Лабораторная работа №4 "Нейронные сети"

```
In [39]:
```

```
import numpy as np
from scipy.io import loadmat

import matplotlib.pyplot as plt
import matplotlib.cm as cm

%matplotlib inline
```

1. Загрузите данные ex4data1.mat из файла.

```
In [40]:
```

```
mat = loadmat('data/ex4data1.mat')
x_train, y_train = mat['X'], mat['y']
y_train = y_train.reshape(y_train.shape[0])
# replace all 10 to 0
y_train = np.where(y_train == 10, 0, y_train)
```

2. Загрузите веса нейронной сети из файла ex4weights.mat, который содержит две матрицы Θ(1) (25, 401) и Θ(2) (10, 26). Какова структура полученной нейронной сети?

```
In [41]:
```

```
weights = loadmat('data/ex4weights.mat')
theta1 = weights['Theta1']
theta2 = weights['Theta2']
```

Входной слой: 400 нейронов, Промежуточный слой: 25 нейронов, Выходной слой: 10 нейронов. theta0 - bias unit

3. Реализуйте функцию прямого распространения с сигмоидом в качестве функции активации.

```
In [42]:
```

```
s_L = [400, 25, 10]
```

In [43]:

```
def sigmoid(z):
    return 1 / (1 + np.e ** (-z))

def insert_ones(x):
    if len(x.shape) == 1:
        return np.insert(x, 0, 1)
    return np.column_stack((np.ones(x.shape[0]), x))

def forward_propagation(x, thetas, cache=False):
    cur_activation = x.copy()
    activations = [cur_activation]

for theta_i in thetas:
    temp_a = insert_ones(cur_activation)
    z_i = theta_i.dot(temp_a.T).T
    cur_activation = sigmoid(z_i)
    if cache:
        activations.append(cur_activation)
```

```
return activations if cache else cur_activation
```

In []:

```
def unroll(weights):
    result = np.array([])

    for theta in weights:
        result = np.concatenate((result, theta.flatten()))

    return result

def roll(weights):
    weights = np.array(weights)
    thetas = []
    left = 0

    for i in range(len(s_L) - 1):
        x, y = s_L[i + 1], s_L[i] + 1
        right = x*y
        thetas.append(weights[left:left + right].reshape(x, y))
        left = right

return thetas
```

4. Вычислите процент правильных классификаций на обучающей выборке. Сравните полученный результат с логистической регрессией.

```
In [44]:
```

```
def accuracy(predicted, y):
    correct_result_count = np.count_nonzero(predicted.argmax(axis=1) - y)
    return 1 - correct_result_count / y.shape[0]
```

```
In [45]:
```

```
weights = [theta1, theta2]
predicted = forward_propagation(x_train, weights)
accuracy(predicted, y_train)
```

Out[45]:

0.001199999999999789

Как видно из результатов нейронная сеть не обучена. В случае лог регрессии точность была выше 95%.

5. Перекодируйте исходные метки классов по схеме one-hot.

```
In [46]:
```

```
In [47]:
```

```
def one_hot(y, classes_count=10):
    y_extended = np.zeros((len(y), classes_count))

for i, y_i in enumerate(y):
    y_extended[i][y_i] = 1

return y_extended
```

```
In [48]:

y_one_hot = one_hot(y_train)
```

6. Реализуйте функцию стоимости для данной нейронной сети.

 $\begin{tabular}{ll} $J(\Theta) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} [-y^{(i)}\log(h_{\Theta}(x^{(i)})) - (1-y^{(i)})\log(1-(h_{\Theta}(x^{(i)}))] $ \\ \end{tabular}$

In [49]:

```
ONE = 1.0 + 1e-15

def cost_func(X, y, weights):
    total_cost = 0
    K = y.shape[1]
    hyp = forward_propagation(X, weights)
    for k in range(K):
        y_k, hyp_k = y[:, k], hyp[:, k]
        cost_trues = y_k * np.log(hyp_k)
        cost_falses = (1 - y_k) * np.log(ONE - hyp_k)
        cost = cost_trues + cost_falses
        total_cost += cost
    return -total_cost.sum() / y.shape[0]
```

7. Добавьте L2-регуляризацию в функцию стоимости.

