TÉLÉCOM PARISTECH

Projet de filière SR2I

Détection d'anomalies de classification dans l'IoT via Machine Learning

Antoine Urban, Yohan Chalier

encadré par Jean-Philippe Monteuuis Houda Labiod

Résumé

Dans le contexte de l'internet des objets, les messages peuvent contenir de fausses informations générées par un utilisateur authentifié. Par conséquence, les mécanismes de sécurité reposant sur le chiffrement et la signature sont inutiles face à ces attaques. Les algorithmes reposant sur l'apprentissage machine (Machine Learning) permet de classer si un objet émettant des données est malicieux ou non.

Introduction

L'exercice de la conduite est synonyme de changements constant. Ainsi, lorsque nous conduisons, notre attention est tout entière consacré à notre environnement, car notre sécurité est celle des personnes qui nous entourent sont en jeu. Nous prêtons ainsi naturellement une attention toute particulière aux obstacles qui peuvent surgir, qu'il s'agisse tout simplement d'autres voitures partageant la route, des piétons ou encore des motocyclistes.

Pendant longtemps fantasmés, les véhicules autonomes deviennent aujourd'hui réalité, grâce à l' incroyable progrès réalisé dans les domaines de l'intelligence artificielle et du développement de capteurs. Si ces processus visent à remplacer le conducteur humain, il semble naturel qu'ils prêtent la même attention aux obstacles. Les méthodes utilisées se doivent d'être fiables et performante, car en matière de sécurité, le droit à l'erreur n'existe pas.

Dans ce travail, nous nous concentrerons sur les trois types d'obstacles les plus communs sur une route :

- une voiture:
- une moto;
- un piéton.

Tout travail sur l'analyse d'obstacles nécessite la détection préalable de régions d'intérêt en utilisant par exemple la méthode du "point-in-polygon" [?], ou encore à l'aide de capteurs à ultrasons et d'analyse de signal [?]. Ce travail n'a pas comme objectif de revenir sur l'utilisation de ces techniques, mais se concentrera sur l'analyse à posteriori des dimensions ainsi collectées avec pour but de proposer une classification efficace.

Objectifs

A travers un cas simple, nous cherchons à vérifier l'appartenance d'un objet à une classe (e.g. un véhicule) en utilisant un algorithme de machine learning et les dimensions de l'objet. Il s'agit donc de proposer un modèle de classification multi-classes en réalisant un classeur à partir d'un algorithme d'apprentissage supervisé. Au préalable, nous nous assurons de trouver des bases de données avec les dimensions pour chacune des classes pour entraîner et valider notre modèle. Ensuite, nous proposerons une méthodologie de sélection d'un algorithme d'ap-

prentissage supervisé en évaluant leur précision et leur efficacité respectives. Dans ce travail, nous avons considérés les algorithmes (c) suivant :

- Réseau de Neurones (c = 1);
 Adaboost (c = 2);
 SVM (c = 3);
 Random Forest (c = 4).
- L'Algorithme ?? permet de résumer le déroulé du processus de prédiction.

Algorithme 1 : Fonction de prédiction

Données : Un message i envoyé par un objet communicant contenant la classe de l'objet (classe $_i \in \{\text{voiture, moto, piéton}\}\)$ et les dimensions de l'objet (longueu $_i$; largeu $_i$)

Résultat : Détection des objets malicieux

 $si\ fonction(classe_i,\ longueur_i,\ largeur_i)\ alors \ |\ retourner\ "malicieux" \ sinon$

retourner "non-malicieux" fin

Démarche et stratégie

2.1 Première implémentation

2.1.1 Objectif

En premier lieu, nous souhaitions commencer par une vision globale des données et du travail à effectuer. Nous disposions d'une base de données contenant des mesures de voiture, provenant de CarQuery, et contenant 54808 lignes complètes. Dans cette partie, nous allons nous efforcer d'obtenir une première fonction de classification se basant sur des critères très simple : des régions de décision rectangulaires et arbitraires.

2.1.2 Mise en œuvre

Puisque l'objectif de cette étude est la détection d'anomalies dans la mesure de longueur et de largeur, nous avons extrait les deux colonnes correspondantes dans une DataFrame du module Pandas, en Python.

