

Second Rapport de stage de Recherche au LPNHE
Mesure de la croissance des structures avec les galaxies du DESI BGS et les
supernovae de type Ia de ZTF : vers une analyse jointe

Antoine Gilles–Lordet
encadré par Pauline Zarrouk et Nicolas Regnault

Contents

1 Synthèse	5
2 Introduction	7
2.1 Contexte	7
2.1.1 Analyse du clustering des galaxies pour mesurer $f\sigma_8$	7
2.1.2 Analyse cosmologique avec des SN Ia	8
2.2 Objectifs	9
2.3 Enjeux	9
2.4 Reformulation du problème dans son contexte	9
3 Approche et analyse	11
3.1 État de l'art	11
3.1.1 Mesurer $f\sigma_8$ avec le clustering des galaxies et les SN de type Ia	11
3.2 Approche de résolution du problème	13
3.2.1 Génération des SN Ia et reconstruction des vitesses particulières	13
3.3 Résultats intermédiaires et finaux visés	16
3.4 Difficultés rencontrées	16
3.5 Gestion des risques réalisée	16
4 Résultats	17
4.1 Validation de LEMAITRE sur simulations	17
4.2 Extraction des vitesses particulières	17
5 Travail futur	19
6 Bilan personnel	21
7 Enjeux éthiques	i
A Annexes	iii
A.1 Fonctionnement des modules	iii
A.1.1 PETS	iii
A.1.2 NaCl	iv
A.1.3 EDRIS	iv
A.2 Méthode de l'analyse jointe $f\sigma_8$	iv

Chapter 1

Synthèse

Chapter 2

Introduction

2.1 Contexte

Le modèle standard de la cosmologie, nommé Λ CDM, suppose que la gravité est décrite à toutes les échelles par la relativité générale, et que les principales contributions à la gravité viennent de la matière noire froide (*Cold Dark Matter*) et l'énergie noire (sous la forme d'une constante cosmologique Λ). Ces deux inconnues sont nécessaires pour décrire l'évolution de l'Univers ainsi que la croissance des structures aux grandes échelles, et permettent à ce jour de reproduire fidèlement les observations, en particulier l'expansion accélérée de l'univers. Cependant des modèles alternatifs de gravité ont également été proposés pour expliquer cette accélération sans faire intervenir de constante cosmologique, et prédisent des évolutions temporelles différentes de celles de la relativité générale pour certaines quantités.

2.1.1 Analyse du clustering des galaxies pour mesurer $f\sigma_8$

Une de ces quantités est le facteur linéaire de croissance des structures à un redshift donné, $f(z)$, qu'il faut donc pouvoir mesurer avec précision en incluant différents effets tels que les **Redshift Space Distorsion (RSD)** (Kaiser, 1987), des distorsions liées aux transformations des coordonnées comobiles vers l'espace des redshifts. Pour mesurer la croissance des structures, la méthode la plus commune se base sur ces distorsions. Le redshift mesuré, par exemple par spectroscopie, ne contient pas uniquement le redshift cosmologique dû à l'expansion de l'univers, mais inclut également une contribution due aux vitesses particulières des galaxies par effet Doppler. Ce terme supplémentaire déplace les galaxies dans l'espace des redshifts par rapport à l'espace comobile, et les corrélations spatiales du champ de densité deviennent alors anisotropes : le long de la ligne de visée, les galaxies semblent plus regroupées qu'orthogonalement à la ligne de visée. A grande échelle, l'amplitude de cette anisotropie étant proportionnelle au facteur de croissance des structures f et à l'amplitude des fluctuations du champ de densité, représenté communément par σ_8 (l'écart-type du champ de densité dans une sphère de rayon $8h^{-1}\text{Mpc}$), ces analyses du clustering des galaxies contraignent le paramètre composite $f(z)\sigma_8(z)$. De nombreuses analyses des distorsions dans l'espace des redshifts ont été effectuées à l'aide de relevés spectroscopiques, tels que 6dFGRS (Beutler et al., 2012), SDSS-MGS (Howlett et al., 2015), FastSound (Okumura et al., 2016), SDSS-III BOSS (Alam et al., 2017) ou SDSS-IV eBOSS (eBOSS Collaboration et al., 2021). Les dernières mesures atteignent une précision de l'ordre de 10%, et sont compatibles avec la relativité générale.

Une autre méthode pour mesurer $f\sigma_8$ est de dériver le paramètre des mesures directes des

vitesse particulières des galaxies. Les vitesses particulières peuvent être mesurées directement à condition de pouvoir mesurer indépendamment les redshifts et les distances absolues des galaxies. Des mesures précises des redshifts peuvent être obtenues par spectroscopie et des estimations des distances peuvent être obtenues en utilisant les corrélations entre les distances et d'autres observables, telle que la relation de Tully-Fisher pour les galaxies spirales (corrélacion entre la vitesse radiale de ses étoiles et la luminosité totale de la galaxie, Tully and Fisher, 1977) ou la méthode du Plan Fondamental (Djorgovski and Davis, 1987). Ces corrélations sont utilisables uniquement pour des galaxies à des redshifts relativement faibles ($z < 0,1$) car les incertitudes augmentent rapidement avec le redshift. Les propriétés statistiques d'un échantillon de vitesses particulières peuvent ensuite être utilisées seules ou en combinaison avec un champ de densité de galaxies.

2.1.2 Analyse cosmologique avec des SN Ia

À bas redshift, un autre moyen d'obtenir les distances vient des supernovae (SNe) de type Ia (Hoyle and Fowler, 1960). Ces SNe sont des explosions thermonucléaire de naine blanche dans un système binaire, riches en carbone et oxygène, et présentent la particularité d'avoir des conditions d'explosions très similaires les unes aux autres. Grâce à cette standardisabilité, elles constituent d'excellentes chandelles standard, et ont notamment permis la découverte de l'accélération de l'expansion de l'Univers (Perlmutter et al., 1998; Riess et al., 1998). La réalisation d'un diagramme de Hubble¹ de nouvelle génération utilisant des lots encore non exploités de SN Ia des relevés *Zwicky Transient Facility* (ZTF, Bellm et al., 2018), le SuperNovae Legacy Survey (SNLS, Pritchett and SNLS Collaboration, 2004) et Hyper Suprime-Cam Subaru Strategic Program (HSC-SSP, Aihara et al., 2018; Miyazaki et al., 2012) est actuellement l'objet du projet LEMAITRE au LPNHE. Ce projet vise à développer un nouveau pipeline d'analyse cosmologique à partir des SN Ia adapté au traitement des volumes de données attendus des prochains programmes d'observation tels que LSST (The LSST Dark Energy Science Collaboration et al., 2021).

La standardisation des SN Ia est décrite par la formule de Tripp (Tripp, 1998)

$$M_{b,SN}^* = M_b - \alpha x_{1,SN} + \beta c_{SN} + \sigma_{int} \quad (2.1)$$

où $M_{b,SN}^*$ est la magnitude absolue (*i.e.* dans le référentiel propre) de la SN dans la bande B, $x_{1,SN}$ est le *stretch* (étalement temporel) de la SN, c_{SN} est la couleur (décalage spectral) de la SN, M_b est la magnitude absolue moyenne à $c = 0$ et $x_1 = 0$ dans la bande B, α et β sont des coefficients valant respectivement 0.14 et 3.15, et σ_{int} est la dispersion intrinsèque des SNe, elle suit une distribution Gaussienne.

