Лабораторная работа №4

Антипов Денис, гр. 5539 (вариант 17) 30 мая 2015 г.

1 Описание задачи

Требуется реализовать алгоритм, находящий функцию наиболее близкую к

$$f(x) = \sum_{i=1}^{9} i * x_i^2$$

с помощью различных комбинаций функций $+, -, *, /, \cos, \sin, |x|, pow, exp$ на гиперкубе $x_i \in [-5.12; 5.12]$

2 Описание алгоритма

Алгоритм использует древовидное представление деревьев. В качестве фитнессфункции используется среднеквадратичное отклонение от эталона по случайной выборке значений.

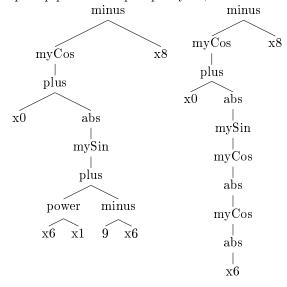
Оператор редукции выбирает особи популяции, чьи среднеквадратичное отклонение не является NaN или ∞ с вероятностями, обратно пропорциональными их фитнес-функциям.

Оператор кроссинговера выбирает 2 случайных вершины у родителей и меняет их местами.

Пример двух родителей: mySin minus myCos mul \exp exp mySin power myCos minus x6 Их дети: mySin minus myCos exp mul x1power exp mySin myCos

Оператор мутации выбирает случайную вершину в дереве (кроме корня), удаляет ее и выращивает вместо нее новое дерево небольшой глубины.

Пример работы оператора мутации:



3 Результаты работы алгоритма

Результаты в моем случае неудовлетворительны, так как у меня нет достаточной вычислительной мощи для того, чтобы приблизить функцию на всем участке исследования. Вместо этого при подсчете фитнес-функции я каждый раз делаю небольшую выборку точек из рассматриваемого множества и смотрю среднеквадратичную разность на них. Попытки создать сетку, более-менее покрывающую весь гиперкуб к успеху не привела, так как даже если в каждом измерении было всего по 3 точки, то всего понадобилосьб бы 3^9 итераций, чтобы посчитать среднее квадратичное отклонение. На моем ноутбуке подсчет фитнес-функции длился несколько минут.

Из-за маленького размера сетки алгоритм всегда в течение 15 итераций сходился к функции, являющейся линейной от одной переменной. Расширение популяции ничего не изменило. Даже, скорее, ускорило сходимость.