 $\footnote{Moral of the proof of the proof$

In [50]:

```
def cost_func_regularized(X, y, weights, reg_L=1):
    weights = roll(weights)
    reg = 0
    cost = cost_func(X, y, weights)

for theta in weights:
    theta_R = theta[:, 1:]
    reg += (theta_R ** 2).sum()

return cost + (reg_L / 2 / y.shape[0]) * reg
```

8. Реализуйте функцию вычисления производной для функции активации.

```
In [51]:
```

```
def activation_der(act):
    return act * (1 - act)
```

9. Инициализируйте веса небольшими случайными числами.

```
In [72]:
```

```
def init_weights_for_layer(l_in, l_out):
    epi = (6**1/2) / (l_in + l_out)**1/2
    return np.random.rand(l_out, l_in +1) * (2*epi) - epi
```

In [73]:

```
def init_weights():
    weights = []
```

```
for idx in range(len(network_struct) - 1):
    layer_out = network_struct[idx + 1] + 1
    layer_in = network_struct[idx]
    weights.append(init_weights_for_layer(layer_in, layer_out))

return unroll(weights)
```

In [74]:

```
INIT_EPS = 1e-2

def initialize_weights():
    weights = []

for i in range(len(s_L) - 1):
        theta = np.random.random((s_L[i + 1], s_L[i] + 1)) * 2 * INIT_EPS - INIT_EPS
        weights.append(theta)

return unroll(weights)
```

One effective strategy for choosing \$\epsilon_{init}\$ is to base it on the number of units in the network

 $\scriptstyle = \frac{1}{\sqrt{6}}{\sqrt{L_{in}} + L_{out}}}$

10. Реализуйте алгоритм обратного распространения ошибки для данной конфигурации сети.

```
In [54]:
```

```
def back_prop(X, y, weights, reg_L=0):
   M = y.shape[0]
    L = len(weights)
   act = forward_propagation(X, weights, cache=True)
   Deltas = [np.zeros(theta.shape) for theta in weights]
    for i in range(M):
       delta_L = y[i] - act[-1][i]
       deltas = [delta L]
        for 1 in reversed(range(1, L)):
            d = np.dot(weights[1].T, deltas[-1]) * activation der(insert ones(act[1][i]))
            deltas.append(d[1:])
        deltas = list(reversed(deltas))
        for l in range(L):
           Deltas[1] = Deltas[1] + np.dot(deltas[1].reshape((-1,1)), insert\_ones(act[1][i]).reshape
((1, -1))
    D = []
    for 1, Delta 1 in enumerate(Deltas):
       D l = Delta l / M
        D_1[:, 1:] += reg_L * weights[1][:, 1:]
        D.append(D 1)
    return D
```

11. Для того, чтобы удостоверится в правильности вычисленных значений градиентов используйте метод проверки градиента с параметром ε = 10-4.

```
In [55]:
```

```
GRAD_EPS = 1e-4

def check_gradient(X, y, thetas, D_vec, edge=500):
    def J(theta):
        return cost_func_regularized(X, y, theta)

N = min(len(thetas), edge)
```

```
grad_approx = np.zeros(N)

for i in range(N):
    theta_plus, theta_minus = thetas.copy(), thetas.copy()
    theta_plus[i] += GRAD_EPS
    theta_minus[i] -= GRAD_EPS
    grad_approx[i] = (J(theta_plus) - J(theta_minus)) / (2 * GRAD_EPS)

return np.allclose(grad_approx, D_vec[:N], atol=1)
```

```
In [57]:
```

```
Deltas = back_prop(x_train, y_one_hot, weights)
check_gradient(x_train, y_one_hot, unroll(weights), unroll(Deltas))
Out[57]:
```

True

12. Добавьте L2-регуляризацию в процесс вычисления градиентов.

Для 10-го задания мы реализовали функцию сразу с L2-регуляризацией.