Après un premier affichage des données, il est apparu que beaucoup de points apparaissaient en plusieurs fois, aussi la séparation de la base de données en points uniques et points non-uniques se révéla pertinente. Cela permit de réduire le nombre de lignes à 5026.

Manuellement, nous avons alors défini des zones simples (rectangulaires) en tant que régions de décision (Table ??). Ces zones ont été définies au jugé, afin d'encadrer le plus de points valides sans toutefois englober une zone de l'espace trop large.

cadre	validité	intervalle de longueur	intervalle de largeur
vert	non-malicieux	$3 \ {\rm \grave{a}} \ 6.5 \ {\rm m\`{e}tres}$	1,4 à 2,4 mètres
gris	malicieux	$3 \ {\rm \grave{a}} \ 4.1 \ {\rm m\`{e}tres}$	2,05 à $2,4$ mètres
gris	malicieux	5,25 à $6,5$ mètres	1,4 à $1,65$ mètres

Table 2.1 – Dimensions des régions de décision arbitraires

Hors de la zone verte, et dans les deux cadres gris, nous avons alors généré aléatoirement 700 points définis comme malicieux. La Figure ?? représente l'affichage de tous les points décrits plus tôt ainsi que des régions de décision. Ainsi

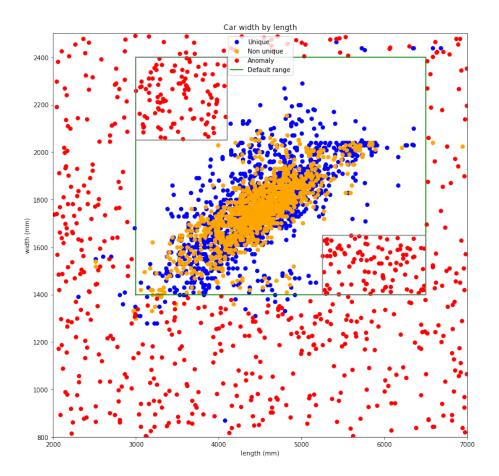


FIGURE 2.1 – Régions de décision manuelles pour des dimensions de voitures

faite, notre classification possède, sur le jeu d'entraı̂nement, une précision de $97,\!57\%.$

2.2 Recherche des bases de données

2.3 Environnement de travail

Dans cette partie, nous décrivons les outils utilisés et développés pour poursuivre notre étude. Ces éléments se retrouvent sur le dépôt git que nous avons utilisé pour sauvegarder notre code : github.com/ychalier/anomaly.

2.3.1 Environnement Python

Afin d'éviter d'éventuels problème de version, nous avons opté pour l'utilisation d'environnements virtuels à l'aide du module virtualenv. Nous avons choisi le noyau Python 3.6. Les modules utilisés sont regroupés dans le fichier requirements.txt présent dans le dépôt git. Les principaux sont :

— numpy

- pandas
- matplotlib
- jupyter
- scikit-learn

2.3.2 Chargement des bases de données

Afin de centraliser le chargement des bases de données explicitées plus tôt entre tous les scripts en ayant besoin, nous avons implémenté une fonction de chargement nommée load_detector dans loader.py. Cette fonction instancie un object de la classe Detector, que nous décrirons dans la partie suivante. Elle procède de la façon suivante :

- 1. Pour chaque jeu de données au format CSV
 - 1.1. Lire les colonnes contenant la longueur et la largeur
 - 1.2. Renommer ces colonnes en "length" et "width"
 - 1.3. Supprimer les lignes incomplètes
 - 1.4. Si nécessaire, convertir les données en flottant et en millimètres
 - 1.5. Ajouter une colonne contenant la classe correspondant au jeu de données considéré
 - 1.6. Appliquer un premier filtre sur la longueur ou la largeur pour supprimer les points extrêmes isolés
- 2. Fusionner toutes les matrices précédentes en une seule
- 3. Créer un nouvel objet Detector avec cette matrice en attribut
- 4. Supprimer les éventuels redondances
- 5. Ajouter une colonne "odd" à la matrice, initialisée à False
- 6. Générer les données malicieuses
- 7. Ajouter les données malicieuses à la base de données, en rajoutant la colonne "odd" initialisée à True
- 8. Remplacer les valeurs des classes (originnellement des chaînes de caractères comme "car" ou "human") par des entiers
- 9. Séparer la matrice en un jeu d'entraînement et un jeu de test
- 10. Renvoyer l'objet 'Detector' ainsi initialisé

