1 Horloges

Principe: L'horloge logique entière (H) date toute action avec une valeur entière supérieure à celle de toutes les actions qui la précèdent au sens de la causalité. Une valeur de date logique est attribuée à chaque action. L'horloge logique entière respecte les liens de causalités, ne permet pas d'obtenir une unique observation car l'ordre qu'elle induit sur les actions n'est pas total (on pourra intervertir les actions indépendantes comme on le souhaite pour construire des observations valides différentes). L'ordre construit par H est donc un ordre partiel puisque certaines actions (les actions indépendantes) ne sont pas comparables selon la relation d'ordre induite.

```
Horloge entière, site S_i
 1 initialisation
        h_i \leftarrow 1
 3 action interne
        h_i \leftarrow h_i + 1
 4
   action d'émission
        h_i \leftarrow h_i + 1
 6
 7
        envoyer (h_i ...)
   action de réception
        recevoir (h ...)
 9
        h_i \leftarrow max(h, h_i) + 1
10
```

Principe : Alors de les horloges logiques entières H et la fonction d'estampillage K définissent chacune un ordre — partiel pour H (actions indep. non comparables) et total pour K (Même les actions indépendantes sont comparables ; mais, on pert l'information de leur indépendance) — sur les actions du système, de telle sorte que ces ordres sont compatibles avec la relation de causalité, l'horloge vectorielle répond à un autre besoin que les estampilles pusiqu'elle permet de conserver l'information que 2 actions sont indépendances. L'idée de base sous-jacente à cette horloge consiste à utiliser le passé des actions pour les dater. Inconvénients : Si beaucoup de sites => grosse horloges => messages "lourds"

```
Horloge vectorielle, site S_i
    initialisation
          V_i \leftarrow \mathbb{1}_i
 \mathbf{2}
 3 action interne
          V_i \leftarrow V_i + \mathbb{1}_i
 4
    action d'émission
 5
          V_i \leftarrow V_i + \mathbb{1}_i
 6
         envoyer (V_i ...)
 7
    action de réception
         recevoir (V ...)
 9
          V_i \leftarrow MAX(V, V_i) + \mathbb{1}_i
10
```

2 Instantanés

Principe : Envoyer un marqueur (message spécial) aux sites pour les avertir de faire leur sauvegarde locale.

Hypothèses:

- Canaux de communication FIFO (pour s'assurer que l'on a pas de messages postpré)
- Utilisation d'un marqueur pour séparer les messages envoyés en préclic des messages envoyés en postclic
- Un site initiateur (le début de l'execution de l'algo se fait sur ordre de l'app. de base)

```
Instantané avec marqueur, site S_i
   /* Canaux FIFO, utilise un marqueur
1 initialisation
       couleur_i \leftarrow blanc
3 début de l'instantané
       couleur_i \leftarrow rouge
4
       envoyer ( [marqueur] ) aux voisins
5
  réception d'un marqueur
6
       si\ couleur_i == blanc\ alors
7
          couleur_i \leftarrow rouge
8
          envoyer ( [marqueur] ) aux voisins
9
      fin si
10
```

Principe : L'application de contrôle ajoute une donnée (couleur) aux messages échangés par les applications de base.

Hypothèses:

- Canaux de communication NON FIFO
- Les applications de base doivent générées suffisament de messages pour que la demande de sauvegarde se fasse bien au travers du réseau (si un site ne génère jamais de messages, ces voisins ne recevront jamais la demande de sauvegarde)

```
Instantané avec lestage, site S_i
   /* Canaux non FIFO, algorithme de contrôle
1 initialisation
      couleur_i \leftarrow blanc
3 début de l'instantané
      couleur_i \leftarrow rouge
                                                             /* sur un seul site */
  réception d'un message m de l'app. de base
      recevoir (m à destination de S_i)
6
      envoyer (m, couleur_i) à S_i
7
  réception d'un message de type m
      recevoir (m, c)
9
      si c == rouge et couleur_i == blanc alors
10
          couleur_i \leftarrow rouge
11
12
      fin si
      traiter le message m
13
```

```
/* Réseau connexe non FIFO de N sites avec anneau de contrôle
   orienté
                                                                                               */
 1 initialisation
       couleur_i \leftarrow blanc
 \mathbf{2}
       initiateur_i \leftarrow faux
 3
       bilan_i \leftarrow 0
 4
       EG_i \leftarrow \emptyset
 5
       /* utilisé sur l'initiateur seulement :
                                                                               */
       NbEtatsAttendus_i \leftarrow 0
 6
       NbMsqAttendus_i \leftarrow 0
   début de l'instantané
                                                                   /* sur un seul site */
       couleur_i \leftarrow rouge
       initiateur_i \leftarrow vrai
10
       EG_i \leftarrow \text{\'etat local courant}
11
       NbEtatsAttendus_i \leftarrow N-1
12
13
       NbMsgAttendus_i \leftarrow bilan_i
   réception d'un message m de l'app. de base
14
       recevoir (m à destination de S_i)
15
       envoyer (m, couleur_i) à S_i
16
17
       bilan_i \leftarrow bilan_i + 1
   réception d'un message de type m
18
       recevoir (m, c)
19
       si c == rouge et couleur_i == blanc alors
20
           couleur_i \leftarrow rouge
21
           EG_i \leftarrow \text{\'etat local courant}
22
           envoyer ( [état] EG, bilan_i ) sur l'anneau
23
       \sin \sin
24
       si c == blanc et couleur_i == rouge alors
                                                                     /* message prépost */
25
           envoyer ( [msg] m ) sur l'anneau
26
       fin si
27
       bilan_i \leftarrow bilan_i - 1
28
29
       traiter le message m
   réception d'un message de type [état]
                                                 /* réception état local et bilan */
       recevoir ([état] EG, bilan)
31
32
       si initiateur_i == vrai alors
           EG_i \leftarrow EG_i \cup EG
33
           NbEtatsAttendus_i \leftarrow NbEtatsAttendus_i - 1
34
           NbMsgAttendus_i \leftarrow NbMsgAttendus_i + bilan
35
           \mathbf{si} \ NbEtatsAttendus_i == 0 \ \mathbf{et} \ NbMsgAttendus_i == 0 \ \mathbf{alors}
36
37
               FIN
           fin si
38
39
       sinon
           envoyer ([état] EG, bilan ) sur l'anneau
40
       fin si
41
42 réception d'un message de type [msg]
                                                           /* réception message prépost
     retransmis */
       recevoir ( [msg] m )
43
       si initiateur_i == vrai alors
44
           NbMsgAttendus_i \leftarrow NbMsgAttendus_i - 1
45
           EG_i \leftarrow EG_i \cup m
46
           \mathbf{si} \ NbEtatsAttendus_i == 0 \ \mathbf{et} \ NbMsgAttendus_i == 0 \ \mathbf{alors}
47
               FIN
48
           fin si
49
       sinon
50
           envoyer ( [msg] m ) sur l'anneau
51
52
       fin si
```

Principe : Appliquer des modifications successives à l'algorithme de lestage pour pouvoir rassurer les sauvegardes locales aux sites sur le site initiateur de la sauvegarde. Cet algorithme doit : collecter les différents états locaux + collecter les messages pré-post + inclure une condition de terminaison de l'algorithme portant sur le nombre d'états reçus + les sites doivent savoir combien de messages préposts sont attendus.

Hypothèses:

- Réseau connexe
- N sites dans le réseau ET linitiateur le sait
- Canaux de communication non FIFO
- Anneau de contrôle orienté et passant par tous les sites (circuit hamiltonien) -> variable $succ_i$ sur chaque site ET cet anneau est déja établi.

3 vagues/demi-vagues/ondes

Principe: Une demi-vague ne précise pas vers quels voisins elle doit progresser: la demi-vague ne progressera que vers une sélection de voisins. Cependant, sans connaissance de la topologie sous-jacente, il est préférable de propager la demi-vague vers tous les voisins pour s'assurer que tous les sites du réseau soient atteints. Note, il n'y a pas de variables parent. On s'occupe juste de propager la demi vague à ses voisins (tous ses voisins pour être sûr que tous les sites soient atteints dans le cas où on ne connaît pas la topologie). Ici, on veut juste atteindre tous les sites.

```
Demi-vague générique
 1 initialisation
       couleur_i \leftarrow blanc
 \mathbf{2}
 3 début de la demi-vague
                                                                /* sur l'initiateur */
       couleur_i \leftarrow bleu
                                                           /* action de demi-vague */
 4
       sélection des voisins prévenus
 5
       envoyer ([bleu] -) à ces voisins
 6
   réception d'un message bleu
       recevoir ( [bleu] -) de S_i
 8
       si\ couleur_i == blanc\ alors
 9
          couleur_i \leftarrow bleu
                                                          /* action de demi-vague */
10
          sélection des voisins prévenus
11
          envoyer ([bleu] -) à ces voisins
12
13
       fin si
```

Principe : Introduction d'une variable *parent* pour retenir son site père et ainsi construire une arborescence. Ici, on fait l'algo de demi vague classique tout en changeant la variable couleur en une variable *parent*. On veut atteindre tous les noeuds, et, ce que l'on souhaite retenir comme valeur c'est la valeur de son père. C'est exactement le même algorithme!

```
Arborescence couvrante
 1 <u>initialisation</u>
        parent_i \leftarrow 0
 \mathbf{2}
 3 début de la diffusion
                                                                       /* sur l'initiateur */
        parent_i \leftarrow i
                                                                 /* action de demi-vague */
 4
        envoyer ([bleu] -) à tous les voisins
 5
   réception d'un message bleu
 6
        recevoir ( [bleu] -) de S_i
 7
 8
        \mathbf{si} \ parent_i == 0 \ \mathbf{alors}
            parent_i \leftarrow j
                                                                 /* action de demi-vague */
 9
            {\bf envoyer} ( [{\bf bleu}] -) à tous les voisins
10
        fin si
11
```

Principe : Une diffusion détermine une arborescence, dite arborescence de diffusion. La diffusion avec retour consiste à diffuser une valeur, puis à remonter l'information « diffusion terminée » depuis les feuilles de cette arborescence jusqu'à sa racine, c'est-à-dire l'initiateur. Un site attend donc autant de messages de retour qu'il a de fils dans l'arborescence.

Notes:

- Ici on utilise le fait que l'on ai construit une arborescence couvrante lors de la diffusion l'aller, pour l'utiliser pour les messages de retour. On doit donc utiliser la variable parent.
- La variable "NbVoisinsAttendus" sert a savoir lorsqu'un site a reçu tous les messages de retour, et donc, lorsqu'il peut envoyer son message de retour a son parent.
- La définition de la vague n'impose pas aux messages de retour de suivre le cheminement inverse des messages aller. On pourrait donc définir des algorithmes de vague sur des réseaux dont les communications ne sont pas bidirectionnelles (La seule condition c'est que le site initiateur soit le decideur -> le retour se fait vers l'initiateur)
- Comme pour la demi-vague, la définition d'une vague n'impose pas de diffuser les messages bleus à tous les voisins. Cependant, le choix des voisins doit être tel que tous les descendants de l'initiateur sont atteints

Diffusion avec retour

```
1 <u>initialisation</u>
 2
       parent_i \leftarrow 0
 3
        NbVoisinsAttendus_i \leftarrow nb de voisins
   début de la diffusion
                                      /* sur l'initiateur (détenteur de l'info) */
       parent_i \leftarrow i
 5
       envoyer ([bleu] -) aux voisins
 6
   réception d'un message bleu
       recevoir ( [bleu] -) de S_i
 8
 9
       si parent_i == 0 alors
            parent_i \leftarrow j
10
            NbVoisinsAttendus_i \leftarrow NbVoisinsAttendus_i - 1
11
            \mathbf{si}\ NbVoisinsAttendus_i > 0\ \mathbf{alors}
12
                envoyer ( [bleu] -) aux voisins sauf S_i
13
            sinon
14
                envoyer ( [rouge] -) à S_i
15
            fin si
16
17
       sinon
            envoyer ( [rouge] ) à S_i
18
       fin si
19
   réception d'un message rouge
20
       \overline{\mathbf{recevoir}} ( [\mathrm{rouge}] -) de S_i
21
       NbVoisinsAttendus_i \leftarrow NbVoisinsAttendus_i - 1
\mathbf{22}
       si\ NbVoisinsAttendus_i == 0 alors
\mathbf{23}
            si parent_i == i alors
24
                FIN
25
            sinon
26
                envoyer ( [rouge] -) à S_{parent_i}
27
            fin si
28
       fin si
\mathbf{29}
```

Parcours en profondeur

```
1 initialisation
        parent_i \leftarrow 0
 \mathbf{2}
        n_i \leftarrow 0
 3
        VoisinsNonAtteints_i \leftarrow \text{ensemble des voisins}
 4
   début de la demi-vague
                                                                         /* sur l'initiateur */
        parent_i \leftarrow i
 6
 7
        n_i \leftarrow 1
        si \exists S_k \in VoisinsNonAtteints_i alors
 8
            envoyer ( [bleu] 2) à un voisin S_i
 9
            VoisinsNonAtteints_i \leftarrow VoisinsNonAtteints_i \setminus \{S_i\}
10
        sinon
11
            FIN
12
13
        fin si
   réception d'un message bleu
        recevoir ( [bleu] p) de S_i
15
        si parent_i \neq 0 alors
16
            envoyer ( [rouge] p ) à S_i
                                                                        /* site déjà visité */
17
        sinon
18
            n_i \leftarrow p
19
            parent_i \leftarrow j
20
            VoisinsNonAtteints_i \leftarrow VoisinsNonAtteints_i \setminus \{S_i\}
\mathbf{21}
            si \exists S_k \in VoisinsNonAtteints_i alors
                 envoyer ( [bleu] p + 1) à S_k
\mathbf{23}
                 VoisinsNonAtteints_i \leftarrow VoisinsNonAtteints_i \setminus \{S_k\}
24
                                                 /* tous les voisins ont été visités */
            sinon
25
                 envoyer ( [rouge] p + 1) à S_i
26
27
            fin si
        fin si
   réception d'un message rouge
30
        recevoir ( [rouge] p) de S_j
        \mathbf{si} \ \exists S_k \in VoisinsNonAtteints_i \ \mathbf{alors}
31
            envoyer ( [bleu] p ) à S_k
32
            VoisinsNonAtteints_i \leftarrow VoisinsNonAtteints_i \setminus \{S_k\}
33
        sinon
                                                 /* tous les voisins ont été visités */
34
            \mathbf{si} \ parent_i \neq i \ \mathbf{alors}
35
                 envoyer ( [rouge] p) à S_{parent_i}
36
            sinon
37
                FIN
38
            fin si
39
        fin si
40
```