13. Проверьте полученные значения градиента.

```
In [61]:
check_gradient(x_train, y_one_hot, unroll(weights), unroll(Deltas))
Out[61]:
True
```

14. Обучите нейронную сеть с использованием градиентного спуска или других более эффективных методов оптимизации.

```
In [75]:
```

```
def train(X, y, reg_L, l_rate=0.5, max_steps=1e+3, with_history=False):
   history = []
    cur_weights = initialize_weights()
   cur loss = cost func regularized(X, y, cur_weights, reg_L)
   cur_step = 0
    while cur step < max steps:
       cur_step += 1
       new_weights = update_weights(X, y, cur_weights, l_rate, reg_L)
       new loss = cost func regularized(X, y, new weights, reg L)
       if np.isnan(new loss):
           break
       history.append((new weights, new loss))
        cur weights = new weights
       cur loss = new loss
    if with history:
       return history
    return cur weights
def update_weights(X, y, weights, l_rate, reg_L):
    gradient = unroll(back_prop(X, y, roll(weights), reg_L))
    gradient *= l_rate
    return weights + gradient
```

```
In [76]:
grad_weights = train(x_train, y_one_hot, reg_L=0.003, l_rate=0.5)
```

15. Вычислите процент правильных классификаций на обучающей выборке.

```
In [78]:
```

```
hypotesis = forward_propagation(x_train, roll(grad_weights))
acc = accuracy(hypotesis, y_train)
print(f"Accuracy on training set: {acc}")
```

Accuracy on training set: 0.9452

16. Визуализируйте скрытый слой обученной сети.

In [80]:

```
def plot_hidden_layer(X, w):
    hyp = forward_propagation(X, roll(w), cache=True)
    print(f"Accuracy on training set: {accuracy(hyp[-1], y_train)}")
    hidden_layer = hyp[1]

    nums = list(range(150, 5000, 250))
    size = int(np.sqrt(hidden_layer.shape[1]))
    pictures = [hidden_layer[i].reshape((size, size)) for i in nums]

    fig, axs = plt.subplots(1, 20, figsize=(20, 0.85))
    for i, ax in enumerate(axs.flatten()):
        ax.pcolor(pictures[i], cmap=cm.gray)
        ax.axis('off')

plt.show()
```

In [82]:

```
plot_hidden_layer(x_train, grad_weights)
```

Accuracy on training set: 0.9452

株式投资和技术性的数据或数据**设计**的现在分词

17. Подберите параметр регуляризации. Как меняются изображения на скрытом слое в зависимости от данного параметра?

```
In [85]:
```

```
reg_L_list = [1, 0.3, 0.1, 0.03, 0.01, 0.003]
steps = [20, 50, 75, 400, 600, 1000]

for i, reg_l in enumerate(reg_L_list):
    weights_l = train(x_train, y_one_hot, reg_L=reg_l, l_rate=0.5, max_steps=steps[i])
    plot_hidden_layer(x_train, weights_l)

/Users/anton/Documents/Maga/ml_venv/lib/python3.7/site-packages/ipykernel_launcher.py:2:
RuntimeWarning: overflow encountered in power
```

Accuracy on training set: 0.0999999999999998



Accuracy on training set: 0.1038



Accuracy on training set: 0.2882



```
/Users/anton/Documents/Maga/ml_venv/lib/python3.7/site-packages/ipykernel_launcher.py:9:
RuntimeWarning: divide by zero encountered in log
   if __name__ == '__main__':
/Users/anton/Documents/Maga/ml_venv/lib/python3.7/site-packages/ipykernel_launcher.py:9:
RuntimeWarning: invalid value encountered in multiply
   if __name__ == '__main__':
```

Accuracy on training set: 0.8576

新新疆沙理马马马的经济的经验的对对自己是是

Accuracy on training set: 0.9134

医电视感觉发生性 经现代证券的收益的 经经

Accuracy on training set: 0.9432

医多种畸形 化酸乙基酚磺胺酚 医多种动物 医皮肤

О хорошо подобранном параметре регуляризации свидетельствуют изображения на скрытом слое: чем более разряженны изображения, тем лучше подобран параметр. Высокая точность нейронной сети свидетельствует о хорошо подобранном параметре регуляризации.

In []: