i));
49
50
  dfs(t);
51
   priority_queue<B>heap;
52
                                                            116
  heap.push(B(s,root[s],0));//初始状态是找贡献最小的边加进
    → 夫
   printf("%d\n",d[s]);//第1短路需要特判
54
   while(--k){//其余k-1短路径用二叉堆维护
55
      if(heap.empty())printf("-1\n");
56
      else{
57
58
          int x=heap.top().x,w=heap.top().w;
59
          node *rt=heap.top().rt;
          heap.pop();
60
          printf("%d\n",d[s]+w+rt->w);
          if(rt->lc!=null||rt->rc!=null)
                                                             3
              heap.push(B(x,merge(rt->lc,rt->rc),w));//pop掉
               →当前边壓换成另一条贡献大一点的边
                                                             5
          if(root[v[rt->i]]!=null)
              \label{lem:heap.push} $$ heap.push(B(v[rt->i],root[v[rt->i]],w+rt->w));//$ $$
                                                            保7
               → 留当前边@往后面再接上另一条边
66
67
                                                            10
   //主函数到此结束
68
                                                            11
69
                                                            12
   //Dijkstra预处理最短路 O(m\log n)
70
                                                            13
   void Dijkstra(){
71
                                                            14
      memset(d,63,sizeof(d));
72
73
      d[t]=0;
                                                            16
                                                            17
      priority_queue<A>heap;
74
                                                            18
      heap.push(A(t,0));
75
                                                            19
      while(!heap.empty()){
76
                                                            20
          int x=heap.top().x;
77
          heap.pop();
78
                                                            22
          if(vis[x])continue;
79
                                                            23
          vis[x]=true;
80
                                                            24
          for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)</pre>
81
                                                            25
```

```
if(!vis[G[x][i]]&&d[G[x][i]]>d[x]+W[x][i]){
               d[G[x][i]]=d[x]+W[x][i];
               p[G[x][i]]=id[x][i];
               heap.push(A(G[x][i],d[G[x][i]]));
//dfs求出每个点的堆 总计0(m\Log n)
//需要调用merge®同时递归调用自身
void dfs(int x){
   root[x]=merge(root[x],root[v[p[x]]]);
   for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)</pre>
       dfs(G[x][i]);
//包装过的new node() 0(1)
node *newnode(int w,int i){
   *++ptr=node(w,i);
   ptr->lc=ptr->rc=null;
   return ptr;
//带可持久化的左偏树合并 总计O(\Log n)
//递归调用自身
node *merge(node *x,node *y){
   if(x==null)return y;
   if(y==null)return x;
   if(x->w>y->w)swap(x,y);
   node *z=newnode(x->w,x->i);
   z->1c=x->1c;
   z->rc=merge(x->rc,y);
   if(z->lc->d>z->rc->d)swap(z->lc,z->rc);
   z->refresh();
   return z;
```

1.3 仙人掌

1.3.1 仙人掌DP

```
#include <bits/stdc++.h>

using namespace std;

const int maxn = 200005;

struct edge{
    int to, w, prev;
    }e[maxn * 2];

vector<pair<int, int> > v[maxn];

vector<long long> d[maxn];

stack<int> stk;

int p[maxn];

bool vis[maxn], vise[maxn * 2];

int last[maxn], cnte;

long long f[maxn], sum[maxn];

int n, m, cnt;
```

26

```
void addedge(int x, int y, int w) {
27
       v[x].push_back(make_pair(y, w));
28
29
30
   void dfs(int x) {
31
32
       vis[x] = true;
33
34
       for (int i = last[x]; \sim i; i = e[i].prev) {
35
           if (vise[i ^ 1])
36
                continue;
37
38
            int y = e[i].to, w = e[i].w;
39
40
            vise[i] = true;
41
42
            if (!vis[y]) {
43
                stk.push(i);
44
                p[y] = x;
45
                dfs(y);
46
47
                if (!stk.empty() && stk.top() == i) {
48
                    stk.pop();
49
                    addedge(x, y, w);
50
51
            }
52
53
            else {
54
                cnt++;
55
56
                long long tmp = w;
57
                while (!stk.empty()) {
58
                    int i = stk.top();
59
                    stk.pop();
60
61
                    int yy = e[i].to, ww = e[i].w;
62
63
                    addedge(cnt, yy, 0);
64
65
                    d[cnt].push back(tmp);
66
67
                    tmp += ww;
68
69
                    if (e[i ^ 1].to == y)
70
                         break;
71
72
73
                addedge(y, cnt, 0);
74
75
                sum[cnt] = tmp;
76
77
            }
78
79
80
   void dp(int x) {
81
82
83
       for (auto o : v[x]) {
84
            int y = o.first, w = o.second;
85
            dp(y);
86
       }
87
       if (x <= n) {
88
89
            for (auto o : v[x]) {
            int y = o.first, w = o.second;
91
```

```
f[x] += 2 * w + f[y];
 93
 94
             g[x] = f[x];
 95
             for (auto o : v[x]) {
                 int y = o.first, w = o.second;
 98
                 g[x] = min(g[x], f[x] - f[y] - 2 * w + g[y] +
100
101
102
103
        else {
104
             f[x] = sum[x];
105
             for (auto o : v[x]) {
                 int y = o.first;
106
107
108
                 f[x] += f[y];
109
111
             g[x] = f[x];
112
113
             for (int i = 0; i < (int)v[x].size(); i++) {</pre>
114
                 int y = v[x][i].first;
115
                 g[x] = min(g[x], f[x] - f[y] + g[y] + min(d[x])
116
                   \hookrightarrow [i], sum[x] - d[x][i]));
117
118
119
120
    signed main() {
121
122
        memset(last, -1, sizeof(last));
123
124
        ios::sync_with_stdio(false);
125
127
        cin >> n >> m;
        cnt = n;
129
130
        while (m--) {
             int x, y, w;
             cin >> x >> y >> w;
133
134
             e[cnte].to = y;
             e[cnte].w = w;
             e[cnte].prev = last[x];
137
             last[x] = cnte++;
138
139
             e[cnte].to = x;
140
141
             e[cnte].w = w;
             e[cnte].prev = last[y];
142
             last[y] = cnte++;
143
144
145
        dfs(1);
146
        dp(1);
147
148
        cout << g[1] << endl;</pre>
149
151
        return 0;
152
```

1.4 二分图 **1.4 二分图**

1.4.1 KM二分图最大权匹配

```
// KM Weighted Bio-Graph Matching KM二分图最大权匹配
   // By AntiLeaf
   // O(n^3)
   const long long INF = 0x3f3f3f3f3f3f3f3f3f;
   \label{long_long_w} \textbf{long} \ \ \textbf{w}[\texttt{maxn}][\texttt{maxn}], \ \  \textbf{lx}[\texttt{maxn}], \ \  \textbf{ly}[\texttt{maxn}], \ \  \textbf{slack}[\texttt{maxn}];
   // 边权 顶标 sLack
   // 如果要求最大权完美匹配就把不存在的边设为-INF 否则所
 9
     → 有边对@取max
10
11
   bool visx[maxn], visy[maxn];
12
   int boy[maxn], girl[maxn], p[maxn], q[maxn], head, tail; //
13
     \hookrightarrow p: pre
14
   int n, m, N, e;
16
   // 增广
17
   bool check(int y) {
18
       visy[y] = true;
19
20
        if (boy[y]) {
21
22
            visx[boy[y]] = true;
23
             q[tail++] = boy[y];
24
            return false;
25
        }
26
27
        while (y) {
28
            boy[y] = p[y];
29
            swap(y, girl[p[y]]);
30
31
32
        return true;
33
34
   // bfs每个点
35
   void bfs(int x) {
36
        memset(q, 0, sizeof(q));
37
        head = tail = 0;
38
39
        q[tail++] = x;
40
        visx[x] = true;
41
42
        while (true) {
43
            while (head != tail) {
44
                 int x = q[head++];
45
46
                 for (int y = 1; y <= N; y++)
47
48
                      if (!visy[y]) {
                          long long d = 1x[x] + 1y[y] - w[x][y];
49
50
                           if (d < slack[y]) {</pre>
51
52
                               p[y] = x;
                               slack[y] = d;
53
54
                               if (!slack[y] && check(y))
55
                                   return;
56
57
58
59
60
             long long d = INF;
61
```

```
for (int i = 1; i <= N; i++)</pre>
                if (!visy[i])
63
                    d = min(d, slack[i]);
64
65
            for (int i = 1; i <= N; i++) {
66
                if (visx[i])
67
                lx[i] -= d;
68
69
                if (visy[i])
70
                    ly[i] += d;
71
                else
72
                slack[i] -= d;
73
74
75
            for (int i = 1; i <= N; i++)</pre>
76
                if (!visy[i] && !slack[i] && check(i))
77
                   return:
78
79
80
81
82
    // 主过程
83
    long long KM() {
84
        for (int i = 1; i <= N; i++) {
            // lx[i] = 0;
            ly[i] = -INF;
86
            // boy[i] = girl[i] = -1;
87
89
            for (int j = 1; j <= N; j++)</pre>
            ly[i] = max(ly[i], w[j][i]);
90
91
92
93
        for (int i = 1; i <= N; i++) {
            memset(slack, 0x3f, sizeof(slack));
94
            memset(visx, 0, sizeof(visx));
95
            memset(visy, 0, sizeof(visy));
96
            bfs(i);
97
98
99
        long long ans = 0;
100
        for (int i = 1; i <= N; i++)
101
           ans += w[i][girl[i]];
102
        return ans;
103
104
105
    // 为了方便贴上主函数
106
107
   int main() {
108
        scanf("%d%d%d", &n, &m, &e);
109
110
        N = max(n, m);
111
112
        while (e--) {
            int x, y, c;
113
            scanf("%d%d%d", &x, &y, &c);
            w[x][y] = max(c, 0);
115
116
117
        printf("%lld\n", KM());
118
119
        for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
120
            if (i > 1)
121
                printf(" ");
122
            printf("%d", w[i][girl[i]] > 0 ? girl[i] : 0);
123
124
        printf("\n");
125
126
        return 0;
127
```

128

一般图匹配 1.5

1.5.1 高斯消元

```
// Graph Matching Based on Linear Algebra 基于线性代数的
   → 一般图匹配 O(n^3)
  // By ysf
  // 通过题目@U0J#79 一般图最大匹配
3
  // 这个算法基于Tutte定理和高斯消元@思维难度相对小一
   →些◎也更方便进行可行边的判定
  // 注意这个算法复杂度是满的@并且常数有点大@而带花树通
   →常是跑不满的
  // 以及@根据Tutte定理@如果求最大匹配的大小的话直接输
   →出Tutte矩阵的秩/2即可
  // 需要输出方案时才需要再写后面那些乱七八糟的东西
  // 复杂度和常数所限@1s之内500已经是这个算法的极限了
11
  const int maxn = 505, p = 1000000007;//p可以是任意10^9以
   →内的质数
13
  // 全局数组和变量定义
14
  int A[maxn][maxn], B[maxn][maxn], t[maxn][maxn], id[maxn],

    a[maxn];

  bool row[maxn] = {false}, col[maxn] = {false};
16
  int n, m, girl[maxn]; // girl是匹配点◎用来输出方案
17
18
  // 为了方便使用@贴上主函数
19
  // 需要调用高斯消元和eliminate
21
  int main() {
     srand(19260817); // 膜蛤专用随机种子◎换一个也无所谓
22
23
     scanf("%d%d", &n, &m); // 点数和边数
24
     while (m--) {
25
         int x, y;
26
         scanf("%d%d", &x, &y);
         A[x][y] = rand() \% p;
         A[y][x] = -A[x][y]; // Tutte矩阵是反对称矩阵
29
30
     for (int i = 1; i <= n; i++)
32
         id[i] = i; // 输出方案用的@因为高斯消元的时候会
33
          → 交换列
     memcpy(t, A, sizeof(t));
     Gauss(A, NULL, n);
35
36
37
     m = n;
     n = 0; // 这里变量复用纯属个人习惯.....
38
39
     for (int i = 1; i <= m; i++)
40
         if (A[id[i]][id[i]])
41
            a[++n] = i; // 找出一个极大满秩子矩阵
42
43
     for (int i = 1;i <= n; i++)
44
45
         for (int j = 1; j <= n; j++)</pre>
          A[i][j]=t[a[i]][a[j]];
46
47
48
     Gauss(A,B,n);
49
50
     for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
         if (!girl[a[i]])
            for (int j = i + 1; j <= n; j++)</pre>
                if (!girl[a[j]] && t[a[i]][a[j]] && B[j]
53
                 \hookrightarrow [i]) {
```

```
// 注意上面那句if的写法@现在t是邻接
                           → 矩阵的备份
                         // 逆矩阵;行i列不为@当且仅当这条边可
55
                         girl[a[i]] = a[j];
56
                         girl[a[j]] = a[i];
                         eliminate(i, j);
                         eliminate(j, i);
59
60
                         break:
61
62
63
       printf("%d\n", n >> 1);
       for (int i = 1; i <= m; i++)</pre>
64
            printf("%d ", girl[i]);
65
66
67
       return 0;
68
69
   // 高斯消元 O(n^3)
70
   // 在传入B时表示计算逆矩阵@传入NULL则只需计算矩阵的秩
71
   void Gauss(int A[][maxn], int B[][maxn], int n){
72
       if(B) {
73
            memset(B, 0, sizeof(t));
74
            for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
75
                B[i][i] = 1;
76
77
78
       for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
79
            if (!A[i][i]) {
80
                for (int j = i + 1; j <= n; j++)
81
                    if (A[j][i]) {
82
                         swap(id[i], id[j]);
84
                         for (int k = i; k <= n; k++)</pre>
                             swap(A[i][k], A[j][k]);
86
                         if (B)
88
                             for (int k = 1; k <= n; k++)
89
                                  swap(B[i][k], B[j][k]);
                         break:
90
91
92
93
                if (!A[i][i])
                    continue;
94
95
96
            int inv = qpow(A[i][i], p - 2);
99
            for (int j = 1; j <= n; j++)</pre>
100
                if (i != j && A[j][i]){
                    int t = (long long)A[j][i] * inv % p;
101
102
                    for (int k = i; k \leftarrow n; k++)
103
                         if (A[i][k])
104
105
                             A[j][k] = (A[j][k] - (long long)t *
                               \hookrightarrow A[i][k]) \% p;
                    if (B)
107
                         for (int k = 1; k <= n; k++)
108
                             if (B[i][k])
109
110
                                 B[j][k] = (B[j][k] - (long)
                                   \hookrightarrow long)t * B[i][k])%p;
111
                }
112
113
       if (B)
114
```

while (head != tail){

```
for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
115
                 int inv = qpow(A[i][i], p - 2);
                                                                        38
116
117
                 for (int j = 1; j <= n; j++)
118
                     if (B[i][j])
119
                         B[i][j] = (long long)B[i][j] * inv % p;
120
121
122
123
    // 消去一行一列 O(n^2)
    void eliminate(int r, int c) {
125
        row[r] = col[c] = true; // 已经被消掉
126
127
128
        int inv = qpow(B[r][c], p - 2);
129
        for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
130
            if (!row[i] && B[i][c]) {
131
                 int t = (long long)B[i][c] * inv % p;
132
133
                 for (int j = 1; j <= n; j++)</pre>
134
                     if (!col[j] && B[r][j])
135
                          B[i][j] = (B[i][j] - (long long)t *
                            \hookrightarrow B[r][j]) \% p;
137
138
```

1.5.2 带花树

```
// Blossom 带花树 O(nm)
  // By ysf
  // 通过题目@UOJ#79 一般图最大匹配
  // 带花树通常比高斯消元快很多@但在只需要求最大匹配大
   → 小的时候并没有高斯消元好写
  // 当然输出方案要方便很多
  // 全局数组与变量定义
8
  vector<int> G[maxn];
  int girl[maxn], f[maxn], t[maxn], p[maxn], vis[maxn], tim,

    q[maxn], head, tail;
  int n, m;
11
12
13
  // 封装好的主过程 O(nm)
14
  int blossom() {
15
      int ans = 0;
16
17
      for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
18
          if (!girl[i])
19
             ans += bfs(i);
20
22
      return ans;
23
24
25
  // bfs找增广路 O(m)
26
  bool bfs(int s) {
27
      memset(t, 0, sizeof(t));
28
      memset(p, 0, sizeof(p));
29
30
      for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
31
      f[i] = i; // 并查集
32
33
      head = tail = 0;
34
35
      q[tail++] = s;
      t[s] = 1;
36
```

```
int x = q[head++];
39
            for (int y : G[x]){
40
                if (findroot(y) == findroot(x) | | t[y] == 2)
41
                   continue:
42
43
                if (!t[y]){
44
                    t[y] = 2;
45
                    p[y] = x;
46
47
                    if (!girl[y]){
48
                        for (int u = y, t; u; u = t) {
49
                            t = girl[p[u]];
50
                            girl[p[u]] = u;
                            girl[u] = p[u];
                        return true;
                    t[girl[y]] = 1;
                    q[tail++] = girl[y];
                else if (t[y] == 1) {
59
                    int z = LCA(x, y);
60
                    shrink(x, y, z);
61
                    shrink(y, x, z);
62
63
64
65
66
       return false:
67
   }
68
   //缩奇环 O(n)
   void shrink(int x, int y, int z) {
       while (findroot(x) != z){
           p[x] = y;
           y = girl[x];
            if (t[y] == 2) {
                t[y] = 1;
                q[tail++] = y;
79
            if(findroot(x) == x)
               f[x] = z;
            if(findroot(y) == y)
               f[y] = z;
            x = p[y];
87
   //暴力找LCA O(n)
   int LCA(int x, int y) {
91
       tim++;
92
       while (true) {
           if (x) {
               x = findroot(x);
96
                if (vis[x] == tim)
97
                    return x;
99
                else {
                    vis[x] = tim;
                    x = p[girl[x]];
101
102
```

