Lekcja: Algorytm sortowania binarnego

Wyobraź sobie, że masz książkę z alfabetycznie uporządkowanymi nazwiskami i chcesz znaleźć konkretną osobę, na przykład "Kowalski". Zamiast przeglądać każdą stronę po kolei, intuicyjnie otworzyłbyś książkę mniej więcej w połowie i sprawdził, czy "Kowalski" znajduje się w lewej czy prawej części książki. Jeśli nazwiska na środkowej stronie są alfabetycznie przed "Kowalski", to wiesz, że musisz szukać w prawej połowie książki. W przeciwnym razie, szukasz w lewej połowie. Następnie proces ten powtarzasz dla wybranej połowy książki, za każdym razem dzieląc ją na pół, aż znajdziesz "Kowalskiego". To właśnie jest algorytm wyszukiwania binarnego.

W każdej iteracje ignorujemy niemal połowę zbioru danych – z tego powodu algorytm ten oferuje logarytmiczną złożoność obliczeniową (O(logn)).

Kluczowe punkty algorytmu wyszukiwania binarnego:

Dane Muszą Być Posortowane: Aby algorytm działał, dane, w których szukamy (np. lista liczb, nazwiska w książce), muszą być uporządkowane. To jak posiadanie alfabetycznie uporządkowanej książki telefonicznej.

Podział na Pół: W każdym kroku algorytm dzieli dane na dwie równe części i sprawdza, czy szukany element znajduje się w lewej czy prawej połowie.

Powtarzanie Procesu: Proces dzielenia jest powtarzany na coraz mniejszej liczbie elementów, aż znajdziemy szukany element lub stwierdzimy, że go nie ma w danych.

Efektywność: Algorytm wyszukiwania binarnego jest bardzo efektywny, szczególnie w przypadku dużych zbiorów danych, ponieważ z każdym krokiem znacząco redukuje liczbę elementów, które musi sprawdzić.

Opis algorytmu

Wejście:

i p – indeks pierwszego elementu w tablicy Z, i p ∈ C.
i k – indeks ostatniego elementu w tablicy Z, i k ∈ C.

Z – tablica do wyszukania elementu. Indeksy od i p do i k.

k – wartość poszukiwanego elementu – tzw. klucz.

Wejście:

i p – indeks pierwszego elementu w tablicy Z, i p ∈ C.
i k – indeks ostatniego elementu w tablicy Z, i k ∈ C.

Z – tablica do wyszukania elementu. Indeksy od i p do i k.

k – wartość poszukiwanego elementu – tzw. klucz.

Zmienne pomocnicze:

i sr − indeks elementu środkowego. i sr ∈ C.

Lista kroków:

K01: p ← -1zakładamy, iż k nie występuje w zbiorze

K02: **Dopóki** i $p \le i k$,

wykonuj kroki K02...K10 w pętli poszukujemy elementu o wartości k

$$i_{sr} = \left\lceil \frac{i_p + i_k}{2} \right\rceil$$

K04: **Jeśli** $k \neq Z$ [i sr],

to idź do kroku K07

K05: $p \leftarrow i sr$ element znaleziony, kończymy

K06: **Idź do kroku** K11 K07: **Jeśli** k < Z [i sr],

to idź do kroku K10 wybieramy odpowiednią połówkę zbioru na dalsze poszukiwania

K08: $ip \leftarrow isr + 1$ $k > Z[isr] \rightarrow druga połówka$

K09: Następny obieg pętli K02

K10: $ik \leftarrow i sr - 1$ $k < Z[i sr] \rightarrow pierwsza połówka$

K11: Zakończ z wynikiem p

Zadanie

Zaimplementuj algorytm wyszukiwania binarnego w języku Java. Przetestuj algorytm z różnymi przykładami danych wejściowych.