1. Aufgabenblatt zur Vorlesung

Nichtsequentielle und Verteilte Programmierung

SoSe 2018

Anton Oehler

Aufgabe 1 Logik und diskrete Mathematik

10 Punkte

(a) Was ist der Unterschied zwischen einem Booleschen Ausdruck und einer Booleschen Funktion?

Ein boolescher Ausdruck ist lediglich eine Verknüpfung auf eienr unbekannten Menge, während eine boolesche Funktion explizit auf einer booleschen Algebra definiert ist.

(b) Sei $(a_i)_{i\in\mathbb{N}}$ eine Folge von natürlichen Zahlen. Geben Sie eine prädikatenlogische Formel an, die besagt, dass (a_i) unendlich viele gerade Zahlen enthält. Begründen Sie Ihre Antwort.

$$\forall j \in \mathbb{N} \ \exists k, n \in \mathbb{N}, k > j : (a_k = 2n)$$

Für jedes a_j gibt es ein Element a_k nach a_j , das sich als $a_k = 2n$ darstellen lsst. Da n ein beliebiges Element aus \mathbb{N} ist, folgt daraus, dass a_k eine gerade Zahl ist.

(c) Negieren Sie den folgenden prädikatenlogischen Ausdruck:

$$\forall i \in \mathbb{N} : (i > 5) \Rightarrow (\exists j \in \mathbb{N} : j + i > 100).$$

Negation:

$$\exists i \in \mathbb{N} : (i > 5) \land (\forall j \in \mathbb{N} : j + i \le 100)$$

- (d) Beweisen Sie durch vollständige Induktion, dass die Potenzmenge einer nelementigen Menge genau 2^n Elemente enthält, für alle $n \in \mathbb{N}$.
 - (i) Indutions behauptung

 \mathcal{P}

(e) Klaus besitzt 10 gelbe Dominosteine, Frank hat 20 rote Dominosteine, und Günter 15 blaue Dominosteine. Die Dominosteine einer Farbe sind jeweils in einer festen Reihenfolge nummeriert. Auf wie viele verschiedene Arten können Klaus, Frank und Günter ihre Dominosteine hintereinander stellen, so dass die gelben, roten und blauen Steine jeweils in der richtigen Reihenfolge bleiben, die Farben sich aber beliebig abwechseln dürfen? Begründen Sie Ihre Antwort.

Alle möglichen Kombinationen der 45 Dominosteine ohne Einschränkung: 45! Anzahl der "Dopplungen" durch Veränderung der Reihenfolge innerhalb einer Farbe ist n_{Earbe} !, wobei n_{Earbe} die Anzahl der Steine einer Farbe ist.

Farbe ist $n_{Farbe}!$, wobei n_{Farbe} die Anzahl der Steine einer Farbe ist. \Rightarrow Die Steine knnen auf $\frac{45!}{10!\cdot 20!\cdot 15!} \approx 1,04\cdot 10^{19}$ verschiedene Arten angeordnet werden.

Aufgabe 2 Zu viel Milch

10 Punkte

Waltraud und Manfred wohnen zusammen. Beide trinken gerne Bio-Milch, die schnell schlecht wird. Daher sollte immer genau eine Bio-Milch im Kühlschrank sein. Am 10. April 2018 trägt sich folgendes zu:

	Waltraud	Manfred
15:00	Ueberprueft Kuehlschrank:	
	keine Milch.	
15:05	Geht zum Bioladen.	
15:10	Kauft Milch.	Ueberprueft Kuehlschrank:
		keine Milch.
15:15	Verlaesst Bioladen.	Geht zum Bioladen.
15:20	Wieder zu Hause:	Kauft Milch.
	Stellt Milch in den Kuehlschrank	
15:25		Verlaesst Bioladen.
15:30		Wieder zu Hause:
		Oh nein! Zu viel Milch!

Überlegen Sie sich zwei verschiedene Verfahren, wie Waltraud und Manfred das Milchproblem mit möglichst einfachen Mitteln in den Griff bekommen können. Diskutieren Sie die Verfahren bezüglich Korrektheit, Effizienz und Annahmen über die erlaubten Operationen. Was ist der Zusammenhang zu nichtsequentieller Programmierung?

Aufgabe 3 Java 10 Punkte

Lesen Sie die Java-Dokumentation zu Thread und Runnable.

Schreiben Sie ein Java-Programm, das als Kommandozeilenparameter eine natürliche Zahl n erhält und dann n Threads startet. Jeder dieser Threads soll für eine zufällige Zeitspanne zwischen 1 und 5 Sekunden laufen und dabei wiederholt seinen eindeutige Kennung ausgeben.