```
int flow=0,f;
                                                                       52
103
             swap(x, y);
                                                                               for(int &i=cur[x];i!=-1;i=e[i].prev)
104
                                                                       53
                                                                       54
105
                                                                                     \rightarrow if(e[i].cap>0&&d[e[i].to]==d[x]+1&&(f=dfs(e[i].to,min(e)))
106
107
    //并查集的查找 0(1)
                                                                       55
                                                                                       e[i].cap-=f;
                                                                                       e[i^1].cap+=f;
109
    int findroot(int x) {
                                                                       56
                                                                                       flow+=f;
110
        return x == f[x] ? x : (f[x] = findroot(f[x]));
                                                                       57
                                                                                       a-=f;
                                                                       58
111
                                                                                       if(!a)break;
                                                                                   }
                                                                       60
                                                                       61
                                                                               return flow;
          最大流
   1.6
                                                                       62
```

1.6.1 Dinic

51

```
// 注意Dinic适用于二分图或分层图,对于一般稀疏图ISAP更
    →优,稠密图则HLPP更优
   struct edge{int to,cap,prev;}e[maxe<<1];</pre>
3
   int last[maxn],len=0,d[maxn],cur[maxn],q[maxn];
7
   memset(last,-1,sizeof(last));
8
9
   void addedge(int x,int y,int z){
10
       AddEdge(x,v,z):
11
       AddEdge(y,x,0);
12
13
14
15
   void AddEdge(int x,int y,int z){
16
17
       e[len].to=y;
       e[len].cap=z;
19
       e[len].prev=last[x];
20
       last[x]=len++;
^{21}
22
23
   int Dinic(){
24
       int flow=0;
25
       while(bfs(),d[t]!=-1){
26
           memcpy(cur,last,sizeof(int)*(t+5));
27
           flow+=dfs(s,(\sim 0u)>>1);
28
29
       return flow;
30
31
32
33
   void bfs(){
34
       int head=0,tail=0;
35
       memset(d,-1,sizeof(int)*(t+5));
36
       q[tail++]=s;
37
       d[s]=0;
38
       while(head!=tail){
39
           int x=q[head++];
40
           for(int i=last[x];i!=-1;i=e[i].prev)
41
               if(e[i].cap>0&&d[e[i].to]==-1){
42
                    d[e[i].to]=d[x]+1;
43
                    q[tail++]=e[i].to;
45
               }
46
47
48
49
   int dfs(int x,int a){
50
       if(x==t||!a)return a;
```

1.6.2 ISAP

```
// 注意ISAP适用于一般稀疏图,对于二分图或分层图情
   → 况Dinic比较优, 稠密图则HLPP更优
3
  // 边的定义
  // 这里没有记录起点和反向边,因为反向边即为正向边xor
   →1,起点即为反向边的终点
  struct edge{
     int to, cap, prev;
  } e[maxe * 2];
  // 全局变量和数组定义
  int last[maxn], cnte = 0, d[maxn], p[maxn], c[maxn],

    cur[maxn], q[maxn];

  int n, m, s, t; // s, t一定要开成全局变量
13
14
15
  // 重要!!!
16
  // main函数最前面一定要加上如下初始化
17
  memset(last, -1, sizeof(last));
18
19
20
  // 加边函数 O(1)
  // 包装了加反向边的过程,方便调用
  // 需要调用AddEdge
  void addedge(int x, int y, int z) {
24
     AddEdge(x, y, z);
25
     AddEdge(y, x, 0);
26
27
28
29
  // 真·加边函数 0(1)
  void AddEdge(int x, int y, int z){
31
     e[cnte].to = y;
     e[cnte].cap = z;
     e[cnte].prev = last[x];
     last[x] = cnte++;
35
36
37
38
  // 主过程 O(n^2 m)
39
  // 返回最大流的流量
  // 需要调用bfs,augment
  // 注意这里的n是编号最大值,在这个值不为n的时候一定要开
   → 个变量记录下来并修改代码
  // 非递归
43
  int ISAP() {
44
     bfs();
45
46
47
     memcpy(cur, last, sizeof(cur));
```

```
48
       int x = s, flow = 0;
49
50
       while (d[s] < n) {
51
           if (x == t) {//如果走到了t就增广一次,并返回s重新
52
             → 找增广路
               flow += augment();
53
               x = s;
54
55
56
           bool ok = false;
57
           for (int &i = cur[x]; ~i; i = e[i].prev)
58
               if (e[i].cap \&\& d[x] == d[e[i].to] + 1) {
59
                   p[e[i].to] = i;
60
                   x = e[i].to;
61
62
                   ok = true;
63
                   break;
64
65
66
           if (!ok) { // 修改距离标号
67
               int tmp = n - 1;
68
               for (int i = last[x]; ~i; i = e[i].prev)
69
                   if (e[i].cap)
70
                      tmp = min(tmp, d[e[i].to] + 1);
71
72
               if (!--c[d[x]])
73
                  break; // gap优化,一定要加上
74
75
               c[d[x] = tmp]++;
76
               cur[x] = last[x];
77
78
               if(x != s)
79
                  x = e[p[x] ^ 1].to;
80
81
82
83
       return flow;
84
85
   // bfs函数 O(n+m)
86
   // 预处理到t的距离标号
87
   // 在测试数据组数较少时可以省略,把所有距离标号初始化
     → 为0
   void bfs(){
89
       memset(d, -1, sizeof(d));
90
91
       int head = 0, tail = 0;
92
       d[t] = 0;
93
       q[tail++] = t;
94
95
       while (head != tail) {
96
           int x = q[head++];
97
           c[d[x]]++;
98
99
           for (int i = last[x]; ~i; i = e[i].prev)
100
               if (e[i ^{\land} 1].cap && d[e[i].to] == -1) {
101
                   d[e[i].to] = d[x] + 1;
                   q[tail++] = e[i].to;
107
   // augment函数 O(n)
108
   // 沿增广路增广一次,返回增广的流量
109
   int augment() {
       int a = (~0u) >> 1; // INT_MAX
111
```

```
for (int x = t; x != s; x = e[p[x] ^ 1].to)
113
            a = min(a, e[p[x]].cap);
114
115
        for (int x = t; x != s; x = e[p[x] ^ 1].to){
116
            e[p[x]].cap -= a;
117
            e[p[x] ^ 1].cap += a;
118
119
120
121
        return a;
122
```

1.6.3 HLPP最高标号预流推进

```
#include<cstdio>
   #include<cstring>
   #include<algorithm>
   #include<queue>
   using std::min;
   using std::vector;
   using std::queue;
   using std::priority_queue;
   const int N=2e4+5,M=2e5+5,inf=0x3f3f3f3f;
   int n,s,t,tot;
   int v[M<<1],w[M<<1],first[N],next[M<<1];</pre>
   int h[N],e[N],gap[N<<1],inq[N];//节点高度是可以到达2n-1的
   struct cmp
14
       inline bool operator()(int a,int b) const
15
16
           return h[a]<h[b];//因为在优先队列中的节点高度不
17
             → 会改变@所以可以直接比较
18
   };
19
   queue<int> Q;
   priority_queue<int, vector<int>, cmp> pQ;
   inline void add_edge(int from,int to,int flow)
22
       v[tot+1]=from;v[tot]=to;w[tot]=flow;w[tot+1]=0;
       next[tot]=first[from];first[from]=tot;
26
       next[tot+1]=first[to];first[to]=tot+1;
27
       return;
28
29
   inline bool bfs()
30
31
       int now;
32
       register int go;
33
       memset(h+1,0x3f,sizeof(int)*n);
34
       h[t]=0;Q.push(t);
35
       while(!Q.empty())
           now=Q.front();Q.pop();
           for(go=first[now];go;go=next[go])
39
               if(w[go^1]&&h[v[go]]>h[now]+1)
40
                   h[v[go]]=h[now]+1,Q.push(v[go]);
41
       return h[s]!=inf;
43
44
   inline void push(int now)//推送
45
46
47
       int d;
       register int go;
49
       for(go=first[now];go;go=next[go])
           if(w[go]&&h[v[go]]+1==h[now])
50
51
               d=min(e[now],w[go]);
52
```

```
w[go]-=d;w[go^1]+=d;e[now]-=d;e[v[go]]+=d;
53
                if(v[go]!=s&&v[go]!=t&&!inq[v[go]])
54
                    pQ.push(v[go]),inq[v[go]]=1;
55
                if(!e[now])//已经推送完毕可以直接退出
56
                    break:
57
            }
58
        return;
59
60
    inline void relabel(int now)//重贴标签
61
62
        register int go;
63
        h[now]=inf;
64
        for(go=first[now];go;go=next[go])
65
            if(w[go]&&h[v[go]]+1<h[now])</pre>
66
67
                h[now]=h[v[go]]+1;
68
        return:
69
    inline int hlpp()
70
71
        int now,d;
72
73
        register int i,go;
        if(!bfs())//s和t不连通
74
            return 0:
75
        h[s]=n;
76
        memset(gap,0,sizeof(int)*(n<<1));</pre>
77
78
        for(i=1;i<=n;i++)</pre>
79
            if(h[i]<inf)</pre>
80
                ++gap[h[i]];
        for(go=first[s];go;go=next[go])
81
            if(d=w[go])
82
83
                w[go]-=d;w[go^1]+=d;e[s]-=d;e[v[go]]+=d;
                if(v[go]!=s&&v[go]!=t&&!inq[v[go]])
85
86
                    pQ.push(v[go]),inq[v[go]]=1;
87
        while(!pQ.empty())
88
89
            inq[now=pQ.top()]=0;pQ.pop();push(now);
90
            if(e[now])
91
92
            {
                if(!--gap[h[now]])//gap优化图因为当前节点是最
93
                  → 高的所以修改的节点一定不在优先队列中®不
                  →必担心修改对优先队列会造成影响
                    for(i=1;i<=n;i++)</pre>
94
                        if(i!=s&&i!=t&&h[i]>h[now]&&h[i]<n+1)</pre>
95
                            h[i]=n+1;
96
                relabel(now);++gap[h[now]];
97
                pQ.push(now);inq[now]=1;
98
            }
99
100
        return e[t];
102
103
    int m:
    signed main()
104
105
        int u,v,w;
106
        scanf("%d%d%d%d",&n,&m,&s,&t);
107
        while(m--)
108
109
        {
            scanf("%d%d%d",&u,&v,&w);
110
            add_edge(u,v,w);
111
112
        printf("%d\n",hlpp());
113
        return 0;
114
115
```

2. 字符串

2.1 AC自动机

```
// Aho-Corasick Automata AC自动机
   // By AntiLeaf
   // 通过题目@bzoj3881 Divljak
   // 全局变量与数组定义
   int ch[maxm][26] = \{\{0\}\}, f[maxm][26] = \{\{0\}\}, q[maxm] =
    \hookrightarrow {0}, sum[maxm] = {0}, cnt = 0;
   // 在字典树中插入一个字符串 O(n)
   int insert(const char *c) {
       int x = 0;
12
       while (*c) {
13
           if (!ch[x][*c - 'a'])
14
               ch[x][*c - 'a'] = ++cnt;
15
           x = ch[x][*c++ - 'a'];
17
18
       return x;
   }
19
20
   // 建AC自动机 O(n*sigma)
   void getfail() {
       int x, head = 0, tail = 0;
24
25
       for (int c = 0; c < 26; c++)
26
           if (ch[0][c])
               q[tail++] = ch[0][c]; // 把根节点的儿子加入队
28
                 → 列
29
       while (head != tail) {
30
           x = q[head++];
31
           G[f[x][0]].push_back(x);
34
           fill(f[x] + 1, f[x] + 26, cnt + 1);
35
           for (int c = 0; c < 26; c++) {
36
               if (ch[x][c]) {
37
                   int y = f[x][0];
38
39
                   while (y&&!ch[y][c])
40
                       y=f[y][0];
41
42
                   f[ch[x][c]][0] = ch[y][c];
43
                   q[tail++] = ch[x][c];
44
               }
46
               else
                   ch[x][c] = ch[f[x][0]][c];
47
48
49
       fill(f[0], f[0] + 26, cnt + 1);
50
51
```

2.2 后缀数组

2.2.1 **SAMSA**

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int maxn=100005;
void expand(int);
void dfs(int);
```

```
int
                                                                  5 //在字符集比较小的时候可以直接开go数组@否则需要用map或
6
    → root,last,cnt=0,val[maxn<<1]={0},par[maxn<<1]={0},go[maxh<<1] → 者哈希表替换
                                                                     //注意錯点数要开成串长的两倍
  bool vis[maxn<<1]={0};</pre>
                                                                     //全局变量与数组定义
   char s[maxn];
   int n,id[maxn<<1]={0},ch[maxn<<1]</pre>
                                                                     int last,val[maxn],par[maxn],go[maxn][26],cnt;
                                                                     int c[maxn],q[maxn];//用来桶排序
    \hookrightarrow [26]={{0}},height[maxn],tim=0;
10
                                                                     //在主函数开头加上这句初始化
11
       root=last=++cnt;
       scanf("%s",s+1);
                                                                     last=cnt=1:
12
       n=strlen(s+1);
13
                                                                  14
                                                                     //以下是按val进行桶排序的代码
       for(int i=n;i;i--){
14
                                                                  15
                                                                     for(int i=1;i<=cnt;i++)c[val[i]+1]++;</pre>
           expand(s[i]-'a');
15
                                                                  16
                                                                     for(int i=1;i<=n;i++)c[i]+=c[i-1];//这里n是串长
           id[last]=i;
16
                                                                     for(int i=1;i<=cnt;i++)q[++c[val[i]]]=i;</pre>
17
       vis[1]=true;
18
                                                                     //加入一个字符 均摊0(1)
       for(int i=1;i<=cnt;i++)if(id[i])for(int</pre>
19
                                                                  20
        \leftrightarrow x=i,pos=n;x\&\&!vis[x];x=par[x]){
                                                                     void extend(int c){
                                                                  21
           vis[x]=true;
                                                                         int p=last,np=++cnt;
20
                                                                  22
           pos-=val[x]-val[par[x]];
                                                                         val[np]=val[p]+1;
                                                                  23
22
           ch[par[x]][s[pos+1]-'a']=x;
                                                                         while(p&&!go[p][c]){
                                                                  24
23
                                                                             go[p][c]=np;
                                                                  25
       dfs(root);
24
                                                                  26
                                                                             p=par[p];
       printf("\n");
25
                                                                  27
       for(int i=1;i<n;i++)printf("%d ",height[i]);</pre>
26
                                                                         if(!p)par[np]=1;
                                                                  28
       return 0;
                                                                         else{
                                                                  29
28
                                                                             int q=go[p][c];
                                                                  30
   void expand(int c){
29
                                                                  31
                                                                             if(val[q]==val[p]+1)par[np]=q;
       int p=last,np=++cnt;
30
                                                                             else{
                                                                  32
       val[np]=val[p]+1;
31
                                                                                 int nq=++cnt;
                                                                  33
       while(p&&!go[p][c]){
32
                                                                                 val[nq]=val[p]+1;
                                                                  34
           go[p][c]=np;
                                                                                 memcpy(go[nq],go[q],sizeof(go[q]));
           p=par[p];
                                                                  35
34
                                                                                 par[nq]=par[q];
35
                                                                  36
       if(!p)par[np]=root;
36
                                                                  37
                                                                                 par[np]=par[q]=nq;
       else{
37
                                                                  38
                                                                                 while(p\&\&go[p][c]==q){
           int q=go[p][c];
38
                                                                  39
                                                                                     go[p][c]=nq;
           if(val[q]==val[p]+1)par[np]=q;
39
                                                                  40
                                                                                     p=par[p];
           else{
40
                                                                  41
41
               int nq=++cnt;
                                                                  42
               val[nq]=val[p]+1;
42
                                                                  43
               memcpy(go[nq],go[q],sizeof(go[q]));
43
                                                                  44
                                                                         last=np;
               par[nq]=par[q];
44
                                                                  45
               par[np]=par[q]=nq;
45
               while(p\&\&go[p][c]==q){
46
47
                   go[p][c]=nq;
                                                                    2.4
                                                                           回文树
48
                   p=par[p];
               }
49
50
           }
                                                                     //Palindromic Tree/EERTREE 回文树 O(n)
51
                                                                     //By ysf
52
       last=np;
                                                                     //通过题目@API02014 回文串
53
   void dfs(int x){
54
```

2.3 后缀自动机

last=par[x];

if(id[x]){

printf("%d ",id[x]);

height[tim++]=val[last];

55

56

57 58

59

60

61

62

```
1 //Suffix Automaton 后缀自动机 O(n)
2 //By ysf
3 //通过题目@Bzoj3473 字符串
```

for(int c=0;c<26;c++)if(ch[x][c])dfs(ch[x][c]);</pre>

```
//定理®一个字符串本质不同的回文子串个数是o(n)的
  //注意回文树只需要开一倍结点@另外结点编号是一个可用
   → 的bfs序
  //全局数组定义
  int val[maxn],par[maxn],go[maxn][26],last,cnt;
10
  char s[maxn];
11
  //重要@在主函数最前面一定要加上以下初始化
12
13 par[0]=cnt=1;
  val[1]=-1;
14
  //extend函数 均摊0(1)
16
  //向后扩展一个字符
17
  //传入对应下标
18
19
  void extend(int n){
     int p=last,c=s[n]-'a';
20
```

```
while(s[n-val[p]-1]!=s[n])p=par[p];
21
       if(!go[p][c]){
22
           int q=++cnt,now=p;
23
           val[q]=val[p]+2;
24
           do p=par[p];while(s[n-val[p]-1]!=s[n]);
25
           par[q]=go[p][c];
26
27
           last=go[now][c]=q;
28
29
       else last=go[p][c];
30
       a[last]++;
31
```