Dans le cas des bases de données décrites au paragraphe précédent, l'étape 1.6. permet de supprimer quelques points, par exemple une moto de longueur supérieure à 20 mètres, ou une voiture de 6 mètres de large. Bien que réelles, ces données sont trop isolées pour être considérés dans le reste de notre travail.

La DataFrame finale possède 4 colonnes, plus une pour l'index. Ces colonnes sont la classe du véhicule (entier), la longueur (flottant), la largeur (flottant), et le caractère malicieux (booléen).

Génération des données malicieuses Pour un nombre de points à générer donné, le programme génère des points uniformément dans la zone rectangulaire définie par les minimums et maximums de longueur et de largeur de la base de données initiales. À chacun de ces points est associé, uniformément, une classe aléatoire parmi les classes présentes dans la base de données. La génération utilise un seed entier entre 0 et $2^{32}-1$, ré-utilisable ultérieurement pour générer le même jeu de données.

Séparation de la matrice Avec le *seed* généré précédemment, la grande matrice est tout d'abord mélangée pour éviter d'avoir toutes les données triées. Puis, elle est coupée en deux moitiés :

- le jeu d'entraînement
- le jeu de test

Enfin, on procède à la division de chacune de ces matrices en deux matrices, une pour les *features* et une pour le label de sortie (le caractère malicieux). Au final, chacune de ces DataFrames (x_train, y_train, x_test et y_test) est stockée dans l'objet Detector.

2.3.3 Classe Detector

Comme expliqué précédemment, cette classe stocke les jeux de données utilisés pour l'entraînement et la prédiction. Elle va aussi permettre de centraliser les tests de *classifiers*, et l'affichage des données. Ses méthodes (Table ??) sont donc une sorte d'API pour la réalisation de la fonction de prédiction finale, objectif du projet.

	clean	Étapes 4 et 5 du chargement des données	
Pre-processing	append_odd_points	Étape 7 du chargement des données	
	format	Étapes 8 et 9 du chargement des données	
	classify	Entraı̂ne un <i>classifier</i> et renvoie le score de test	
Interface sklearn	tune_parameters	Trouve le meilleur jeu de paramètres pour un classifier	
	predict	Fonction finale de prédiction online	
A. (7)	plot	Affiche la matrice de données complètes	
Affichage	plot_decision_ boudaries	Affiche les régions de décisions d'un $classifier$	

Table 2.2 – Méthodes de la classe Detector

2.4 Méthode d'évaluation

2.4.1 Matrice de confusion

Une technique pour évaluer la performance d'un algorithme de classification est d'utiliser une matrice de confusion. Il s'agit d'un résumé des résultats de prédiction sur un problème de classification, qui donne un aperçu du degré de confusion de notre modèle.

Terminologie

Pour définir de manière formelle une matrice de confusion, il convient d'introduire les termes suivants :

- TP (Vrai Positif) : item correctement détecté positif
- FP (Faux Positif) : item déclaré positif, là où il est en réalité négatif
- FN (Faux négatif) : item déclaré négatif alors qu'il était en réalité positif
- TN (Vrai négatif) : item correctement détecté comme négatif

Ces derniers permettent de définir la classification, correcte ou non, des objets données en entrée de notre fonction. Nous pouvons dès lors construire la matrice suivante :

		Classe	e réelle		
		Positif	Négatif		
Classe prédite	Positif	TP	FP	PPV	FDR
Classe predite	Négatif	FN	TN	FOR	NPV
		TPR	FPR		
		FNR	TNR		

Pour la suite, et pour comprendre cette matrice, il convient d'introduire les résulats suivants :

— ratio de vrai positif :
$$TPR = \frac{TP}{TP + FN}$$

— ratio de vrai négatif :
$$TNR = \frac{TN}{TN + FP}$$

— ratio de vrai positif :
$$TPR = \frac{TP}{TP + FN}$$

— ratio de vrai négatif :
$$TNR = \frac{TN}{TN + FP}$$

— ratio de faux positif :
$$FPR = \frac{FP}{TP + TN}$$

— ratio de faux négatif :
$$FNR = \frac{FN}{TP + FN}$$

— valeur prédictive positive :
$$PPV = \frac{TP}{TP + FP}$$

— valeur prédictive négative :
$$NPV = \frac{TN}{TN + FN}$$

— taux de fausses découvertes :
$$TPR = \frac{FP}{TP + FP}$$

— taux de fausses omissions :
$$FOR = \frac{FN}{TN + FN}$$

Ce mode de représentation permet non seulement de mettre en évidence les erreurs qui sont faites par votre classificateur, mais surtout des types d'erreurs qui sont commises. En effet, l'utilisation de la seule précision peut être trompeuse dans la mesure où le nombre d'observation dans chaque classe est inégale. Pour illustrer ce phénomène, prenons un exemple précis. Considérons l'algorithme SVM (support vector Machine) avec les paramètres suivants :

C=0.1, cache-size=200, class-weight=None, coef0=0.0, decision-function-shape='ovr', degree=3, gamma='auto', kernel='linear', max-iter=-1, probability=False, randomState=None, shrinking=True, tol=1e-05, verbose=False

La précision de cet algorithme avec ces paramètres est égale à 0.96660 et renvoie la matrice de confusion suivante :

$$\begin{bmatrix} 2771 & 74 \\ 239 & 239 \end{bmatrix}$$

Nous remarquons bien que la classification est loin d'être satisfaisante alors que le score de précision est, lui, important. Il y a en effet dans ce dernier aucune pondération. Si une classe contenant un nombre de paramètres important est bien classifiée, elle peut "masquer" les mauvais résultats obtenus pour d'autres classes plus petites.

Score F1

Comme nous l'avons vu, le taux d'exactitude reste trop général pour correctement caractériser la performance d'une classification. Nous allons donc utiliser une autre métrique : le score F1. Pour ce faire, introduisons deux termes :

La précision : la précision est le ratio d'observations positives correctement prédites sur le total des observations positives prédites. On a donc :

$$Precision = \frac{TP}{TP + FP} \tag{2.1}$$

Le taux de rappel : le taux de rappel est le ratio d'observations positives correctement prédites sur le total des observation de cette classe. On a donc :

$$Recall = \frac{TP}{TP + FN} \tag{2.2}$$

Il est souvent intéressant de comparer 2 versions d'un classeur pour déterminer lequel est le plus performant. Une idée intuitive serait de faire la moyenne de la précision et du taux de rappel. Pourtant, dans le cas d'une précision très mauvaise et d'un taux de rappel très élevé, nous pouvons rapidement à une mauvaise estimation de la performance de notre algorithme. C'est pour cette raison que nous introduisons une nouvelle métrique : le score F1. elle est défini comme étant la moyenne harmonique de la précision et du taux de rappel. On a donc :

$$\text{F1 Score} = \ \frac{2*(Recall*Precision)}{(Recall+Precision)} = 2*\frac{ppv*tpr}{ppv+tpr} (2.3)$$

Dans notre cas, nous cherchons à minimiser le nombre de faux positifs et de faux négatifs. L'utilisation du score F1 nous permet de les prendre tous deux en compte.

Paramétrage et résultats

3.1 Recherche des paramètres optimaux

Une majeure partie de notre temps a été investie dans la recherche des jeux de paramètres optimaux pour chacun des *classifiers* sélectionnés. Nous avons procédé en deux temps. Premièrement, nous avons implémenté un script testant des intervalles de paramètres et renvoyant les meilleurs combinaisons. Puis, nous avons utilisé ce script pour des intervalles de valeurs de paramètres que nous avons jugé pertinents.

