Докажите по определению:  $\lim_{n\to +\infty} \frac{\sqrt{n^2+n}-\sqrt{n}}{2(\sin n+\sqrt{n})^2}=\frac{1}{2}$ 

Докажите по определению:  $\lim_{n\to +\infty} \frac{\sqrt{3n+1}-\sqrt{3n-1}}{\sqrt{3n-2}} = 2$  Докажите по определению:  $\lim_{n\to +\infty} \frac{n^2+\sqrt{n^2+1000}}{\cos n^2+\sin n^2+n^2} = 1$  Покажите по определению:  $\lim_{n\to +\infty} \frac{n^2+\sqrt{n^2+1000}}{\cos n^2+\sin n^2+n^2} = 1$ 

Докажите по определению:  $\lim_{n\to +\infty}\frac{\sqrt[3]{2n+1}}{\sqrt[3]{n+sqrt[3]n}}=\sqrt[3]{2}$  Докажите расходимость:  $x_n=\frac{n^2+n^3}{2^{\cos\frac{\pi n}{2}}}$  Докажите расходимость:  $x_n=\frac{\sin(\pi^{\frac{2n+1}{2}})}{1+\frac{1}{n}}$ 

Докажите сходимость по критерию Коши:  $x_n = \sum_{k=1}^n \frac{k \cos k}{2^k}$  Докажите сходимость по критерию Коши:  $x_n = \sum_{k=1}^n \frac{k^2 + 1}{2^k}$ 

Посчитайте предел:  $\lim_{x\to 0} (\sqrt{1+x}-x)^{\frac{1}{x}}$  Посчитайте предел:  $\lim_{x\to 0} \frac{10^x-2^x}{\tan x}$ 

Посчитайте предел:  $\lim_{x \to \frac{\pi}{2}} \left( \frac{\pi}{\cos x} - 2x \tan x \right)$ 

Посчитайте предел:  $\lim_{x\to\infty} \left(1+3x^4\right)^{\frac{1}{\sin^2 x}}$ 

Найдите эквивалентную  $Cx^n$ :  $\sqrt{2x+\sqrt{x+\sqrt{x}}},$  где  $x\to +0$ 

Найдите эквивалентную  $Cx^n$ :  $\sqrt{2x+\sqrt{x+\sqrt{x}}}$ , где  $x\to +\infty$ 

Найдите эквивалентную  $Cx^n$ :  $2e^{x^4}+(\cos x-1)^2+x^5-2$ , где  $x\to 0$  Найдите эквивалентную  $Cx^n$ :  $1-\cos\left(1-\cos\left(\frac{1}{x}\right)\right)$ , где  $x\to \infty$ 

Найдите эквивалентную  $Cx^n$ :  $e^{\frac{1}{x}} \ln(1+x) + x^2$ , где  $x \to -0$