Une fois la standardisation effectuée et le modèle accordé au diagramme de Hubble, les résidus au modèle donnent accès aux vitesses particulières des SNe, c'est-à-dire la vitesse des galaxies hôtes des SNe par rapport à l'expansion de l'univers (Davis et al., 2011). Cet effet est représenté en Fig. 2.1. Si les hôtes des SNe n'avaient pas de vitesses particulières, le redshift des SNe proviendrait uniquement de l'expansion de l'univers et elles s'aligneraient parfaitement sur le modèle. En réalité, elles sont décalées horizontalement par rapport à la ligne de base du modèle car les vitesses particulières de leurs hôtes est la source d'un effet Doppler additionnel qui modifie leur redshift : les SNe qui se rapprochent de nous apparaissent plus bleues et celles qui s'éloignent de nous apparaissent plus rouges qu'elles ne devraient l'être. Elles fournissent donc une estimation des vitesses particulières qui peut être utilisées en combinaison avec un champ de densité de galaxies pour mener une analyse $f\sigma_8$ (Boruah et al., 2022; Stahl et al., 2021). Ces

¹Un diagramme de Hubble est la représentation de la relation $v(d) = H(z)d$, où v est la vitesse d'un objet par rapport à l'observateur et d sa distance à l'observateur.

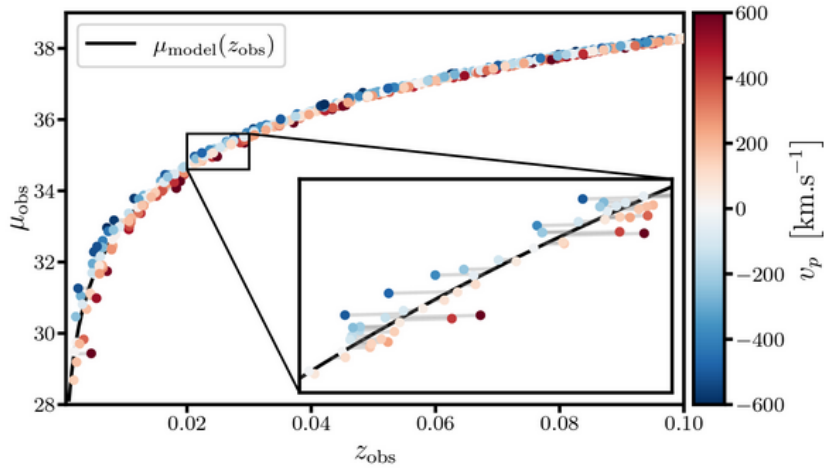


Figure 2.1: Résidus de SNe simulées au diagramme de Hubble sous-jacent. Crédit : B. Carreres

analyses jointes permettent de meilleure contraintes sur $f\sigma_8$ à bas redshift que pour les analyses de RSD des galaxies (voir Fig. 3.2).

2.2 Objectifs

L'objectif du stage est double :

1. Produire des échantillons simulés de SNe basés sur les positions des galaxies de la simulation Uchuu qui reproduit les données spectroscopiques du DESI BGS, ainsi que les observations de ZTF, et les utiliser pour tester le pipeline LEMAITRE actuellement en développement au LPNHE pour produire les diagrammes de Hubble et reconstruire la cosmologie sous-jacente des échantillons. Le pipeline étant encore en développement, je développe l'intégration des différents modules et je les teste.
2. Comparer les résultats de ce pipeline, *i.e.* les positions ainsi que les vitesses particulières reconstruites, aux données d'entrée et les utiliser pour
 - (a) Estimer $f\sigma_8$ à partir des vitesses particulières de SNe de ZTF et comparer ces résultats avec ceux de B. Carreres Carreres et al., 2023.
 - (b) Produire une analyse jointe du DESI BGS et des SNe de ZTF pour quantifier le gain sur les contraintes de $f\sigma_8$.

2.3 Enjeux

Cosmologie de précision sur fs_8

2.4 Reformulation du problème dans son contexte

?

Chapter 3

Approche et analyse

3.1 État de l’art

3.1.1 Mesurer $f\sigma_8$ avec le clustering des galaxies et les SN de type Ia

Plusieurs méthodes ont été développées pour extraire des mesures du taux de croissance à partir de vitesses particulières :

- la méthode dite du maximum de vraisemblance, où les champs de vitesse (et de densité) sont supposés être tirés de distributions Gaussiennes multivariées et sur lesquels un ajustement de $f\sigma_8$ est réalisé par maximum de vraisemblance (Adams and Blake, 2020; Carreres et al., 2023; Howlett et al., 2017; Huterer et al., 2017; Johnson et al., 2014; Lai et al., 2022);
- l’analyse de statistiques compressées à deux points telles que la fonction de corrélation à deux points, le spectre de puissance, ou les vitesses moyennes par paire sur lesquelles $f\sigma_8$ est ajusté (Dupuy et al., 2019; Nusser, 2017; Qin et al., 2019; Turner et al., 2023);
- la comparaison entre les vitesses observées et celles reconstruites à partir du champ de densité (Boruah et al., 2020; Carrick et al., 2015; Davis et al., 2011; Said et al., 2020; Stahl et al., 2021). En utilisant un modèle de gravitation, on peut exprimer le champ de vitesse à partir du champ de densité et du taux de croissance des structures. Cette relation peut alors être utilisée pour obtenir $f\sigma_8$ en faisant concorder les vitesses particulières observées et celles obtenues à partir du champ de densité;
- l’inférence dite *fieldlevel*, qui consiste à retracer l’évolution complète de l’univers à partir de conditions initiales à l’aide d’un modèle, puis à comparer le résultat obtenu aux observations des champs de densité et vitesses, et rétro-propager les erreurs jusqu’aux conditions initiales (Boruah et al., 2022; Prideaux-Ghee et al., 2023).

Un résumé des valeurs obtenues par ces diverses analyse est représenté en Fig. 3.1. J’utilise pour l’analyse $f\sigma_8$ la méthode décrite dans Boruah et al., 2020; Stahl et al., 2021, qui est de comparer les vitesses observées reconstruites avec des SN Ia aux vitesses déduites du champ de densité.

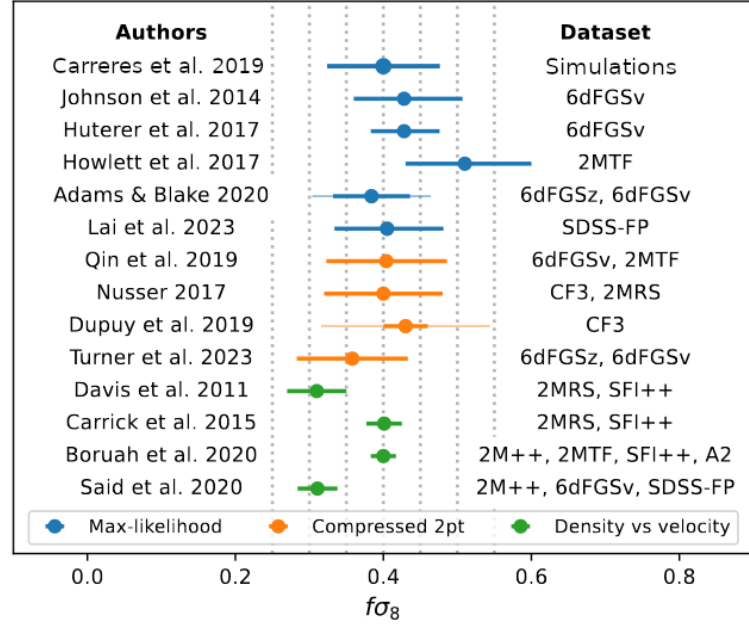


Figure 3.1: Mesures du coefficient de croissance des structures $f\sigma_8$ à partir de vitesses particulières et de catalogues de galaxies. Les barres d'erreurs en trait fin incluent les erreurs systématiques, à l'exception de Dupuy et al. 2019, pour lequel la contribution supplémentaire vient de la variance cosmique. Credit : Carreres et al., 2023.

