

Analyse von RAD-Seq-Daten unter Berücksichtigung von Sequenzierfehlerraten und Heterozygotiewahrscheinlichkeiten

Antonie Vietor

4. März 2021

Technische Universität Dortmund Fakultät für Informatik Lehrstuhl 11 Bioinformatics for High-Throughput Technologies http://ls11-www.cs.tu-dortmund.de/

In Kooperation mit: Universität Duisburg-Essen Genome Informatics http://genomeinformatics.uni-due.de/

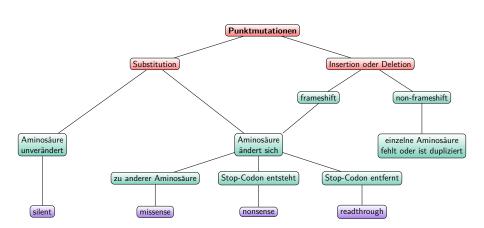
Mutationen



Deletion Insertion Substitution ...GTCGAGTCTA CGCTATCGCT. ...GTCGAGTCTA CGCTATCGCT. ...GTCGAGTCTACGCTATCGCT. ...CAGCTCAGAT CGCTATCGCT. ...CAGCTCAGAT CGCTATCGCT. ...CAGCTCAGAT CGCTATCGCT. ...CAGCTCAGAT CGCTATCGCT.

Bildquelle: [6]

Mutationen



Folgen von Mutationen

- Loss-of-function-Mutationen
- Gain-of-function-Mutationen

Folgen von Mutationen

- Loss-of-function-Mutationen
- Gain-of-function-Mutationen

Varianten

- oft Varianten einzelner Basen: SNPs (single nucleotide polymorphism)
- ohne pathologische Auswirkungen
- vermehrtes Auftreten innerhalb einer Spezies

Folgen von Mutationen

- Loss-of-function-Mutationen
- Gain-of-function-Mutationen

Varianten

- oft Varianten einzelner Basen: SNPs (single nucleotide polymorphism)
- ohne pathologische Auswirkungen
- vermehrtes Auftreten innerhalb einer Spezies

Allele, Locus, Ploidie und Genotyp

- Allele: verschiedene Varianten eines genomischen Ortes (Locus)
- Ploidie: Anzahl der Chromosomensätze
- Genotyp:
 - ⇒ **Homozygotie**: an einem Locus liegt auf allen homologen Chromosomen das gleiche Allel vor
 - ⇒ **Heterozygotie**: die homologen Chromosomen weisen an einem Locus unterschiedliche Allele auf

RAD-Sequenzierung

RAD-Sequenzierung

- restriction site associated DNA sequencing
- Anwendung: Populationsgenetik, Ökologie, Genotypisierung, Evolutionsforschung
- Sequenzierung multipler kleiner DNA-Fragmente aus dem gesamten Genom
- gleichzeitige Analyse mehrerer Individuen in gepoolten Proben
- benötigt kein Referenzgenom

Restriktionsenzyme

- molekulare Scheren, welche die DNA an spezifischen Sequenzen schneiden
- Enden können glatt oder versetzt sein

Restriktionsenzyme

- molekulare Scheren, welche die DNA an spezifischen Sequenzen schneiden
- Enden können glatt oder versetzt sein

CCCGGG GGGCCC

Bildquelle: [9]

Restriktionsenzyme

- molekulare Scheren, welche die DNA an spezifischen Sequenzen schneiden
- Enden können glatt oder versetzt sein



Bildquelle: [10]

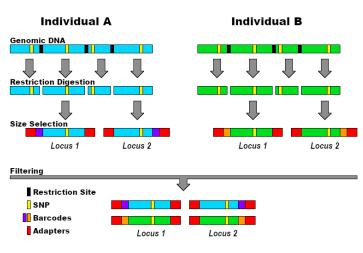
Restriktionsenzyme

- molekulare Scheren, welche die DNA an spezifischen Sequenzen schneiden
- Enden können glatt oder versetzt sein

Methode

- ONA-Verdau durch Restriktionsenzyme
- Sequenz der Restriktionsstelle ist bekannt, dies ermöglicht die Bindung der Adapter- und Barcodesequenzen
- Größenselektion der DNA-Fragmente
- Sequenzierung der gepoolten Proben verschiedener Individuen

Restriction-site Associate DNA Sequencing (RADSeq)



Bildquelle: [11] (modifiziert)

Restriktionsenzyme

- molekulare Scheren, welche die DNA an spezifischen Sequenzen schneiden
- Enden können glatt oder versetzt sein

Methode

- ONA-Verdau durch Restriktionsenzyme
- Sequenz der Restriktionsstelle ist bekannt, dies ermöglicht die Bindung der Adapter- und Barcodesequenzen
- Größenselektion der DNA-Fragmente
- Sequenzierung der gepoolten Proben verschiedener Individuen