3.1.1 Recherche exhaustive et validation croisée

Notre algorithme de recherche des paramètres est basé sur une fonction de scikit-learn, dans le module de sélection de modèle : GridSearchCV. Cette fonction est utilisée dans la méthode tune_parameters du Detector. Cette fonction effectue une recherche exhaustive d'un jeu de paramètres optimal pour un classifier donné à partir d'un dictionnaire dont les clés sont les paramètres à faire varier et les valeurs les listes des valeurs prises par ces paramètres.

Cette fonction utilise de plus la technique de validation croisée. En quelques mots, cette technique consiste en la division des données d'entraı̂nement en C sous-échantillons. 1 sous-échantillon servira à la validation du modèle, tandis que les C-1 autres permettront l'entraı̂nement du modèle. On répète cette opération C fois, afin que chaque sous-échantillon soit utilisé pour la validation une fois. La performance du modèle est ensuite évaluée en effectuant la moyenne des C erreurs quadratiques.

La fonction d'évaluation du score utilisée par ${\tt GridSearchCV}$ est par ailleurs modifiable. Dans le cadre de notre projet, nous nous intéressons au ${\tt f1\textsc-score}$ pour évaluer un modèle, et nous souhaitions aussi extraire, si possible, les tendances d'évolution du score en fonction des différents paramètres testés. Nous avons donc implémenté notre propre fonction d'évaluation, prenant en paramètre l'estimateur à évaluer et les matrices de ${\tt features}$ et de ${\tt labels}$ à utiliser pour cela. Cette fonction effectue les opérations suivantes :

- 1. Prédiction des labels à partir de la matrice de features
- 2. Calcul de la matrice de confusion entre la prédiction et la matrice donnée en consigne

3. Sauvegarde des paramètres et du score

4. Retour du f1-score

L'étape 3 consiste en l'écriture dans un fichier d'une ligne contenant la description détaillée des paramètres de l'estimateur ainsi que les résultats des scores. La fonction de recherche exhaustive étant fortement parallèle, chaque processus écrit dans son propre fichier. Une fois tous les tests effectués, ces fichiers sont concaténés en un grand fichier. Cette méthode d'enregistrement continu permet en outre de sauvegarder les résultats des tests au fur et à mesure de l'exécution du programme, ce qui se révèlera important lors d'interruptions prématurées de cette exécution.

En effet, ce fut l'un de nos plus importants problèmes lors de ce projet. Pour le Multi-layered Perceptron, il y avait beaucoup de paramètres en jeu, et la complexité combinatoire mélangée avec le temps de convergence des réseaux neuronaux ont rendu l'exécution du script interminables. Notre plus long essai eut lieu sur le serveur InfRes lame10 doté pourtant de 80 cpus, sur une durée de plus de 18 heures. Malgré tout, il aura fallut interrompre l'exécution du programme manuellement pour rendre le serveur disponible. Le fichier généré pesait plus de 120Mo, et les deux CSV extraits pèsent respectivement 25Mo et 23Mo.

Enfin, du grand fichier généré contenant l'historique de tous les tests passés sont ensuite extraites les tables de score CSV qui seront présentées dans les paragraphes suivant. Ces dernières sont disponibles à l'adresse https://perso.telecom-paristech.fr/ychalier/anomaly/params/. Pour chaque phase de test, le script génère :

- Un fichier de scores (TPR, FPR, TNR, FNR, PPV, f1-score, temps de prédiction)
- Pour chaque classe différente d'estimateur, un fichier contenant tous les jeux de paramètres

Ces tables sont, à la manière des tables en SQL, liées par une clé primaire externe qui est l'identifiant (unique) de la combinaison de paramètres.