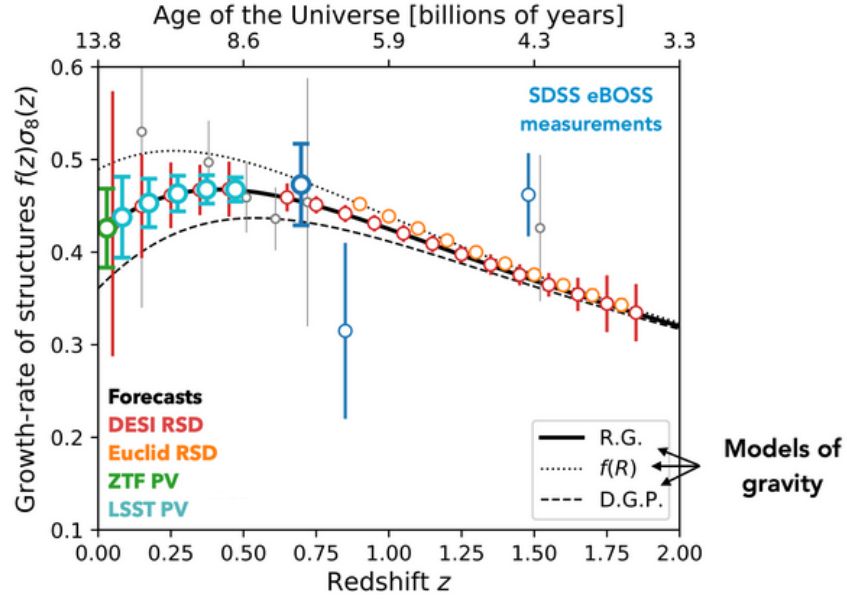


Figure 3.2: Prévisions des contraintes sur $f\sigma_8$ pour les relevés DESI (Hahn et al., 2023), Euclid (Euclid Collaboration et al., 2024) et la combinaison de DESI avec des vitesses particulières de ZTF Carreres et al., 2023 ou LSST Howlett et al., 2017. Credit : J. Bautista

Paramètre	Distribution
Temps de maximum du flux en bande B t_0	Uniforme entre le 02/03/2018 et le 01/01/2021
Stretch x_1	Gaussienne bimodale (Nicolas et al., 2021)
Couleur c	Loi exponentielle convoluée avec une gaussienne (Ginolin et al., 2024)
Magnitude absolue m_{abs}	Obtenue par la formule de Tripp
Magnitude observée m_{obs}	$m_{obs} = 5 \log(d_L(z)) + 25 + m_{abs}$
Amplitude x_0	$x_0 = 10^{0.4(m_b - m_{obs})}$

Table 3.1: Distributions des paramètres pour le tirage des SN Ia

3.2 Approche de résolution du problème

La méthode générale employée suit celle de Carreres et al., 2023 pour les simulations et reconstruction de vitesses particulières des SNe en utilisant les nouveaux modules développés pour le projet LEMAITRE. L'analyse $f\sigma_8$ prévue suit quand à elle celle de Boruah et al., 2020; Stahl et al., 2021.

3.2.1 Génération des SN Ia et reconstruction des vitesses particulières

Les vitesses particulières des SNe simulées ne peuvent pas être tirées aléatoirement, puisqu'elles doivent être en accord avec les structures de galaxies et les unes avec les autres. Une possibilité est de simuler la dynamique de la matière noire d'un univers via une simulation à N-corps, et de la peupler de galaxies en fonction de la distribution de densité obtenue. Cette méthode a été utilisée à partir de la simulation Uchuu (Prada et al., 2023) à 2.1 billions de particules, peuplée avec des galaxies du *DESI Bright Galaxy Survey* (BGS) qui est un set complet de galaxies lumineuses ($r < 19.5$ pour le sous-échantillon *Bright*) à bas redshift ($z < 0.4$) (Hahn et al., 2023), pour produire un univers statistiquement fidèle au notre. Le catalogue obtenu reproduit donc à la fois le champ de densité et le champ de vitesse, à partir duquel des SNe avec vitesses particulières peuvent être tirées.

Dans un premier temps, un échantillon de SN Ia est généré selon les distributions observées des paramètres x_0 , x_1 , c et t_0 (voir Table 3.1), et les positions et redshifts des galaxies BGS simulées dans Uchuu.

Seules les galaxies à redshift $z < 0.06$ sont utilisées afin de s'affranchir du biais de Malmquist (voir notamment Carreres et al., 2023 ou Boyd et al., 2024). Ce biais observationnel vient du fait que les télescopes ont une magnitude limite d'observation, au-delà de laquelle les SNe ne sont plus détectées. Or, à un redshift donné, les SNe couvrent une plage de magnitude du fait de la dispersion due aux paramètres de standardisations, à la dispersion intrinsèque et aux vitesses particulières. Ainsi, à haut redshift, les SNe les moins brillantes ne sont pas observées, ce qui biaiserait une estimation des paramètres cosmologique. ZTF est considéré complet jusqu'à $z = 0.6$, ce qui signifie que l'impacte du biais de Malmquist en dessous de ce redshift est négligeable.

La période du 02/03/2018 au 01/01/2021 utilisée pour le tirage du temps de maximum correspond à la plage temporelle de la DR2.5 de ZTF qui sera exploitée par LEMAITRE. Cette restriction sert à la fois à avoir un volume de donné proche de celui que devra traiter le pipeline LEMAITRE pour estimer sa rapidité, et à pouvoir quantifier le gain qui pourrait être obtenu sur $f\sigma_8$ avec des réelles. Le taux d'explosions de SN Ia est pris égal à $2,35.10^4 \text{Gpc}^{-3}$ (Perley et al., 2020). Pour le calcul de la magnitude observée, $d_L(z)$ représente la distance de luminosité, qui est calculée à l'aide d'un modèle ΛCDM contraint par les données de Planck 2015 (Planck

Collaboration et al., 2016) pour correspondre au modèle cosmologique utilisé pour générer la simulation Uchuu.

Une fois les paramètres tirés, des points de données d'observations photométriques et spectroscopiques sont générés en utilisant le modèle de SNe SALT2.4 (Guy et al., 2007; Rigault et al., 2024) et les logs d'observations de ZTF. Ce modèle consiste en trois fonctions $M_0(p, \lambda)$, $M_1(p, \lambda)$ et $CL(\lambda)$ de manière à décrire les flux des SNe par :

$$F(SN, p, \lambda) = x_0 \times [M_0(p, \lambda) + x_1 M_1(p, \lambda)] \times \exp[cCL(\lambda)] \quad (3.1)$$

où p , nommé phase, est le temps dans le référentiel de la SN depuis la date du maximum de luminosité dans la bande B, λ est la longueur d'onde dans le référentiel de la SN, x_0 est l'amplitude du flux, et x_1 et c sont les paramètres de standardisations de stretch et couleur.