Principe : Le calcul ne sera pas entièrement réalisé sur l'initiateur ; il sera réalisé partiellement sur chaque site recevant des messages. Le calcul global se décompose en calculs intermédiaires ne faisant intervenir que deux valeurs (la valeur courante du site, et celle reçue avec un message) + on ne peut prédire l'ordre dans lequel se feront les calculs intermédiaires. Le calcul d'une valeur dans un réseau peut être réalisé par une vague, basée sur l'algorithme de la diffusion avec retour

Hyptohèses:

— L'opérateur doit admettre certaines propriétés pour garantir un calcul correcte : binaire , associatif et commutatif. Si l'opérateur n'est pas idempotent => prendre des précautions supplémentaires.

Calcul d'une valeur par une vague avec l'opérateur ⊙

```
1 initialisation
       parent_i \leftarrow 0
 \mathbf{2}
       NbVoisinsAttendus_i \leftarrow nb de voisins
 3
       valeur_i \leftarrow valeur quelconque, selon le calcul à effectuer
 4
  <u>début du calcul</u>
                                                                    /* sur l'initiateur */
 6
       parent_i \leftarrow i
       envoyer ([bleu] -) aux voisins
 7
   réception d'un message bleu
       recevoir ( [bleu] -) de S_i
 9
10
       \mathbf{si} \ parent_i == 0 \ \mathbf{alors}
           parent_i \leftarrow j
11
           NbVoisinsAttendus_i \leftarrow NbVoisinsAttendus_i - 1
12
           \mathbf{si} \ NbVoisinsAttendus_i == 0 \ \mathbf{alors}
                                                            /* pas d'autre fils, retour
13
            direct */
               envoyer ( [rouge] valeur_i) à S_i
14
15
           sinon
               envoyer ( [bleu] ) aux voisins sauf S_i
16
17
           fin si
       sinon
                                                       /* la vague a déjà été reçue */
18
           envoyer ( [orange] ) à S_i
19
20
       fin si
   réception d'un message rouge
       recevoir ( [rouge] k) de S_i
22
23
       valeur_i \leftarrow valeur_i \odot k
       NbVoisinsAttendus_i \leftarrow NbVoisinsAttendus_i - 1
24
       \mathbf{si} \ NbVoisinsAttendus_i == 0 \ \mathbf{alors}
25
           si parent_i == i alors
26
               FIN
27
           sinon
28
               envoyer ( [rouge] valeur_i) à S_{parent_i}
29
           fin si
30
       fin si
31
   réception d'un message orange
                                                                        /* pas de calcul */
32
       recevoir ( [orange] ) de S_i
33
       NbVoisinsAttendus_i \leftarrow NbVoisinsAttendus_i - 1
34
       si NbVoisinsAttendus_i == 0 alors
35
           si parent_i == i alors
36
               FIN
37
           sinon
38
               envoyer ( [rouge] valeur_i) à S_{parent_i}
39
           fin si
40
       fin si
41
```

Principe: Les ondes correspondent à des explorations de réseaux qui, dans leur définition, sont plus générales que les vagues: l'onde remonte vers un site qui n'est pas obligatoirement l'initiateur. Les messages de retour ne suivent pas le cheminement inverse des messages aller, et les hypothèses sur le réseau sont plus faibles

3.1 Onde sur un anneau

Lorsque le réseau est un anneau (ou bien lorsqu'on dispose d'un anneau de contrôle dans un réseau quelconque), on peut mettre à profit cette connaissance de la topologie pour éviter d'utiliser une vague, qui oblige les messages à rebrousser chemin vers l'initiateur au lieu de poursuivre le tour de l'anneau.

3.2 Onde sur un arbre

Lorsque le réseau est un arbre (ou bien lorsqu'on dispose d'un arbre couvrant dans un réseau quelconque), on peut aisément parcourir le réseau (pour centraliser une information, calculer une valeur, etc.) en propageant l'exploration depuis les feuilles vers le «cœur» de l'arbre. Ce type d'exploration est une onde dont les initiateurs sont les feuilles, et dont au moins l'un des sites dans le réseau sera le décideur

```
Onde sur un arbre, 1ère version
1 <u>initialisation</u>
       P\`{e}resPossibles_i \leftarrow ensemble des voisins
       OndePartie_i \leftarrow faux
3
   réception d'un message
       recevoir (-) de S_i
       P\`{e}resPossibles_i \leftarrow P\`{e}resPossibles_i \setminus \{S_i\}
6
   |P\`{e}resPossibles_i| == 1 et OndePartie_i == faux
       /* Action d'onde
8
       envoyer (-) aux voisins dans P \`{e}res Possibles_i
       OndePartie_i \leftarrow vrai
10 |P\`{e}resPossibles_i| == 0
       /* Fin de l'onde
                                                              */
       /* Action de décision
                                                                  */
```

4 Elections

Principe : Les candidatures des sites sont envoyées sur l'anneau. Une liste de toutes les candidatures est faite. Une fois que cette liste est conçue, chaque site calcule le minimum de la liste => le minimum = ID du site élu.

