1. Especificación

\mathbf{TAD} Mapa

```
igualdad observacional
                              (\forall m, m' : \text{Mapa}) \ \left( m =_{\text{obs}} m' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} \text{horizontales}(m) =_{\text{obs}} \text{horizontales}(m') \land \\ \text{verticales}(m) =_{\text{obs}} \text{verticales}(m') \end{pmatrix} \right)
       géneros
       exporta
                              Mapa, generadores, observadores
                              NAT, CONJUNTO(\alpha)
        usa
       observadores básicos
           horizontales : Mapa \longrightarrow conj(Nat)
                                 : Mapa \longrightarrow conj(Nat)
       Mapa
       generadores
           \operatorname{crear}: \operatorname{conj}(\operatorname{Nat}) \times \operatorname{conj}(\operatorname{Nat}) \longrightarrow \operatorname{Mapa}
                              \forall hs, vs: \operatorname{conj}(\operatorname{Nat})
       axiomas
           horizontales(crear(hs, vs)) \equiv hs
           verticales(crear(hs, vs))
Fin TAD
```

```
TAD Pos es tupla(Nat, Nat)
```

TAD Nivel es Nat

TAD Construccion es Sting

TAD SIMCITY

igualdad observacional

```
(\forall s, s' : \text{SimCity}) \left( s =_{\text{obs}} s' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} \text{mapa}(s) =_{\text{obs}} \text{mapa}(s') \land_{\text{L}} \\ \text{casas}(s) =_{\text{obs}} \text{casas}(s') \land_{\text{L}} \\ \text{comercios}(s) =_{\text{obs}} \text{comercios}(s') \land_{\text{L}} \\ \text{popularidad}(s) =_{\text{obs}} \text{popularidad}(s') \end{pmatrix} \right)
```

géneros SimCity

exporta SimCity, generadores, observadores, otras operaciones

usa MAPA, POS, NIVEL, CONSTRUCCION, NAT, DICCIONARIO(α)

observadores básicos

 $\operatorname{mapa} \qquad \quad : \operatorname{SimCity} \ \longrightarrow \ \operatorname{Mapa}$

 $\begin{array}{lll} {\rm casas} & : {\rm SimCity} & \longrightarrow {\rm dicc(Pos,\,Nivel)} \\ {\rm comercios} & : {\rm SimCity} & \longrightarrow {\rm dicc(Pos,\,Nivel)} \end{array}$

popularidad : SimCity \longrightarrow Nat

generadores

iniciar : Mapa \longrightarrow SimCity avanzarTurno : SimCity $s \times \text{dicc}(\text{Pos} \times \text{Construccion})$ $cs \longrightarrow$ SimCity

 $\begin{cases} 1 \le \# \text{claves}(\text{cs}) \land_{\text{L}} (\forall p : \text{Pos})(p \in \text{claves}(\text{cs}) \Rightarrow_{\text{L}} p \notin (\text{claves}(\text{casas}(\text{s})) \cup \text{claves}(\text{comercios}(\text{s})))) \end{cases}$

SimCity $b \longrightarrow \text{SimCity}$ f'/rios no eliminan construcciones: f'/rios no eliminan construcciones: f'/rios no eliminan construcciones:f'/rios no eliminan construcciones:

 $(\pi_1(p) \notin \text{horizontales}(\text{mapa}(b)) \land \pi_2(p) \notin \text{verticales}(\text{mapa}(b)))) \land (\forall p : \text{Pos})(p \in (\text{claves}(\text{casas}(b)) \cup \text{claves}(\text{comercios}(b)))) \Rightarrow$

 $(\pi_1(p) \notin \text{horizontales}(\text{mapa}(a)) \land \pi_2(p) \notin \text{verticales}(\text{mapa}(a))))$

//no se pisan construcciones de nivel máximo:

 $\begin{array}{l} \text{vacio?}(\text{constrDeNivel}(a, \, \text{maxNivel}(a)) \, \cap \, (\text{casas}(b) \, \cup \, \text{comercios}(b))) \, \wedge \\ \text{vacio?}(\text{constrDeNivel}(b, \, \text{maxNivel}(b)) \, \cap \, (\text{casas}(a) \, \cup \, \text{comercios}(a))) \end{array}$

otras operaciones

turno : SimCity \longrightarrow Nat antigüedad : SimCity \longrightarrow Nat distManhattan3 : Pos \times Pos \longrightarrow Bool esCasa? : Construccion \longrightarrow Bool esComercio? : Construccion \longrightarrow Bool

SubirNiveles : $\operatorname{dicc}(\operatorname{Pos} \times \operatorname{Nivel}) \longrightarrow \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos}, \operatorname{Nivel})$ AgCasas : $\operatorname{dicc}(\operatorname{Pos} \times \operatorname{Construccion}) dc \times \longrightarrow \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos}, \operatorname{Nivel})$

 $dicc(Pos \times Nivel) cs$

 $\{(\forall p: Pos)(p \in claves(dc)) \Rightarrow_L p \notin (claves(dca) \cup claves(cs)))\}$

AgComercios : $dicc(Pos \times Construccion) dc \times \longrightarrow dicc(Pos,Nivel)$

 $\operatorname{dicc}(\operatorname{Pos} \times \operatorname{Nivel}) \ dca \times \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos} \times \operatorname{Nivel}) \ cs$

 $\{(\forall p: Pos)(p \in claves(dc) \Rightarrow_L p \notin (claves(dca) \cup claves(cs)))\}$

Nivel Nuevo Com : Pos $p \times \text{dicc}(\text{Pos} \times \text{Construc-} \longrightarrow \text{Nat} \\ \text{cion}) \ d$ {p\$\notin{c}\text{claves}(d)}

unirConstrucciones : $\operatorname{dicc}(\operatorname{Pos} \times \operatorname{Nivel}) \times \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos} \times \operatorname{Nivel}) \longrightarrow \operatorname{dicc}(\operatorname{Pos}, \operatorname{Nivel})$

 $actualizarNivelComercios: dicc(Pos \times Nivel) \times dicc(Pos \times Nivel) \longrightarrow dicc(Pos, Nivel)$