Restriktionsenzyme

- molekulare Scheren, welche die DNA an spezifischen Sequenzen schneiden
- Enden können glatt oder versetzt sein

Methode

- ONA-Verdau durch Restriktionsenzyme
- Sequenz der Restriktionsstelle ist bekannt, dies ermöglicht die Bindung der Adapter- und Barcodesequenzen
- Größenselektion der DNA-Fragmente
- Sequenzierung der gepoolten Proben verschiedener Individuen

ddRADSeq (double digest RAD sequencing)

- Verwendung von zwei verschiedenen Restriktionsenzymen
- bessere Steuerbarkeit und höhere Genauigkeit

RADSeq-Verfahren

- durch die Sequenzspezifität der Restriktionsenzyme stammen die DNA-Fragmente bei den verschiedenen Individuen meistens vom gleichen genomischen Locus
- interindividueller Vergleich ist ohne Referenzgenom möglich
- gepoolte Proben: Zeit- und Kostenersparnis, gleiche Versuchsbedingungen für die verschiedenen Individuen
- die DNA-Fragmente stammen aus dem gesamten Genom, aber keine vollständige genomische Abdeckung

Problemstellung

Problem:

- Reads ohne Kenntnis eines Referenzgenoms möglichen Loci zuordnen
- die Loci und ihre Sequenz sind unbekannt

Problemstellung

Problem:

- Reads ohne Kenntnis eines Referenzgenoms möglichen Loci zuordnen
- die Loci und ihre Sequenz sind unbekannt

Gegeben:

- Menge von Reads: $D = (s_1, \ldots, s_m) \in \{A, C, G, T,\}^{k^m}$
- Qualität der Sequenzierung: $Q = (q_1, \ldots, q_m) \in [0, 1]^{k^m}$
- Sequenzierfehlerraten: $\epsilon = \{\epsilon_{\textit{ins}}, \, \epsilon_{\textit{del}}\}$
- Heterozygotiewahrscheinlichkeiten: $\eta = \{\eta_{sub}, \, \eta_{ins}, \, \eta_{del}\}$
- Ploidie: ϕ

Problemstellung

Problem:

- Reads ohne Kenntnis eines Referenzgenoms möglichen Loci zuordnen
- die Loci und ihre Sequenz sind unbekannt

Gegeben:

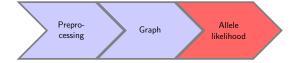
- Menge von Reads: $D = (s_1, \ldots, s_m) \in \{A, C, G, T,\}^{k^m}$
- Qualität der Sequenzierung: $Q = (q_1, \ldots, q_m) \in [0, 1]^{k^m}$
- Sequenzierfehlerraten: $\epsilon = \{\epsilon_{\textit{ins}}, \, \epsilon_{\textit{del}}\}$
- Heterozygotiewahrscheinlichkeiten: $\eta = \{\eta_{sub}, \eta_{ins}, \eta_{del}\}$
- Ploidie: ϕ

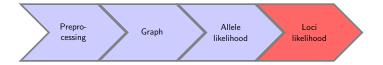
Ziel:

- ullet Zuordnung der Reads zu den Loci unter Berücksichtigung von ϵ und η
- Ausgabe der Menge der ermittelten Loci mit den Sequenzen der beteiligten Allele
- \Rightarrow die Loci können anschließend für Diversitätsanalysen genutzt werden











Model - Preprocessing



Model - Preprocessing



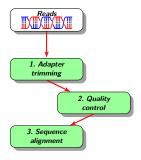
Model - Preprocessing

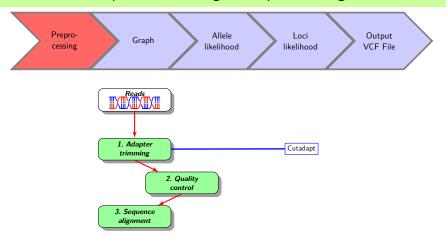


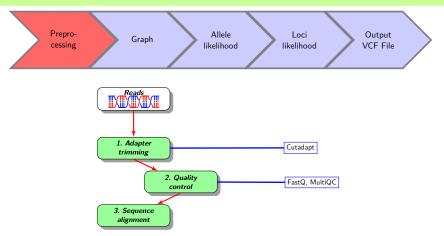
- Statistiken zur Qualität der Reads
- Individuen werden entsprechend ihres Barcodes separiert
- Entfernen der Barcode- und Adaptersequenzen
- Erzeugen eines Sequenzalignments