Une fois les observations simulées, le set de données obtenu est passé à travers les différents modules du pipeline LEMAITRE :

1. Le module PETS (Preprocessing and sElection of a Training Sample) effectue une première sélection en éliminant les points de photométrie ainsi que les SNe mal mesurés. Il donne également une première évaluation des paramètres de standardisation des SNe, qui sert de point de départ pour NaCl.
2. Le module NaCl (Nouvel algorithme de Courbe de lumière) ajuste un modèle type SALT2.4 aux SNe et réévalue les paramètres de standardisations. Il fournit également la matrice de covariance des paramètres des différentes SN et des paramètres des modèles ajustés.
3. Le module EDRIS (Estimateur de Distance pour les Relevés Incomplets de Supernovae) utilise les paramètres de standardisations et leur matrice de covariance pour ajuster un modèle cosmologique sur les points de données et évaluer les paramètres α et β du modèle de Tripp (eq. 2.1).

Avec les résultats d'EDRIS, on peut remonter aux modules de distances

$$\mu = m_b - M_b^* \quad (3.2)$$

où m_b est la magnitude maximale dans la bande B. Comme les modules de distances ne dépendent que du redshift via le modèle cosmologique, en théorie $\mu = \mu(z)$ et tout les points devraient s'aligner sur le modèle (à une dispersion Gaussienne introduite par σ_{int} près). En réalité comme mentionné en section ??, les vitesses particulières ont pour effet de décaler les redshifts observés. Les points de données sont décalés horizontalement par rapport à la courbe théorique de $\mu(z)$ (voir Fig. 2.1 et 3.3).

On peut alors inverser cette courbe pour obtenir une relation $z(\mu)$, c'est-à-dire obtenir le redshift auquel correspond un module de distance, puis remonter aux vitesses particulières en utilisant :

$$v_p = c(z_{obs} - z(\mu)) \quad (3.3)$$

avec c la vitesse de la lumière. Les vitesses particulières ainsi obtenues sont représentées en Fig. 3.4. Les vitesses reconstruites sont en très bon accord avec les vitesses injectées : l'erreur moyenne n'est que de 54km.s^{-1} et l'écart type de l'erreur commise est de 410km.s^{-1} , ce qui est faible sachant que les vitesses particulières valent en moyenne $\sim 200\text{km.s}^{-1}$ et présentent une dispersion de $\sim 300\text{km.s}^{-1}$. L'effet de la dispersion intrinsèque sur l'estimation des vitesses particulières est particulièrement visible à haut redshift, car la contribution des vitesses particulières au redshift observé est alors plus faible, et le module de distance évolue plus lentement avec le redshift.

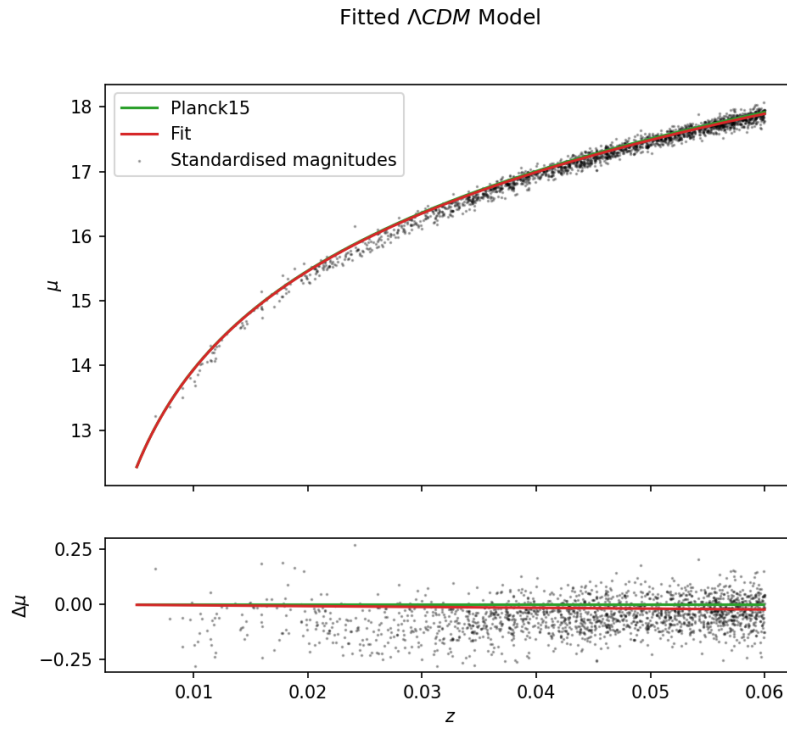
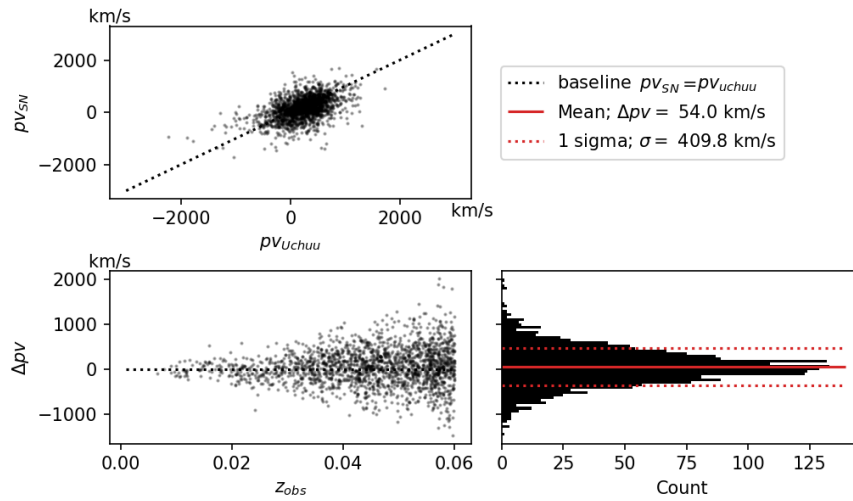


Figure 3.3: Modèle et standardisation ajustés par EDRIS

Figure 3.4: Comparaison entre les vitesses particulières injectées (dénommée pv_{Uchuu}) et les vitesses particulières reconstruites (pv_{edris}).

3.3 Résultats intermédiaires et finaux visés

que ça marche

3.4 Difficultés rencontrées

La principale difficulté que j'ai rencontré a été de suivre le développement des différents modules de LEMAITRE tout en les utilisant et en remplissant mes tâches. Puisque l'intégration des modules n'était pas encore réalisée, j'ai pu identifier différents problèmes qui y étaient liés tels que des différences de convention ou de notation pour des variables. Mes tests ont également permis de révéler certains comportements anormaux des modules lors de leur utilisation sur des données réalistes (par exemple des erreurs liées à des paramètres sortant des plages de définition du modèle dans NaCl), et de mettre en lumière des étapes de filtrages des données entre les modules afin d'assurer leurs bons fonctionnements. Cela a nécessité de faire des points pour discuter de l'avancement des modules en plus des points hebdomadaires prévus avec les autres membres de l'équipe, afin de remonter et résoudre les problèmes rencontrés, et être à jour sur l'utilisation des modules.

Une autre difficulté notable a été la compréhension fine du domaine et des tâches, afin de proposer une analyse correcte et robuste. J'ai parfois eu du mal à différencier certains concepts et outils, mais avec des explications et l'aide de mes encadrants et des autres chercheurs de l'équipe, j'ai pu surmonter cette difficulté.

3.5 Gestion des risques réalisée

?