 $\max Aux : dicc(Pos \times Nivel) \times \longrightarrow Nat$

 $dicc(Pos \times Nivel) \times Nat$

```
constrDeNivel
                               : SimCity \times Nivel
                                                                                → Conj(Pos)
  constrDeNAux
                               : dicc(Pos \times Nivel) \times dicc(Pos \times Nivel) \longrightarrow Conj(Pos)
                                  \times Nivel \times Conj(Pos)
              \forall s, s', a, b: simcity, \forall dc: dicc(Pos, Construccion), \forall dca, cs, dc1, dc2, dco: dicc(Pos, Nivel), \forall p, q:
axiomas
              \forall c: Construccion, \forall m: Mapa, \forall cRes: Conj(Pos), \forall maxRes, niv, n: Nat
                                         \equiv m
  mapa(iniciar(m))
  mapa(avanzarTurno(s, dc))
                                         \equiv mapa(s)
                                         \equiv crear(horizontales(mapa(a)) \cup horizontales(mapa(b)),
  mapa(unir(a, b))
                                             verticales(mapa(a)) \cup verticales(mapa(b)))
  casas(iniciar(m))
                                         \equiv \text{vacio}()
  casas(avanzarTurno(s, dc))
                                         \equiv AgCasas(dc, SubirNiveles(casas(s)))
  casas(unir(a, b))
                                         \equiv unirConstrucciones(casas(a), casas(b))
  comercios(iniciar(m))
                                         ≡ AgComercios(dc, AgCasas(dc, SubirNiveles(casas(s))),
  comercios(avanzarTurno(s, dc))
                                                            SubirNiveles(comercios(s)))
                                         ≡ actualizarNivelComercios(unirConstrucciones(comercios(a), co-
  comercios(unir(a, b))
                                            mercios(b)), unirConstrucciones(casas(a),casas(b)))
                                         \equiv 0
  popularidad(iniciar(m))
  popularidad(avanzarTurno(s, dc))
                                         \equiv popularidad(s)
  popularidad(unir(a, b))
                                         \equiv popularidad(a)+popularidad(b)+1
  turno(iniciar(m))
  turno(avanzarTurno(s, dc))
                                         \equiv turno(s)+1
  turno(unir(a,b))
                                         \equiv turno(a)+1
  antigüedad(s)
                                         \equiv \max(\max Aux(casas(s), vacio(), 0),
                                                  \max Aux(comercios(s), vacio(), 0))
  distManhattan3(p, q)
                                            |p_0-q_0|+|p_1-q_1|\leq 3
                                         \equiv c = \text{"casa"}
  esCasa?(c)
                                         \equiv c = "comercio"
  esComercio?(c)
  unirConstrucciones(dc1, dc2)
                                         \equiv if \emptyset?(claves(dc2)) then
                                                dc1
                                            else
                                                if ¬ definido?(dameUno(claves(dc2)),dc1) then
                                                    unirConstrucciones(definir(dameUno(claves(dc2)),
                                                               obtener(dameUno(claves(dc2)),dc2),dc1),
                                                               borrar(dameUno(claves(dc2)), dc2))
                                                else
                                                    unirConstrucciones(dc1, borrar(dameUno(claves(dc2)),
                                                    dc2)
                                                fi
                                            fi
  actualizarNivelComercios(dco, dca) \equiv if \emptyset?(claves(dca)) then
                                                  dco
                                              else
                                                  definir(dameUno(claves(dco)),
                                                  máx(nivelNuevoComercio(dameUno(claves(dco)),dca),
                                                       obtener(dameUno(claves(dco))),
                                                  actualizarNivelComercios(borrar(dameUno(claves(dco)),dco),dca))
                                              fi
```

```
AgCasas(dc, cs)
                               \equiv if \emptyset?(claves(dc)) then
                                     cs
                                  else
                                     if esCasa?(obtener(dameUno(claves(dc))),dc) then
                                         definir(dameUno(claves(dc)), 1,
                                              AgCasas(borrar(dameUno(claves(dc)), dc),cs))
                                         AgCasas(borrar(dameUno(claves(dc)), dc), cs)
                                     fi
                                  fi
AgComercios(dc, dca, cs)
                               \equiv if \emptyset?(claves(dc)) then
                                  else
                                     if esComercio?(obtener(dameUno(claves(dc))),dc) then
                                         definir((dameUno(claves(dc))),
                                            NivelNuevoComercio(dameUno(claves(dc)), dca),
                                            AgComercios(borrar(dameUno(claves(dc)), dc), dca, cs))
                                     else
                                         AgComercios(borrar(dameUno(claves(dc)), dc), dca, cs)
                                     fi
                                  fi
NivelNuevoComercio(p, dca) \equiv if \emptyset?(claves(dca)) then
                                  else
                                     if distManhatan3(p, dameUno(claves(dca))) then
                                         max(obtener(dameUno(claves(dca)), dca),
                                              NivelNuevoComercio(p,
                                              borrar(dameUno(claves(dca)), dca))
                                     else
                                         NivelNuevoComercio(p,
                                              borrar(dameUno(claves(dca)), dca))
                                  fi
                               \equiv if \emptyset?(claves(dc)) then
SubirNiveles(dc)
                                     vacio()
                                  else
                                     definir(unaClave(dc),
                                             obtener(unaClave(dc), dc) + 1,
                                             SubirNiveles(borrar(unaClave(dc)), dc))
                                  fi
                               \equiv \max Aux(casas(s), comercios(s), 0)
maxNivel(s)
                               \equiv if \emptyset?(claves(dca)) \land \emptyset?(claves(dc)) then
maxAux(dca, dc, maxRes)
                                     maxRes
                                  else
                                     if \neg \emptyset?(claves(dca)) then
                                         if obtener(dameUno(claves(dca)), dca) > maxRes then
                                            maxAux(borrar(dameUno(claves(dca)), dca), dc,
                                                     obtener(dameUno(claves(dca)), dca))
                                         else
                                            maxAux(borrar(dameUno(claves(dca)), dca), dc, maxRes)
                                         fi
                                     else
                                         if obtener(dameUno(claves(dc)), dc) > maxRes then
                                            maxAux(dca, borrar(dameUno(claves(dc)), dc),
                                                     obtener(dameUno(claves(dc)), dcc))
                                         else
                                            maxAux(dca, borrar(dameUno(claves(dc)), dc), maxRes)
                                         fi
                                     fi
                                  fi
```

```
constrDeNivel(s, niv)
                                \equiv constrDeNivelAux(casas(s), comercios(s), niv, \emptyset)
constrDeNivelAux(dca, dc, n, cRes) \equiv if \emptyset?(claves(dca)) \land \emptyset?(claves(dc)) then
                                              cRes
                                          else
                                              if \neg \emptyset?(claves(dca)) then
                                                 if obtener(dameUno(claves(dca)), dca) = n then
                                                     constrDeNivelAux(borrar(dameUno(claves(dca)),
                                                     dca),
                                                                         dc, n, Ag(dameUno(claves(dca)),
                                                    cRes))
                                                 else
                                                     constrDeNivelAux(borrar(dameUno(claves(dca)),
                                                                           dc, n, cRes)
                                                 fi
                                              else
                                                 if obtener(dameUno(claves(dc)), dc) = n then
                                                     constrDeNivelAux(dca,borrar(dameUno(claves(dc)),
                                                                  dc), n, Ag(dameUno(claves(dc)), cRes))
                                                 else
                                                     constrDeNivelAux(dca,borrar(dameUno(claves(dc)),
                                                                    dc), n, cRes)
                                                 fi
                                              fi
                                          fi
```

Fin TAD

Observación 1: Tomamos que el turno es distinto a la antigüedad. Si bien, la antigüedad se define como la cantidad de turnos que pasaron, ésta puede cambiar al unir dos simcity's, por lo que elegimos que más allá de esto, no cambien los turnos del simcity actual.