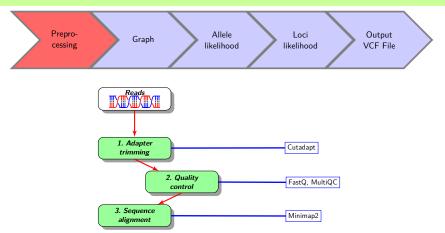












Model - Graphkonstruktion



Model - Graphkonstruktion



- das Problem wird als gerichteter Graph G = (V, E) betrachtet
- die Knoten werden durch die Reads repräsentiert
- die Kanten basieren auf dem Sequenzalignment
- das Sequenzalignment wird als approximiertes pairHMM betrachtet

Paarweiser Sequenzvergleich - pairHMM vs. Minimap2

pair Hidden Markov Model (pairHMM)

- das beobachtete Ergebnis der Referenzsequenz wird durch Abfolgen von Mismatch-, Insertions- und Deletions-Operationen der Querysequenz erklärt
- jede Operation ist ein Zustand, die Zustände sind nicht direkt beobachtbar
- Zustandsübergangswahrscheinlichkeiten
- Emissionswahrscheinlichkeiten: Wahrscheinlichkeit, dass eine Base aus einem bestimmten Zustand heraus tatsächlich emittiert wird, d.h. in der Readsequenz zu beobachten ist

Paarweiser Sequenzvergleich - pairHMM vs. Minimap2

pair Hidden Markov Model (pairHMM)

- mögliche Kombinationen von Zustandsübergängen, die zum beobachteten Ergebnis der Referenzsequenz führen, können aber errechnet und als Matrix dargestellt werden
- in der Matrix werden alle **Pfade** ermittelt, deren Zustandssequenzen geeignet sind, die Querysequenz in die Referenzsequenz zu transformieren
- Aus den Zustandsübergangs- und Emissionswahrscheinichkeiten dieser Pfade kann dann die Gesamtlikelihood bestimmt werden, dass die Querysequenz aus der Referenzsequenz entstanden ist
- \Rightarrow Kantengewichtung des Graphen: **Gesamtlikelihood aus allen Pfaden** des pairHMM

Paarweiser Sequenzvergleich - pairHMM vs. Minimap2

Sequenzalignment von Minimap2

- ebenfalls paarweiser Vergleich der Readsequenzen
- Reads mit hoher Ähnlichkeit zueinander werden in das Alignment aufgenommen
- Mapping der Reads, die eine hohe Wahrscheinlichkeit besitzen, durch Sequenzierfehler, Variationen oder Mutationen aus einem gemeinsamen Allel hervorgegangen zu sein
- das Mapping entspricht dem wahrscheinlichsten Pfad der pairHMM-Matrix
- dieser Pfad würde auch das Ergebnis des pairHMM dominieren
 →Approximation
- \Rightarrow Kantengewichtung des Graphen: Likelihood des wahrscheinlichsten Pfades des pairHMM

Likelihoodberechnung beim approximierten pairHMM

Likelihood der Allele bei einem gegebenen Read

$$L_{match} = 1 - p_i$$

$$L_{indel} \in \{\epsilon_{ins}, \epsilon_{del}\}$$

$$L_{sub} = \frac{1}{3} \cdot p_i$$

$$pHMM_{\epsilon,q_{query}} (s_{query} \mid s_{ref}) \approx \prod_{i=1}^{k} L_i$$

Likelihood bei der Zuordnung der Allele zu möglichen Loci

$$L_{match} = 1 - \left(\eta_{sub} + \eta_{ins} + \eta_{del}
ight)$$

$$L_{mismatch} \in \{\,\eta_{sub},\,\eta_{ins},\,\eta_{del}\,\}$$

$$pHMM_{\eta}(a_{I_{j,query}} \mid a_{I_{j,ref}}) pprox \prod_{i=1}^k L_i$$

Model - Graphkonstruktion



- das Problem wird als gerichteter Graph G = (V, E) betrachtet
- die Knoten werden durch die Reads repräsentiert
- die Kanten basieren auf dem Sequenzalignment
- das Sequenzalignment wird als approximiertes pairHMM betrachtet

Model - Graphkonstruktion



- das Problem wird als gerichteter Graph G = (V, E) betrachtet
- die Knoten werden durch die Reads repräsentiert
- die Kanten basieren auf dem Sequenzalignment
- das Sequenzalignment wird als approximiertes pairHMM betrachtet
- Kanten entstehen nur zwischen Knoten deren Readsequenzen einander ähneln
- Partitionierung des Graphen in mehrere Zusammenhangskomponenten
 ⇒ das Gesamtproblem wird in mehrere Teilprobleme aufgeteilt

Model - Graphkonstruktion



• Grapheigenschaften:

- Ploidie
- Sequenzierfehlerraten für Insertionen und Deletionen
- Heterozygotiewahrscheinlichkeiten für Substitutionen und Indels

Knoteneigenschaften:

- ID
- Basensequenz
- Basenqualität

Kanteneigenschaften:

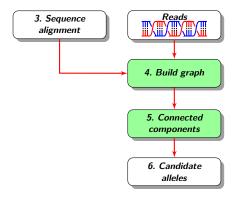
- CIGAR-Tupel
- Edit-Distanz

Implementierung - Graphkonstruktion



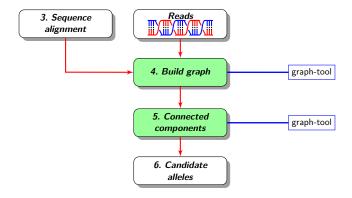
Implementierung - Graphkonstruktion





Implementierung - Graphkonstruktion









 Identifizierung der Allele, von denen die übrigen Reads der Zusammenhangskomponenten am wahrscheinlichsten durch Sequenzierfehler entstanden sind



- Identifizierung der Allele, von denen die übrigen Reads der Zusammenhangskomponenten am wahrscheinlichsten durch Sequenzierfehler entstanden sind
- Kandidatenallele und Anzahl der tatsächlich zu erwartenden Allele n_{alleles} bestimmen:

$$n_{alleles} = \left\{ egin{array}{ll} \phi, & \phi \geq n_{cand} \ n_{cand} + \phi - d, & \phi < n_{cand} \wedge d
eq 0 \ n_{cand}, & \phi < n_{cand} \wedge d = 0 \end{array}
ight.$$

 $(\text{es gilt } d = n_{cand} \mod \phi)$



 \Rightarrow aus den Kandidatenallelen **Kombinationen mit Wiederholung** der Länge $n_{alleles}$ gebildet:



 \Rightarrow aus den Kandidatenallelen **Kombinationen mit Wiederholung** der Länge $n_{alleles}$ gebildet:

ploidy =
$$2$$
, $n_{cand} = 2$, $n_{alleles} = 2$: [(0, 0), (0, 1), (1, 1)]



 \Rightarrow aus den Kandidatenallelen **Kombinationen mit Wiederholung** der Länge $n_{alleles}$ gebildet:

ploidy =
$$2$$
, $n_{cand} = 2$, $n_{alleles} = 2$: [(0, 0), (0, 1), (1, 1)]

 \Rightarrow aus den Kombinationen werden die Häufigkeitsverteilungen der Kandidatenallele (**Allele-Fractions**) bestimmt:



 \Rightarrow aus den Kandidatenallelen **Kombinationen mit Wiederholung** der Länge $n_{alleles}$ gebildet:

ploidy =
$$2$$
, $n_{cand} = 2$, $n_{alleles} = 2$: [(0, 0), (0, 1), (1, 1)]

 \Rightarrow aus den Kombinationen werden die Häufigkeitsverteilungen der Kandidatenallele (**Allele-Fractions**) bestimmt:

ploidy = 2,
$$n_{cand}$$
 = 2, $n_{alleles}$ = 2: [1.0, 0.0], [0.5, 0.5], [0.0, 1.0]



Allelkombinationen:

```
\begin{aligned} & ploidy = 2, n_{cand} = 3, n_{alleles} = 4: \\ & [(0, 0, 0, 0), (0, 0, 0, 1), (0, 0, 0, 2), (0, 0, 1, 1), (0, 0, 1, 2), \\ & (0, 0, 2, 2), (0, 1, 1, 1), (0, 1, 1, 2), (0, 1, 2, 2), (0, 2, 2, 2), \\ & (1, 1, 1, 1), (1, 1, 1, 2), (1, 1, 2, 2), (1, 2, 2, 2), (2, 2, 2, 2)] \end{aligned}
```



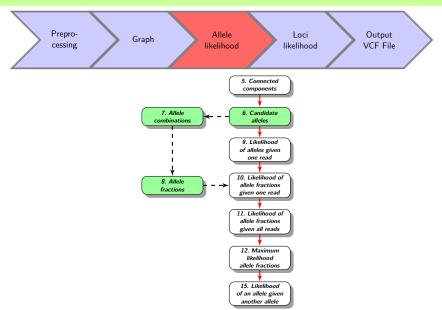
Allelkombinationen:

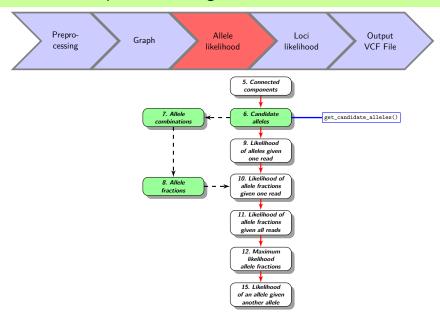
$$\begin{array}{l} \textit{ploidy} = 2, n_{\textit{cand}} = 3, n_{\textit{alleles}} = 4: \\ [(0, 0, 0, 0), (0, 0, 0, 1), (0, 0, 0, 2), (0, 0, 1, 1), (0, 0, 1, 2), \\ (0, 0, 2, 2), (0, 1, 1, 1), (0, 1, 1, 2), (0, 1, 2, 2), (0, 2, 2, 2), \\ (1, 1, 1, 1), (1, 1, 1, 2), (1, 1, 2, 2), (1, 2, 2, 2), (2, 2, 2, 2)] \end{array}$$

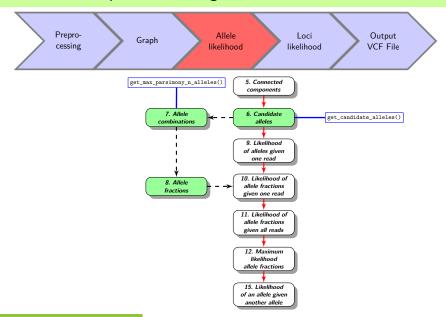
Allele-Fractions:

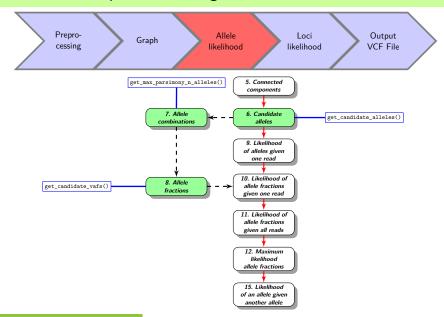
```
\begin{array}{l} \textit{ploidy} = 2, \textit{n}_{cand} = 3, \textit{n}_{alleles} = 4: \\ [1.0, \, 0.0, \, 0.0], \, [0.75, \, 0.25, \, 0.0], \, [0.75, \, 0.0, \, 0.25], \, [0.5, \, 0.5, \, 0.0], \\ [0.5, \, 0.25, \, 0.25], \, [0.5, \, 0.0, \, 0.5], \, [0.25, \, 0.75, \, 0.0], \, [0.25, \, 0.5, \, 0.25], \\ [0.25, \, 0.25, \, 0.5], \, [0.25, \, 0.0, \, 0.75], \, [0.0, \, 1.0, \, 0.0], \, [0.0, \, 0.75, \, 0.25], \\ [0.0, \, 0.5, \, 0.5], \, [0.0, \, 0.25, \, 0.75], \, [0.0, \, 0.0, \, 1.0] \end{array}
```













Für **jeden Read** mit der Sequenz s_r wird die Wahrscheinlichkeit errechnet, dass er aus einem bestimmten Allel a_i allein durch Sequenzierfehler ϵ hervorgegangen ist:



Für **jeden Read** mit der Sequenz s_r wird die Wahrscheinlichkeit errechnet, dass er aus einem bestimmten Allel a_i allein durch Sequenzierfehler ϵ hervorgegangen ist:

Allel-Likelihood gegeben ein Read

$$Pr(T = s_r | S = a_i, \epsilon) = pairHMM_{\epsilon,q_r}(a_i, s_r)$$



Berechnung der Wahrscheinlichkeit, einen bestimmten Read s_r anhand einer gegebenen **Allele-Fraction** $\Theta_i = (\theta_1, \dots, \theta_n) \in [0, 1]^n$ zu beobachten:



Berechnung der Wahrscheinlichkeit, einen bestimmten Read s_r anhand einer gegebenen **Allele-Fraction** $\Theta_i = (\theta_1, \dots, \theta_n) \in [0, 1]^n$ zu beobachten:

Likelihood einer Allele-Fraction gegeben ein Read

$$Pr(s_r \mid \Theta = \theta_1, \dots, \theta_n) = \sum_{i=1}^n \theta_i \cdot Pr(T = s_r \mid S = a_i, \epsilon)$$

(es gilt $n = n_{cand}$)



Bestimmung der resultierende Likelihood einer Allele-Fraction in Zusammenschau mit **allen Reads** $D = (s_1, ..., s_m) \in \{A, C, G, T\}^{k^m}$:



Bestimmung der resultierende Likelihood einer Allele-Fraction in Zusammenschau mit **allen Reads** $D = (s_1, ..., s_m) \in \{A, C, G, T\}^{k^m}$:

Likelihood einer Allele-Fraction gegeben alle Reads

$$L(\Theta = \theta_1, \dots, \theta_n \mid D) = Pr(D \mid \Theta) = \prod_{r=1}^m Pr(s_r \mid \Theta)$$