2.4.1 广义回文树

```
#include <bits/stdc++.h>
2
   using namespace std;
3
4
   constexpr int maxn = 1000005, mod = 1000000007;
5
6
   int val[maxn], par[maxn], go[maxn][26], fail[maxn][26],
7

    pam_last[maxn], pam_cnt;

   int weight[maxn], pow_26[maxn];
   int trie[maxn][26], trie_cnt, d[maxn], mxd[maxn],
10
    char chr[maxn];
   int f[25][maxn], log_tbl[maxn];
   vector<int> v[maxn];
13
14
   vector<int> queries[maxn];
15
16
17
   char str[maxn];
18
   int n, m, ans[maxn];
19
   int add(int x, int c) {
20
       if (!trie[x][c]) {
21
           trie[x][c] = ++trie_cnt;
           f[0][trie[x][c]] = x;
24
           chr[trie[x][c]] = c + 'a';
25
26
       return trie[x][c];
27
28
   int del(int x) {
30
       return f[0][x];
31
32
33
   void dfs1(int x) {
34
       mxd[x] = d[x] = d[f[0][x]] + 1;
36
       for (int i = 0; i < 26; i++)
37
           if (trie[x][i]) {
38
               int y = trie[x][i];
39
40
               dfs1(y);
41
42
               mxd[x] = max(mxd[x], mxd[y]);
43
               if (mxd[y] > mxd[son[x]])
44
                   son[x] = y;
45
46
47
48
   void dfs2(int x) {
49
       if (x == son[f[0][x]])
50
           top[x] = top[f[0][x]];
51
```

```
53
            top[x] = x;
        for (int i = 0; i < 26; i++)
55
            if (trie[x][i]) {
56
                int y = trie[x][i];
57
                dfs2(y);
60
61
        if (top[x] == x) {
62
            int u = x;
            while (top[son[u]] == x)
63
                u = son[u];
64
65
            len[x] = d[u] - d[x];
66
67
            for (int i = 0; i < len[x]; i++) {</pre>
68
                v[x].push back(u);
69
70
                u = f[0][u];
72
            u = x;
            for (int i = 0; i < len[x]; i++) { // 梯子剖分@要
74
              → 延长一倍
                v[x].push_back(u);
75
                u = f[0][u];
76
77
78
79
80
    int get_anc(int x, int k) {
81
        if (!k)
            return x;
84
        if (k > d[x])
85
            return 0;
86
        x = f[log_tbl[k]][x];
87
        k ^= 1 << log_tbl[k];</pre>
        return v[top[x]][d[top[x]] + len[top[x]] - d[x] + k];
90
91
92
    char get_char(int x, int k) { // 查询x前面k个的字符是哪个
93
        return chr[get_anc(x, k)];
94
95
96
    int getfail(int x, int p) {
97
        if (get\_char(x, val[p] + 1) == chr[x])
98
            return p;
99
100
        return fail[p][chr[x] - 'a'];
101
102
103
    int extend(int x) {
104
        int p = pam_last[f[0][x]], c = chr[x] - 'a';
105
106
        p = getfail(x, p);
107
108
109
        int new_last;
110
        if (!go[p][c]) {
111
            int q = ++pam_cnt, now = p;
112
113
            val[q] = val[p] + 2;
114
            p = getfail(x, par[p]);
115
116
            par[q] = go[p][c];
117
            new_last = go[now][c] = q;
118
119
```

```
for (int i = 0; i < 26; i++)
120
                  fail[q][i] = fail[par[q]][i];
                                                                                      for (int i = 1; i <= m; i++) {
121
                                                                         188
                                                                         189
                                                                                          int op;
                                                                                          scanf("%d", &op);
             if (get_char(x, val[par[q]]) >= 'a')
123
                                                                         190
                  fail[q][get_char(x, val[par[q]]) - 'a'] =
124
                                                                         191
                                                                                          if (op == 1) {
                   → par[a]:
                                                                         192
                                                                                               char c;
                                                                         193
125
                                                                                               scanf(" %c", &c);
             if (val[q] <= n)</pre>
126
                                                                         194
                  weight[q] = (weight[par[q]] + (long long)(n -
                                                                         195
                    \rightarrow val[q] + 1) * pow_26[n - val[q]]) % mod;
                                                                         196
                                                                                               last = add(last, c - 'a');
             else
                                                                                          }
128
                                                                         197
                  weight[q] = weight[par[q]];
                                                                                          else
                                                                         198
129
                                                                                               last = del(last);
                                                                         199
130
         else
131
                                                                         200
             new_last = go[p][c];
                                                                         201
                                                                                          queries[last].push_back(i);
132
133
                                                                         202
         pam_last[x] = new_last;
134
                                                                         203
                                                                                      dfs1(1);
                                                                         204
135
         return weight[pam_last[x]];
                                                                         205
                                                                                      dfs2(1);
136
137
                                                                         206
                                                                                      for (int j = 1; j <= log_tbl[trie_cnt]; j++)</pre>
                                                                         207
138
    void bfs() {
                                                                                          for (int i = 1; i <= trie_cnt; i++)</pre>
139
                                                                         208
                                                                                               f[j][i] = f[j - 1][f[j - 1][i]];
140
                                                                         209
         queue<int> q;
                                                                         210
141
                                                                         211
                                                                                      par[0] = pam_cnt = 1;
142
143
         q.push(1);
                                                                         212
                                                                         213
                                                                                      for (int i = 0; i < 26; i++)
         while (!q.empty()) {
145
                                                                         214
             int x = q.front();
                                                                                          fail[0][i] = fail[1][i] = 1;
                                                                         215
146
             q.pop();
                                                                         216
147
                                                                         217
                                                                                      val[1] = -1;
148
             sum[x] = sum[f[0][x]];
                                                                                      pam_last[1] = 1;
149
             if (x > 1)
                  sum[x] = (sum[x] + extend(x)) \% mod;
151
                                                                         220
                                                                                      bfs();
152
                                                                         221
             for (int i : queries[x])
                                                                                      for (int i = 0; i <= m; i++)</pre>
153
                                                                         222
                  ans[i] = sum[x];
                                                                                          printf("%d\n", ans[i]);
                                                                         223
154
155
                                                                         224
             for (int i = 0; i < 26; i++)
                                                                         225
                                                                                      for (int j = 0; j <= log_tbl[trie_cnt]; j++)</pre>
156
                  if (trie[x][i])
                                                                                          memset(f[j], 0, sizeof(f[j]));
                                                                         226
157
                      q.push(trie[x][i]);
158
                                                                         227
                                                                                      for (int i = 1; i <= trie_cnt; i++) {</pre>
159
                                                                         228
                                                                                          chr[i] = 0;
                                                                         229
160
                                                                                          d[i] = mxd[i] = son[i] = top[i] = len[i] =
161
                                                                         230
                                                                                            \hookrightarrow pam_last[i] = sum[i] = 0;
    int main() {
                                                                         231
                                                                                          v[i].clear();
163
                                                                                          queries[i].clear();
164
                                                                         232
         pow_26[0] = 1;
165
                                                                         233
         log_tbl[0] = -1;
                                                                         234
                                                                                          memset(trie[i], 0, sizeof(trie[i]));
166
167
                                                                         235
         for (int i = 1; i <= 1000000; i++) {</pre>
                                                                         236
                                                                                      trie_cnt = 0;
             pow_26[i] = 2611 * pow_26[i - 1] % mod;
169
                                                                         237
             log_tbl[i] = log_tbl[i / 2] + 1;
                                                                                      for (int i = 0; i <= pam_cnt; i++) {</pre>
170
                                                                         238
                                                                                          val[i] = par[i] = weight[i];
         }
171
                                                                         239
172
                                                                         240
         int T;
                                                                                          memset(go[i], 0, sizeof(go[i]));
                                                                         241
173
         scanf("%d", &T);
                                                                                          memset(fail[i], 0, sizeof(fail[i]));
                                                                         242
                                                                         243
175
         while (T--) {
176
                                                                         244
                                                                                      pam_cnt = 0;
             scanf("%d%d%s", &n, &m, str);
177
                                                                         245
178
                                                                         246
             trie_cnt = 1;
                                                                         247
179
             chr[1] = '#';
                                                                         248
                                                                                 return 0;
180
                                                                         249
             int last = 1:
182
             for (char *c = str; *c; c++)
183
                  last = add(last, *c - 'a');
184
185
             queries[last].push_back(0);
```

2.5 Manacher马拉车

```
//Manacher O(n)
   //By ysf
   //通过题目251Nod1089 最长回文子串V2
   //n为串长@回文半径输出到p数组中
   //数组要开串长的两倍
  void manacher(const char *t, int n) {
7
      static char s[maxn * 2];
8
9
       for (int i = n; i; i--)
10
       s[i * 2] = t[i];
11
       for (int i = 0; i <= n; i++)
12
         s[i * 2 + 1] = '#';
13
14
      s[0] = '$';
15
       s[(n + 1) * 2] = ' 0';
16
       n = n * 2 + 1;
17
18
      int mx = 0, j = 0;
19
20
       for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
21
          p[i] = (mx > i ? min(p[j * 2 - i], mx - i) : 1);
22
          while (s[i - p[i]] == s[i + p[i]])
23
              p[i]++;
24
25
          if(i + p[i] > mx){
26
              mx = i + p[i];
27
              j = i;
28
           }
29
30
31
```

2.6 KMP

2.6.1 ex-KMP

```
//Extended KMP 扩展KMP
   //By AntiLeaf
   //通过题目®小作业0J 4182
   //全局变量与数组定义
  char s[maxn], t[maxn];
  int n, m, a[maxn];
   //主过程 O(n + m)
   //把t的每个后缀与s的LCP输出到a中@s的后缀和自己的LCP存

→ 在nx中

   //0-based@s的长度是m@t的长度是n
11
   void exKMP(const char *s, const char *t, int *a) {
12
      static int nx[maxn];
13
14
      memset(nx, 0, sizeof(nx));
15
16
17
      int j = 0;
      while (j + 1 < m \&\& s[j] == s[j + 1])
18
       j++;
19
      nx[1] = j;
20
21
      for (int i = 2, k = 1; i < m; i++) {
22
        int pos = k + nx[k], len = nx[i - k];
23
24
          if (i + len < pos)</pre>
25
              nx[i] = len;
26
          else {
27
```

```
j = max(pos - i, 0);
                while (i + j < m \&\& s[j] == s[i + j])
29
30
31
                nx[i] = j;
32
                k = i;
33
34
       }
35
36
       i = 0;
37
       while (j < n \&\& j < m \&\& s[j] == t[j])
38
39
           j++;
       a[0] = j;
40
41
       for (int i = 1, k = 0; i < n; i++) {
42
            int pos = k + a[k], len = nx[i - k];
43
            if (i + len < pos)</pre>
44
                a[i] = len;
45
            else {
46
                j = max(pos - i, 0);
47
                while(j < m \&\& i + j < n \&\& s[j] == t[i + j])
                j++;
                a[i] = j;
51
                k = i;
53
54
55
   }
```

3. 数学

- 3.1 插值
- 3.1.1 牛顿插值
- 3.1.2 拉格朗日插值
- 3.2 多项式
- 3.2.1 FFT

```
1 //Fast Fourier Transform 快速傅里叶变换 O(n\Log n)
  //通过题目@COGS2294 释迦@作为拆系数FFT的组成部分@
  //使用时一定要注意double的精度是否足够®极限大概
   → 是10^14®
  const double pi=acos((double)-1.0);
7
  //手写复数类
  //支持加减乘三种运算
  //+=运算符如果用的不多可以不重载
  struct Complex{
     double a,b;//由于Long double精度和double几乎相同@通常
       → 没有必要用Long double
     Complex(double a=0.0,double b=0.0):a(a),b(b){}
     Complex operator+(const Complex &x)const{return
       Complex operator-(const Complex &x)const{return
      Complex operator*(const Complex &x)const{return
       \hookrightarrow Complex(a*x.a-b*x.b,a*x.b+b*x.a);}
     Complex &operator+=(const Complex &x){return
17

    *this=*this+x;}

18 }w[maxn],w_inv[maxn];
```

```
19
   //FFT初始化 O(n)
20
   //需要调用sin、cos函数
   void FFT_init(int n){
22
       for(int i=0;i<n;i++)//根据单位根的旋转性质可以节省计
         → 算单位根逆元的时间
           w[i]=w_inv[n-i-1]=Complex(cos(2*pi/n*i),sin(2*pi/n*i))
24
       //当然不存单位根也可以@只不过在FFT次数较多时很可能
25
         →会增大常数
26
27
   //FFT主过程 O(n\Log n)
28
   void FFT(Complex *A,int n,int tp){
29
       for(int i=1, j=0, k; i < n-1; i++){</pre>
30
           k=n:
31
           do i^=(k>>=1):while(i<k);</pre>
32
           if(i<j)swap(A[i],A[j]);</pre>
33
34
       for(int k=2;k<=n;k<<=1)</pre>
35
           for(int i=0;i<n;i+=k)</pre>
36
37
               for(int j=0;j<(k>>1);j++){
                   Complex a=A[i+j],b=(tp>0?w:w_inv)
                     \hookrightarrow \texttt{[n/k*j]*A[i+j+(k>>1)];}
39
                   A[i+j]=a+b;
                   A[i+j+(k>>1)]=a-b;
40
41
42
       if(tp<0)for(int i=0;i<n;i++)A[i].a/=n;</pre>
43
```

3.2.2 NTT

```
// Number Theory Transform 快速数论变换 O(n\Log n)
   // By AntiLeaf
   // 通过题目@UOJ#34 多项式乘法
   // 要求模数为10^9以内的NTT模数
   const int p = 998244353, g = 3; // p为模数@g为p的任意一个
6
    →原根
7
   void NTT(int *A, int n, int tp) { // n为变换长度◎
8
    → tp为1或-1®表示正/逆变换
      for (int i = 1, j = 0, k; i < n - 1; i++) { // O(n) 旋转
        → 算法@原理是模拟二进制加一
          k = n;
10
11
              j ^= (k >>= 1);
12
          while (j < k);
13
14
          if(i < j)
15
              swap(A[i], A[j]);
16
17
18
      for (int k = 2; k <= n; k <<= 1) {</pre>
19
          int wn = qpow(g, (tp > 0 ? (p - 1) / k : (p - 1) /
20
            \hookrightarrow k * (long long)(p - 2) % (p - 1)));
          for (int i = 0; i < n; i += k) {
21
              int w = 1:
22
              for (int j = 0; j < (k >> 1); j++, w = (long)
23
                \hookrightarrow long)w * wn % p){
                  int a = A[i + j], b = (long long)w * A[i +
24
                    \hookrightarrow j + (k >> 1)] % p;
                  A[i + j] = (a + b) \% p;
25
                  A[i + j + (k >> 1)] = (a - b + p) \% p;
26
              } // 更好的写法是预处理单位根的次幂◎参
27
                → 照FFT的代码
          }
28
```

3.2.3 任意模数卷积(三模数NTT)

```
1 //只要求模数在2^30-1以内,无其他特殊要求
  //常数很大,慎用
  //在卷积结果不超过10^14时可以直接double暴力乘,这时就不
   → 要写任意模数卷积了
  //这里有三模数NTT和拆系数FFT两个版本,通常后者常数要小
    → 一此
  //但在答案不超过10^18时可以改成双模数NTT,这时就比拆系
    →数FFT快一些了
  //以下为三模数NTT,原理是选取三个乘积大于结果的NTT模
   → 数,最后中国剩余定理合并
  //以对23333333(不是质数)取模为例
  const int
    \rightarrow maxn=262200,Mod=23333333,g=3,m[]={998244353,1004535809,10454308
      m0_inv=669690699,m1_inv=332747959,M_inv=942377029;//这
       →三个模数最小原根都是3
  const long long M=(long long)m[0]*m[1];
11
12
  //主函数(当然更多时候包装一下比较好)
13
  //用来卷积的是A和B
14
  //需要调用mul
  int n,N=1,A[maxn],B[maxn],C[maxn],D[maxn],ans[3][maxn];
16
  int main(){
17
      scanf("%d",&n);
18
      while(N<(n<<1))N<<=1;
19
      for(int i=0;i<n;i++)scanf("%d",&A[i]);</pre>
20
      for(int i=0;i<n;i++)scanf("%d",&B[i]);</pre>
21
22
      for(int i=0;i<3;i++)mul(m[i],ans[i]);</pre>
      for(int i=0;i<n;i++)printf("%d ",China(ans[0][i],ans[1]</pre>
       \hookrightarrow [i],ans[2][i]));
24
      return 0;
25
26
  //mul O(n\log n)
  //包装了模NTT模数的卷积
  //需要调用NTT
  void mul(int p,int *ans){
      copy(A,A+N,C);
      copy(B,B+N,D);
      NTT(C,N,1,p);
      for(int i=0;i<N;i++)ans[i]=(long long)C[i]*D[i]%p;</pre>
36
      NTT(ans,N,-1,p);
37
  //中国剩余定理 0(1)
39
  //由于直接合并会爆Long Long,采用神奇的方法合并
  //需要调用0(1)快速乘
41
  inline int China(int a0,int a1,int a2){
42
      long long A=(mul((long long)a0*m1_inv,m[1],M)
43
         +mul((long long)a1*m0_inv,m[0],M))%M;
44
45
      int k=((a2-A)%m[2]+m[2])%m[2]*M_inv%m[2];
      return (k%Mod*(M%Mod)%Mod+A%Mod)%Mod;
46
47
```