Observación 2: Decidimos que al unir dos SimCity's, si se superponen construcciones, queden las de la primera Simcity.

TAD Nombre es String

TAD SERVIDOR

```
igualdad observacional
```

```
(\forall s, s' : \text{Servidor}) \left( s =_{\text{obs}} s' \iff \begin{pmatrix} \text{juegos(s)} =_{\text{obs}} \text{juegos(s')} \land_{\text{L}} \\ (\forall \ j : \text{juego}) (j \in \text{juegos(s)} \Rightarrow_{\ L} \\ \text{simcity(s, j)} =_{\text{obs}} \text{simcity(s', j))} \end{pmatrix} \right)
```

géneros Servidor

exporta Servidor, generadores, observadores, otras operaciones

usa SIMCITY, MAPA, NOMBRE, CONJUNTO (α) , POS, CONSTRUCCION, DICCIONARIO (α)

observadores básicos

```
juegos : Servidor \longrightarrow conj(nombre)
simcity : Servidor sv \times nombre n \longrightarrow SimCity \{n \in \text{juegos(sv)}\}\
```

generadores

 ${\rm crearServidor} \;:\; \longrightarrow \; {\rm Servidor}$

registrar : Servidor
$$sv \times$$
 nombre $n \times$ Mapa \longrightarrow Servidor $\{n \notin \text{juegos(sv)}\}\$

avanzar TurnoSimcity : Servidor $sv \times$ nombre $n \times$ dicc(Pos \times Construccion) $dc \longrightarrow$ Servidor

$$\begin{cases} n \in \text{juegos}(sv) \land 1 \leq \#\text{claves}(dc) \land_L \\ (\forall p : Pos)(p \in \text{claves}(dc) \Rightarrow_L \\ p \notin (\text{claves}(\text{casas}(sv, n)) \cup \text{claves}(\text{comercios}(sv, n))) \land \\ p \notin (\text{horizontales}(\text{mapa}(sv, n)) \cup \text{verticales}(\text{mapa}(sv, n))) \end{cases}$$

unir Simcitys : Servidor $sv \times$ nombre $n1 \times$ nombre $n2 \longrightarrow$ Servidor

```
 \begin{cases} \{n1,n2\} \subseteq \operatorname{juegos}(\operatorname{sv}) \land \\ //\operatorname{rios} \ \operatorname{no} \ \operatorname{eliminan} \ \operatorname{construcciones}: \\ (\forall \ p : \operatorname{Pos})(p \in (\operatorname{claves}(\operatorname{casas}(\operatorname{sv}, \operatorname{n1})) \cup \operatorname{claves}(\operatorname{comercios}(\operatorname{sv}, \operatorname{n1}))) \Rightarrow \\ (\pi_1(p) \notin \operatorname{horizontales}(\operatorname{mapa}(\operatorname{sv}, \operatorname{n2})) \land \pi_2(p) \notin \operatorname{verticales}(\operatorname{mapa}(\operatorname{sv}, \operatorname{n2})))) \land \\ (\forall \ p : \operatorname{Pos})(p \in (\operatorname{claves}(\operatorname{casas}(\operatorname{sv}, \operatorname{n2})) \cup \operatorname{claves}(\operatorname{comercios}(\operatorname{simcity}(\operatorname{sv}, \operatorname{n2}))))) \Rightarrow \\ (\pi_1(p) \notin \operatorname{horizontales}(\operatorname{mapa}(\operatorname{sv}, \operatorname{n1})) \land \pi_2(p) \notin \operatorname{verticales}(\operatorname{mapa}(\operatorname{sv}, \operatorname{n1})))) \\ //\operatorname{no} \ \operatorname{se} \ \operatorname{pisan} \ \operatorname{construcciones} \ \operatorname{de} \ \operatorname{nivel} \ \operatorname{maxnivel}(\operatorname{simcity}(\operatorname{sv}, \operatorname{n1}))) \cap (\operatorname{casas}(\operatorname{sv}, \operatorname{n2}) \cup \operatorname{comercios}(\operatorname{sv}, \operatorname{n2}))) \land \\ \operatorname{vacio}?(\operatorname{constrDeNivel}(\operatorname{simcity}(\operatorname{sv}, \operatorname{n2}), \ \operatorname{maxNivel}(\operatorname{simcity}(\operatorname{sv}, \operatorname{n2}))) \cap (\operatorname{casas}(\operatorname{sv}, \operatorname{n1}) \cup \operatorname{comercios}(\operatorname{sv}, \operatorname{n1}))) \end{cases}
```

otras operaciones

```
mapaSimcity : Servidor sv \times Nombre n \longrightarrow Mapa \{n \in juegos(sv)\} casasSimcity : Servidor sv \times Nombre n \longrightarrow dicc(Pos, Nivel) \{n \in juegos(sv)\} comerciosSimcity : Servidor sv \times Nombre n \longrightarrow dicc(Pos, Nivel) \{n \in juegos(sv)\} popularidadSimcity : Servidor sv \times Nombre n \longrightarrow Nat \{n \in juegos(sv)\} antigüedadSimcity : Servidor sv \times Nombre n \longrightarrow Nat \{n \in juegos(sv)\} turnoSimcity : Servidor sv \times Nombre n \longrightarrow Nat \{n \in juegos(sv)\}
```

```
axiomas \forall sv: Servidor, \forall n, n', n1, n2: Nombre, \forall m: Mapa, \forall dc: dicc(Pos, Construccion) juegos(crearServidor()) \equiv \emptyset juegos(registrar(sv, n, m)) \equiv \text{Ag(n, juegos(sv))} juegos(avanzarTurnoSimcity(sv, n, dc)) \equiv \text{juegos(sv)} juegos(unirSimcitys(sv, n1, n2)) \equiv \text{juegos(sv)}
```

```
simcity(registrar(sv, n, m), n') \equiv if n = obs n' then iniciar(m) else simcity(sv, n') fi
simcity(avanzarTurnoSimcity(sv, n, dc), n') \equiv if n =_{obs} n' then
                                                         avanzarTurno(simcity(sv, n), dc)
                                                         simcity(sv, n')
                                                      fi
simcity(unirSimcitys(sv,\,n1,\,n2),\,n') \ \equiv \ \textbf{if} \ n1 =_{obs} n' \ \textbf{then}
                                                 unir(simcity(sv, n1), simcity(sv, n2))
                                              else
                                                 simcity(sv, n')
                                              fi
mapaSimcity(sv, n) \equiv mapa(simcity(sv, n))
casasSimcity(sv, n) \equiv casas(simcity(sv, n))
comerciosSimcity(sv, n) \equiv comercios(simcity(sv, n))
popularidadSimcity(s,n) \equiv popularidad(simcity(sv, n))
antig\ddot{u}edadSimcity(s,n) \equiv antig\ddot{u}edad(simcity(sv, n))
turnoSimcity(sv, n) \equiv turno(simcity(sv, n))
```