Chapter 4

Résultats

4.1 Validation de LEMAITRE sur simulations

4.2 Extraction des vitesses particulières

Chapter 5

Travail futur

FS8

Chapter 6

Bilan personnel

TODO

Chapter 7

Enjeux éthiques

TODO

Appendix A

Annexes

A.1 Fonctionnement des modules

A.1.1 PETS

PETS a pour but de sélectionner les SN qui sont suffisamment bien échantillonnées pour l'entraînement du modèle par NaCl. Le fonctionnement de PETS est découpé en 3 étapes, tous utilisant le modèle **SALT2.4** déjà entraîné :

1. Une sélection des points de données utilisables.
2. La réalisation d'une grille de temps de maximums et des fits associés à chacun de ces temps
3. La sélection des SNe

La sélection des points de données est effectuée en rejetant itérativement les points de données à plus de 3σ du fit **SALT2.4**. Ensuite, en partant du $t_{max,0}$ d'un fit complet des points restants, une grille de temps de maximum est réalisée. Elle contient 150 points dans les intervalles $[t_{max,0} - 20; t_{max,0} - 5]$ et $[t_{max,0} + 5; t_{max,0} + 20]$ et 1000 points dans l'intervalle $[t_{max,0} - 5; t_{max,0} + 5]$. Le modèle est alors fitté sur les données en fixant le temps de maximum à un de ces points, puis PETS analyse la courbe $\chi^2(t_{max})$ afin de garder ou rejeter la SN. Une SN est gardée si :

1. $\chi^2(t_{max})$ présente un minimum global à t_{min} , qui n'est pas aux bords de l'intervalle $[t_{max,0} - 20; t_{max,0} + 20]$
2. L'incertitude sur t_{min} est inférieure à 1 jour.
3. L'écart entre les incertitudes positives et négatives à 3σ est inférieur à 0.3, ce qui caractérise la symétrie de $\chi^2(t_{max})$ autour de t_{min}
4. $\chi^2(t_{max})$ ne présente pas d'autres minimums à 8σ de ce minimum global, *i.e.* il n'y a pas d'autres minimums susceptibles de coïncider le fit de NaCl.
5. Les valeurs de x_1 et c fittées sont respectivement inférieures à 4 et 2, ce qui impose que le fit ne décrit pas une SN extrêmement distordue (bien qu'elle soit toujours décrite par le modèle).

Une version mise à jour de PETS utilisant un modèle NaCl pré-entraîné à la place de **SALT2.4** est en cours de développement, mais je ne l'ai pas utilisée.

A.1.2 NaCl

A.1.3 EDRIS

A.2 Méthode de l'analyse jointe $f\sigma_8$

Comme mentionné précédemment, l'analyse $f\sigma_8$ se base sur la méthode de comparaison entre les vitesses particulières et celles obtenues à partir du champ de densité, plus précisément sur la méthodologie de Stahl et al., 2021.

La relation entre le champ de vitesse et le contraste de densité des galaxies $\delta_g = \frac{\rho_g}{\rho_g} - 1$ est donné par :

$$\mathbf{v}(\mathbf{r}) = \frac{H_0 \mathcal{B}}{4\pi} \int_0^{R_{max}} d^3 \mathbf{r}' \delta_g(\mathbf{r}') \frac{\mathbf{r}' - \mathbf{r}}{|\mathbf{r}' - \mathbf{r}|} + \mathbf{V}_{ext} \quad (\text{A.1})$$

où $\mathcal{B} = \frac{f}{b}$, avec b le biais entre le contraste de densité des galaxies et celui de la matière noire ($\delta_g = b\delta_{DM}$), R_{max} est la distance maximale couverte par le catalogue, et \mathbf{V}_{ext} est le flux cohérent causé par des structures à l'extérieur du catalogue.

Les vitesses obtenues à partir du champ de densité sont alors ajustées sur celles des vitesses particulières issues des SN à partir d'une méthode *Forward Likelihood*. Les paramètres \mathcal{B} et \mathbf{V}_{ext} ainsi que d'autres paramètres de nuisance liés aux observations Θ (notamment les paramètres du modèle de Tripp α , β , M_b et σ_{int} , voir Eq. 2.1) sont reliés aux paramètres observables des SN (\mathbf{x}_i) via la probabilité conditionnelle $\mathcal{P}(\mathcal{B}, \mathbf{V}_{ext}, \Theta | \mathbf{x}_i)$, qui peut être exprimée à l'aide du théorème de Bayes

$$\mathcal{P}(\mathcal{B}, \mathbf{V}_{ext}, \Theta | \mathbf{x}_i) \propto \mathcal{P}(\mathbf{x}_i | \mathcal{B}, \mathbf{V}_{ext}, \Theta) \mathcal{P}(\mathcal{B}, \mathbf{V}_{ext}, \Theta) \quad (\text{A.2})$$

Les priors sur les paramètres de nuisance du modèle de Tripp sont non restrictifs, ils imposent simplement $\alpha, \beta > 0$ et $M < 0$, tandis que σ_{int} est log-normale avec un pic à 0.15 mag.

Pour corriger d'éventuelles inhomogénéités selon différentes lignes de visées, on doit introduire de plus une distribution radiale

$$\mathcal{P}(\mathbf{r} | \Theta) = \frac{1}{\mathcal{N}(\Theta)} r^2 \exp \left\{ -\frac{[\mu(\mathbf{r}) - \mu(\Theta)]^2}{2\sigma_\mu^2(\Theta)} \right\} [1 + \delta_g(\mathbf{r})] \quad (\text{A.3})$$

où \mathbf{r} est un vecteur comobile pointant sur la sphère céleste, $\mathcal{N}(\Theta)$ est un coefficient de normalisation, μ est le module de distance, et σ_μ est l'erreur sur le module de distance causée par la dispersion intrinsèque des SNe. On obtient alors la vraisemblance suivante

$$\mathcal{P}(\mathbf{x}_i | \mathcal{B}, \mathbf{V}_{ext}, \Theta) = \int_0^{R_{max}} dr \mathcal{P}(\mathbf{x}_i | \mathbf{r}, \mathcal{B}, \mathbf{V}_{ext}, \Theta) \mathcal{P}(\mathbf{r} | \Theta) \quad (\text{A.4})$$

avec

$$\mathcal{P}(\mathbf{x}_i | \mathbf{r}, \mathcal{B}, \mathbf{V}_{ext}, \Theta) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma_\nu^2}} \exp \left\{ -\frac{[cz_{obs} - cz_{pred}(\mathbf{r}, \mathcal{B}, \mathbf{V}_{ext})]^2}{2\sigma_\nu^2} \right\} \quad (\text{A.5})$$

z_{obs} est le redshift observé de la SN, et z_{pred} est la prédiction de ce redshift à partir du redshift cosmologique et des vitesses reconstruites grâce à

$$1 + z_{pred}(\mathbf{r}, \mathcal{B}, \mathbf{V}_{ext}) = (1 + z_{cosmo}(\mathbf{r})) \left[1 + \frac{1}{c} (\mathcal{B} \mathbf{v}(r) + \mathbf{V}_{ext}) \cdot \hat{\mathbf{r}} \right] \quad (\text{A.6})$$

σ_ν peut-être soit ajusté avec les autres paramètres de nuisance comme dans Stahl et al., 2021, auquel cas il suit une dispersion gaussienne, soit fixé comme dans Boruah et al., 2020.