15

for(int k=2;k<=n;k<<=1){</pre>

memcpy(B,A,sizeof(int)*k);

```
48
                            --分割线-----
49
   //以下为拆系数FFT,原理是减小结果范围使得double精度能够
51
    →承受
   //仍然以模23333333为例
52
   const int maxn=262200,p=23333333,M=4830;//M取值要使得结果
53
    → 不超过10^14
54
   //需要开的数组
55
   struct Complex{//内容略
56
   }w[maxn],w inv[maxn],A[maxn],B[maxn],C[maxn],D[maxn],F[maxn]
57
58
   //主函数(当然更多时候包装一下比较好)
   //需要调用FFT初始化,FFT
   int main(){
61
       scanf("%d",&n);
62
       int N=1:
63
       while(N<(n<<1))N<<=1;
       for(int i=0,x;i<n;i++){</pre>
65
           scanf("%d",&x);
66
           A[i]=x/M;
67
           B[i]=x\%M;
68
69
       for(int i=0,x;i<n;i++){</pre>
70
           scanf("%d",&x);
71
           C[i]=x/M:
72
           D[i]=x\%M;
73
74
75
       FFT init(N);
76
       FFT(A,N,1);
77
       FFT(B,N,1);
78
       FFT(C,N,1);
       FFT(D,N,1);
       for(int i=0;i<N;i++){</pre>
           F[i]=A[i]*C[i];
           G[i]=A[i]*D[i]+B[i]*C[i];
           H[i]=B[i]*D[i];
83
84
       FFT(F,N,-1);
85
       FFT(G,N,-1);
86
       FFT(H,N,-1);
87
       for(int i=0;i<n;i++)</pre>
88
           printf("%d\n",(int)((M*M*((long long)
89
             \hookrightarrow (F[i].a+0.5)%p)%p+
           M*((long long)(G[i].a+0.5)%p)%p+(long long)
90
             \hookrightarrow (H[i].a+0.5)\%p)\%p));
       return 0;
91
92
```

3.2.4 多项式操作

```
//Polymial Operations 多项式操作
  //Bv vsf
2
  //通过题目@coGS2189 帕秋莉的超级多项式@板子题@
3
  const int maxn=262200;//以下所有代码均为NTT版本
  //以下所有代码均满足@A为输入@不进行修改@@c为输出@n为所
   → 需长度
7
  //多项式求逆 O(n\Log n)
8
  //要求A常数项不为@
9
  void getinv(int *A,int *C,int n){
10
11
     static int B[maxn];
     memset(C,0,sizeof(int)*(n<<1));</pre>
12
     C[0]=qpow(A[0],p-2);//一般题目直接赋值为1就可以
13
```

```
memset(B+k,0,sizeof(int)*k);
16
           NTT(B, k<<1,1);
17
           NTT(C, k<<1,1);
18
           for(int i=0;i<(k<<1);i++)</pre>
19
              C[i]=((2-(long long)B[i]*C[i])%p*C[i]%p+p)%p;
20
           NTT(C, k<<1, -1);
21
           memset(C+k,0,sizeof(int)*k);
22
23
24 | }
G[maxn],H[maxn];
   //多项式开根 O(n\Log n)
26
   //要求A常数项可以开根/存在二次剩余
   //需要调用多项式求逆◎且需要预处理2的逆元
   void getsqrt(int *A,int *C,int n){
29
30
       static int B[maxn],D[maxn];
31
       memset(C,0,sizeof(int)*(n<<1));</pre>
       C[0]=(int)(sqrt(A[0])+1e-7);//一般题目直接赋值为1就可
        \rightarrow 1
       for(int k=2;k<=n;k<<=1){</pre>
33
           memcpy(B,A,sizeof(int)*k);
           memset(B+k,0,sizeof(int)*k);
36
           getinv(C,D,k);
           NTT(B, k << 1, 1);
37
           NTT(D, k << 1, 1);
38
           for(int i=0;i<(k<<1);i++)B[i]=(long</pre>
39
            → long)B[i]*D[i]%p;
           NTT(B, k<<1, -1);
40
           for(int i=0;i<k;i++)C[i]=(long long)</pre>
41
             → (C[i]+B[i])*inv_2%p;//inv_2是2的逆元
42
43
   //求导 O(n)
45
   void getderivative(int *A,int *C,int n){
46
       for(int i=1;i<n;i++)C[i-1]=(long long)A[i]*i%p;</pre>
47
       C[n-1]=0;
48
49
50
   //不定积分 O(n\Log n)@如果预处理过逆元可以降到O(n)
   void getintegrate(int *A,int *C,int n){
       for(int i=1;i<n;i++)C[i]=(long</pre>
        \hookrightarrow long)A[i-1]*qpow(i,p-2)%p;
       C[0]=0;//由于是不定积分◎结果没有常数项
55
56
   //多项式\Ln O(n\Log n)
57
   //要求A常数项不为0/存在离散对数
58
   //需要调用多项式求逆◎求导◎不定积分
   void getln(int *A,int *C,int n){//通常情况下A常数项都是1
       static int B[maxn];
61
       getderivative(A,B,n);
       memset(B+n,0,sizeof(int)*n);
63
64
       getinv(A,C,n);
       NTT(B,n<<1,1);
65
       NTT(C,n<<1,1);
66
       for(int i=0;i<(n<<1);i++)B[i]=(long long)B[i]*C[i]%p;</pre>
67
       NTT(B,n<<1,-1);
68
69
       getintegrate(B,C,n);
       memset(C+n,0,sizeof(int)*n);
70
71
72
   //多项式\exp O(n\Log n)
73
   //要求A没有常数项
   //需要调用多项式\Ln
```

28

29

30

31

32

33

34

35

36

37

38

39

40

41

42

43

49

50

51

53

54

56

57

58

59

60

61

62

63

64

65

66

67

68

69

70 71 72

73

74

75

76

77

```
//常数很大且总代码较长@在时间效率要求不高时最好替换为
     → 分治FFT
   //分治FFT依据@设G(x)=\exp F(x)@则有g_i=\sum_{k=1}^i f_k
     \hookrightarrow g_{i-k}
   void getexp(int *A,int *C,int n){
78
79
       static int B[maxn];
       memset(C,0,sizeof(int)*(n<<1));</pre>
80
81
       C[0]=1:
       for(int k=2;k<=n;k<<=1){</pre>
82
           getln(C,B,k);
           for(int i=0;i<k;i++){</pre>
85
               B[i]=A[i]-B[i];
               if(B[i]<0)B[i]+=p;</pre>
86
87
           (++B[0])%=p;
88
           NTT(B,k<<1,1);
89
           NTT(C,k<<1,1);
90
           for(int i=0;i<(k<<1);i++)C[i]=(long</pre>
91
             → long)C[i]*B[i]%p;
           NTT(C,k<<1,-1);
92
           memset(C+k,0,sizeof(int)*k);
93
94
95
96
   //多项式k次幂 O(n\Log n)
   //在A常数项不为1时需要转化
   //需要调用多项式/exp、\Ln
99
   //常数较大且总代码较长@在时间效率要求不高时最好替换为
100
     → 暴力快速器
   void getpow(int *A,int *C,int n,int k){
101
       static int B[maxn];
102
       getln(A,B,n);
103
       for(int i=0;i<n;i++)B[i]=(long long)B[i]*k%p;</pre>
104
       getexp(B,C,n);
105
106
```

3.2.5 拉格朗日反演

3.2.6 半在线卷积

```
// Half-Online Convolution 半在线卷积
   // By AntiLeaf
   // O(n \log^2 n)
   // 通过题目@自己出的题
   // 主过程@递归调用自身
7
   void solve(int 1, int r) {
8
       if (r \ll m)
9
10
           return:
11
       if (r - l == 1) {
12
13
           if (1 == m)
14
               f[1] = a[m];
15
           else
           f[1] = (long long)f[1] * inv[1 - m] % p;
16
17
18
           for (int i = 1, t = (long long)1 * f[1] % p; i <=
            \hookrightarrow n; i += 1)
19
            g[i] = (g[i] + t) \% p;
20
           return:
21
22
23
       int mid = (1 + r) / 2;
24
25
```

```
solve(1, mid);
    if (1 == 0) {
        for (int i = 1; i < mid; i++) {</pre>
            A[i] = f[i];
            B[i] = (c[i] + g[i]) \% p;
        NTT(A, r, 1);
        NTT(B, r, 1);
        for (int i = 0; i < r; i++)</pre>
           A[i] = (long long)A[i] * B[i] % p;
        NTT(A, r, -1);
        for (int i = mid; i < r; i++)</pre>
            f[i] = (f[i] + A[i]) \% p;
    else {
        for (int i = 0; i < r - 1; i++)
           A[i] = f[i];
        for (int i = 1; i < mid; i++)</pre>
           B[i - 1] = (c[i] + g[i]) \% p;
        NTT(A, r - 1, 1);
        NTT(B, r - 1, 1);
        for (int i = 0; i < r - 1; i++)</pre>
           A[i] = (long long)A[i] * B[i] %p;
        NTT(A, r - 1, -1);
        for (int i = mid; i < r; i++)</pre>
           f[i] = (f[i] + A[i - 1]) \% p;
        memset(A, 0, sizeof(int) * (r - 1));
        memset(B, 0, sizeof(int) * (r - 1));
        for (int i = 1; i < mid; i++)</pre>
           A[i - 1] = f[i];
        for (int i = 0; i < r - 1; i++)
            B[i] = (c[i] + g[i]) \% p;
        NTT(A, r - 1, 1);
        NTT(B, r - 1, 1);
        for (int i = 0; i < r - 1; i++)
            A[i] = (long long)A[i] * B[i] % p;
        NTT(A, r - 1, -1);
        for (int i = mid; i < r; i++)</pre>
          f[i] = (f[i] + A[i - 1]) \% p;
    memset(A, 0, sizeof(int) * (r - 1));
    memset(B, 0, sizeof(int) * (r - 1));
    solve(mid, r);
}
```

3.3 FWT快速沃尔什变换

```
//Fast Walsh-Hadamard Transform 快速沃尔什变换 O(n\log n)
//By ysf
//通过题目®COGS上几道板子题

//注意FWT常数比较小®这点与FFT/NTT不同
//以下代码均以模质数情况为例®其中n为变换长度®tp表示
→正/逆变换

//按位或版本
void FWT_or(int *A,int n,int tp){
```

```
for(int k=2;k<=n;k<<=1)</pre>
10
            for(int i=0;i<n;i+=k)</pre>
11
                for(int j=0;j<(k>>1);j++){
12
                    if(tp>0)A[i+j+(k>>1)]=(A[i+j+(k>>1)]+A[i+j])%p3
13
14
                      \hookrightarrow A[i+j+(k>>1)]=(A[i+j+(k>>1)]-A[i+j]+p)%p
15
16
17
   //按位与版本
   void FWT_and(int *A,int n,int tp){
19
20
       for(int k=2;k<=n;k<<=1)</pre>
21
            for(int i=0;i<n;i+=k)</pre>
22
                for(int j=0;j<(k>>1);j++){
23
                    if(tp>0)A[i+j]=(A[i+j]+A[i+j+(k>>1)])%p;
                    else A[i+j]=(A[i+j]-A[i+j+(k>>1)]+p)%p;
25
26
27
   //按位异或版本
28
   void FWT_xor(int *A,int n,int tp){
29
       for(int k=2;k<=n;k<<=1)</pre>
30
            for(int i=0;i<n;i+=k)</pre>
31
                for(int j=0;j<(k>>1);j++){
32
                    int a=A[i+j],b=A[i+j+(k>>1)];
33
34
                    A[i+j]=(a+b)%p;
35
                    A[i+j+(k>>1)]=(a-b+p)%p;
36
37
       if(tp<0){
            int inv=qpow(n%p,p-2);//n的逆元◎在不取模时需要用
38
             → 毎层除以2代替
39
            for(int i=0;i<n;i++)A[i]=A[i]*inv%p;</pre>
40
41
```

3.4 单纯形

```
//Simplex Method 单纯形方法求解线性规划
   //Bv vsf
2
   //通过题目@UOJ#179 线性规划@然而被hack了QAQ......@
3
   //单纯形其实是指数算法@但实践中跑得飞快@所以复杂度什
    → 么的也就无所谓了
6
7
   const double eps=1e-10;
8
9
   double A[maxn][maxn],x[maxn];
10
   int n,m,t,id[maxn<<1];</pre>
11
12
   //方便起见@这里附上主承数
13
   int main(){
14
      scanf("%d%d%d",&n,&m,&t);
15
      for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
16
          scanf("%lf",&A[0][i]);
17
          id[i]=i;
18
19
      for(int i=1;i<=m;i++){</pre>
20
          for(int j=1;j<=n;j++)scanf("%lf",&A[i][j]);</pre>
^{21}
          scanf("%lf",&A[i][0]);
22
23
      if(!initalize())printf("Infeasible");
24
      else if(!simplex())printf("Unbounded");
25
26
          printf("%.15lf\n",-A[0][0]);
27
          if(t){
28
```

```
for(int i=1;i<=n;i++)printf("%.15lf ",x[i]);</pre>
30
31
       return 0:
   //初始化
   //对于初始解可行的问题@可以把初始化省略掉
   bool initalize(){
38
       for(;;){
39
40
            double t=0.0:
41
            int 1=0,e=0;
42
            for(int i=1;i<=m;i++)if(A[i][0]+eps<t){</pre>
                t=A[i][0];
                l=i;
45
            if(!1)return true;
46
47
            for(int i=1;i<=n;i++)if(A[1]</pre>
              \leftrightarrow [i]<-eps&&(!e||id[i]<id[e]))e=i;
            if(!e)return false;
48
            pivot(l,e);
49
50
52
   //求解
53
   bool simplex(){
54
       for(;;){
55
            int l=0,e=0;
56
            for(int i=1;i<=n;i++)if(A[0]</pre>
57
              \leftrightarrow [i]>eps&&(!e||id[i]<id[e]))e=i;
            if(!e)return true;
58
            double t=1e50:
59
            for(int i=1;i<=m;i++)if(A[i][e]>eps&&A[i][0]/A[i]
60
              → [e]<t){</pre>
                1=i:
                t=A[i][0]/A[i][e];
62
            if(!1)return false;
65
            pivot(1,e);
66
67
68
   //转轴操作@本质是
69
   void pivot(int 1,int e){
70
       swap(id[e],id[n+l]);
71
       double t=A[1][e];
72
       A[1][e]=1.0;
73
       for(int i=0;i<=n;i++)A[1][i]/=t;</pre>
74
75
       for(int i=0;i<=m;i++)if(i!=1){</pre>
            t=A[i][e];
76
            A[i][e]=0.0;
            for(int j=0;j<=n;j++)A[i][j]-=t*A[l][j];</pre>
79
80
```

for(int i=1;i<=m;i++)x[id[i+n]]=A[i][0];</pre>

3.5 线性代数

3.5.1 线性基

4. 数论

4.1 O(n)预处理逆元

4.2 杜教筛

```
24
  //Yuhao Du's Sieve 杜教筛 O(n^{2/3})
                                                 25
  //By ysf
  //通过题目@51Nod1239 欧拉函数之和
  //用于求可以用狄利克雷卷积构造出好求和的东西的函数的
                                                 27
   →前缀和@有点绕@
  //有些题只要求n<=10^9@这时就没必要开Long Long了@但记得
   → 乘法时强转
                                                 30
7
  //常量/全局变量/数组定义
8
  const int
9
   bool notp[maxn];
10
  int prime[maxn/20],phi[maxn],tbl[100005];
  //tbl用来顶替哈希表®其实开到n^{1/3}就够了®不过保险起见
   → 开成\sqrt n比较好
  long long N;
13
14
                                                 36
  //主函数前面加上这么一句
15
  memset(tbl,-1,sizeof(tbl));
                                                 37
  //线性筛预处理部分略去
19
                                                 39
  //杜教筛主过程 总计O(n^{2/3})
20
  //递归调用自身
21
                                                 40
  //递推式还需具体情况具体分析@这里以求欧拉函数前缀
   →和(mod 10^9+7)为例
  int S(long long n){
23
     if(n<=table_size)return phi[n];</pre>
                                                 43
     else if(~tbl[N/n])return tbl[N/n];
                                                 44
     //原理圖除以所有可能的数的结果一定互不相同
     int ans=0;
     for(long long i=2,last;i<=n;i=last+1){</pre>
        last=n/(n/i);
        ans=(ans+(last-i+1)%p*S(n/i))%p;//如果n是int范围的
30
         → 话记得强转
     ans=(n%p*((n+1)%p)%p*inv_2-ans+p)%p;//同上
33
     return tbl[N/n]=ans;
34
```

4.3 线性筛

19

20

21

22

23

//Extended Euler's Sieving 扩展线性筛 O(n)

```
//通过题目@51Nod1220 约数之和@预处理部分@
//此代码以计算约数之和函数\sigma 1@对10^9+7取模@为例
//适用于任何f(p^k)便于计算的积性函数
const int p=1000000007;
int prime[maxn/10],sigma_one[maxn],f[maxn],g[maxn];
//f@除掉最小质因子后剩下的部分
//a@最小质因子的幂次@在f(p^k)比较复杂时很有
 → 用型但f(p^k)可以递推时就可以省略了
//这里没有记录最小质因子◎但根据线性筛的性质◎每个合数
→只会被它最小的质因子筛掉
bool notp[maxn];//顾名思义
void get_table(int n){
   sigma_one[1]=1;//积性函数必有f(1)=1
   for(int i=2;i<=n;i++){</pre>
      if(!notp[i]){//质数情况
         prime[++prime[0]]=i;
         sigma_one[i]=i+1;
         f[i]=g[i]=1;
      for(int j=1;j<=prime[0]&&i*prime[j]<=n;j++){</pre>
         notp[i*prime[j]]=true;
         if(i%prime[j]){//加入一个新的质因子®这种情况
          → 很简单
            sigma_one[i*prime[j]]=(long
              → long)sigma_one[i]*(prime[j]+1)%p;
            f[i*prime[j]]=i;
            g[i*prime[j]]=1;
         else{//再加入一次最小质因子◎需要再进行分类
          → 讨论
            f[i*prime[j]]=f[i];
            g[i*prime[j]]=g[i]+1;
            //对于f(p^k)可以直接递推的函数@这里的判
              → 断可以改成
            //i/prime[j]%prime[j]!=0@这样可以省
             → 下f[]的空间@
            //但常数很可能会稍大一些
            if(f[i]==1)//质数的幂次@这里\sigma_1可以
             →递推
               sigma_one[i*prime[j]]=(sigma_one[i]+i*prime[j]
               //对于更一般的情况@可以借助g[]计

→ 算f(p^k)

            else sigma_one[i*prime[j]]=//否则直接利用
              →积性◎两半乘起来
                 → long)sigma_one[i*prime[j]/f[i]]*sigma_one[
            break;
```

4.4 Miller-Rabin

```
//Miller-Rabin Primality Test Miller-Rabin素性检测算法
//By ysf
//通过题目®Bzoj4802 欧拉函数®作为Pollard's Rho的子算法®
//复杂度可以认为是常数
```

```
6
   //封装好的函数体
7
   //需要调用check
  bool Miller_Rabin(long long n){
9
      if(n==1)return false;
10
      if(n==2)return true;
11
      if(n%2==0)return false;
12
      for(int i:{2,3,5,7,11,13,17,19,23,29,31,37}){
13
          if(i>n)break;
14
          if(!check(n,i))return false;
15
16
      return true;
17
18
19
   //用一个数检测
20
   //需要调用Long Long快速幂和0(1)快速乘
21
  bool check(long long n,long long b){//b是base
22
      long long a=n-1;
23
      int k=0;
24
      while(a%2==0){
25
          a>>=1;
26
27
          k++;
28
      long long t=qpow(b,a,n);//这里的快速幂函数需要
29
        → 写0(1)快速乘
      if(t==1||t==n-1)return true;
30
      while(k--){
31
          t=mul(t,t,n);//mul是0(1)快速乘函数
32
33
          if(t==n-1)return true;
34
35
      return false;
36
```

4.5 Pollard's Rho

```
//Miller-Rabin Primality Test Miller-Rabin素性检测算法
  //通过题目@Bzoj4802 欧拉函数@作为Pollard's Rho的子算法@
  //复杂度可以认为是常数
  //封装好的函数体
7
  //需要调用check
8
  bool Miller_Rabin(long long n){
9
      if(n==1)return false;
10
      if(n==2)return true;
11
      if(n%2==0)return false;
12
      for(int i:{2,3,5,7,11,13,17,19,23,29,31,37}){
13
14
          if(i>n)break:
15
          if(!check(n,i))return false;
16
17
      return true;
18
19
  //用一个数检测
20
  //需要调用Long Long快速幂和O(1)快速乘
  bool check(long long n,long long b){//b是base
      long long a=n-1;
23
      int k=0;
24
      while(a%2==0){
25
          a>>=1:
26
          k++;
27
28
      long long t=qpow(b,a,n);//这里的快速幂函数需要
29
        → 写0(1)快速乘
      if(t==1||t==n-1)return true;
30
```

```
| while(k--){
| t=mul(t,t,n);//mul是0(1)快速乘函数
| if(t==n-1)return true;
| 35 | return false;
| 36 | }
```

5. 数据结构

5.1 线段树

5.1.1 主席树

10

11

12 13

14

15

16

17 18

21

22

23

24

26

27

28

29

30

33

34

35

36

37

39

40

41

42

43

45

46

47

48

参见GREAD07加强版

5.2 陈丹琦分治

```
// Division of Dangi Chen CDQ分治
// By AntiLeaf
// 通过题目@四维偏序
void CDQ1(int l,int r){
   if(1>=r)return;
    int mid=(l+r)>>1;
   CDQ1(l,mid);CDQ1(mid+1,r);
    int i=1,j=mid+1,k=1;
   while(i<=mid&&j<=r){</pre>
        if(a[i].x<a[j].x){</pre>
            a[i].ins=true;
            b[k++]=a[i++];
        else{
            a[j].ins=false;
            b[k++]=a[j++];
   while(i<=mid){</pre>
        a[i].ins=true;
        b[k++]=a[i++];
   while(j<=r){</pre>
        a[j].ins=false;
        b[k++]=a[j++];
   copy(b+l,b+r+1,a+l);
   CDQ2(1,r);
void CDQ2(int 1,int r){
   if(l>=r)return;
    int mid=(l+r)>>1;
   CDQ2(1,mid);CDQ2(mid+1,r);
    int i=1,j=mid+1,k=1;
   while(i<=mid&&j<=r){</pre>
        if(b[i].y<b[j].y){</pre>
            if(b[i].ins)add(b[i].z,1);
            t[k++]=b[i++];
        else{
            if(!b[j].ins)ans+=query(b[j].z-1);
            t[k++]=b[j++];
   while(i<=mid){</pre>
        if(b[i].ins)add(b[i].z,1);
        t[k++]=b[i++];
```

```
49
        while(j<=r){
50
                                                                           45
             if(!b[j].ins)ans+=query(b[j].z-1);
51
                                                                           46
52
             t[k++]=b[j++];
                                                                           47
53
                                                                           48
        for(i=1;i<=mid;i++)if(b[i].ins)add(b[i].z,-1);</pre>
54
                                                                           49
        copy(t+l,t+r+1,b+l);
55
                                                                           50
56
                                                                           51
```

5.3 Splay

参见LCT

5.4 树分治

5.4.1 动态树分治

```
//Dynamic Divide and Couquer on Tree 动态树分治 O(n\Log
    \hookrightarrow n)-0(\Log n)
   //By ysf
   //通过题目@coGS2278 树黑白
3
   //为了减小常数@这里采用bfs写法@实测预处理比dfs快将近-
5
   //以下以维护一个点到每个黑点的距离之和为例
6
   //全局数组定义
  vector<int>G[maxn],W[maxn];
9
  int size[maxn],son[maxn],q[maxn];
10
   int p[maxn],depth[maxn],id[maxn][20],d[maxn][20];//id是对
    → 应层所在子树的根
   int a[maxn],ca[maxn],b[maxn][20],cb[maxn][20];//维护距离和
12
  bool vis[maxn]={false},col[maxn]={false};
13
14
   //建树 总计O(n\Log n)
15
   //需要调用找重心@预处理距离@同时递归调用自身
   void build(int x,int k,int s,int pr){//结点®深度®连通块大
    →小∞点分树上的父亲
      x=getcenter(x,s);
18
      vis[x]=true;
19
      depth[x]=k;
20
      p[x]=pr;
21
       for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)</pre>
          if(!vis[G[x][i]]){
23
              d[G[x][i]][k]=W[x][i];
24
              p[G[x][i]]=x;
25
              getdis(G[x][i],k,G[x][i]);
26
27
      for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)</pre>
28
          if(!vis[G[x][i]])build(G[x][i],k+1,size[G[x]
29
            \hookrightarrow [i]],x);
30
31
   //找重心 O(n)
32
   int getcenter(int x,int s){
33
      int head=0,tail=0;
34
      q[tail++]=x;
35
      while(head!=tail){
36
          x=q[head++];
37
          size[x]=1;
38
          son[x]=0;
39
          for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)</pre>
40
41
              if(!vis[G[x][i]]&&G[x][i]!=p[x]){
42
                  p[G[x][i]]=x;
                  q[tail++]=G[x][i];
43
```

```
for(int i=tail-1;i;i--){
           x=a[i]:
           size[p[x]]+=size[x];
           if(size[x]>size[son[p[x]]])son[p[x]]=x;
       x=q[0];
       while(son[x]\&\&(size[son[x]]<<1)>=s)x=son[x];
52
53
       return x;
54
55
   //预处理距离 O(n)
56
57
   //方便起见@这里直接用了笨一点的方法@O(n\Log n)全存下来
   void getdis(int x,int k,int rt){
       int head=0,tail=0;
60
       q[tail++]=x;
       while(head!=tail){
61
62
           x=q[head++];
           size[x]=1;
63
           id[x][k]=rt;
64
           for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)</pre>
65
                if(!vis[G[x][i]]&&G[x][i]!=p[x]){
66
                   p[G[x][i]]=x;
67
                    d[G[x][i]][k]=d[x][k]+W[x][i];
68
69
                    q[tail++]=G[x][i];
70
71
       for(int i=tail-1;i;i--)
72
           size[p[q[i]]]+=size[q[i]];
73
74
75
   //修改 O(\Log n)
76
   void modify(int x){
77
       if(col[x])ca[x]--;
78
       else ca[x]++;//记得先特判自己作为重心的那层
79
       for(int u=p[x],k=depth[x]-1;u;u=p[u],k--){
80
           if(col[x]){
81
               a[u]-=d[x][k];
82
83
                ca[u]--;
84
               b[id[x][k]][k]-=d[x][k];
               cb[id[x][k]][k]--;
           else{
               a[u]+=d[x][k];
               ca[u]++;
               b[id[x][k]][k]+=d[x][k];
90
                cb[id[x][k]][k]++;
91
92
93
       col[x]^=true;
94
   }
95
   //询问 O(\Log n)
   int query(int x){
98
       int ans=a[x];//特判自己是重心的那层
99
100
       for(int u=p[x],k=depth[x]-1;u;u=p[u],k--)
           ans+=a[u]-b[id[x][k]][k]+d[x][k]*(ca[u]-cb[id[x]
101
             \hookrightarrow [k]][k]);
       return ans;
102
103
```

```
5.4.2 紫荆花之恋
                                                                                  if(u==p[x]){
                                                                                      id[x][k]=x;
                                                                      66
   #include<cstdio>
                                                                                      d[x][k]=z;
                                                                      67
   #include<cstring>
                                                                      68
   #include<algorithm>
3
                                                                                  else{
                                                                      69
   #include<vector>
                                                                                      id[x][k]=id[p[x]][k];
                                                                      70
   using namespace std:
                                                                                      d[x][k]=d[p[x]][k]+z;
                                                                      71
   const int maxn=100010:
                                                                      72
   const double alpha=0.7;
                                                                                  ans+=order(w[x]-d[x][k],root[u])-order(w[x]-d[x]
                                                                      73
   struct node{
                                                                                    \hookrightarrow [k],root1[id[x][k]][k]);
       static int randint(){
9
                                                                                  insert(d[x][k]-w[x],root[u]);
                                                                      74
            static int
10
                                                                                  insert(d[x][k]-w[x],root1[id[x][k]][k]);
                                                                      75

→ a=1213, b=97818217, p=998244353, x=751815431;

                                                                                  size[u]++;
                                                                      76
            x=a*x+b:x%=p:
11
                                                                      77
                                                                                  siz[id[x][k]][k]++;
            return x<0?(x+=p):x;
12
                                                                                  if(siz[id[x][k]][k]>size[u]*alpha+5)rt=u;
       }
13
       int data.size.p:
14
                                                                              id[x][depth[x]]=0;
       node *ch[2];
15
                                                                             d[x][depth[x]]=0;
       node(int d):data(d),size(1),p(randint()){}
16
                                                                             if(rt){
       inline void refresh(){size=ch[0]->size+ch[1]->size+1;}
17
                                                                                  dfs_destroy(rt,depth[rt]);
                                                                      83
   }*null=new node(0),*root[maxn],*root1[maxn][50];
18
                                                                      84
                                                                                  rebuild(rt,depth[rt],size[rt],p[rt]);
   void addnode(int,int);
19
                                                                      85
   void rebuild(int,int,int,int);
                                                                      86
   void dfs_getcenter(int,int,int%);
                                                                         void rebuild(int x,int k,int s,int pr){
   void dfs_getdis(int,int,int,int);
                                                                             int u=0;
   void dfs_destroy(int,int);
23
                                                                              dfs_getcenter(x,s,u);
   void insert(int,node*&);
24
                                                                      90
                                                                             vis[x=u]=true;
   int order(int, node*);
25
                                                                      91
                                                                             p[x]=pr;
   void destroy(node*&);
26
                                                                              depth[x]=k;
                                                                      92
   void rot(node*&,int);
                                                                              size[x]=s:
   vector<int>G[maxn],W[maxn];
                                                                      93
   int size[maxn]={0},siz[maxn][50]={0},son[maxn];
                                                                             d[x][k]=id[x][k]=0;
                                                                      94
   bool vis[maxn]:
                                                                             destroy(root[x]);
30
                                                                      95
   int depth[maxn],p[maxn],d[maxn][50],id[maxn][50];
31
                                                                      96
                                                                              insert(-w[x],root[x]);
   int n,m,w[maxn],tmp;
                                                                              if(s<=1)return;</pre>
                                                                      97
   long long ans=0;
                                                                              for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)if(!vis[G[x][i]]){</pre>
                                                                      98
   int main(){
                                                                                  p[G[x][i]]=0;
                                                                      99
       freopen("flowera.in","r",stdin);
                                                                                  d[G[x][i]][k]=W[x][i];
                                                                      100
       freopen("flowera.out", "w", stdout);
                                                                     101
                                                                                  siz[G[x][i]][k]=p[G[x][i]]=0;
       null->size=0;
                                                                                  destroy(root1[G[x][i]][k]);
                                                                      102
       null->ch[0]=null->ch[1]=null;
38
                                                                                  dfs_getdis(G[x][i],x,G[x][i],k);
                                                                      103
       scanf("%*d%d",&n);
39
                                                                     104
       fill(vis,vis+n+1,true);
40
                                                                              for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)if(!vis[G[x]</pre>
                                                                     105
       fill(root,root+n+1,null);
41
                                                                               \hookrightarrow [i]])rebuild(G[x][i],k+1,size[G[x][i]],x);
       for(int i=0;i<=n;i++)fill(root1[i],root1[i]+50,null);</pre>
42
                                                                     106
       scanf("%*d%*d%d",&w[1]);
                                                                         void dfs_getcenter(int x,int s,int &u){
43
                                                                     107
       insert(-w[1],root[1]);
                                                                             size[x]=1;
44
                                                                     108
       size[1]=1:
45
                                                                     109
                                                                              son[x]=0:
       printf("0\n");
                                                                              for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)if(!vis[G[x]</pre>
46
                                                                     110
       for(int i=2;i<=n;i++){</pre>
47
                                                                               \hookrightarrow [i]]&&G[x][i]!=p[x]){
            scanf("%d%d%d",&p[i],&tmp,&w[i]);
48
                                                                                  p[G[x][i]]=x;
                                                                     111
            p[i]^=(ans%(int)1e9);
49
                                                                     112
                                                                                  dfs_getcenter(G[x][i],s,u);
            G[i].push_back(p[i]);
                                                                     113
                                                                                  size[x]+=size[G[x][i]];
50
            W[i].push_back(tmp);
                                                                                  if(size[G[x][i]]>size[son[x]])son[x]=G[x][i];
51
                                                                     114
            G[p[i]].push_back(i);
52
                                                                     115
            W[p[i]].push_back(tmp);
                                                                              if(!u||max(s-size[x],size[son[x]])<max(s-size[u],size[son[u]])</pre>
53
                                                                     116
            addnode(i,tmp);
                                                                     117
54
                                                                         void dfs_getdis(int x,int u,int rt,int k){
            printf("%lld\n",ans);
                                                                     118
55
                                                                     119
                                                                              insert(d[x][k]-w[x],root[u]);
56
                                                                     120
                                                                              insert(d[x][k]-w[x],root1[rt][k]);
       return 0:
57
                                                                              id[x][k]=rt;
                                                                     121
58
                                                                              siz[rt][k]++;
   void addnode(int x,int z){//wj-dj>=di-wi
                                                                     122
       depth[x]=depth[p[x]]+1;
60
                                                                     123
                                                                              size[x]=1;
       size[x]=1;
                                                                              for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)if(!vis[G[x]</pre>
61
                                                                     124
       insert(-w[x],root[x]);
62
                                                                               \hookrightarrow [i]]&&G[x][i]!=p[x]){
63
                                                                     125
                                                                                  p[G[x][i]]=x;
       for(int u=p[x],k=depth[p[x]];u;u=p[u],k--){
64
```

13

14

node *ch[2],*p;

node():size(1){}

→ 信息维护

void refresh(){size=ch[0]->size+ch[1]->size+1;}//附加

```
d[G[x][i]][k]=d[x][k]+W[x][i];
             dfs_getdis(G[x][i],u,rt,k);
127
             size[x]+=size[G[x][i]];
128
129
130
    void dfs_destroy(int x,int k){
131
        vis[x]=false;
132
        for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)if(depth[G[x]</pre>
133
          \leftrightarrow [i]]>=k&&G[x][i]!=p[x]){
134
             p[G[x][i]]=x;
             dfs_destroy(G[x][i],k);
135
136
137
    void insert(int x,node *&rt){
        if(rt==null){
140
             rt=new node(x);
             rt->ch[0]=rt->ch[1]=null;
141
             return;
142
143
        int d=x>=rt->data;
144
        insert(x,rt->ch[d]);
145
        rt->refresh();
146
        if(rt->ch[d]->p<rt->p)rot(rt,d^1);
147
148
    int order(int x, node *rt){
149
        int ans=0,d;
150
        x++;
151
        while(rt!=null){
152
             if((d=x>rt->data))ans+=rt->ch[0]->size+1;
153
             rt=rt->ch[d]:
154
155
156
        return ans:
157
    void destroy(node *&x){
158
        if(x==null)return;
159
        destroy(x->ch[0]);
160
        destroy(x->ch[1]);
161
        delete x:
162
        x=null:
163
164
    void rot(node *&x,int d){
165
        node *y=x->ch[d^1];
166
        x->ch[d^1]=y->ch[d];
167
        v - > ch \lceil d \rceil = x:
168
        x->refresh():
169
        (x=y)->refresh();
170
171
```

5.5 LCT

5.5.1 不换根(弹飞绵羊)

```
//Link-Cut Trees without Changing Root LCT不换根版本
   \hookrightarrow O((n+m) \setminus \log n)
  //By ysf
  //通过题目@弹飞绵羊
3
  //常数较大₫请根据数据范围谨慎使用
5
  #define isroot(x) ((x)!=(x)->p->ch[0]&&(x)!=(x)->p-
   → >ch[1])//判断是不是Splay的根
  #define dir(x) ((x)==(x)->p->ch[1])//判断它是它父亲的
   → 左/右儿子
9
  struct node{//结点类定义
10
      int size;//Splay的子树大小
11
```

```
}null[maxn];
15
  //在主函数开头加上这句初始化
17
  null->size=0;
18
  //初始化结点
  void initalize(node *x){x->ch[0]=x->ch[1]=x->p=null;}//
22
   //Access 均摊O(\Log n)
23
  //LCT核心操作@把结点到根的路径打通@顺便把与重儿子的连
    →边变成轻边
   //需要调用splay
  node *access(node *x){
      node *y=null;
      while(x!=null){
28
         splay(x);
29
30
         x \rightarrow ch[1] = y;
         (y=x)->refresh();
31
32
         x=x->p;
33
34
      return y;
35
36
   //Link 均摊O(\Log n)
   //把x的父亲设为y
  //要求×必须为所在树的根节点®否则会导致后续各种莫名其
   → 妙的问题
  //需要调用splay
40
  void link(node *x,node *y){
      splay(x);
42
43
      x - p = y;
44
  }
  //Cut 均摊O(\Log n)
  //把x与其父亲的连边断掉
  //x可以是所在树的根节点@这时此操作没有任何实质效果
   //需要调用access和splay
49
  void cut(node *x){
50
      access(x);
51
      splay(x);
52
      x->ch[0]->p=null;
53
      x \rightarrow ch[0] = null:
54
      x->refresh();
55
56
   //Splay 均摊O(\log n)
  //需要调用旋转
  void splay(node *x){
60
      while(!isroot(x)){
61
         if(isroot(x->p)){
             rot(x->p,dir(x)^1);
63
             break;
64
         if(dir(x)==dir(x->p))rot(x->p->p,dir(x->p)^1);
66
67
         else rot(x->p,dir(x)^1);
68
         rot(x->p,dir(x)^1);
69
70
  //旋转@LCT版本@ 0(1)
72
  //平衡树基本操作
73
  //要求对应儿子必须存在◎否则会导致后续各种莫名其妙的问
74
    →题
```

64

65

for(int i=1;i<=m;i++){</pre>

```
void rot(node *x,int d){
       node *y=x->ch[d^1];
76
                                                                        56
       v - p = x - p;
77
                                                                        57
       if(!isroot(x))x->p->ch[dir(x)]=y;
78
                                                                        58
       if((x->ch[d^1]=y->ch[d])!=null)y->ch[d]->p=x;
79
       (y->ch[d]=x)->p=y;
                                                                        59
80
                                                                        60
       x->refresh();
81
       y->refresh();
82
                                                                        62
83
                                                                        63
```

5.5.2 换根/维护生成树(GREALD07加强版)

```
66
   #include<cstdio>
   #include<cstring>
                                                                          69
   #include<algorithm>
                                                                          70
   #include<map>
                                                                          71
   #define isroot(x) ((x)-p==null||((x)-p->ch[0]!=(x)&&(x)-
                                                                          72
     \leftrightarrow p->ch[1]!=(x))
   #define dir(x) ((x)==(x)->p->ch[1])
 6
                                                                          74
   using namespace std;
 7
                                                                          75
   const int maxn=200010;
 8
                                                                          76
   struct node{
 9
                                                                          77
10
        int key,mn,pos;
                                                                          78
11
        bool rev;
        node *ch[2],*p;
12
                                                                          80
13
                                                                          81
          \hookrightarrow key=(\sim0u)>>1):key(key),mn(key),pos(-1),rev(false){}
                                                                          82
        inline void pushdown(){
                                                                          83
            if(!rev)return;
15
                                                                          84
            ch[0]->rev^=true;
16
            ch[1]->rev^=true;
17
            swap(ch[0],ch[1]);
18
                                                                          87
19
            if(pos!=-1)pos^=1;
                                                                          88
20
            rev=false;
                                                                          89
^{21}
                                                                          90
        inline void refresh(){
22
            mn=kev:
23
                                                                          92
            pos=-1:
24
                                                                          93
            if(ch[0]->mn<mn){</pre>
                                                                          94
                 mn=ch[0]->mn;
                                                                          95
27
                 pos=0;
                                                                          96
28
            if(ch[1]->mn<mn){
29
                 mn=ch[1]->mn;
30
                                                                          99
                 pos=1;
31
                                                                          100
32
                                                                          101
33
                                                                         102
   }null[maxn<<1],*ptr=null;</pre>
34
                                                                         103
   node *newnode(int);
35
                                                                         104
   node *access(node*);
36
                                                                         105
   void makeroot(node*);
                                                                         106
   void link(node*,node*);
                                                                         107
   void cut(node*,node*);
                                                                         108
40
   node *getroot(node*);
                                                                         109
   node *getmin(node*,node*);
41
   void splay(node*);
42
                                                                         111
43
   void rot(node*,int);
                                                                         112
   void build(int,int,int&,int);
                                                                         113
45
   void query(int,int,int,int);
                                                                         114
   int
46
     \rightarrow sm[maxn<<5]=\{0\},lc[maxn<<5]=\{0\},rc[maxn<<5]=\{0\},root[max]^{115}=\{0\}
   map<node*,pair<node*,node*> >mp;
47
                                                                         117
   node *tmp;
48
                                                                         118
   int n,m,q,tp,x,y,k,l,r,t,ans=0;
                                                                         119
50
   int main(){
                                                                         120
        null->ch[0]=null->ch[1]=null->p=null;
51
                                                                         121
        scanf("%d%d%d%d",&n,&m,&q,&tp);
52
        for(int i=1;i<=n;i++)newnode((~0u)>>1);
53
```

```
scanf("%d%d",&x,&y);
        if(x==y){
            root[i]=root[i-1];
            continue:
        if(getroot(null+x)!=getroot(null+y)){
            tmp=newnode(i);
            k=0;
        else{
            tmp=getmin(null+x,null+y);
            cut(tmp,mp[tmp].first);
            cut(tmp,mp[tmp].second);
            k=tmp->key;
            tmp->key=i;
            tmp->refresh():
        link(tmp,null+x);
        link(tmp,null+y);
        mp[tmp]=make_pair(null+x,null+y);
        build(0,m-1,root[i],root[i-1]);
    while(q--){
        scanf("%d%d",&1,&r);
        if(tp){
            1^-ans;
            r^=ans;
        ans=n;
        query(0,m-1,root[r],root[l]);
        printf("%d\n",ans);
    return 0:
node *newnode(int x){
    *++ptr=node(x);
    ptr->ch[0]=ptr->ch[1]=ptr->p=null;
    return ptr;
node *access(node *x){
    node *y=null;
    while(x!=null){
        splay(x);
        x->ch[1]=y;
        (y=x)->refresh();
        x=x->p;
    return y;
void makeroot(node *x){
    access(x);
    splay(x);
    x->rev^=true;
void link(node *x,node *y){
    makeroot(x);
    x->p=y;
void cut(node *x,node *y){
0},cmakeroot(x);
    access(y);
    splay(y);
    y->ch[0]->p=null;
    y->ch[0]=null;
    y->refresh();
```

```
node *getroot(node *x){
        x=access(x);
123
        while(x->pushdown(),x->ch[0]!=null)x=x->ch[0];
125
        splay(x);
        return x:
126
127
    node *getmin(node *x,node *y){
128
        makeroot(x);
129
        x=access(y);
130
        while(x->pushdown(),x->pos!=-1)x=x->ch[x->pos];
131
        splav(x):
132
        return x;
133
134
    void splay(node *x){
135
        x->pushdown():
136
        while(!isroot(x)){
137
             if(!isroot(x->p))x->p->p->pushdown();
138
             x->p->pushdown();
139
             x->pushdown();
140
             if(isroot(x->p)){
                 rot(x->p,dir(x)^1);
142
143
144
             if(dir(x)==dir(x->p))rot(x->p->p,dir(x->p)^1);
145
             else rot(x->p,dir(x)^1);
146
             rot(x->p,dir(x)^1);
148
149
    void rot(node *x,int d){
150
        node *y=x->ch[d^1];
151
        if((x->ch[d^1]=y->ch[d])!=null)y->ch[d]->p=x;
152
153
        if(!isroot(x))x->p->ch[dir(x)]=y;
155
        (y->ch[d]=x)->p=y;
        x->refresh():
156
        y->refresh();
157
158
    void build(int 1,int r,int &rt,int pr){
159
        sm[rt=++cnt]=sm[pr]+1;
160
        if(l==r)return;
161
        lc[rt]=lc[pr];
162
        rc[rt]=rc[pr];
163
        int mid=(l+r)>>1;
164
        if(k<=mid)build(l,mid,lc[rt],lc[pr]);</pre>
165
        else build(mid+1,r,rc[rt],rc[pr]);
166
167
    void query(int 1,int r,int rt,int pr){
168
        if(!rt&&!pr)return;
169
        if(t>=r){
170
171
             ans-=sm[rt]-sm[pr];
             return;
173
174
        int mid=(l+r)>>1;
        query(1,mid,lc[rt],lc[pr]);
175
        if(t>mid)query(mid+1,r,rc[rt],rc[pr]);
176
```

5.5.3 维护子树信息

```
//Link-Cut Trees with subtree values LCT维护子树信息
→ O((n+m)\log n)
//By ysf
//通过题目@LOJ#558 我们的CPU遭到攻击@维护黑点到根距离
→ 和@

//这个东西虽然只需要抄板子但还是极其难写@常数极其巨
→ 大@没必要的时候就不要用
```

```
//如果维护子树最小值就需要套一个可删除的堆来维护@复杂
          → 度会变成O(n\Log^2 n)
       //注意由于这道题与边权有关◎需要边权拆点变点权
      //宏定义
      #define isroot(x) ((x)->p==null||((x)!=(x)->p->ch[0]&&(x)!
10
         \hookrightarrow =(x)-p-ch[1])
      #define dir(x) ((x)==(x)->p->ch[1])
12
       //节点类定义
      struct node{//以维护子树中黑点到根距离和为例
14
               int w,chain_cnt,tree_cnt;
15
               long long sum, suml, sumr, tree_sum;//由于换根需要子树反
16
                  → 转®需要维护两个方向的信息
              bool rev.col:
17
              node *ch[2],*p;
18
               node():w(0),chain_cnt(0),tree_cnt(0),sum(0),suml(0),sumr(0),tree_cnt(0)
19
                  \hookrightarrow \{\}
               inline void pushdown(){
20
                       if(!rev)return;
21
22
                       ch[0]->rev^=true;
23
                       ch[1]->rev^=true;
                       swap(ch[0],ch[1]);
24
                       swap(suml,sumr);
25
                       rev=false;
26
27
               inline void refresh(){//不多解释了......这毒瘤题恶心的要
28
                  → 死®我骂我自己.png
                       sum=ch[0]->sum+ch[1]->sum+w;
                       suml=(ch[0]->rev?ch[0]->sumr:ch[0]->suml)+(ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev?ch[1]->rev[1]->rev[1]->rev[1]->rev[1]->rev[1]->rev[1]-
                                +(tree_cnt+ch[1]->chain_cnt)*(ch[0]->sum+w)+tree_sum;
31
                       sumr=(ch[0]->rev?ch[0]->suml:ch[0]->sumr)+(ch[1]->rev?ch[1]
32
                                +(tree cnt+ch[0]->chain cnt)*(ch[1]->sum+w)+tree sum;
33
                       chain cnt=ch[0]->chain cnt+ch[1]->chain cnt+tree cnt
34
35
      }null[maxn<<1];//如果没有边权变点权就不用乘2了
36
37
       //封装构造函数
39
      node *newnode(int w){
40
              node *x=nodes.front();
41
              nodes.pop();
              initalize(x);
               X - > W = W;
               x->refresh():
45
               return x:
47
       //封装初始化函数
48
       //记得在进行操作之前对所有结点调用一遍
49
      inline void initalize(node *x){
50
               *x=node();
51
               x->ch[0]=x->ch[1]=x->p=null;
52
53
54
       //Access函数
       //注意一下在Access的同时更新子树信息的方法
56
      node *access(node *x){
57
              node *y=null;
58
              while(x!=null){
59
                       splay(x);
60
                       x->tree_cnt+=x->ch[1]->chain_cnt-y->chain_cnt;
61
                       x->tree\_sum+=(x->ch[1]->rev?x->ch[1]->sumr:x->ch[1]->suml)
62
63
                       x->ch[1]=y;
                       (y=x)->refresh();
64
65
                       x=x->p;
```

66

67

return y;

```
68
69
   //找到一个点所在连通块的根
   //对比原版没有变化
71
   node *getroot(node *x){
72
73
       x=access(x);
74
       while(x->pushdown(),x->ch[0]!=null)x=x->ch[0];
75
       splay(x);
       return x;
76
77
78
   //换根@同样没有变化
79
   void makeroot(node *x){
80
       access(x);
81
       splay(x);
82
       x->rev^=true;
83
       x->pushdown();
84
85
86
   //连接两个点
   //注意这里必须把两者都变成根@因为只能修改根结点
   void link(node *x,node *y){
89
       makeroot(x);
90
91
       makeroot(y);
92
       x->p=y;
       y->tree_cnt+=x->chain_cnt;
93
       y->tree_sum+=x->suml;
       y->refresh();
96
97
   //删除一条边
98
   //对比原版没有变化
99
   void cut(node *x,node *y){
100
       makeroot(x);
101
       access(y);
102
       splay(y);
103
       y->ch[0]->p=null;
104
       v->ch[0]=null;
105
       y->refresh();
106
107
108
   //修改/询问一个点@这里以询问为例
109
   //如果是修改就在换根之后搞一些操作
   long long query(node *x){
111
112
       makeroot(x);
113
       return x->suml;
114
115
   //Splay函数
116
   //对比原版没有变化
117
   void splay(node *x){
       x->pushdown();
       while(!isroot(x)){
120
           if(!isroot(x->p))x->p->p->pushdown();
121
           x->p->pushdown();
122
           x->pushdown();
123
           if(isroot(x->p)){
124
               rot(x->p,dir(x)^1);
125
               break:
126
127
           if(dir(x)==dir(x->p))rot(x->p->p,dir(x->p)^1);
128
           else rot(x->p,dir(x)^1);
129
           rot(x->p,dir(x)^1);
130
131
132
133
   //旋转函数
134
```

```
//对比原版没有变化
   void rot(node *x,int d){
       node *y=x->ch[d^1];
137
       if((x->ch[d^1]=y->ch[d])!=null)y->ch[d]->p=x;
138
139
       y->p=x->p;
       if(!isroot(x))x->p->ch[dir(x)]=y;
140
       (y->ch[d]=x)->p=y;
141
       x->refresh():
142
       y->refresh();
143
144
```

5.5.4 模板题:动态QTREE4(询问树上相距最远点)

```
#include<bits/stdc++.h>
   #include<ext/pb_ds/assoc_container.hpp>
   #include<ext/pb_ds/tree_policy.hpp>
   #include<ext/pb_ds/priority_queue.hpp>
   #define isroot(x) ((x)->p==null||((x)!=(x)->p->ch[0]&&(x)!
     \hookrightarrow =(x)->p->ch[1])
   #define dir(x) ((x)==(x)->p->ch[1])
   using namespace std;
   using namespace __gnu_pbds;
10
11
   const int maxn=100010;
   const long long INF=10000000000000000000011;
   struct binary_heap{
15
       __gnu_pbds::priority_queue<long long,less<long
16
         → long>,binary_heap_tag>q1,q2;
17
       binary_heap(){}
       void push(long long x){if(x>(-INF)>>2)q1.push(x);}
       void erase(long long x){if(x>(-INF)>>2)q2.push(x);}
19
       long long top(){
20
           if(empty())return -INF;
21
           while(!q2.empty()&&q1.top()==q2.top()){
22
               a1.pop();
               q2.pop();
25
26
           return q1.top();
27
       long long top2(){
28
           if(size()<2)return -INF;</pre>
           long long a=top();
30
31
           erase(a);
           long long b=top();
32
           push(a);
33
           return a+b;
34
35
       int size(){return q1.size()-q2.size();}
37
       bool empty(){return q1.size()==q2.size();}
   }heap;//全局堆维护每条链的最大子段和
38
   struct node{
39
       long long sum,maxsum,prefix,suffix;
40
41
       binary_heap heap;//每个点的堆存的是它的子树中到它的
42
         → 最远距离@如果它是黑点的话还会包括自己
       node *ch[2],*p;
43
       bool rev:
44
       node(int k=0):sum(k),maxsum(-INF),prefix(-INF),
45
46
           suffix(-INF),key(k),rev(false){}
47
       inline void pushdown(){
48
           if(!rev)return;
           ch[0]->rev^=true;
49
           ch[1]->rev^=true;
50
51
           swap(ch[0],ch[1]);
```

```
swap(prefix, suffix);
                                                                                       if(x>y)swap(x,y);
52
            rev=false;
                                                                                       addedge(x,y,z);
53
                                                                      123
54
        inline void refresh(){
                                                                                   else if(c=='C'){
55
                                                                      124
                                                                                       scanf("%d%d",&y,&z);
            pushdown():
56
                                                                      125
                                                                                       if(x>y)swap(x,y);
            ch[0]->pushdown();
57
                                                                      126
            ch[1]->pushdown();
                                                                                       modify(x,y,z);
58
            sum=ch[0]->sum+ch[1]->sum+key;
59
            prefix=max(ch[0]->prefix,
                                                                      129
                                                                                   else modify_color(x);
60
                 ch[0]->sum+key+ch[1]->prefix);
                                                                                   printf("%lld\n",(heap.top()>0?heap.top():-1));
61
                                                                      130
            suffix=max(ch[1]->suffix,
62
                                                                      131
                 ch[1]->sum+key+ch[0]->suffix);
                                                                              return 0;
63
                                                                      132
            maxsum=max(max(ch[0]->maxsum,ch[1]->maxsum),
                                                                      133
64
                 ch[0]->suffix+key+ch[1]->prefix);
                                                                          void addedge(int x,int y,int z){
65
                                                                      134
            if(!heap.empty()){
                                                                      135
                                                                              node *tmp:
66
                 prefix=max(prefix,
                                                                              if(freenodes.empty())tmp=newnode(z);
67
                                                                      136
                     ch[0]->sum+key+heap.top());
                                                                      137
                                                                              elsel
68
                 suffix=max(suffix,
                                                                      138
                                                                                   tmp=freenodes.front();
69
                     ch[1]->sum+key+heap.top());
70
                                                                      139
                                                                                   freenodes.pop();
                 maxsum=max(maxsum,max(ch[0]->suffix,
                                                                                   *tmp=node(z);
71
                                                                      140
72
                     ch[1]->prefix)+key+heap.top());
                                                                      141
                                                                              tmp->ch[0]=tmp->ch[1]=tmp->p=null;
                 if(heap.size()>1){
73
                                                                      142
                                                                              heap.push(tmp->maxsum);
                     maxsum=max(maxsum,heap.top2()+kev);
74
                                                                      143
                                                                               link(tmp,null+x);
                                                                      144
75
                                                                      145
                                                                               link(tmp,null+y);
76
77
                                                                      146
                                                                              mp[make_pair(x,y)]=tmp;
78
    }null[maxn<<1],*ptr=null;</pre>
                                                                      147
    void addedge(int,int,int);
                                                                          void deledge(int x,int y){
79
                                                                      148
                                                                              node *tmp=mp[make_pair(x,y)];
    void deledge(int,int);
80
                                                                      149
   void modify(int,int,int);
                                                                              cut(tmp,null+x);
81
                                                                      150
   void modify_color(int);
                                                                      151
                                                                               cut(tmp,null+y);
82
   node *newnode(int);
                                                                               freenodes.push(tmp);
                                                                      152
   node *access(node*);
                                                                      153
                                                                              heap.erase(tmp->maxsum);
                                                                              mp.erase(make_pair(x,y));
85
   void makeroot(node*);
                                                                      154
    void link(node*,node*);
86
                                                                      155
                                                                          void modify(int x,int y,int z){
    void cut(node*,node*);
87
                                                                      156
    void splay(node*);
                                                                              node *tmp=mp[make_pair(x,y)];
88
                                                                      157
    void rot(node*,int);
                                                                              makeroot(tmp);
                                                                      158
    queue<node*>freenodes;
                                                                              tmp->pushdown();
                                                                      159
    tree<pair<int,int>,node*>mp;
                                                                      160
                                                                              heap.erase(tmp->maxsum);
   bool col[maxn]={false};
                                                                      161
                                                                              tmp->key=z;
92
   char c;
                                                                               tmp->refresh();
93
                                                                      162
    int n,m,k,x,y,z;
                                                                              heap.push(tmp->maxsum);
94
                                                                      163
    int main(){
                                                                      164
        null->ch[0]=null->ch[1]=null->p=null;
                                                                          void modify_color(int x){
96
                                                                      165
        scanf("%d%d%d",&n,&m,&k);
97
                                                                      166
                                                                              makeroot(null+x);
        for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
                                                                              col[x]^=true;
98
                                                                      167
            newnode(0);
                                                                              if(col[x])null[x].heap.push(0);
99
                                                                      168
                                                                      169
                                                                              else null[x].heap.erase(0);
100
                                                                              heap.erase(null[x].maxsum);
101
        heap.push(0);
                                                                      170
102
        while(k--){
                                                                      171
                                                                              null[x].refresh();
            scanf("%d",&x);
103
                                                                      172
                                                                              heap.push(null[x].maxsum);
                                                                          }
104
            col[x]=true;
                                                                      173
            null[x].heap.push(0);
                                                                          node *newnode(int k){
105
                                                                      174
                                                                      175
                                                                               *(++ptr)=node(k);
106
        for(int i=1;i<n;i++){</pre>
                                                                              ptr->ch[0]=ptr->ch[1]=ptr->p=null;
107
                                                                      176
            scanf("%d%d%d",&x,&y,&z);
                                                                              return ptr;
                                                                      177
109
            if(x>y)swap(x,y);
                                                                      178
                                                                          }
            addedge(x,y,z);
                                                                          node *access(node *x){
110
                                                                      179
                                                                              splay(x);
111
                                                                      180
        while(m--){
                                                                              heap.erase(x->maxsum);
112
                                                                      181
            scanf(" %c%d",&c,&x);
                                                                               x->refresh();
                                                                      182
113
            if(c=='A'){
                                                                               if(x->ch[1]!=null){
                                                                      183
                 scanf("%d",&y);
                                                                                   x->ch[1]->pushdown();
                                                                      184
115
                 if(x>y)swap(x,y);
                                                                                   x->heap.push(x->ch[1]->prefix);
116
                                                                      185
                                                                                   x->refresh();
                 deledge(x,y);
                                                                      186
117
                                                                                   heap.push(x->ch[1]->maxsum);
                                                                      187
118
            else if(c=='B'){
                                                                      188
119
                 scanf("%d%d",&y,&z);
```

```
x->ch[1]=null;
189
        x->refresh();
190
        node *y=x;
192
        x=x->p;
        while(x!=null){
193
            splav(x):
194
            heap.erase(x->maxsum);
195
            if(x->ch[1]!=null){
                x->ch[1]->pushdown();
                x->heap.push(x->ch[1]->prefix);
                heap.push(x->ch[1]->maxsum);
199
200
            x->heap.erase(y->prefix);
201
            x->ch[1]=y;
            (y=x)->refresh();
            x=x->p;
204
205
        heap.push(y->maxsum);
206
        return y;
207
208
    void makeroot(node *x){
        access(x);
210
        splav(x):
211
        x->rev^=true;
212
213
    void link(node *x,node *y){//新添一条虚边@维护y对应的堆
        makeroot(x);
        makeroot(v);
216
        x->pushdown();
217
        x - p = y;
218
        heap.erase(y->maxsum);
219
        y->heap.push(x->prefix);
        y->refresh();
221
222
        heap.push(y->maxsum);
223
    void cut(node *x,node *y){//断开一条实边®一条链变成两条
224
     →链♂需要维护全局堆
        makeroot(x);
        access(y);
        splay(y);
227
        heap.erase(y->maxsum);
228
        heap.push(y->ch[0]->maxsum);
229
        y->ch[0]->p=null;
230
        y->ch[0]=null;
231
        y->refresh();
233
        heap.push(y->maxsum);
234
    void splay(node *x){
235
        x->pushdown();
236
        while(!isroot(x)){
237
            if(!isroot(x->p))
                x->p->p->pushdown();
239
            x->p->pushdown();
240
            x->pushdown():
241
            if(isroot(x->p)){
242
                rot(x->p,dir(x)^1);
243
                break;
245
            if(dir(x)==dir(x->p))
246
                rot(x->p->p,dir(x->p)^1);
247
            else rot(x->p,dir(x)^1);
248
            rot(x->p,dir(x)^1);
249
250
    void rot(node *x,int d){
252
        node *y=x->ch[d^1];
253
        if((x->ch[d^1]=y->ch[d])!=null)
254
            y->ch[d]->p=x;
        y->p=x->p;
```

```
if(!isroot(x))
            x->p->ch[dir(x)]=y;
259
        (y->ch[d]=x)->p=y;
260
        x->refresh():
        v->refresh():
261
262
```

长链剖分,梯子剖分 5.6

```
//Long-chain Subdivision 长链剖分 O(n)
  //By ysf
  //通过题目@vijos Lxhgww的奇思妙想@板子题@、Codeforces
   //顾名思义◎长链剖分是取最深的儿子作为重儿子
   //长链剖分的两个应用@
  //0(1)在线求一个点的第k祖先
  //o(n)维护以深度为下标的子树信息
   //-----分割
10
  //在线求一个点的第k祖先 O(n\Log n)-O(1)
  //其中O(n\Log n)预处理是因为需要用到倍增
  //理论基础@任意一个点x的k级祖先v所在长链长度一定>=k
14
15
   //全局数组定义
  vector<int>G[maxn], v[maxn];
  int d[maxn], mxd[maxn], son[maxn], top[maxn], len[maxn];
  int f[maxn][19],log_tbl[maxn];
19
20
  //在主函数中两遍dfs之后加上如下预处理
21
  log_tbl[0]=-1;
  for(int i=1;i<=n;i++)log_tbl[i]=log_tbl[i>>1]+1;
  for(int j=1;(1<<j)<n;j++)</pre>
25
      for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
         f[i][j]=f[f[i][j-1]][j-1];
27
   //第一遍dfs@用于计算深度和找出重儿子
28
  //递归调用自身
29
  void dfs1(int x){
30
      mxd[x]=d[x];
31
      for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)</pre>
32
          if(G[x][i]!=f[x][0]){
33
34
             f[G[x][i]][0]=x;
35
             d[G[x][i]]=d[x]+1;
36
             dfs1(G[x][i]);
37
             mxd[x]=max(mxd[x],mxd[G[x][i]]);
38
             if(mxd[G[x][i]]>mxd[son[x]])son[x]=G[x][i];
39
40
41
   //第二遍dfs@用于进行剖分和预处理梯子剖分@每条链向上延
42
    → 伸一倍壓数组
   //递归调用自身
  void dfs2(int x){
      top[x]=(x==son[f[x][0]]?top[f[x][0]]:x);
45
      for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)</pre>
46
          if(G[x][i]!=f[x][0])dfs2(G[x][i]);
      if(top[x]==x){
48
          int u=x:
49
          while(top[son[u]]==x)u=son[u];
50
51
          len[x]=d[u]-d[x];
          for(int i=0;i<len[x];i++,u=f[u]</pre>
52
           \hookrightarrow [0])v[x].push_back(u);
         u=x;
53
```

```
for(int i=0;i<len[x]&&u;i++,u=f[u]</pre>
             \leftrightarrow [0])v[x].push_back(u);
55
56
57
   //在线询问x的k级祖先 0(1)
   //不存在时返回@
59
   int query(int x,int k){
60
       if(!k)return x;
61
       if(k>d[x])return 0;
62
       x=f[x][log_tbl[k]];
63
64
       k^=1<<\log_t[k];
       return v[top[x]][d[top[x]]+len[top[x]]-d[x]+k];
65
66
67
            -----分割
68
69
   //o(n)维护以深度为下标的子树信息
70
71
   vector<int>G[maxn],v[maxn];
72
   int n,p[maxn],h[maxn],son[maxn],ans[maxn];
73
   //原题题意◎求每个点的子树中与它距离是几的点最多◎相同
     → 的取最大深度
   //由于vector只能在后面加入元素®为了写代码方便®这里反过
76
     → 来存
77
   void dfs(int x){
78
       h[x]=1;
       for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)</pre>
79
           if(G[x][i]!=p[x]){
80
               p[G[x][i]]=x;
81
82
               dfs(G[x][i]);
               if(h[G[x][i]]>h[son[x]])son[x]=G[x][i];
83
84
       if(!son[x]){
85
           v[x].push_back(1);
86
87
           ans[x]=0;
           return;
88
89
       //printf("x=%d h=%d son=%d\n",x,h[x],son[x]);
90
91
       h[x]=h[son[x]]+1;
92
       swap(v[x],v[son[x]]);
       if(v[x][ans[son[x]]]==1)ans[x]=h[x]-1;
93
       else ans[x]=ans[son[x]];
94
       v[x].push back(1):
95
       int mx=v[x][ans[x]];
96
       for(int i=0;i<(int)G[x].size();i++)</pre>
97
98
           if(G[x][i]!=p[x]&&G[x][i]!=son[x]){
               for(int j=1; j <=h[G[x][i]]; j++){}
99
100
                   v[x][h[x]-j-1]+=v[G[x][i]][h[G[x][i]]-j];
101
                   int t=v[x][h[x]-j-1];
                   if(t>mx | | (t==mx&&h[x]-j-1>ans[x])){
                       mx=t;
                       ans[x]=h[x]-j-1;
               v[G[x][i]].clear();
107
108
```

5.7 左偏树

(参见k短路)

```
5.8 STL
```

5.9 pb ds

5.10 rope

5.11 常见根号思路

6. 动态规划

6.1 决策单调性 $O(n \log n)$

```
#include <bits/stdc++.h>
3
   using namespace std;
   const int maxn = 300005;
   int a[maxn], q[maxn], p[maxn], g[maxn]; // 存左端点◎右端
     → 点就是下一个左端点 - 1
   long long f[maxn], s[maxn];
10
11
   int n, m;
12
13
   long long calc(int 1, int r) {
       if (r < 1)
14
           return 0:
15
16
       int mid = (1 + r) / 2;
17
       if ((r - 1 + 1) % 2 == 0)
           return (s[r] - s[mid]) - (s[mid] - s[l - 1]);
       else
20
           return (s[r] - s[mid]) - (s[mid - 1] - s[1 - 1]);
21
22
23
24
   int solve(long long tmp) {
       memset(f, 63, sizeof(f));
25
       f[0] = 0;
26
27
       int head = 1, tail = 0;
28
       // printf("----- solve(%lld) -----\n", tmp);
31
       for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
32
           f[i] = calc(1, i);
33
            g[i] = 1;
34
35
            while (head < tail && p[head + 1] <= i)</pre>
36
37
                head++:
            if (head <= tail) {</pre>
38
                if (f[q[head]] + calc(q[head] + 1, i) < f[i]) {</pre>
39
                    f[i] = f[q[head]] + calc(q[head] + 1, i);
40
                    g[i] = g[q[head]] + 1;
                while (head < tail && p[head + 1] <= i + 1)
43
44
                    head++;
                if (head <= tail)</pre>
45
46
                    p[head] = i + 1;
47
            f[i] += tmp;
           // printf("f[%d] = %lld g[%d] = %d\n", i, f[i], i,
49
             \hookrightarrow g[i]);
50
51
           if (head \leftarrow tail && f[q[tail]] + calc(q[tail] + 1,
52
     \hookrightarrow n) <= f[i] + calc(i + 1, n))
```

```
continue;
 53
 54
 56
             int r = n;
 57
             while(head <= tail) {</pre>
 58
                  if (f[q[tail]] + calc(q[tail] + 1, p[tail]) >
 59
                    \hookrightarrow f[i] + calc(i + 1, p[tail])) {
                      r = p[tail] - 1;
                       tail--;
 61
 62
                  else if (f[q[tail]] + calc(q[tail] + 1, r) <=</pre>
 63
                    \hookrightarrow f[i] + calc(i + 1, r)) {
                       if (r < n) {
 64
                           q[++tail] = i;
 65
                           p[tail] = r + 1;
 66
 67
                      break;
 68
 69
                  else {
 70
                       int L = p[tail], R = r;
 71
                      while (L < R) {
 72
                           int M = (L + R) / 2;
 73
 74
                           if (f[q[tail]] + calc(q[tail] + 1, M)
 75
                             \hookrightarrow \langle = f[i] + calc(i + 1, M))
 76
                                L = M + 1;
                           else
 77
                                R = M;
 78
 79
 80
                       q[++tail] = i;
                       p[tail] = L;
 83
                       break:
 84
                  }
 85
 86
              if (head > tail) {
 87
                  q[++tail] = i;
 88
                  p[tail] = i + 1;
 89
              }
 90
         }
 91
 92
         return g[n];
 93
 94
 95
    int main() {
 96
         scanf("%d%d", &n, &m);
 97
 98
 99
         for (int i = 1; i <= n; i++) {</pre>
              scanf("%d", &a[i]);
100
              s[i] = s[i - 1] + a[i];
101
102
103
         long long L = 0, R = 1e16;
104
         while (L < R) {
107
             long long M = (L + R) / 2;
             if (solve(M) > m)
108
                  L = M + 1:
109
              else
110
                  R = M;
111
112
113
         solve(L);
114
115
         printf("%lld\n", f[n] - m * L);
116
         return 0;
```

```
119 }
```

