Лабораторная работа №2

Антипов Денис, гр. 5539 (вариант 17 (1)) 9 мая 2015 г.

1 Описание задачи

Разработать real-coded алгоритм, минимизирующий на квадрате $-5.12 \leq x,y \leq 5.12$ функцию

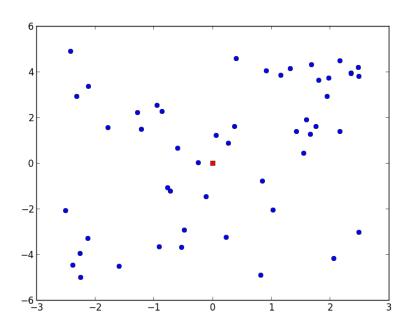
$$f(x,y) = x^2 + y^2.$$

2 Описани алгоритма

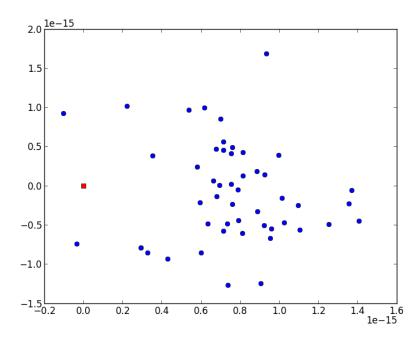
- Варьируемые параметры алгоритма:
 - Турнирная вероятность
 - Вероятность кроссинговера
 - Вероятность мутации
 - Коэффициент расширения кроссинговера
 - Размер популяции
 - Размер следующего поколения
- Индивид представляется вектором с двумя вещественными координатами. Первое поколение генерируется случайно, все индивиды равномерно распределены по квадрату, в котором происходит поиск.
- Оператор редукции использует турнирный отбор для выбора двух родителей. Оператор аналогичен описанному подробно в моем отчете к $\Pi P \ M1$
- Далее используется опреатор линейного расширенного кроссинговера с вероятностью кроссинговер. При этом коэффициент расширения может настраиваться перед запуском расширения.
- Оператор мутации случайным образом изменяет одну из координат каждого индивида из нового поколения с вероятностью мутации.
- Новое поколение доукомплектовываается до размера популяции лучшими особями прошлого поколения.

3 Результаты работы алгоритма

Результат одного из запусков алгоритма показан на рисунках ниже: Начальное распределение



Конечное распределение



Наилучшя точка: $f(3.53 \cdot 10^{-16}, 3.83 \cdot 10^{-16}) = 2.71 \cdot 10^{-31}$

В этом запуске, как и в других, алгоритм не нашел точного оптимума, но нашел достаточно точный результат.

Варьирование параметров давало следующие результаты:

- Уменьшение турнирной вероятности, вероятности кроссинговера и размера следующего поколения относительно размера популяции уменьшали скорость сходимости алгоритма.
- Изменение вероятности мутации почти не влияло на сходимость алгоритма, разве что в конечном результате иногда появлялись точки, начительно отдаленные от оптимума.
- Уменьшение коэффициента расширения в кроссинговере приводило к сходимости точек дальше от реального оптимума, что понижало точность. Такое случалось, когда все особи популяции имель одну координату строго больше или строго меньше одной из координат оптимума.