Bestimmung der resultierende Likelihood einer Allele-Fraction in Zusammenschau mit **allen Reads** $D = (s_1, ..., s_m) \in \{A, C, G, T\}^{k^m}$:

Likelihood einer Allele-Fraction gegeben alle Reads

$$L(\Theta = \theta_1, \dots, \theta_n \mid D) = Pr(D \mid \Theta) = \prod_{r=1}^m Pr(s_r \mid \Theta)$$

 \Rightarrow L ist eine mögliche Loci-Verteilung, die durch die gegebene Allele-Fraction abgebildet wird



Bestimmung der resultierende Likelihood einer Allele-Fraction in Zusammenschau mit **allen Reads** $D = (s_1, ..., s_m) \in \{A, C, G, T\}^{k^m}$:

Likelihood einer Allele-Fraction gegeben alle Reads

$$L(\Theta = \theta_1, \dots, \theta_n \mid D) = Pr(D \mid \Theta) = \prod_{r=1}^m Pr(s_r \mid \Theta)$$

- \Rightarrow L ist eine mögliche Loci-Verteilung, die durch die gegebene Allele-Fraction abgebildet wird
- ⇒ die Unsicherheit bei der Zuordnung der Reads wird durch die relativen Häufigkeiten in der Allele-Fraction abgebildet und an die spätere Loci-Zuordnung weitergereicht



Allel-Likelihood gegeben ein Read

$$Pr(T = s_r | S = a_i, \epsilon) = pairHMM_{\epsilon,q_r}(a_i, s_r)$$

Likelihood einer Allele-Fraction gegeben ein Read

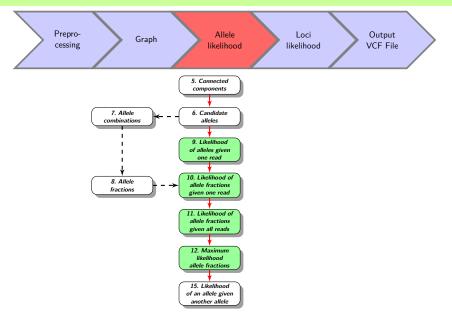
$$Pr(s_r \mid \Theta = \theta_1, \dots, \theta_n) = \sum_{i=1}^n \theta_i \cdot Pr(T = s_r \mid S = a_i, \epsilon)$$

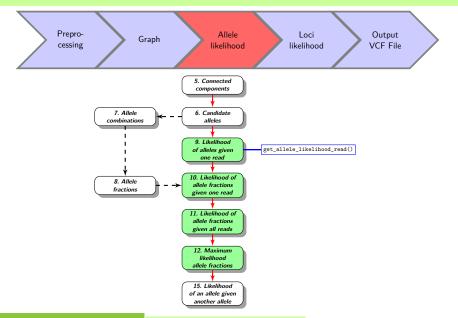
Likelihood einer Allele-Fraction gegeben alle Reads

$$L(\Theta = \theta_1, \dots, \theta_n \mid D = s_1, \dots, s_m) = Pr(D \mid \Theta) = \prod_{r=1}^m Pr(s_r \mid \Theta)$$