7. Miscellaneous

7.1 O(1)快速乘

```
// Long double 快速乘
  // 在两数直接相乘会爆Long Long时才有必要使用
  // 常数比直接Long Long乘法+取模大很多,非必要时不建议使
  long long mul(long long a,long long b,long long p){
     a%=p;b%=p;
     return ((a*b-p*(long long)((long
6

    double)a/p*b+0.5))%p+p)%p;
  }
  // 指令集快速乘
  // 试机记得测试能不能过编译
  inline long long mul(const long long a, const long long b,
11
   long long ans;
     __asm__ _volatile__ ("\tmulq %%rbx\n\tdivq %%rcx\n" :
13
       \rightarrow "=d"(ans) : "a"(a), "b"(b), "c"(p));
14
     return ans;
15
```

7.2 $O(n^2)$ 高精度

```
1 // 注意如果只需要正数运算的话
   // 可以只抄英文名的运算函数
   // 按需自取
   // 乘法0(n ^ 2)@除法0(10 * n ^ 2)
   const int maxn = 1005;
   struct big_decimal {
      int a[maxn];
      bool negative;
      big_decimal() {
           memset(a, 0, sizeof(a));
          negative = false;
15
      big_decimal(long long x) {
17
           memset(a, 0, sizeof(a));
          negative = false;
19
           if (x < 0) {
21
              negative = true;
23
              X = -X;
24
26
           while (x) {
              a[++a[0]] = x \% 10;
27
              x /= 10;
28
29
30
31
      big_decimal(string s) {
32
          memset(a, 0, sizeof(a));
33
          negative = false;
34
35
```

if (s == "")

36

7 MISCELLANEOUS

friend big_decimal operator << (const big_decimal &u,</pre>

```
\hookrightarrow int k) {
                return;
37
                                                                                  big_decimal o = u;
38
                                                                      102
            if (s[0] == '-') {
                                                                                  return o <<= k;
                                                                      103
39
                negative = true;
                                                                      104
40
                s = s.substr(1);
                                                                      105
41
                                                                              big_decimal &operator >>= (int k) {
                                                                      106
42
            a[0] = s.size();
                                                                      107
                                                                                  if (a[0] < k)
43
            for (int i = 1; i <= a[0]; i++)</pre>
                                                                                      return *this = big_decimal(0);
                                                                      108
44
                a[i] = s[a[0] - i] - '0';
                                                                      109
45
                                                                      110
                                                                                  a[0] -= k;
46
            while (a[0] && !a[a[0]])
                                                                      111
                                                                                  for (int i = 1; i <= a[0]; i++)</pre>
47
                                                                      112
                                                                                      a[i] = a[i + k];
            a[0]--;
48
                                                                      113
49
                                                                      114
                                                                                  for (int i = a[0] + 1; i <= a[0] + k; i++)</pre>
50
        void input() {
                                                                                     a[i] = 0;
                                                                      115
51
                                                                      116
            string s;
52
                                                                      117
                                                                                  return *this;
            cin >> s;
53
                                                                      118
            *this = s;
54
                                                                      119
55
                                                                      120
                                                                              friend big_decimal operator >> (const big_decimal &u,
56
                                                                               \hookrightarrow int k) {
        string str() const {
57
                                                                                  big_decimal o = u;
           if (!a[0])
58
            return "0";
                                                                      122
                                                                                  return o >>= k;
50
                                                                      123
60
                                                                      124
            string s;
61
                                                                              friend int cmp(const big_decimal &u, const big_decimal
            if (negative)
62
                                                                               \hookrightarrow \&v) {
            s = "-";
63
                                                                                  if (u.negative || v.negative) {
64
                                                                      127
                                                                                      if (u.negative && v.negative)
            for (int i = a[0]; i; i--)
65
                                                                      128
                                                                                          return -cmp(-u, -v);
            s.push_back('0' + a[i]);
66
67
                                                                                      if (u.negative)
            return s;
68
                                                                      131
                                                                                          return -1;
69
                                                                      132
70
                                                                      133
                                                                                      if (v.negative)
        operator string () const {
71
                                                                      134
                                                                                          return 1;
           return str();
72
                                                                      135
73
                                                                      136
74
        big_decimal operator - () const {
                                                                      137
                                                                                  if (u.a[0] != v.a[0])
75
                                                                      138
                                                                                      return u.a[0] < v.a[0] ? -1 : 1;</pre>
76
           big_decimal o = *this;
                                                                      139
77
            if (a[0])
                                                                                  for (int i = u.a[0]; i; i--)
                                                                      140
            o.negative ^= true;
78
                                                                      141
                                                                                      if (u.a[i] != v.a[i])
79
                                                                      142
                                                                                          return u.a[i] < v.a[i] ? -1 : 1;</pre>
80
            return o;
                                                                      143
81
        }
                                                                      144
                                                                                  return 0;
82
                                                                      145
        friend big_decimal abs(const big_decimal &u) {
83
           big_decimal o = u;
                                                                      146
84
                                                                      147
                                                                              friend bool operator < (const big_decimal &u, const</pre>
            o.negative = false;
85
                                                                               → big_decimal &v) {
            return o;
86
                                                                      148
                                                                                  return cmp(u, v) == -1;
87
                                                                      149
88
                                                                      150
        big_decimal &operator <<= (int k) {</pre>
                                                                              friend bool operator > (const big_decimal &u, const
                                                                     151
            a[0] += k;
                                                                               return cmp(u, v) == 1;
                                                                     152
            for (int i = a[0]; i > k; i--)
92
                                                                      153
            a[i] = a[i - k];
                                                                     154
94
                                                                              friend bool operator == (const big_decimal &u, const
                                                                     155
            for(int i = k; i; i--)
95
                                                                               a[i] = 0;
96
                                                                                  return cmp(u, v) == 0;
                                                                     156
97
                                                                     157
            return *this;
98
                                                                     158
99
                                                                              friend bool operator <= (const big_decimal &u, const</pre>
                                                                     159
100
                                                                               → big_decimal &v) {
```

```
return cmp(u, v) <= 0;</pre>
160
                                                                          221
161
                                                                          222
162
         friend bool operator >= (const big_decimal &u, const
                                                                          223
163

    big_decimal &v) {

                                                                          224
             return cmp(u, v) >= 0;
164
                                                                          225
165
                                                                          226
                                                                          227
         friend big_decimal decimal_plus(const big_decimal &u,
167
                                                                           228
           → const big_decimal &v) { // 保证u, v均为正数的话可
                                                                          229
           → 以直接调用
                                                                          230
             big_decimal o;
168
                                                                          231
169
                                                                          232
170
             o.a[0] = max(u.a[0], v.a[0]);
                                                                          233
171
                                                                          234
              for (int i = 1; i <= u.a[0] || i <= v.a[0]; i++) {</pre>
172
                                                                          235
                  o.a[i] += u.a[i] + v.a[i];
173
174
                  if (o.a[i] >= 10) {
175
                                                                           236
                       o.a[i + 1]++;
176
                       o.a[i] -= 10;
177
                                                                          238
178
                                                                          239
179
                                                                          240
180
                                                                          241
              if (o.a[o.a[0] + 1])
181
                                                                          242
182
                  o.a[0]++;
                                                                          243
183
                                                                          244
              return o;
184
                                                                          245
185
                                                                          246
186
                                                                          247
         friend big decimal decimal minus(const big decimal &u,
187
                                                                           248
           → const big_decimal &v) { // 保证u, v均为正数的话可
                                                                          249
           →以直接调用
                                                                           250
             int k = cmp(u, v);
188
189
                                                                          252
             if (k == -1)
190
                                                                          253
                  return -decimal minus(v, u);
191
                                                                          254
              else if (k == 0)
192
                  return big_decimal(0);
193
                                                                          256
194
                                                                          257
             big decimal o;
195
                                                                          258
                                                                          259
              o.a[0] = u.a[0];
197
                                                                          260
              for (int i = 1; i <= u.a[0]; i++) {</pre>
199
                                                                          261
                  o.a[i] += u.a[i] - v.a[i];
200
                                                                          262
                                                                          263
                  if (o.a[i] < 0) {</pre>
202
                                                                          264
                      o.a[i] += 10;
203
                                                                          265
                       o.a[i + 1]--;
204
                                                                          266
205
                                                                          267
206
                                                                          268
207
                                                                          269
              while (o.a[0] && !o.a[o.a[0]])
208
                                                                          270
                  o.a[0]--;
209
                                                                          271
210
                                                                          272
211
             return o;
                                                                          273
212
                                                                          274
213
                                                                          275
         friend big_decimal decimal_multi(const big_decimal &u,
214
           \hookrightarrow const big_decimal &v) {
                                                                          276
215
             big_decimal o;
                                                                          277
                                                                          278
217
              o.a[0] = u.a[0] + v.a[0] - 1;
                                                                          279
                                                                          280
              for (int i = 1; i <= u.a[0]; i++)</pre>
```

```
for (int j = 1; j <= v.a[0]; j++)</pre>
            o.a[i + j - 1] += u.a[i] * v.a[j];
    for (int i = 1; i <= o.a[0]; i++)
        if (o.a[i] >= 10) {
            o.a[i + 1] += o.a[i] / 10;
            o.a[i] %= 10;
    if (o.a[o.a[0] + 1])
       o.a[0]++;
    return o;
friend pair<big_decimal, big_decimal>

    decimal_divide(big_decimal u, big_decimal v) { //
 → 整除
    if(v > u)
        return make_pair(big_decimal(0), u);
    big_decimal o;
    o.a[0] = u.a[0] - v.a[0] + 1;
    int m = v.a[0];
    v <<= u.a[0] - m;</pre>
    for (int i = u.a[0]; i >= m; i--) {
        while (u >= v) {
            u = u - v;
            o.a[i - m + 1]++;
        v >>= 1;
    while (o.a[0] && !o.a[o.a[0]])
        o.a[0]--;
    return make_pair(o, u);
friend big_decimal operator + (const big_decimal &u,
 → const big_decimal &v) {
    if (u.negative || v.negative) {
        if (u.negative && v.negative)
            return -decimal_plus(-u, -v);
        if (u.negative)
            return v - (-u);
        if (v.negative)
            return u - (-v);
    return decimal_plus(u, v);
friend big_decimal operator - (const big_decimal &u,
 \hookrightarrow const big_decimal &v) {
    if (u.negative || v.negative) {
        if (u.negative && v.negative)
            return -decimal_minus(-u, -v);
        if (u.negative)
            return -decimal_plus(-u, v);
```

```
282
                if (v.negative)
283
                   return decimal_plus(u, -v);
284
285
286
            return decimal_minus(u, v);
287
288
289
        friend big_decimal operator * (const big_decimal &u,
290
          → const big_decimal &v) {
            if (u.negative || v.negative) {
291
                big_decimal o = decimal_multi(abs(u), abs(v));
292
293
                if (u.negative ^ v.negative)
294
                    return -o;
295
                return o;
296
297
298
            return decimal_multi(u, v);
299
300
301
        big_decimal operator * (long long x) const {
302
            if (x >= 10)
303
                return *this * big decimal(x);
304
305
            if (negative)
306
                return -(*this * x);
307
            big_decimal o;
309
            o.a[0] = a[0];
311
            for (int i = 1; i <= a[0]; i++) {
314
               o.a[i] += a[i] * x;
                if (o.a[i] >= 10) {
316
317
                    o.a[i + 1] += o.a[i] / 10;
                    o.a[i] %= 10;
318
319
320
321
            if (o.a[a[0] + 1])
322
               o.a[0]++;
323
324
            return o;
325
326
328
        friend pair<big_decimal, big_decimal> decimal_div(const
          if (u.negative || v.negative) {
                pair<big_decimal, big_decimal> o =
330
                  \hookrightarrow decimal_div(abs(u), abs(v));
331
                if (u.negative ^ v.negative)
332
                    return make_pair(-o.first, -o.second);
333
                return o;
336
            return decimal_divide(u, v);
337
339
        friend big_decimal operator / (const big_decimal &u,
340
          → const big_decimal &v) { // v不能是0
            if (u.negative || v.negative) {
341
                big_decimal o = abs(u) / abs(v);
342
343
```

```
if (u.negative ^ v.negative)
                     return -o;
345
                return o;
346
347
348
            return decimal_divide(u, v).first;
349
350
351
        friend big_decimal operator % (const big_decimal &u,
352
          → const big_decimal &v) {
            if (u.negative || v.negative) {
353
                big_decimal o = abs(u) % abs(v);
354
355
                 if (u.negative ^ v.negative)
356
357
                    return -o;
                 return o;
358
359
360
361
            return decimal_divide(u, v).second;
362
363
    };
```

7.3 xorshift

```
ull k1, k2;
   const int mod = 10000000;
   ull xorShift128Plus() {
       ull k3 = k1, k4 = k2;
       k1 = k4;
       k3 ^= (k3 << 23);
       k2 = k3 ^ k4 ^ (k3 >> 17) ^ (k4 >> 26);
       return k2 + k4;
   }
   void gen(ull _k1, ull _k2) {
       k1 = _k1, k2 = _k2;
11
       int x = xorShift128Plus() % threshold + 1;
12
       // do sth
13
14
15
   uint32_t xor128(void) {
17
       static uint32_t x = 123456789;
18
       static uint32 t y = 362436069;
19
       static uint32_t z = 521288629;
20
       static uint32_t w = 88675123;
       uint32_t t;
       t = x ^ (x << 11);
24
25
       x = y; y = z; z = w;
       return w = w ^ (w >> 19) ^ (t ^ (t >> 8));
26
27
```

7.4 常见数列

7.4.1 伯努利数

$$B(x) = \sum_{i \ge 0} \frac{B_i x^i}{i!} = \frac{x}{e^x - 1}$$

$$B_n = [n = 0] - \sum_{i=0}^{n-1} \binom{n}{i} \frac{B_i}{n - k + 1}$$

$$\sum_{i=0}^{n} \binom{n+1}{i} B_i = 0$$

$S_n(m) = \sum_{i=0}^{m-1} i^n = \sum_{i=0}^n \binom{n}{i} B_{n-i} \frac{m^{i+1}}{i+1}$

8. 注意事项

8.1 常见下毒手法

- 高精度高低位搞反了吗
- 线性筛抄对了吗
- sort比较函数是不是比了个寂寞
- 该取模的地方都取模了吗
- 边界情况(+1-1之类的)有没有想清楚
- 特判是否有必要,确定写对了吗

8.2 场外相关

- 安顿好之后查一下附近的咖啡店,打印店,便利店之类的位置,以备不时之需
- 热身赛记得检查一下编译注意事项中的代码能否过编译,还有熟悉比赛场地,清楚洗手间在哪儿,测试打印机(如果可以)
- 比赛前至少要翻一遍板子,尤其要看原理与例题
- 比赛前一两天不要摸鱼,要早睡,有条件最好洗个澡;比赛当天不要起太晚,维持好的状态
- 赛前记得买咖啡,最好直接安排三人份,记得要咖啡因比较足的;如果主办方允许,就带些巧克力之类的高热量零食
- 入场之后记得检查机器,尤其要逐个检查键盘按键有没有 坏的:如果可以的话,调一下gedit设置
- 开赛之前调整好心态,比赛而已,不必心急.

8.3 做题策略与心态调节

- 拿到题后立刻按照商量好的顺序读题,前半小时最好跳过 题意太复杂的题(除非被过穿了)
- 签到题写完不要激动,稍微检查一下最可能的下毒点再 交,避免无谓的罚时
 - 一两行的那种傻逼题就算了
- 读完题及时输出题意,一方面避免重复读题,一方面也可以 让队友有一个初步印象,方便之后决定开题顺序
- 一个题如果卡了很久又有其他题可以写,那不妨先放掉写 更容易的题,不要在一棵树上吊死
 - 一不要被─两道题搞得心态爆炸,一方面急也没有意义,一方面你很可能真的离AC就差一步
- 榜是不会骗人的,一个题如果被不少人过了就说明这个题很可能并没有那么难;如果不是有十足的把握就不要轻易开没什么人交的题;另外不要忘记最后一小时会封榜
- 想不出题/找不出毒自然容易犯困,一定不要放任自己昏昏欲睡,最好去洗手间冷静一下,没有条件就站起来踱步
- 思考的时候不要挂机,一定要在草稿纸上画一画,最好说出声来最不容易断掉思路
- 出完算法一定要check一下样例和一些trivial的情况,不然容易写了半天发现写了个假算法
- 上机前有时间就提前给需要思考怎么写的地方打草稿,不要浪费机时
- 查毒时如果最难的地方反复check也没有问题,就从头到脚仔仔细细查一遍,不要放过任何细节,即使是并查集和sort这种东西也不能想当然
- 后半场如果时间不充裕就不要冒险开难题,除非真的无事可做
 - 如果是没写过的东西也不要轻举妄动,在有其他好写的题的时候就等一会再说
- 大多数时候都要听队长安排,虽然不一定最正确但可以保持组织性
- 最好注意一下影响,就算忍不住嘴臭也不要太大声
- 任何时候都不要着急,着急不能解决问题,不要当詰国王
- 输了游戏,还有人生;赢了游戏,还有人生.