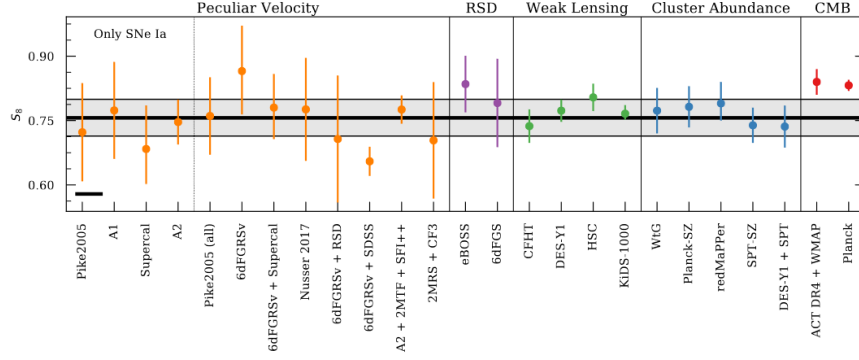


Figure A.1: Paramètre $S_8 = f\sigma_8/(0.3)^{0.55}$ reconstruit par diverses méthodes. Les lignes noires représentent la valeur et l'incertitude de la valeur reconstruite par Stahl et al., 2021. Crédit : B. Stahl

Finalement, la log-vraisemblance s'écrit

$$\mathcal{L} = \ln \mathcal{P}(\mathcal{B}, \mathbf{V}_{ext}, \boldsymbol{\Theta}) + \sum_i P(\mathbf{x}_i | \mathcal{B}, \mathbf{V}_{ext}, \boldsymbol{\Theta}) \quad (\text{A.7})$$

Cette vraisemblance est alors explorée avec une Chaîne de Markov Monte Carlo, et produit des résultats comme ceux de Stahl et al., 2021 représentés en Fig. A.1, qui sont en très bon accord avec d'autres analyses $f\sigma_8$ et ont une meilleure précision que les analyses $f\sigma_8$ utilisant seulement les RSD.

Bibliography

- Adams, C., & Blake, C. (2020). Joint growth-rate measurements from redshift-space distortions and peculiar velocities in the 6dF Galaxy Survey [Publisher: OUP ADS Bibcode: 2020MNRAS.494.3275A]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 494, 3275–3293. <https://doi.org/10.1093/mnras/staa845>
- Aihara, H., Arimoto, N., Armstrong, R., Arnouts, S., Bahcall, N. A., Bickerton, S., Bosch, J., Bundy, K., Capak, P. L., Chan, J. H. H., Chiba, M., Coupon, J., Egami, E., Enoki, M., Finet, F., Fujimori, H., Fujimoto, S., Furusawa, H., Furusawa, J., ... Yuma, S. (2018). The Hyper Suprime-Cam SSP Survey: Overview and survey design [Publisher: OUP ADS Bibcode: 2018PASJ...70S...4A]. *Publications of the Astronomical Society of Japan*, 70, S4. <https://doi.org/10.1093/pasj/psx066>
- Alam, S., Ata, M., Bailey, S., Beutler, F., Bizyaev, D., Blazek, J. A., Bolton, A. S., Brownstein, J. R., Burden, A., Chuang, C.-H., Comparat, J., Cuesta, A. J., Dawson, K. S., Eisenstein, D. J., Escoffier, S., Gil-Marín, H., Grieb, J. N., Hand, N., Ho, S., ... Zhao, G.-B. (2017). The clustering of galaxies in the completed SDSS-III Baryon Oscillation Spectroscopic Survey: Cosmological analysis of the DR12 galaxy sample [Publisher: OUP ADS Bibcode: 2017MNRAS.470.2617A]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 470, 2617–2652. <https://doi.org/10.1093/mnras/stx721>
- Bellm, E. C., Kulkarni, S. R., Graham, M. J., Dekany, R., Smith, R. M., Riddle, R., Masci, F. J., Helou, G., Prince, T. A., Adams, S. M., Barbarino, C., Barlow, T., Bauer, J., Beck, R., Belicki, J., Biswas, R., Blagorodnova, N., Bodewits, D., Bolin, B., ... Zolkower, J. (2018). The Zwicky Transient Facility: System Overview, Performance, and First Results [Publisher: The Astronomical Society of the Pacific]. *PASP*, 131(995), 018002. <https://doi.org/10.1088/1538-3873/aaecbe>
- Beutler, F., Blake, C., Colless, M., Jones, D. H., Staveley-Smith, L., Poole, G. B., Campbell, L., Parker, Q., Saunders, W., & Watson, F. (2012). The 6dF Galaxy Survey: H_0 measurements of the growth rate and σ_8 [Publisher: OUP ADS Bibcode: 2012MNRAS.423.3430B]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 423, 3430–3444. <https://doi.org/10.1111/j.1365-2966.2012.21136.x>
- Boruah, S. S., Hudson, M. J., & Lavaux, G. (2020). Cosmic flows in the nearby Universe: New peculiar velocities from SNe and cosmological constraints [arXiv:1912.09383 [astro-ph]]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 498(2), 2703–2718. <https://doi.org/10.1093/mnras/staa2485>
- Boruah, S. S., Lavaux, G., & Hudson, M. J. (2022). Bayesian reconstruction of dark matter distribution from peculiar velocities: Accounting for inhomogeneous Malmquist bias [Publisher: OUP ADS Bibcode: 2022MNRAS.517.4529B]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 517, 4529–4543. <https://doi.org/10.1093/mnras/stac2985>
- Boyd, B. M., Grayling, M., Thorp, S., & Mandel, K. S. (2024, July). Accounting for Selection Effects in Supernova Cosmology with Simulation-Based Inference and Hierarchical