⇒ für die Allele-Fraction mit maximaler Likelihood erfolgt die Loci-Zuordnung

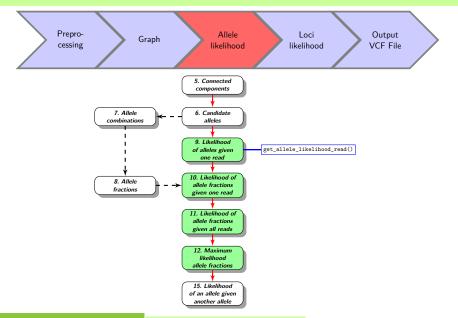


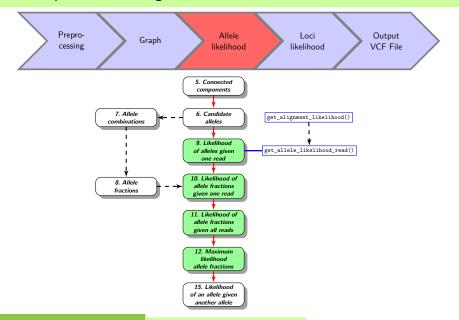




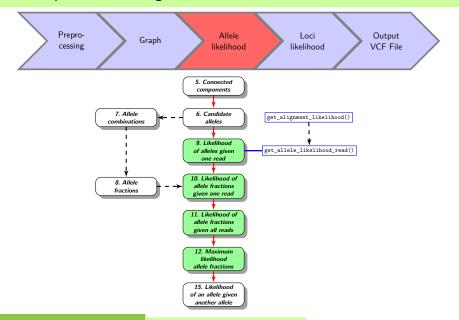
```
function GET_ALLELE_LIKELIHOOD_READ(C_k, r_i, s_{a_i}, dict)
     idx_{r_i} \leftarrow r_i[name]
    qual \leftarrow r_i[q\_values]
    \epsilon \leftarrow C_k[\epsilon_{ins}] \cup C_k[\epsilon_{del}]
    if \exists (idx_{r_i}, s_{a_i}) : ((idx_{r_i}, s_{a_i}), L_{r_i, a_i}) \in dict then
         return L_{r_i,a_i}
    end if
    out\_neighbors \leftarrow get\_out\_neighbors(r_i)
    for out_neighbor ∈ out_neighbors do
         if s_{a_i} = out\_neighbor[sequence] then
              cig \leftarrow edge(r_i, out\_neighbor)[cigar\_tuples]
              rev ← False
              L_{r_i,a_i} \leftarrow get\_alignment\_likelihood(\epsilon, cig, qual, rev)
              dict \leftarrow dict \cup ((r_i, out\_neighbor[sequence]), L_{r_i,a_i})
              return L_{r_i,a_i}
         end if
    end for
    ⇒ check in_neighbors
    return 0
end function
```

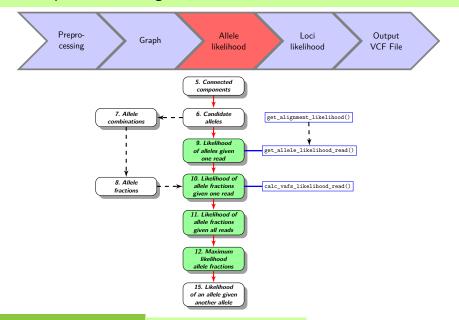
```
function GET_ALLELE_LIKELIHOOD_READ(C_k, r_i, s_{a_i}, dict)
     idx_{r_i} \leftarrow r_i[name]
    qual \leftarrow r_i[q\_values]
    \epsilon \leftarrow C_k[\epsilon_{ins}] \cup C_k[\epsilon_{del}]
    if \exists (idx_{r_i}, s_{a_i}) : ((idx_{r_i}, s_{a_i}), L_{r_i, a_i}) \in dict then
         return L_{r_i,a_i}
    end if
    ⇒ check out_neighbors
     in\_neighbors \leftarrow get\_in\_neighbors(r_i)
    for in_neighbor ∈ in_neighbors do
         if s_{a_i} = in\_neighbor[sequence] then
              cig \leftarrow edge(in\_neighbor, r_i)[cigar\_tuples]
              rev ← True
              L_{r_{i,a_i}} \leftarrow get\_alignment\_likelihood(\epsilon, cig, qual, rev)
              dict \leftarrow dict \cup ((r_i, in\_neighbor[sequence]), L_{r_i,a_i})
              return L_{r_i,a_i}
         end if
    end for
    return 0
end function
```

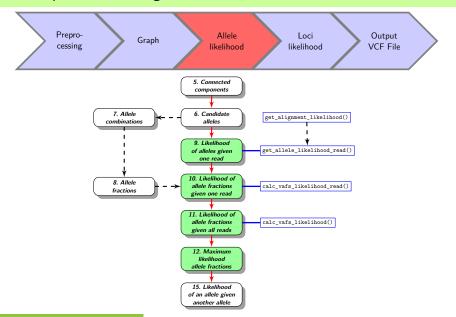




```
function GET_ALIGNMENT_LIKELIHOOD(\epsilon_{ins}, \epsilon_{del}, cigar_tuples, q_{query}, reverse)
    likelihood \leftarrow 1.0, index \leftarrow 0, p_{query} \leftarrow []
    for q_i \in q_{query} do
         p_{query} \leftarrow p_{query} \cup (10^{\frac{-q_i}{10}})
    end for
    if reverse then
         swap values of \epsilon_{ins} and \epsilon_{del}
    end if
    for all (operation, length) ∈ cigar_tuples do
         while index < (index + length) do
             if operation ∈ match then
                  likelihood \leftarrow likelihood \cdot (1 - p_{query}[index])
             end if
             if operation ∈ substitution then
                  likelihood \leftarrow likelihood \cdot \frac{1}{2} \cdot p_{query}[index]
             end if
             if operation ∈ insertion then
                  likelihood \leftarrow likelihood \cdot \epsilon_{ine}
             end if
             if operation ∈ deletion then
                  likelihood \leftarrow likelihood \cdot \epsilon_{dol}
             end if
             index \leftarrow index + 1
        end while
    end for
    return likelihood
end function
```











