Лабораторная работа №2

Работа с графикой

Вариант 2

В этом задании символьные вычисления не используются.

Двумерная графика, часть первая.

Написать функцию compareInterp(x, xx, f), которая принимает на вход две сетки, xx (более мелкую) и x (более крупную), $x \subset xx$, и указатель на функцию f (function handle). Эта функция рисует графики f на сетке xx и графики функций, получающихся интерполированием f с сетки x на сетку xx различными методами (флаги команды interp1: nearest, linear, spline, cubic). График оборудовать легендой, а также заголовком с наименованием метода интерполяции.

- 1 [1]. Написать функцию compareInterp(x, xx, f) в соответствии с Требованиями к Написанию Программ Практикума.
- **2** [2]. Подобрать набор функций, на котором продемонстрировать преимущества и недостатки каждого метода интерполирования (хотя бы 4 нетривиальных примера).
- **3** [2]. Оценить априорную погрешность интерполирования линейным методом. Для построения оценки считать известными максимумы производных. Построить график априорной и получившейся погрешности для двух функций: на одной с большим отклонением от априорной погрешности, на другом с малым.

Двумерная графика, часть вторая.

- 4 [1]. Написать функцию convergenceFunc(fn,f,a,b, n, convType)), принимающаю на вход аргументы: функцию fn(n,x), такую, что fn(n,x) = $f_n(x)$, и функцию f, считающуюся пределом последовательности $f_n(x)$ на [a,b] в смысле, задаваемом аргументом-строкой convType: это может быть поточечная сходимость, равномерная сходимость, среднеквадратичная сходимость. Функция рисует анимацию из n кадров, на каждом i-м из которых нарисованы f_i и f на отрезке [a,b]. В заглавии графика стоит вывести значении метрики разности для всех сходимостей, кроме поточечной.
- 5 [2]. Написать функции fourierApprox(f,a,b, n, meth)), принимающаю на вход аргументы: функцию f, и рисующую анимацию из n кадров, на каждом из которых рисуется i-я частичная сумма ряда Фурье для этой функции на [a,b] по системе функций, задаваемой параметром meth. Должна быть реализована стандартная тригонометрчиеская система функций, система многолченов Чебышёва и любая другая полная система функций, не встречающаяся ни в одном из вариантов этого задания. Каждая система должна порождаться функцией вида getFunc(n), возвращающую анонимную функцию номер n в той или иной системе.
- **6** [1]. Создать скрипт, в первом блоке которого задаётся переменная-функция и некоторая сетка. Второй блок рисует график функции на этой сетке, отмечает на все точки локального минимума, отмечает один глобальный максимум, и запускает от него до ближайшего минимума комету (команда comet). Подобрать примеры функций со многими экстремумами. В разных примерах комета должна иметь возможность двигаться как вправо, так и влево.
- 7 [2]. Написать функцию getEqual(f,g,t0,t1,N), которая принимает на вход две функции, описывающие параметрическую кривую на плоскости,

$$l = \{(x, y): x = f(t), y = g(t), t = [t_0, t_1]\},\$$

и возвращает N точек $\{p_k\}_{k=1}^N$ таких, что $p_k \in l$ и $\|p_i - p_{i+1}\| = \text{const}$ для всех k, причём $p_1 = (f(t_0), g(t_0))$, $p_N = (f(t_1), g(t_1))$. Сравнить среднее расстояние между точками, полученных из равномерной по t параметризации $(p_k = (f(t_0 + k \cdot \Delta t), g(t_0 + k \cdot \Delta t))$ с получившимся расстоянием между точками. Продемонстрировать работу на фигурах Лиссажу:

$$x(t) = A\sin(at + \delta), \ y(t) = B\sin(bt), \ A, B, a, b, \delta - \text{const}.$$

8 [2]. Написать функцию drawSet(rho,N) которая получает на вход опорную функцию некоторого плоского множества [val, point] = rho(x), возвращающую значение опорной функции в направлении x и соответствующий опорный вектор. Функция drawSet рисует внутреннюю и внешнюю кусочно-линейные аппроксимации границы множества с N точками. Функцией convhull пользоваться нельзя. Подготовить 3 примера с аналитически рассчитанными опорными функциями: эллипс, квадрат, ромб (в каждом случае центр не обязательно нулевой; центр и полуоси являются параметрами).

При помощи системы Latex в отдельном pdf-файле выписать вывод опорных функций для трех указанных выше множеств.

- 9 [1]. Используя функцию fmincon, написать функцию supportLebesgue(f, opts), которая выдает (приближенную) опорную функцию множества $X = \{x : f(x) \le 0\}$, которую можно использовать в предыдущем задании. Функция f предполагается выпуклой. Параметры opts являются параметрами функции fmincon.
- 10 [3]. Написать функцию drawPolar(rho,N), которая получает на вход опорную функцию [val, point] = rho(x), возвращающую значение опорной функции некоторого плоского множества $\mathcal X$ в направлении x и соответствующий опорный вектор. Функция drawPolar рисует поляру множества $\mathcal X$ и само $\mathcal X$. Подобрать 3–4 примера, когда вид поляры известен заранее, в том числе, когда $0 \notin \mathcal X$.

Трёхмерная графика.

Создать блочный скрипт. В первом блоке задается функция, зависящая от двух переменных и скалярного параметра, двухмерная сетка (см. команду meshgrid) и границы изменения параметра.

- 11 [1]. Создать блок, рисующий анимацию с эволюцией поверхности по параметру (см. surf) и сохраняющий анимацию в переменную. На каждом кадре неоходимо отметить локальные максимумы и минимумы, подобрать примеры, где их несколько и где они с течением времени меняют своё положение и число. В следующем блоке воспроизвести эту анимацию командой movie. Написать блок, где фиксируется некоторое значение параметра и при помощи команды contour строится проекция сечения функции на некотором фиксированном уровне на плоскость Oxy.
 - 12 [1]. Создать блоки, сохраняющие анимацию в файл на диске в форматах .mat и .avi.
- 13 [2]. Колонисты установили на поверхности Марса N независимых антенных станций (поля от них складываются), каждая из которых генерирует вокруг себя беспроводную сеть с уровнем сигнала $V/(1+d(p_k,p))$, где p_k точка, где находится k-я станция, p точка, где проводится замер, $d(\cdot,\cdot)$ евклидово расстоние, V исходный уровень сигнала. Для уверенной работы марсохода требуется сигнал с уровнем, не меньшим L. Написать функцию viewPossible(points, P, L), принимающую массив из координат N точек на плоскости, уровни сигналов L и P, и выводящую на экран область, в которой можно уверенно управлять марсоходом. Определить, будет ли полученная область односвязной.

Изучение четырехмерной графики.

См. команды patch, isosurface, isonormals, camlight, shading и lighting.

14 [1]. Написать функцию drawBall(alpha, params), которая создаёт трехмерную сетку и рисует на ней линию уровня функции

$$f(x,y,z) = \begin{cases} |x|^{\alpha} + |y|^{\alpha} + |z|^{\alpha}, & \alpha \in (0,+\infty) \\ \max(|x|,|y|,|z|), & \alpha = +\infty \end{cases}$$

В params (это может быть список параметров или структура) передать параметры отрисовки (как минимум, цвет, диапазоны изменения переменных и число точек в сетке). Если исследуемое множество пустое, то функция должна выводить соответствующее сообщение об ошибке.

15 [1]. Написать функцию drawManyBalls(alphas, colors, edges), которая рисует единичные шары в метриках, указанных в векторе alphas, с цветами, задаваемыми в векторе colors. Параметр edges отвечает за цвет граней и может принимать значение 'None'.