- Bayesian Modelling [arXiv:2407.15923 [astro-ph]]. <https://doi.org/10.48550/arXiv.2407.15923>
- Carreres, B., Bautista, J. E., Feinstein, F., Fouchez, D., Racine, B., Smith, M., Amenouche, M., Aubert, M., Dhawan, S., Ginolin, M., Goobar, A., Gris, P., Lacroix, L., Nuss, E., Regnault, N., Rigault, M., Robert, E., Rosnet, P., Sommer, K., ... Purdum, J. (2023). Growth-rate measurement with type-Ia supernovae using ZTF survey simulations. *A&A*, *674*, A197. <https://doi.org/10.1051/0004-6361/202346173>
- Carrick, J., Turnbull, S. J., Lavaux, G., & Hudson, M. J. (2015). Cosmological parameters from the comparison of peculiar velocities with predictions from the 2M++ density field [arXiv:1504.04627 [astro-ph]]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, *450*(1), 317–332. <https://doi.org/10.1093/mnras/stv547>
- Davis, T. M., Hui, L., Frieman, J. A., Haugbølle, T., Kessler, R., Sinclair, B., Sollerman, J., Bassett, B., Marriner, J., Mörtzell, E., Nichol, R. C., Richmond, M. W., Sako, M., & Schneider, D. P. (2011). The effect of peculiar velocities on supernova cosmology [arXiv:1012.2912 [astro-ph]]. *ApJ*, *741*(1), 67. <https://doi.org/10.1088/0004-637X/741/1/67>
- Djorgovski, S., & Davis, M. (1987). Fundamental Properties of Elliptical Galaxies [Publisher: IOP ADS Bibcode: 1987ApJ...313...59D]. *The Astrophysical Journal*, *313*, 59. <https://doi.org/10.1086/164948>
- Dupuy, A., Courtois, H. M., & Kubik, B. (2019). An estimation of the local growth rate from Cosmicflows peculiar velocities [Publisher: OUP ADS Bibcode: 2019MNRAS.486..440D]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, *486*, 440–448. <https://doi.org/10.1093/mnras/stz901>
- eBOSS Collaboration, Alam, S., Aubert, M., Avila, S., Baland, C., Bautista, J. E., Bershad, M. A., Bizyaev, D., Blanton, M. R., Bolton, A. S., Bovy, J., Brinkmann, J., Brownstein, J. R., Burtin, E., Chabanier, S., Chapman, M. J., Choi, P. D., Chuang, C.-H., Comparat, J., ... Zheng, Z. (2021). The Completed SDSS-IV extended Baryon Oscillation Spectroscopic Survey: Cosmological Implications from two Decades of Spectroscopic Surveys at the Apache Point observatory [arXiv:2007.08991 [astro-ph]]. *Phys. Rev. D*, *103*(8), 083533. <https://doi.org/10.1103/PhysRevD.103.083533>
- Euclid Collaboration, Mellier, Y., Abdurro'uf, Barroso, J. A. A., Achúcarro, A., Adamek, J., Adam, R., Addison, G. E., Aghanim, N., Aguena, M., Ajani, V., Akrami, Y., Al-Bahlan, A., Alavi, A., Albuquerque, I. S., Alestas, G., Alguero, G., Allaoui, A., Allen, S. W., ... Zumalacarregui, M. (2024, May). Euclid. I. Overview of the Euclid mission [arXiv:2405.13491 [astro-ph]]. <https://doi.org/10.48550/arXiv.2405.13491>
- Ginolin, M., Rigault, M., Copin, Y., Popovic, B., Dimitriadis, G., Goobar, A., Johansson, J., Maguire, K., Nordin, J., Smith, M., Aubert, M., Barjou-Delayre, C., Burgaz, U., Carreres, B., Dhawan, S., Deckers, M., Feinstein, F., Fouchez, D., Galbany, L., ... van der Walt, S. (2024, June). ZTF SN Ia DR2: Colour standardisation of Type Ia Supernovae and its dependence on environment [arXiv:2406.02072 [astro-ph]]. <https://doi.org/10.48550/arXiv.2406.02072>
- Guy, J., Astier, P., Baumont, S., Hardin, D., Pain, R., Regnault, N., Basa, S., Carlberg, R. G., Conley, A., Fabbro, S., Fouchez, D., Hook, I. M., Howell, D. A., Perrett, K., Pritchett, C. J., Rich, J., Sullivan, M., Antilogus, P., Aubourg, E., ... Ruhlmann-Kleider, V. (2007). SALT2: Using distant supernovae to improve the use of Type Ia supernovae as distance indicators [arXiv:astro-ph/0701828]. *A&A*, *466*(1), 11–21. <https://doi.org/10.1051/0004-6361:20066930>
- Hahn, C., Wilson, M. J., Ruiz-Macias, O., Cole, S., Weinberg, D. H., Moustakas, J., Kremin, A., Tinker, J. L., Smith, A., Wechsler, R. H., Ahlen, S., Alam, S., Bailey, S., Brooks, D.,

- Cooper, A. P., Davis, T. M., Dawson, K., Dey, A., Dey, B., ... Zou, H. (2023). DESI Bright Galaxy Survey: Final Target Selection, Design, and Validation [arXiv:2208.08512 [astro-ph]]. *AJ*, 165(6), 253. <https://doi.org/10.3847/1538-3881/acff8>
- Howlett, C., Ross, A. J., Samushia, L., Percival, W. J., & Manera, M. (2015). The clustering of the SDSS main galaxy sample - II. Mock galaxy catalogues and a measurement of the growth of structure from redshift space distortions at $z = 0.15$ [Publisher: OUP ADS Bibcode: 2015MNRAS.449..848H]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 449, 848–866. <https://doi.org/10.1093/mnras/stu2693>
- Howlett, C., Staveley-Smith, L., Elahi, P. J., Hong, T., Jarrett, T. H., Jones, D. H., Koribalski, B. S., Macri, L. M., Masters, K. L., & Springob, C. M. (2017). 2MTF - VI. Measuring the velocity power spectrum [Publisher: OUP ADS Bibcode: 2017MNRAS.471.3135H]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 471, 3135–3151. <https://doi.org/10.1093/mnras/stx1521>
- Hoyle, F., & Fowler, W. A. (1960). Nucleosynthesis in Supernovae. [Publisher: IOP ADS Bibcode: 1960ApJ...132..565H]. *The Astrophysical Journal*, 132, 565. <https://doi.org/10.1086/146963>
- Huterer, D., Shafer, D. L., Scolnic, D., & Schmidt, F. (2017). Testing Λ CDM at the lowest redshifts with SN Ia and galaxy velocities [arXiv:1611.09862 [astro-ph, physics:gr-qc]]. *J. Cosmol. Astropart. Phys.*, 2017(05), 015–015. <https://doi.org/10.1088/1475-7516/2017/05/015>
- Johnson, A., Blake, C., Koda, J., Ma, Y.-Z., Colless, M., Crocce, M., Davis, T. M., Jones, H., Magoulas, C., Lucey, J. R., Mould, J., Scrimgeour, M. I., & Springob, C. M. (2014). The 6dF Galaxy Survey: Cosmological constraints from the velocity power spectrum [Publisher: OUP ADS Bibcode: 2014MNRAS.444.3926J]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 444, 3926–3947. <https://doi.org/10.1093/mnras/stu1615>
- Kaiser, N. (1987). Clustering in real space and in redshift space [Publisher: OUP ADS Bibcode: 1987MNRAS.227....1K]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 227, 1–21. <https://doi.org/10.1093/mnras/227.1.1>
- Lai, Y., Howlett, C., & Davis, T. M. (2022). Using peculiar velocity surveys to constrain the growth rate of structure with the wide-angle effect [arXiv:2209.04166 [astro-ph]]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 518(2), 1840–1858. <https://doi.org/10.1093/mnras/stac3252>
- Miyazaki, S., Komiyama, Y., Nakaya, H., Kamata, Y., Doi, Y., Hamana, T., Karoji, H., Furusawa, H., Kawanomoto, S., Morokuma, T., Ishizuka, Y., Nariai, K., Tanaka, Y., Uruguchi, F., Utsumi, Y., Obuchi, Y., Okura, Y., Oguri, M., Takata, T., ... Takeshi, K. (2012). Hyper Suprime-Cam [Conference Name: Ground-based and Airborne Instrumentation for Astronomy IV ADS Bibcode: 2012SPIE.8446E..0ZM], 8446, 84460Z. <https://doi.org/10.1117/12.926844>
- Nicolas, N., Rigault, M., Copin, Y., Graziani, R., Aldering, G., Briday, M., Kim, Y.-L., Nordin, J., Perlmutter, S., & Smith, M. (2021). Redshift evolution of the underlying type Ia supernova stretch distribution [Publisher: EDP Sciences]. *A&A*, 649, A74. <https://doi.org/10.1051/0004-6361/202038447>
- Nusser, A. (2017). Velocity-density correlations from the cosmicflows-3 distance catalogue and the 2MASS Redshift Survey [Publisher: OUP ADS Bibcode: 2017MNRAS.470..445N]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 470, 445–454. <https://doi.org/10.1093/mnras/stx1225>
- Okumura, T., Hikage, C., Totani, T., Tonegawa, M., Okada, H., Glazebrook, K., Blake, C., Ferreira, P. G., More, S., Taruya, A., Tsujikawa, S., Akiyama, M., Dalton, G., Goto, T., Ishikawa, T., Iwamuro, F., Matsubara, T., Nishimichi, T., Ohta, K., ... Yoshida, N.