Fin TAD

2. Módulos de referencia

2.1. Módulo Mapa

Interfaz

```
se explica con: Mapa
géneros: mapa
Trabajo Práctico Nro 10 peraciones básicas de mapa
\mathtt{CREAR}(\mathbf{in}\ hs\colon \mathtt{conj}\,(\mathtt{Nat})\,, \mathbf{in}\ vs\colon \mathtt{conj}\,(\mathtt{Nat})\,) 	o res:\mathtt{mapa}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} crear(hs, vs)\}\
Complejidad: O(copy(hs) + copy(vs))
Descripción: Crea un mapa.
\text{HORIZONTALES}(\textbf{in } m: \texttt{mapa}) \rightarrow res: \texttt{conj}(\texttt{Nat})
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} horizontales(m)\}\
Complejidad: O(copy(hs))
Descripción: Devuelve los rios horizontales del mapa pasado como parámetro.
VERTICALES(in m: mapa) \rightarrow res : conj(Nat)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} verticales(m)\}\
Complejidad: O(copy(vs))
Descripción: Devuelve los rios verticales del mapa pasado como parámetro.
```

Representación

Representación de mapa

Un mapa contiene rios infinitos horizontales y verticales. Los rios se representan como conjuntos lineales de naturales que indican la posición en los ejes de los ríos.

```
mapa se representa con estr donde estr es tupla(horizontales: conj (Nat), verticales: conj (Nat))

Rep : estr \longrightarrow bool Rep(e) \equiv true \iff true

Abs : estr m \longrightarrow mapa

Abs(m) \equiv m': estr/
horizontales(m) =obs m'.horizontales \land verticales(m) =obs m'.verticales
```

Algoritmos

```
      crear(in hs: conj (Nat), in vs: conj (Nat)) → res: mapa

      1: estr.horizontales \leftarrow hs

      2: estr.verticales \leftarrow vs

      3: return estr

      \underline{Complejidad}: O(copy(hs) + copy(vs))

      horizontales(in m: mapa) → res: conj(Nat)

      1: return \leftarrow m.horizontales

      \underline{Complejidad}: O(copy(m.horizontales))

      verticales(in m: mapa) → res: conj(Nat)

      1: return \leftarrow m.verticales

      \underline{Complejidad}: O(copy(m.verticales))
```

2.2. Módulo SimCity

Interfaz

```
se explica con: SIMCITY
géneros: simcity
Operaciones básicas de sc
INICIAR(in m: mapa) \rightarrow res: simcity
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} iniciar(m)\}\
Complejidad: O(copy(m)))
Descripción: Inicia un simcity con el mapa pasado como parámetro.
AVANZARTURNO(in/out\ s: simcity, in <math>cs: dicc(Pos, Construccion))
\mathbf{Pre} \equiv \{s_0 = s \land (\forall p: Pos)(def?(p, cs) \Rightarrow_L p_0 \notin horizontales(mapa(s)) \land p_1 \notin verticales(mapa(s)) \land p_1 \notin verticales(mapa(s)) \land p_1 \notin verticales(mapa(s)) \land p_2 \notin verticales(mapa(s)) \land p_3 \notin verticales(mapa(s)) \land p_4 \notin v
p \notin (\text{claves}(\text{casas}(s)) \cup \text{claves}(\text{comercios}(s))))
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathbf{s} =_{\mathbf{obs}} \mathbf{avanzarTurno}(s_0, \mathbf{cs}) \}
Complejidad: O(\#claves(cs))
Descripción: Modifica el simicity pasado como parámetro, agregando las nuevas construcciones con sus
respectivos niveles y actualizando las que ya están.
UNIR(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ a: simcity, \mathbf{in}\ b: simcity)
\mathbf{Pre} \equiv \{a_0 = a \land
//ríos no eliminan construcciones:
(\forall p : Pos)(p \in (claves(casas(a)) \cup claves(comercios(a))) \Rightarrow
p_0 \notin \text{horizontales}(\text{mapa}(b)) \land p_1 \notin \text{verticales}(\text{mapa}(b)))) \land
(\forall p : Pos)(p \in (claves(casas(b)) \cup claves(comercios(b))) \Rightarrow
(p_0 \notin \text{horizontales}(\text{mapa}(a)) \land p_1 \notin \text{verticales}(\text{mapa}(a))))
//no se pisan construcciones de nivel máximo:
vacio?(constrDeNivel(a, maxNivel(a)) \cap (casas(b) \cup comercios(b))) \land
vacio?(constrDeNivel(b, maxNivel(b)) \cap (casas(a) \cup comercios(a)))}
Post \equiv \{a =_{obs} unir(a_0, b)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Modifica el primer similaty pasado como parámetro, de modo que en éste queden como
propios los rios y las construcciones del segundo simility pasado como parámetro.
MAPA(in \ s: simcity) \rightarrow res: mapa
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{alias}(\text{res} =_{obs} \text{s.mapa}) \}
Complejidad: O(copy(s.mapa) + Longitud(s.unidoConSimcitys) \times 1
\sum_{i=0}^{Longitud(s.unidoConSimcitys)} ((((s.unidoConSimcity[i])_0).mapa).verticales +
(((s.unidoConSimcity[i])_0).mapa).horizontales)\ )\ [
Descripcion: Devuelve el mapa del simcity pasado como parámetro.]
CASAS(in s: simcity) \rightarrow res: dicc(Pos, Nivel)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} s.casas\}
Complejidad: O(Longitud(s.casas) + Longitud(s.unidoConSimcitys) x
\sum_{i=0}^{Longitud(s.unidoConSimcitys)} \#claves(casas((s.unidoConSimcitys[i)_0)))] \ [
Descripcion: Devuelve las casas del simcity pasado como parámetro, con sus respectivos turnos de aparición
en el simcity.
COMERCIOS(in s: simcity) \rightarrow res: dicc(Pos, Nivel)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathbf{res} =_{obs} \mathbf{s.comercios} \}
Complejidad: O(Longitud(s.comercios) + Longitud(s.unidoConSimcitys) \times O(Longitud(s.comercios) + Longitud(s.comercios) + Longitud(s
\sum_{i=0}^{Longitud(s.unidoConSimcitys)} \#claves(comercios((s.unidoConSimcitys[i)_0))))] [
Descripcion: Devuelve los comercios del simcity pasado como parámetro, con sus respectivos niveles.
```

```
POPULARIDAD(in s: simcity) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{true\}
\mathbf{Post} \equiv \{res_{obs} \text{ s.popularidad}\}
\mathbf{Complejidad:} \ O(1)
\mathbf{Descripción:} \ Devuelve \ la \ popularidad \ del \ simcity \ pasado \ como \ parámetro.
```