Hypothèses:

- Le réseau est un anneau orienté
- Les communications sont FIFO
- Le nombre de sites dans le réseau est inconnu
- Le site ayant la plus petite identité gagne => tous les candidats connaissent l'identité du gagnant.
- 3 états possibles pour un site : En-attente, élu, perdu

Election par constitution de la liste des candidats

```
1 initialisation
         Etat_i \leftarrow \text{non défini}
         ListeCandidats_i \leftarrow \emptyset
 3
    début de l'élection
         \mathbf{si}\ Etat_i == \mathrm{non}\ \mathrm{d\acute{e}fini}\ \mathbf{alors}
 5
              Etat_i \leftarrow \text{candidat}
 6
              ListeCandidats_i \leftarrow \{i\}
 7
              envoyer ( i ) sur l'anneau
 8
         fin si
 9
10 réception d'un message
         recevoir (j)
11
         \mathbf{si} \ Etat_i == \mathrm{candidat} \ \mathbf{alors}
12
              si j == i alors
13
                   si i == min ListeCandidats_i alors
14
                        Etat_i \leftarrow \acute{e}lu
15
                   sinon
16
                        Etat_i \leftarrow perdu
17
                   fin si
18
              sinon
19
                   ListeCandidats_i \leftarrow ListeCandidats_i \cup \{j\}
20
                   envoyer ( j ) sur l'anneau
\mathbf{21}
             fin si
22
         sinon
23
              Etat_i \leftarrow perdu
\mathbf{24}
              envoyer ( j ) sur l'anneau
25
         fin si
26
```

Principe : Cet algo utilise le fait qu'il est possible de calculer une valeur sur le réseau avec une onde si l'opérateur est binaire associatif et commutatif. Ici, on cherche donc à calculer le minimum des IDs, NON PLUS APRES que la liste des candidats ai été faite, MAIS plutot, au fur et à mesure que l'algo est executé => il n'est plus necessaire de stcoker la liste des candidats. Seul le meilleur candidat (au moment de la reception de la candidature, est conservé).

```
Election par calcul du minimum
```

```
1 initialisation
        Elu_i \leftarrow +\infty
 3 début de l'élection
        \mathbf{si} \ Elu_i == +\infty \ \mathbf{alors}
 4
            Elu_i \leftarrow i
\mathbf{5}
            envoyer ( i ) sur l'anneau
6
        fin si
7
   réception d'un message
        recevoir ( j )
9
        si j == i alors
10
                                                                                   /* S_i est élu */
            FIN
11
        si j < Elu_i alors
12
            Elu_i \leftarrow j
13
14
            envoyer ( j ) sur l'anneau
        fin si
15
```

Hypothèses:

- Communications bi-directionnelles
- Il n'existe pas d'anneau de contrôle permettant d'appliquer les algos précédents

Election dans un réseau quelconque – version centralisée

```
1 <u>initialisation</u>
        Parent_i \leftarrow 0
        NbMessagesAttendus_i \leftarrow nb de voisins
 3
        Elu_i \leftarrow +\infty
 5 début de la vague
        Elu_i \leftarrow i
 6
        Parent_i \leftarrow i
 7
        envoyer ([bleu]) aux voisins
 8
 9
   <u>début de l'élection</u>
       si\ Parent_i == 0 \ alors
10
            Elu_i \leftarrow i
11
12
        fin si
13 réception d'un message bleu
       recevoir ( [bleu] ) de S_i
14
        si\ Parent_i == 0\ alors
15
            Parent_i \leftarrow j
16
            NbMessagesAttendus_i \leftarrow NbMessagesAttendus_i - 1
17
            si\ NbMessagesAttendus_i == 0\ alors
18
                envoyer ( [rouge] Elu_i ) à S_{parent_i}
19
            sinon
20
                envoyer ( [bleu] ) aux voisins sauf S_i
\mathbf{21}
            fin si
22
23
       sinon
            envoyer ( [rouge] Elu_i ) à S_j
\mathbf{24}
        fin si
25
   réception d'un message rouge
26
        recevoir ( [rouge] Elu )
27
        Elu_i \leftarrow \min(Elu, Elu_i)
\mathbf{28}
        NbMessagesAttendus_i \leftarrow NbMessagesAttendus_i - 1
\mathbf{29}
        si\ NbMessagesAttendus_i == 0\ alors
30
            si\ Parent_i == i\ alors
31
                                                                       /* l'élu est S_{lpha l u_i}) */
                FIN
32
            sinon
33
                envoyer ( [rouge] Elu_i )
34
            fin si
35
       fin si
36
```

Principe : Cet algo vise à faire partir une vague depuis chaque site candidat. Lorsqu'un site reçoit plusieurs vagues, il choisit celle du candidat d'identité la plus petite. C'est la technique dite d'extinction. Si un site est atteint par au moins une vague, il ne peut plus devenir candidat et lancer sa propre vague.