3.1.2 Multi-layered perceptron

À l'aide d'un autre petit script Python, nous avons pu afficher les données récoltées dans les CSV mentionnés plus tôt. Les Figures ?? et ?? sont le résultat du long test pour les paramètres du MLP. La Table ?? regroupe les différents paramètres testés.

paramètre	ensemble des valeurs testées
$learning_rate$	'constant', 'invscaling' et 'adaptive'
alpha	$\{10^{-k} \mid k \in [\![4,7]\!]\}$
activation	'identity', 'logistic', 'tanh' et 'relu'
solver	'lbfgs', 'sgd' et 'adam'
hidden_layer_sizes	0 à 5 <i>layers</i> , de taille variant de 1 à 49

Table 3.1 – Liste des paramètres testés pour le multi-layered perceptron

L'exploitation des résultats est rendue très difficile par le manque de consistance des scores. Cependant, nous avons pu remarqués que des paramètres

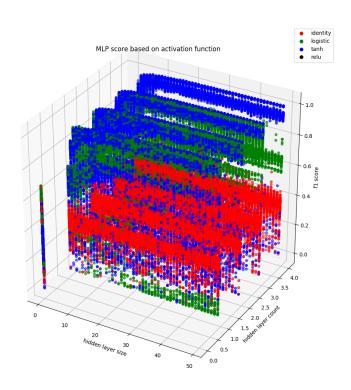


FIGURE 3.1 – Évolution du score pour MLP selon la fonction d'activation

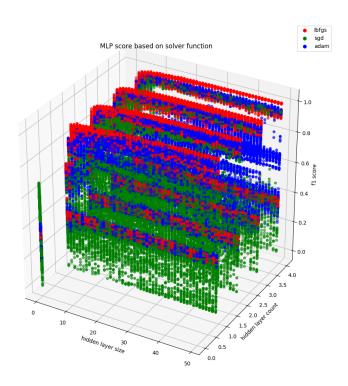


Figure 3.2 – Évolution du score pour MLP selon l'algorithme de descente du gradient

comme la régularisation (alpha) ou la taille et nombre de *layers* n'avaient que peu d'influence sur les résultats. Par contre, deux éléments semblent ce dégager :

- la tangente hyperbolique comme fonction d'activation
- *lbfgs* comme méthode du gradient (la documentation de sklearn prédit cette préférence lorsqu'il y a peu de données à exploiter)

Enfin, la Table ?? donne les résultats donnés par la recherche exhaustive et validation croisée.

paramètre	valeur	
learning_rate	'constant'	
alpha	10^{-6}	
activation	'tanh'	
solver	'lbfgs'	
hidden_layer_sizes	[28, 28, 28]	

Table 3.2 – Paramètres optimaux pour MLP

3.1.3 AdaBoost

Comme pour MLP, la Table ?? liste les paramètres testés et la Figure ?? montre l'évolution du score en fonction de ces paramètres.

paramètre	ensemble des valeurs testées
n_{-} estimators	[1,99]
$learning_rate$	$\{k/10 \mid k \in [\![1,9]\!]\}$
base_estimator	Arbres de décision de profondeur maximale dans [2,9]

Table 3.3 – Liste des paramètres testés pour AdaBoost

Ici, il y a peu d'interprétations possibles : les paramètres influent peu sur la performance de l'estimateur. Dès lors que les arbres sont suffisamment profonds, qu'il y a assez d'estimateurs agrégés et que le taux d'apprentissage et correct, les résultats sont vite optimaux. La fonction de recherche exhaustive nous a renvoyé la combinaison de paramètres présentée dans la Table ?? (pour un f1-score moyen maximal de 0,947).

paramètre	valeur
n_{-} estimators	46
${\tt learning_rate}$	0,3
base_estimator	Arbres de décision de profondeur maximale 3

Table 3.4 – Paramètres optimaux pour AdaBoost

3.1.4 SVM

L'algorithme du SVM est initialement définis pour la discrimination d'une variable qualitative binaire. Il est à ce titre particulièrement indiqué dans le

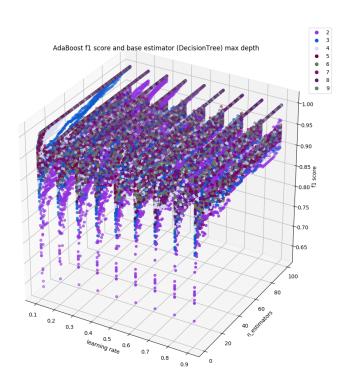


FIGURE 3.3 – Évolution du score pour Ada Boost selon la profondeur maximale de l'arbre de décision

cas de problèmes linéairement séparables. Or, nous sommes en présences d'un problème à 3 classes. Nous allons donc devoir adapter la méthode générale. Plusieurs adaptations existent. Parmi ces dernières, nous avons considéré les deux suivantes :