Donde Nombre es el nombre mas largo de los SimCitys.

Representación

Representación de simcity

Donde Pos es tupla(Nat, Nat).

Donde Turno Aparicion es Nat, y representa el turno en el que fue creada la construccion en el simcity.

Donde turno DeUnion es Nat, y representa el turno que tenía el SimCity al que se le aplicó la unión, cuando ésta se efectuó con el SimCity indicado por el puntero

Observación: Tomamos que el turno es distinto a la antigüedad. Si bien, la antigüedad se define como la cantidad de turnos que pasaron, ésta puede cambiar al unir dos simcity's, por lo que elegimos que más allá de esto, no cambien los turnos del simcity actual.

```
Rep : estr \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv true \iff
              ▶ Las construcciones no están ubicadas sobre rios.
              (\forall c : tupla(Pos, TurnoAparicion))(esta?(c, e.casas & e.comercios) \Rightarrow
              (\pi_1(\pi_1(c)) \notin (e.mapa).horizontales \land \pi_2(\pi_1(c)) \notin (e.mapa).verticales))
              > No hay una casa y un comercio en la misma posición. Y no hay dos casas y dos comercios con
              distintos niveles en la misma posición.
              (\forall c : tupla(Pos, TurnoAparicion))(esta?(c, e.casas) \Rightarrow
              \neg (\exists t : \text{TurnoAparicion}) (\text{esta?}(\langle \pi_1(c), t \rangle, \text{ e.comercios}) \lor (t \neq \pi_2(c) \land \text{ está?}(\langle \pi_1(c), t \rangle, \text{ e.casas}))
              (\forall c : tupla(Pos, TurnoAparicion))(esta?(c, e.comercios) \Rightarrow
              \neg (\exists t : \text{TurnoAparicion}) (\text{ esta?}(\langle \pi_1(c), t \rangle, \text{ e.casas}) \lor (t \neq \pi_2(c) \land \text{ está?}(\langle \pi_1(c), t \rangle, \text{ e.comercios}))
              ▶ El nivel de todas las casas y comercios está entre 1 y turnos.
              (\forall c : \text{tupla}(\text{Pos}, \text{TurnoAparicion}))((\text{está}?(c, e.\text{casas}) \lor \text{está}?(c, e.\text{comercios})) \Rightarrow 1 \leq \pi_2(c) \leq
              e.turnos)
              ▶ Hay al menos una construcción en cada turno.
              (\forall t : nat)(1 \le t \le e.turnos) \Rightarrow (\exists p : Pos)(está?(\langle p, t \rangle, e.casas) \lor está?(\langle p, t \rangle, e.comercios))
              Λ
              ▷ Las casas y comercios se encuentran ordenadas por turnoDeAparicion
              ordenado(e.casas) \land ordenado(e.comercios)
              ▶ Las construcciones de las uniones no se solapan con rios.
              (\forall s1,s2 : tupla(puntero(simcity), turnoDeUnion))
              (está?(s1, e.unidoConSimcitys) \land está?(s2, e.unidoConSimcitys) \land \neg (s1 =_{obs} s2) \Rightarrow
              (\forall c : tupla(Pos, TurnoAparicion))(esta?(c, s1 \rightarrow casas \& s1 \rightarrow comercios) \Rightarrow
              (\pi_1(c) \notin (s2 \to mapa).verticales \land \pi_2(c) \notin (s2 \to mapa).horizontales)
              ▷ No se generan ciclos.
              noEsUnion(e.UnidoConSimcitys, e)) ∧
              (\forall s, s' : tupla(puntero(simcity), turnoDeUnion))
              (está?(s,e.UnidoConSimcitys) \land está?(s',e.UnidoConSimcitys) \land \neg(s =<sub>obs</sub> s')
              \Rightarrow noEsUnion(\pi_1(s) \rightarrow UnidoConSimcitys, s'))
              Λ
              ⊳ Con respecto a antigüedad
              e.turnos \le e.antigüedad \land
              (\forall s : tupla(puntero(simcity), turnoDeUnion))(está?(s, e.UnidoConSimcitys) \Rightarrow
              (\pi_1(s) \to \text{antig"uedad}) + \text{e.turnos} - \pi_2(s) \leq \text{e.antig"uedad})
              \land (e.turnos = e.antigüedad \lor
              (∃ s : tupla(puntero(simcity), turnoDeUnion))(está?(s, e.UnidoConSimcitys) ∧
              (\pi_1(s) \to \text{antig"uedad}) + \text{e.turnos} - \pi_2(s) = \text{e.antig"uedad})
              ▷ Con respecto a popularidad
              e.popularidad = 1 + \sum_{i=0}^{long(e.UnidoConSimcitys)} \pi_1(valorEnIndice(e.UnidoConSimcitys,i)).popularidad
ordenado : secu(tupla(Pos \times turnoDeAparicion)) \longrightarrow Bool
ordenado(s) \equiv \log(s) \le 1 \lor_L (\pi_2(\text{prim}(s)) \le \pi_2(\text{prim}(\text{fin}(s))) \land \text{ordenado}(\text{fin}(s)))
valorEnIndice : secu(\alpha) s \times nat n \longrightarrow \alpha
                                                                                                                           \{n < long(s)\}
valorEnIndice(s,n) \equiv if n = 0 then prim(s) else valorEnIndice(fin(s), n-1) fi
noEsUnion : secu(puntero(simcity) \times turtnoDeUnion) s \times simcity sc \longrightarrow bool
\text{noEsUnion}(s, sc) \equiv \text{vacio?}(s) \vee_{\text{L}} (\neg(*(\pi_1(\text{prim}(s)) = \text{obs } sc) \wedge \text{noEsUnion}(\pi_1(\text{prim}(s) \to \text{UnidoConSimeitys}, sc)))
                           \land noEsUnion(fin(s),sc))
```

```
Abs : estr s \longrightarrow \text{simcity}
                                                                                                                  \{\operatorname{Rep}(s)\}
Abs(s) \equiv t : estr/ mapa(s) =_{obs} t.mapa
             \land \; casas(s) =_{obs} UnirConstrucciones(hacerDicc(t.casas, \; t.turno),
                                UnirTodos(t.unidoConSimcitys))
             \land comercios(s) = obs ActualizarNivelComercios(UnirConstrucciones(hacerDicc(t.comercios, t.turno),
                                     UnirTodosComercios(t.unidoConSimcitys)), casas(s))
             \wedge popularidad(s) =<sub>obs</sub> t.popularidad
             \wedge antigüedad(s) = obs t.antigüedad
             \wedge \text{ turno(s)} =_{obs} t.\text{turno}
unirTodosCasas : secu(tupla(puntero(simcity)) \times turnoDeAparicion) \longrightarrow dicc(Pos,Nivel)
unirTodosCasas(s) \equiv if vacío?(s) then
                              vacío()
                          else
                              unirConstrucciones(casas(Abs(\pi_1(\text{prim}(s)))), unirTodosCasas(fin(s)))
                          fi
unirTodosComercios : secu(tupla(puntero(simcity)) \times turnoDeAparicion) \longrightarrow dicc(Pos,Nivel)
unirTodosComercios(s) \equiv if vacío?(s) then
                                    vacío()
                                else
                                    unirConstrucciones(comercios(Abs(\pi_1(\text{prim}(s)))), unirTodosComercios(fin(s)))
                               fi
hacerDicc : secu(tupla(Pos \times turnoDeAparicion)) \times nat \longrightarrow dicc(Pos, Nivel)
hacerDicc(s,t) \equiv if \ vacio(s) \ then \ vacio() \ else \ definir(\pi_1(prim(s)), \ t - \pi_2(prim(s)), \ hacerDicc(fin(s), \ t) \ fi
```