- (2016). The Subaru FMOS galaxy redshift survey (FastSound). IV. New constraint on gravity theory from redshift space distortions at $z \sim 1.4$ [Publisher: OUP ADS Bibcode: 2016PASJ...68...38O]. *Publications of the Astronomical Society of Japan*, 68, 38. <https://doi.org/10.1093/pasj/psw029>
- Perley, D. A., Fremling, C., Sollerman, J., Miller, A. A., Dahiwalé, A. S., Sharma, Y., Bellm, E. C., Biswas, R., Brink, T. G., Bruch, R. J., De, K., Dekany, R., Drake, A. J., Duev, D. A., Filippenko, A. V., Gal-Yam, A., Goobar, A., Graham, M. J., Graham, M. L., ... Yan, L. (2020). The Zwicky Transient Facility Bright Transient Survey. II. A Public Statistical Sample for Exploring Supernova Demographics [arXiv:2009.01242 [astro-ph]]. *ApJ*, 904(1), 35. <https://doi.org/10.3847/1538-4357/abbd98>
- Perlmutter, S., Aldering, G., Deustua, S., Fabbro, S., Goldhaber, G., Groom, D. E., Kim, A. G., Kim, M. Y., Knop, R. A., Nugent, P., Pennypacker, C. R., Goobar, A., Pain, R., Hook, I. M., Lidman, C., Ellis, R. S., Irwin, M., McMahon, R. G., Ruiz-Lapuente, P., ... Couch, W. J. (1998, December). Cosmology from Type Ia Supernovae [arXiv:astro-ph/9812473]. <https://doi.org/10.48550/arXiv.astro-ph/9812473>
- Planck Collaboration, Ade, P. A. R., Aghanim, N., Arnaud, M., Ashdown, M., Aumont, J., Baccigalupi, C., Banday, A. J., Barreiro, R. B., Bartlett, J. G., Bartolo, N., Battaner, E., Battye, R., Benabed, K., Benoit, A., Benoit-Levy, A., Bernard, J.-P., Bersanelli, M., Bielewicz, P., ... Zonca, A. (2016). Planck 2015 results. XIII. Cosmological parameters [arXiv:1502.01589 [astro-ph]]. *A&A*, 594, A13. <https://doi.org/10.1051/0004-6361/201525830>
- Prada, F., Ereza, J., Smith, A., Lasker, J., Vaisakh, R., Kehoe, R., Dong-Páez, C. A., Siudek, M., Wang, M. S., Alam, S., Beutler, F., Bianchi, D., Cole, S., Dey, B., Kirkby, D., Norberg, P., Aguilar, J., Ahlen, S., Brooks, D., ... Zhou, Z. (2023, June). The DESI One-Percent Survey: Modelling the clustering and halo occupation of all four DESI tracers with Uchuu [arXiv:2306.06315 [astro-ph]]. <https://doi.org/10.48550/arXiv.2306.06315>
- Prideaux-Ghee, J., Leclercq, F., Lavaux, G., Heavens, A., & Jasche, J. (2023). Field-based physical inference from peculiar velocity tracers [Publisher: OUP ADS Bibcode: 2023MNRAS.518.4191P]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 518, 4191–4213. <https://doi.org/10.1093/mnras/stac3346>
- Pritchett, C. J., & SNLS Collaboration. (2004, June). SNLS – the Supernova Legacy Survey [arXiv:astro-ph/0406242]. <https://doi.org/10.48550/arXiv.astro-ph/0406242>
- Qin, F., Howlett, C., & Staveley-Smith, L. (2019). The Redshift Space Momentum Power Spectrum II: Measuring the growth rate from the combined 2MTF and 6dFGSv surveys [arXiv:1906.02874 [astro-ph]]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 487(4), 5235–5247. <https://doi.org/10.1093/mnras/stz1576>
- Riess, A. G., Filippenko, A. V., Challis, P., Clocchiattia, A., Diercks, A., Garnavich, P. M., Gilliland, R. L., Hogan, C. J., Jha, S., Kirshner, R. P., Leibundgut, B., Phillips, M. M., Reiss, D., Schmidt, B. P., Schommer, R. A., Smith, R. C., Spyromilio, J., Stubbs, C., Suntzeff, N. B., & Tonry, J. (1998). Observational Evidence from Supernovae for an Accelerating Universe and a Cosmological Constant [arXiv:astro-ph/9805201]. *The Astronomical Journal*, 116(3), 1009–1038. <https://doi.org/10.1086/300499>
- Rigault, M., Smith, M., Regnault, N., Kenworthy, D. W., Maguire, K., Goobar, A., Dimitriadis, G., Amenouche, M., Aubert, M., Barjou-Delayre, C., Bellm, C. E., Burgaz, U., Carreres, B., Copin, Y., Deckers, M., de Jaeger, T., Dhawan, S., Feinstein, F., Fouchez, D., ... Townsend, A. (2024, June). ZTF SN Ia DR2: Study of Type Ia Supernova lightcurve fits [arXiv:2406.02073 [astro-ph]]. <https://doi.org/10.48550/arXiv.2406.02073>
- Said, K., Colless, M., Magoulas, C., Lucey, J. R., & Hudson, M. J. (2020). Joint analysis of 6dFGS and SDSS peculiar velocities for the growth rate of cosmic structure and tests of

- gravity [Publisher: OUP ADS Bibcode: 2020MNRAS.497.1275S]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 497, 1275–1293. <https://doi.org/10.1093/mnras/staa2032>
- Stahl, B. E., de Jaeger, T., Boruah, S. S., Zheng, W., Filippenko, A. V., & Hudson, M. J. (2021). Peculiar-velocity cosmology with Types Ia and II supernovae [arXiv:2105.05185 [astro-ph]]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 505(2), 2349–2360. <https://doi.org/10.1093/mnras/stab1446>
- The LSST Dark Energy Science Collaboration, Mandelbaum, R., Eifler, T., Hložek, R., Collett, T., Gawiser, E., Scolnic, D., Alonso, D., Awan, H., Biswas, R., Blazek, J., Burchat, P., Chisari, N. E., Dell’Antonio, I., Digel, S., Frieman, J., Goldstein, D. A., Hook, I., Ivezić, Ž., ... Troxel, M. A. (2021, September). The LSST Dark Energy Science Collaboration (DESC) Science Requirements Document [arXiv:1809.01669 [astro-ph]]. <https://doi.org/10.48550/arXiv.1809.01669>
- Tripp, R. (1998). A two-parameter luminosity correction for Type IA supernovae [ADS Bibcode: 1998A&A...331..815T]. *Astronomy and Astrophysics*, 331, 815–820. Retrieved July 30, 2024, from <https://ui.adsabs.harvard.edu/abs/1998A&A...331..815T>
- Tully, R. B., & Fisher, J. R. (1977). A new method of determining distances to galaxies. [ADS Bibcode: 1977A&A....54..661T]. *Astronomy and Astrophysics*, 54, 661–673. Retrieved July 29, 2024, from <https://ui.adsabs.harvard.edu/abs/1977A&A....54..661T>
- Turner, R. J., Blake, C., & Ruggeri, R. (2023). A local measurement of the growth rate from peculiar velocities and galaxy clustering correlations in the 6dF Galaxy Survey [Publisher: OUP ADS Bibcode: 2023MNRAS.518.2436T]. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 518, 2436–2452. <https://doi.org/10.1093/mnras/stac3256>