Election par extinction (version décentralisée)

```
1 initialisation
       Parent_i \leftarrow 0
 2
       NbVoisinAttendus_i \leftarrow nb de voisins
 3
 4
       Elu_i \leftarrow +\infty
   début de la vague
                                                         /* sur les sites candidats */
       si\ Parent_i == 0 \ alors
 6
 7
           Elu_i \leftarrow i
           Parent_i \leftarrow i
 8
           envoyer ( [bleu] Elu_i )
 9
       fin si
10
11
   réception d'un message bleu
       recevoir ( [bleu] k ) de S_i
12
       si Elu_i > k alors
13
           Elu_i \leftarrow k
14
           /* on oublie la vague en cours, s'il y en avait une
                                                                                        */
           Parent_i \leftarrow j
15
           NbVoisinAttendus_i \leftarrow nb de voisins - 1
16
           si\ NbVoisinAttendus_i > 0\ alors\ /*\ diffuser\ une\ nouvelle\ vague\ */
17
               envoyer ( [bleu] Elu_i ) aux voisins sauf S_i
18
           sinon
                                                                   /* la vague remonte */
19
               envoyer ( [rouge] Elu_i ) à S_i
20
           fin si
\mathbf{21}
22
       sinon
           si\ Elu_i == k alors
23
               envoyer ( [rouge] Elu_i ) à S_i
\mathbf{24}
           fin si
25
       fin si
26
27
   réception d'un message rouge
       recevoir ( [rouge] k )
28
       si\ Elu_i == k alors
\mathbf{29}
           NbVoisinsAttendus_i \leftarrow NbVoisinsAttendus_i - 1
30
           si\ NbVoisinsAttendus_i == 0 alors
31
               si\ Elu_i == i\ alors
32
                                                                      /* l'élu est S_{\acute{e}lu_i} */
                   FIN
33
               sinon
34
                   envoyer ( [rouge] Elu_i ) à S_{parent_i}
35
               fin si
36
           fin si
37
       fin si
38
```

5 Détection de terminaisons

Principe: La technique des calculs diffus s'apparente à une vague centralisée. L'arborescence est mouvante: elle est construite et modifiée au gré des activations et désactivations des sites. Ici, ce ne sont pas les voisins qui sont attendus, mais les accusés de réception. Ceux-ci remontent l'arborescence au fur et à mesure que ses extrémités se «fanent». En quelque sorte, les messages rouges sont toujours envoyés par des sites feuilles, avant qu'ils ne quittent l'arborescence. Quand la racine est fanée, l'application est terminée. Ce mécanisme de terminaison est valable pour un unique initiateur.

Algorithme de contrôle implémentant la méthode de détection de terminaison des calculs diffus

```
1 initialisation
       Parent_i \leftarrow 0
       bilan_i \leftarrow 0
 3
       passif_i \leftarrow vrai
  début d'activité
                                                                   /* sur un seul site */
       Parent_i \leftarrow i
 6
       passif_i \leftarrow faux
 7
   fin d'activité de l'instance locale de l'app. de base
       passif_i \leftarrow vrai
 9
   émission d'un message m par l'instance locale de l'app. de base
10
       bilan_i \leftarrow bilan_i + 1
11
       envoyer ( [msg] m )
12
   réception d'un message lié à l'app. de base
13
       recevoir ( [msg] m ) de S_i
14
       si\ Parent_i == 0\ alors
                                                                  /* message de réveil */
15
           passif_i \leftarrow faux
16
           Parent_i \leftarrow j
17
       sinon
                                                /* message tout de suite acquitté */
18
           envoyer ( [acquittement] ) à S_i
19
20
21
       transmettre le message à l'app. de base locale
   réception d'un acquittement
22
       recevoir ([acquittement])
23
       bilan_i \leftarrow bilan_i - 1
\mathbf{24}
   (passif_i == vrai) et (bilan_i == 0) et (Parent_i \neq 0)
       /* il faut quitter l'arborescence
                                                                          */
       si\ Parent_i == i\ alors
26
           FIN
27
       sinon
28
           envoyer ( [acquittement] ) à S_{parent_i}
29
           Parent_i \leftarrow 0
30
       fin si
31
```

Principe : Maintenir, sur chaque site S_j , un vecteur d'entiers relatifs dont la k^eme composante représente le nombre de message emis vers le site k. De même, la j^eme composante représente l'opposé du nombre de messages reçus par S_j . Il est necessaire de gérer les court-circuits du jeton par des messages de «réveil», réactivant les sites après que le jeton les aient trouvés inactifs. Lorsque le jeton arrive sur un site actif, il est arreté. Il est donné au noeud suivant que lorsque le site courant est devenu passif (lorsque le jeton est donné au site suivant, alors le compteur local du site est remit à zéro). Lorsque l'application est terminée, toutes les composantes du jeton-vecteur sont nulles.