Algoritmos

```
iniciar(in m: mapa) → res: simcity

1: res.mapa \leftarrow m

2: res.casas \leftarrow Vacía()

3: res.comercios \leftarrow Vacía()

4: res.unidoConSimcitys \leftarrow Vacía()

5: res.popularidad \leftarrow 0

6: res.antigüedad \leftarrow 0

7: res.turnos \leftarrow 0

8: return res

Complejidad: O(copy(m))
```

```
avanzarTurno(in/out s: simcity, in cs: dicc(Pos, Construccion))
 1: it \leftarrow CrearIt(cs)
 2: while haySiguiente(it) do
 3:
       if it.siguienteSignificado == casa then
 4:
           AgregarAtras(s.casas, (it.siguienteClave, s.turno))
 5:
       else
           AgregarAtras(s.comercios, (it.siguienteClave, s.turno))
 6:
       end if
 7:
       avanzar(it)
 8:
 9: end while
10: s.turnos \leftarrow s.turnos + 1
11: s.antig\ddot{u}edad \leftarrow s.antug\ddot{u}edad + 1
    Complejidad: O(\#claves(cs))
```

Observacion: En línea 4 se cumple que agregar una casa es O(1). Análogamente, en línea 6 se cumple que agregar un comercio es O(1)

```
unir(in/out a: simcity, in : b : simcity)1: AgregarAtras(a.unidoConSimcitys, (&b, a.turno))2: a.popularidad \leftarrow a.popularidad + 13: a.antig\ddot{u}edad \leftarrow max(a.antig\ddot{u}edad, b.antig\ddot{u}edad)4: a.turno \leftarrow a.turno + 1Complejidad: O(1)
```

```
mapa(in \ s: simcity) \rightarrow res: mapa
 1: res \leftarrow s.mapa
 2: it \leftarrow CrearIt(s.unidoConSimcitys)
 3: while haySiguiente(it) do
        itv \leftarrow CrearIt(mapa(siguiente(it)).verticales)
 4:
 5:
        while haySiguiente(itv) do
 6:
           Agregar(res, siguiente(itv))
           Avanzar(itv)
 7:
       end while
 8:
       ith \leftarrow CrearIt(mapa(siguiente(it)).horizontales)
 9:
        while haySiguiente(ith) do
10:
            Agregar(res, siguiente(ith))
11:
           Avanzar(ith)
12:
        end while
13:
14: end while
15: return res
   Complejidad: O(copy(s.mapa) + Longitud(s.unidoConSimcitys) x
    \overline{\sum_{i=0}^{Longitud(s.unidoConSimcitys)}((((s.unidoConSimcity[i])_0).\text{mapa}).\text{verticales}} +
17:
                                   (((s.unidoConSimcity[i])_0).mapa).horizontales)))
18:
```

```
\mathbf{casas}(\mathbf{in}\ s \colon \mathtt{simcity}) \to res : \mathrm{dicc}(\mathrm{Pos},\ \mathrm{Nivel})
 1: res \leftarrow Vacio()
 2: itCasas \leftarrow CrearIt(s.casas)
 3: turnoAct \leftarrow s.turno
 4: while haySiguiente(itCasas) do
       nivel \leftarrow turnoAct - signiente(itCasas).TurnoAparicion
       definir(siguiente(itCasas).Pos, nivel, res)
 6:
       avanzar(itCasas)
 7:
 8: end while
   itUniones \leftarrow CrearIt(s.unidoConSimcitys))
    while haySiguiente(itUniones) do
       itCasasUniones \leftarrow CreatIt(casas(siguiente(itUniones)).first)
11:
        while haySiguiente(itCasasUniones) do
12:
           if !definido?(siguienteClave(itCasasUniones),res) then
13:
                             (siguiente(itUniones).first).turno - siguienteSignificado(itCasasUniones) +
                       \leftarrow
14:
    turnoAct - (siguiente(itUniones)).second
               definir(siguienteClave(itCasasUniones), nivel, res)
15:
           end if
16:
           avanzar(itCasasUniones)
17:
       end while
18:
19:
       avanzar(itUniones)
20: end while
21: return res
    Complejidad: O(Longitud(s.casas) + Longitud(s.unidoConSimcitys)) x
                   \sum_{i=0}^{Longitud(s.unidoConSimcitys)} \#claves(casas((s.unidoConSimcitys[i])_0)))
22:
```

```
\mathbf{comercios}(\mathbf{in}\ s : \mathtt{simcity}) \to res : \mathrm{dicc}(\mathsf{Pos},\ \mathsf{Nivel})
 1: res \leftarrow Vacio()
 2: itCom \leftarrow CrearIt(s.comercios)
 3: turnoAct \leftarrow s.turno
 4: while haySiguiente(itCom) do
        nivel \leftarrow max(turnoAct-siguiente(itCom).TurnoAparicion, nivelComercio(\&s, siguiente(itCom).Pos))
       definir(siquiente(itCom).Pos, nivel, res)
 6:
 7:
        avanzar(itCom)
 8: end while
 9: itUniones \leftarrow CrearIt(s.unidoConSimcitys))
   while haySiguiente(itUniones) do
10:
        itComUniones \leftarrow CreatIt(comercios(siguiente(itUniones)).first)
11:
        while haySiguiente(itComUniones) do
12:
13:
           if !definido?(siguienteClave(itComUniones),res) then
               nivel \leftarrow max((siguiente(itUniones).first).turno - siguienteSignificado(itComUniones) +
    turnoAct - (siguiente(itUniones)).second, nivelComercio(s, siguienteClave(itComUniones)))
               definir(siguienteClave(itComUniones), nivel, res)
15:
           end if
16:
17:
           avanzar(itComUniones)
        end while
18.
19:
        avanzar(itUniones)
20: end while
21: return res
    \label{eq:completion} \mbox{Complejidad: } O(Longitud(s.comercios) + Longitud(s.unidoConSimcitys) \ \mbox{x}
                    \sum_{i=0}^{Longitud(s.unidoConSimcitys)} \#claves(comercios((s.unidoConSimcitys[i])_0))))
22:
```

```
\mathbf{nivelComercio}(\mathbf{in}\ psc: \mathtt{puntero}\ (\mathtt{simcity})\ ,\ \mathbf{in}\ com: \mathtt{Pos}) \to res: Nat
 1: casas \leftarrow casas(psc)
 2: itCasas \leftarrow CrearIt(casas)
 3: mejor \leftarrow 1
 4: \mathbf{while} haySiguiente(itCasas) \mathbf{do}
         if DistManhattan3(com, itCasas.siguienteClave) && (itCasas.siguiente).second >mejor then
              mejor \leftarrow (itCasas.siguiente).second
 6:
 7:
         end if
         avanzar(it)
 8:
 9: end while
10: return mejor
     \label{eq:copy} \mbox{Complejidad: } O(copy(casas(psc)))
\mathbf{DistManhattan3}(\mathbf{in}\ p \colon \mathtt{Pos},\ \mathbf{in}\ q \colon \mathtt{Pos}) \to res : \mathbf{bool}
 1: res \leftarrow (abs(p_0 - q_0) + abs(p_1 - q_1)) \le 3
 2: return res
     Complejidad: O(1)
popularidad(in s: simcity) \rightarrow res: Nat
 1: res \leftarrow s.popularidad
 2: return res
     Complejidad: O(1)
antigüedad(in s: simcity) \rightarrow res: Nat
 1: res \leftarrow s.antig\"{u}edad
 2: return res
     Complejidad: O(1)
turnos(in s: simcity) \rightarrow res: Nat
 1: res \leftarrow s.turnos
 2: return res
     Complejidad: O(1)
```