- La méthode "One-Versus-the-Rest" est la plus simple et la plus ancienne des méthodes d'otpimisation indirectes. Il s'agit d'une extension au cas multiclasses proposée par Vapnik[?]. Elle consiste à construire p classifieurs binaires (à vecteurs de supports) pour classifier p classes. S'il s'agit d'une extension facile à mettre en place, cette méthode risque d'introduire artificiellement un déséquilibre des classes dans la construction des modèles individuels.
- Méthode directe de **Crammer et Singer**[?]: Contrairement aux schémas de décomposition indirect (comme la méthode 'OVR", cette approche consiste à séparer les classes en résolvant un unique problème d'optimisation. Ainsi, cela revient à résoudre un problème d'optimisation à (p-1).n contraintes (où p est le nombre de classe et n le nombre d'observations).

Comme pour les méthodes précédentes, la table?? liste les paramètres testés

paramètre	ensemble des valeurs testées	
multi_class	'ovr', 'crammer_singer'	
C	$\{10^k \ \ k \in [\![-2,3]\!]\}$	
tol	$\{10^-k \mid k \in [3, 6]\}$	

Table 3.5 – Liste des paramètres testés pour SVM

3.2 Étude comparative des performances

3.3 Utilisation de la prédiction en-ligne

L'objectif final de ce projet est la mise à disposition d'une fonction de prédiction autonome permettant de classer des données relevées par un ensemble de capteurs en malicieux / non-malicieux.

Cette fonction est déjà implémentée dans le code, il s'agit de la méthode predict de la classe Detector. Le processus pour initialiser cette fonction est le suivant :

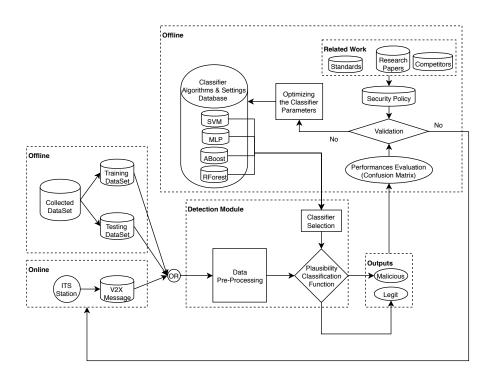
- 1. Créer un objet Detector en chargeant les bases de données récoltées
- 2. Entraı̂ner un *classifier*, dont les paramètres sont ceux résultant de l'optimisation effectuée précédemment, avec ces données
- 3. Attribuer ce classifier en tant que classifier de prédiction pour le ${\tt Detector}$
- 4. Sauvegarder la méthode predict

La dernière étape de ce processus consiste en la sérialisation de la méthode, à l'aide du module pickle. La méthode, contenant une référence à l'estimateur sélectionné, possède tous les éléments pour effectuer les prédictions. Son utilisation peut alors être résumée à l'aide de la fonction suivante :

```
def classify(class_, length, width):
 import pickle
 file = open('anomaly_classifier.clf', 'rb')
 fun = pickle.load(file)
 file.close()
 if fun(class_, length, width):
     return "malicious"
 else:
     return "non-malicous"
```

Cette fonction est autonome et portable ; elle ne nécessite qu'un fichier contenant la méthode citée précédemment.

Conclusions



Bibliographie

- [1] Deepika, N AND Sajith Variyar, V. V., Obstacle classification and detection for vision based navigation for autonomous driving, Addison Wesley, Massachusetts, IEEEl, 2017.
- [2] Gerard Gibbs and Huamin Jia and Irfan Madani, Obstacle Detection with Ultrasonic Sensors and Signal Analysis Metrics, Transportation Research Procedia, 2017.
- [3] Vapnik, V.: Statistical Learning Theory. Wiley, New York (1998).
- [4] Crammer, K., Singer, Y.: On the algorithmic implementation of multiclass kernel-based vector machines. J. Mach. Learn. Res. 2, 265–292 (2001)