Avantages : Cette technique est rapide. Il ne faut qu'un seul tour d'anneau pour permettre au dernier site ayant bloqué le jeton de conclure à la terminaison.

Inconvénients : Cette technique est gourmande en place memoire Hypothèses :

— Anneau de contrôle (circuit hamiltonien)

```
Jeton-vecteur
 1 initialisation
        pour k = 1 \text{ à N faire}
            V_i[k] \leftarrow 0
 3
            VJ_i[k] \leftarrow 0
 4
        fin pour
 5
       passif_i \leftarrow vrai
 6
        jetonPresent_i \leftarrow faux
 7
        jetonTransmis_i \leftarrow \text{faux}
   début d'activité de l'instance locale de l'app. de base
 9
       passif_i \leftarrow faux
10
   fin d'activité de l'instance locale de l'app. de base
11
        passif_i \leftarrow vrai
12
   départ du jeton
13
        pour k = 1 \text{ à N faire}
14
            VJ_i[k] \leftarrow VJ_i[k] + V_i[k]
15
            V_i[k] \leftarrow 0
16
        fin pour
17
18
        jetonTransmis_i \leftarrow vrai
19
        envoyer ( [jeton] VJ_i ) au successeur sur l'anneau
   demande d'émission d'un message m vers S_i par l'instance locale de l'app. de base
        V_i[j] \leftarrow V_i[j] + 1
\mathbf{21}
22
        envoyer ( m ) à S_i
   réception d'un message m
        recevoir ( m )
24
        V_i[i] \leftarrow V_i[i] - 1
25
        transmettre le message à l'app. de base
26
   réception du jeton
27
        recevoir ( [jeton] VJ )
28
        VJ_i \leftarrow VJ
29
30
        jetonPresent_i \leftarrow vrai
    (jetonPresent_i == vrai) et (passif_i == vrai)
31
        pour k = 1 \text{ à N faire}
32
            VJ_i[k] \leftarrow VJ_i[k] + V_i[k]
33
            V_i[k] \leftarrow 0
34
35
        fin pour
        si (jetonTransmis_i == vrai) et (VJ_i[k] == 0 \ \forall k, 1 \leq k \leq N) alors
36
            FIN pour S_i
37
        fin si
38
        envoyer ( [jeton] VJ_i ) au successeur sur l'anneau
39
        jetonPresent_i \leftarrow faux
40
41
        jetonTransmis_i \leftarrow vrai
```

Détection de l'interblocage dans le contexte général – Application de base

```
1 initialisation
         NumRequête_i \leftarrow 0
 \mathbf{2}
 3 émission d'une requête
         NbR\acute{e}pAttendues_i \leftarrow nb de destinataires
 4
         P_i \leftarrow \text{prédicat correspondant à la réponse attendue}
 5
 6
         R\acute{e}pR_i \leftarrow \emptyset
         ReqR_i \leftarrow \emptyset
 7
         Etat_i \leftarrow en\_attente
 8
         NumRequête_i++
 9
         envoyer ( i, requête, p ) aux destinaires
10
   réception d'une requête
11
         recevoir (j, requête, p)
12
         \mathbf{si}\ Etat_i \neq \text{en\_attente alors}
13
14
              envoyer ( réponse, q ) à S_j
15
         sinon
              RegR_i \leftarrow RegR_i \cup \langle j, reguête, q \rangle
16
         fin si
17
   réception d'une réponse
18
         recevoir (réponse, q)
19
         \mathbf{si} \ \mathbf{q} == NumRequête_i \ \mathbf{et} \ Etat_i == \mathbf{en}_{\mathbf{a}}attente \mathbf{alors}
20
              NbR\acute{e}pAttendues_{i}- -
\mathbf{21}
              R\acute{e}pR_i \leftarrow R\acute{e}pR_i \cup \{r\acute{e}ponse\}
22
23
              si P_i(R\acute{e}pR_i) ou NbR\acute{e}pAttendues_i == 0 alors
                   Etat_i \leftarrow actif
                  pour tout \langle j, requête, q \rangle \in ReqR_i faire
25
                       envoyer ( réponse, q ) à S_j
26
                   fin pour
27
             fin si
28
         fin si
29
```

```
Exclusion mutuelle avec permission individuelle, site S_i
    /* Attendus_i = \{S_1, ..., S_N\}
 1 <u>initialisation</u>
         R\'{e}ponsesDiff\'{e}r\'{e}es_i \leftarrow \emptyset
                                                                     /* requêtes en souffrance */
 \mathbf{2}
                                                                        /* autorisations reçues */
 3
        Reçus_i \leftarrow \emptyset
        h_i \leftarrow 0
 4
        hdem_i \leftarrow 0
                                                             /* date de la dernière demande */
 5
        \acute{e}tat_i \leftarrow repos
 6
   réception demande de section critique
        recevoir ( [demandeSC] ) de l'app. de base
 8
        h_i \leftarrow h_i + 1
 9
        hdem_i \leftarrow h_i
10
        \acute{e}tat_i \leftarrow demandeur
11
        envoyer ( [requête] h_i ) à tous les sites sauf S_i
12
         Reçus_i \leftarrow \emptyset
13
   réception fin de section critique
14
        recevoir ([finSC]) de l'app. de base
        h_i \leftarrow h_i + 1
16
        pour tout S_k \in R\acute{e}ponsesDiff\acute{e}r\acute{e}es_i faire
17
             envoyer ( [permission] h_i ) à S_k
18
        fin pour
19
        \acute{e}tat_i \leftarrow repos
20
         R\'{e}ponsesDiff\'{e}r\'{e}es_i \leftarrow \emptyset
21
22 réception d'une requête
        recevoir ( [requête] h ) de S_i
23
        h_i \leftarrow max(h_i, h) + 1
\mathbf{24}
        si (état_i \neq repos) et ((hdem_i, i) <2 (h, j)) alors
25
             R\'{e}ponsesDiff\'{e}r\'{e}es_i \leftarrow R\'{e}ponsesDiff\'{e}r\'{e}es_i \cup \{S_i\}
26
27
        sinon
             envoyer ( [permission] h_i ) à S_i
28
        fin si
29
   réception d'une permission
30
        recevoir ( [permission] h ) de S_i
31
        h_i \leftarrow max(h_i, h) + 1
32
        Re \zeta u s_i \leftarrow Re \zeta u s_i \cup \{S_i\}
33
34
        \mathbf{si} \ (Re \varsigma us_i == Attendus_i) \ \mathbf{alors}
             envoyer ( [débutSC] ) à l'app. de base
35
             \acute{e}tat_i \leftarrow satisfait
36
        fin si
37
```

Exclusion mutuelle avec répartition d'une file d'attente, site S_i

```
1 initialisation
        Tab_i[k] \leftarrow (libération, 0) \text{ pour tout } k \in \{1, ..., N\}
        h_i \leftarrow 0
 3
 4 réception demande de section critique
        recevoir ( [demandeSC] ) de l'app. de base
 5
        h_i \leftarrow h_i + 1
 6
        Tab_i[i] \leftarrow (\text{requête}, h_i)
 7
        envoyer ( [requête] h_i ) à tous les autres sites
   réception fin de section critique
        recevoir ([finSC]) de l'app. de base
10
        h_i \leftarrow h_i + 1
11
        Tab_i[i] \leftarrow (libération, h_i)
12
        envoyer ( [libération] h_i ) à tous les autres sites
13
   réception d'une requête
        recevoir ( [requête] h ) de S_i
15
16
        h_i \leftarrow max(h_i, h) + 1
        Tab_i[j] \leftarrow (\text{requête}, h)
17
        envoyer ( [accusé] h_i ) à S_i
18
        \mathbf{si} (Tab_i[i].type == \text{requête}) \mathbf{et} ((Tab_i[i].date, i) <_2 (Tab_i[k].date, k) pour
19
         tout k \neq i) alors
            envoyer ( [débutSC] ) à l'app. de base
20
        fin si
21
22 réception d'une libération
        recevoir ( [libération] h ) de S_i
23
        h_i \leftarrow max(h_i, h) + 1
\mathbf{24}
        Tab_i[j] \leftarrow (libération, h)
25
        \mathbf{si}~(Tab_i[i].type == requête) et ((Tab_i[i].date,\,\mathbf{i}) <_2 (Tab_i[k].date,\,\mathbf{k}) pour
26
         tout k \neq i) alors
            envoyer ( [débutSC] ) à l'app. de base
27
28
        fin si
   réception d'un accusé
\mathbf{29}
        recevoir ( [accusé] h ) de S_i
30
        h_i \leftarrow max(h_i, h) + 1
31
        si Tab_i[j].type \neq \text{requête alors}
32
            Tab_i[j] \leftarrow (accusé, h)
33
34
        fin si
        \mathbf{si} (Tab_i[i].type == \text{requête}) \mathbf{et} ((Tab_i[i].date, i) <_2 (Tab_i[k].date, k) pour
35
         tout k \neq i) alors
            envoyer ( [débutSC] ) à l'app. de base
36
37
        fin si
```