2.3. Módulo Servidor

Interfaz

```
se explica con: Servidor
géneros: servidor
Operaciones básicas de servidor
CREARSERVIDOR() \rightarrow res : servidor
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} crearServidor()\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea un servidor.
REGISTRAR(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ sv: servidor, \mathbf{in}\ n: Nombre, \mathbf{in}\ m: Mapa)
\mathbf{Pre} \equiv \{sv_0 = sv \land n \notin \mathrm{juegos(s)}\}\
\mathbf{Post} \equiv \{sv =_{obs} registrar(sv_0, n, m)\}\
Complejidad: O(|Nombre| + copy(m))
Descripción: Registra un nuevo simcity con el nombre dado
AVANZARTurnoSIMCITY(in/out\ sv: servidor,\ in\ n: nombre,\ in\ dc: dicc(Pos,Construccion))
\mathbf{Pre} \equiv \{sv = sv_0 \land n \in \mathrm{juegos}(\mathrm{sv}) \land 1 \leq \#\mathrm{claves}(\mathrm{dc}) \land_{\mathrm{L}} \}
(\forall p: Pos)(p \in claves(dc) \Rightarrow_L
p \notin (claves(casas(sv, n)) \cup claves(comercios(sv, n))) \land
p \notin (horizontales(mapa(sv, n)) \cup verticales(mapa(sv, n))))
\mathbf{Post} \equiv \{sv =_{obs} avanzarTurnoSimcity(sv_0, n, dc)\}\
Complejidad: O(|Nombre| + \#claves(dc))
Descripción: Avanza el turno de un simcity.
UNIRSIMCITYS(in/out sv: servidor, in n1: nombre, in n2: nombre) \rightarrow res: [
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{\}sv = sv_0 \text{ } \{n1,n2\} \subseteq \mathrm{juegos}(\mathrm{sv}) \land 
//ríos no eliminan construcciones:
(\forall p : Pos)(p \in (claves(casas(sv, n1)) \cup claves(comercios(sv, n1))) \Rightarrow
(\pi_1(p) \notin \text{horizontales}(\text{mapa}(\text{sv}, \text{n2})) \land \pi_2(p) \notin \text{verticales}(\text{mapa}(\text{sv}, \text{n2})))) \land
(\forall \ p : Pos)(p \in (claves(casas(sv, \ n2)) \cup claves(comercios(simcity(sv, \ n2)))) \ \Rightarrow
(\pi_1(p) \notin \text{horizontales}(\text{mapa}(\text{sv}, \text{n1})) \land \pi_2(p) \notin \text{verticales}(\text{mapa}(\text{sv}, \text{n1}))))
//no se pisan construcciones de nivel máximo:
vacio?(constrDeNivel(simcity(sv, n1), maxNivel(simcity(sv, n1))) \cap (casas(sv, n2) \cup comercios(sv, n2))) \land
vacio?(constrDeNivel(simcity(sv, n2), maxNivel(simcity(sv, n2))) \cap (casas(sv, n1) \cup comercios(sv, n1)))] sv
=_{obs} unirSimcitys(sv<sub>0</sub>, n1, n2)
Complejidad: O(|Nombre|)
Descripcion: Une dos simcitys.
MAPASIMCITY(\mathbf{in}\ sv: servidor, \mathbf{in}\ n: Nombre) \to res: Mapa
\mathbf{Pre} \equiv \{n \in juegos(sv)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} mapaSimcity(sv, n)\}
Complejidad: O(|Nombre|) + O(mapa(significado (n, sv)))
Observacion: O(mapa(significado (n, sv))) es la complejidad calculada de mapa en el Módulo Simcity
Descripción: Devuelve el mapa del Simcity.
CASASSIMCITY(in sv: servidor, in n: Nombre) \rightarrow res: dicc(Pos, Nivel)
\mathbf{Pre} \equiv \{n \in juegos(sv)\}\
Post \equiv \{res =_{obs} casasSimcity(sv, n)\}\
Complejidad: O(|Nombre|) + O(casas(significado (n, sv)))
Observacion: O(casas(significado (n, sv))) es la complejidad calculada de casas en el Módulo Simcity
Descripción: Devuelve las casas del Simcity.
```

```
COMERCIOSSIMCITY(in sv: servidor, in n: Nombre) \rightarrow res: dicc(Pos, Nivel)
\mathbf{Pre} \equiv \{n \in juegos(sv)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} comerciosSimcity(sv, n)\}\
Complejidad: O(|Nombre|) + O(comercios(significado (n, sv)))
Observacion: O(comercios(significado (n, sv))) es la complejidad calculada de comercios en el Módulo
Simcity
Descripción: Devuelve los comercios del Simcity.
POPULARIDADSIMCITY(\mathbf{in}\ sv: servidor, \mathbf{in}\ n: Nombre) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{n \in juegos(sv)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} popularidadSimcity(sv, n)\}\
Complejidad: O(|Nombre|)
Descripción: Devuelve la popularidad del Simcity.
ANTIGÜEDADSIMCITY(in sv: servidor, in n: Nombre) \rightarrow res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{n \in juegos(sv)\}\
Post \equiv \{res =_{obs} antig\ddot{u}edadSimcity(sv, n)\}\
Complejidad: O(|Nombre|)
Descripción: Devuelve la antigüedad del Simcity.
TURNOSIMCITY(\mathbf{in}\ sv: servidor, \mathbf{in}\ n: Nombre) \to res: Nat
\mathbf{Pre} \equiv \{n \in juegos(sv)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} turnoSimcity(sv, n)\}\
Complejidad: O(|Nombre|)
Descripción: Devuelve el turno actual del Simcity.
```

Representación

Representación de Servidor

```
servidor se representa con estr
dicc trie(nombre, simcity)
```

dicc_trie es un diccionario con las mismas funcionalidades de un diccionario común, pero se almacena en un trie lo que hace que las complejidades de busqueda e inserción sean O(clave más larga).

```
\begin{aligned} \operatorname{Rep}: & \operatorname{estr} & \longrightarrow \operatorname{bool} \\ \operatorname{Rep}(e) & \equiv \operatorname{true} & \Longleftrightarrow \operatorname{true} \end{aligned} \begin{aligned} \operatorname{Abs}: & \operatorname{estr} s & \longrightarrow \operatorname{servidor} \\ \operatorname{Abs}(s) & \equiv \operatorname{t}: \operatorname{Servidor} / \operatorname{claves}(s) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{juegos}(t) \wedge_{\operatorname{L}} \\ & (\forall n : \operatorname{nombre})(n \in \operatorname{juegos}(t) \Rightarrow_{L} \operatorname{simcity}(t, n) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{significado}(n, s)) \end{aligned} \begin{aligned} \{\operatorname{Rep}(s)\} \end{aligned}
```

Algoritmos

```
crearServidor() → res : servidor

1: res \leftarrow Vacio()

2: return

Complejidad: O(1)
```

```
registrar(in/out sv: servidor, in n: nombre, in m: mapa)\rightarrow res: estr
1: definir(n, iniciar(m), sv)
Complejidad: O(|Nombre| + copy(m))
```

```
avanzarTurnoSimcity(in/out sv: servidor, in n: nombre, in dc: dicc (Pos, Construccion))
 1: avanzarTurno(significado(n, sv))
   Complejidad: O(|Nombre| + \#claves(dc))
unirSimcitys(in/out sv: servidor, in n1: nombre, in n2: nombre)
 1: unir(significado(n1, sv), \& significado(n2, sv))
   Complejidad: O(|Nombre|)
mapaSimcity(in sv: servidor, in n: nombre)\rightarrow res: Mapa
 1: \mathbf{return} \ \mathrm{mapa}(\mathrm{significado}(\mathrm{n,sv}))
   Complejidad: O(|Nombre|) + O(mapa(significado (n, sv))
casasSimcity(in sv: servidor, in n: nombre)\rightarrow res: dicc(Pos, Nivel)
 1: return casas(significado(n,sv))
   Complejidad: O(|Nombre|) + O(casas(significado (n, sv))
comerciosSimcity(in sv: servidor, in n: nombre)\rightarrow res: dicc(Pos, Nivel)
 1: return comercios(significado(n,sv))
   Complejidad: O(|Nombre|) + O(comercios(significado (n, sv))
popularidadSimcity(in sv: servidor, in n: nombre) \rightarrow res: Nat
 1: return popularidad(significado(n,sv))
   Complejidad: O(|Nombre|)
antigüedadSimcity(in sv: servidor, in n: nombre)\rightarrow res: Nat
 1: return antigüedad(significado(n,sv))
   Complejidad: O(|Nombre|)
tunoSimcity(in sv: servidor, in n: nombre)\rightarrow res: Nat
 1: return turno(significado(n,sv))
   Complejidad: O(|Nombre|)
```

2.4. Módulo Dicc Trie

Interfaz

```
se explica con: DICC(CLAVE, SIGNIFICADO)
géneros: dicc_trie
Operaciones básicas de dicc trie
VACIO() \rightarrow res : dicc\_trie(\kappa, \sigma)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{obs} \text{vacio(m)} \}
Complejidad: O(1)
Descripción: genera un diccionario vacío.
DEFINIR(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ d: dicc_trie(\kappa, \sigma), \mathbf{in}\ k: \kappa, \mathbf{in}\ s: \sigma)
\mathbf{Pre} \equiv \{ d =_{\mathrm{obs}} d_0 \}
Post \equiv \{d =_{obs} definir(d,k,s)\}\
Complejidad: O(|Clave más larga|)
Descripción: define la clave k con el significado s en el diccionario.
Aliasing: Los elementos k y s se definen por copia.
DEFINIDO?(in d: dicc_trie(\kappa, \sigma), in k:\kappa) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{obs} \text{def?(d,k)} \}
Complejidad: O(|Clave más larga|)
Descripción: devuelve true si y sólo k está definido en el diccionario.
SIGNIFICADO(in d: dicc_trie(\kappa, \sigma), in k: \kappa) \rightarrow res: \sigma
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{def?(d,k)} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{obs} \text{ significado(d,k)} \}
Complejidad: O(|Clave más larga|)
Descripción: devuelve el significado de la clave k en d.
Aliasing: res es modificable si y sólo si d es modificable.
```