 Die Allel-Fraction mit maximaler Likelihood soll möglichen genomischen Loci zugeordnet werden



- Die Allel-Fraction mit maximaler Likelihood soll möglichen genomischen Loci zugeordnet werden
- in Abhängigkeit von Ploidie und Anzahl der Kandidatenallele können auch mehrere Loci in einer Zusammenhangskomponente vorkommen



- Die Allel-Fraction mit maximaler Likelihood soll möglichen genomischen Loci zugeordnet werden
- in Abhängigkeit von Ploidie und Anzahl der Kandidatenallele können auch mehrere Loci in einer Zusammenhangskomponente vorkommen
- für alle Allelkombinationen müssen die möglichen Loci-Kombinationen der in ihnen enthaltenen Kandidatenallele gebildet werden



 \Rightarrow **Beispiel:** ploidy = 2, $n_{cand} = 3$, $n_{alleles} = 4$:



 \Rightarrow Beispiel: $ploidy = 2, n_{cand} = 3, n_{alleles} = 4$:

Kombinationen der Allele:

$$\begin{bmatrix} (0,\,0,\,0,\,0),\,(0,\,0,\,0,\,1),\,(0,\,0,\,0,\,2),\,(0,\,0,\,1,\,1),\,(0,\,0,\,1,\,2),\\ (0,\,0,\,2,\,2),\,(0,\,1,\,1,\,1),\,(0,\,1,\,1,\,2),\,(0,\,1,\,2,\,2),\,(0,\,2,\,2,\,2),\\ (1,\,1,\,1,\,1),\,(1,\,1,\,1,\,2),\,(1,\,1,\,2,\,2),\,(1,\,2,\,2,\,2),\,(2,\,2,\,2,\,2) \end{bmatrix}$$



 \Rightarrow **Beispiel:** ploidy = 2, $n_{cand} = 3$, $n_{alleles} = 4$:

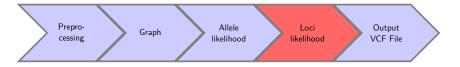
Permutationen der Allele:

```
 \begin{array}{c} (1,\,2,\,1,\,1),\,(2,\,1,\,0,\,0),\,(2,\,1,\,1,\,1),\,(0,\,1,\,2,\,1),\,(0,\,1,\,1,\,2),\,(0,\,1,\,0,\,0),\\ (2,\,2,\,1,\,0),\,(0,\,2,\,2,\,1),\,(2,\,2,\,0,\,1),\,(1,\,0,\,2,\,2),\,(0,\,2,\,0,\,1),\,(2,\,0,\,0,\,1),\\ (1,\,0,\,1,\,0),\,(0,\,2,\,1,\,2),\,(0,\,0,\,2,\,0),\,(2,\,2,\,2,\,1),\,(1,\,1,\,0,\,1),\,(2,\,0,\,1,\,1),\\ (2,\,0,\,2,\,0),\,(0,\,0,\,2,\,2),\,(1,\,1,\,2,\,0),\,(1,\,2,\,1,\,0),\,(2,\,0,\,2,\,2),\,(2,\,1,\,1,\,0),\\ (2,\,1,\,0,\,2),\,(1,\,2,\,0,\,1),\,(0,\,1,\,2,\,0),\,(1,\,2,\,1,\,2),\,(1,\,2,\,2,\,1),\,(0,\,1,\,1,\,1),\\ (1,\,1,\,1,\,0),\,(0,\,0,\,0,\,0),\,(2,\,1,\,1,\,2),\,(2,\,1,\,2,\,1),\,(1,\,0,\,0,\,1),\,(0,\,1,\,0,\,2),\\ (2,\,2,\,1,\,2),\,(0,\,2,\,2,\,0),\,(1,\,0,\,2,\,1),\,(2,\,0,\,0,\,0),\,(0,\,2,\,1,\,1),\,(1,\,1,\,1,\,2),\\ (0,\,0,\,0,\,2),\,(0,\,0,\,1,\,1),\,(1,\,0,\,1,\,2),\,(2,\,0,\,0,\,2),\,(0,\,0,\,2,\,1),\,(1,\,1,\,2,\,2),\\ (2,\,1,\,0,\,1),\,(1,\,2,\,0,\,0),\,(0,\,1,\,2,\,2),\,(1,\,2,\,2,\,0),\,(0,\,1,\,1,\,0),\,(2,\,2,\,0,\,0),\\ (0,\,2,\,0,\,0),\,(2,\,1,\,2,\,0),\,(1,\,0,\,0,\,0),\,(1,\,2,\,0,\,2),\,(0,\,1,\,0,\,1),\,(2,\,2,\,1,\,1),\\ (2,\,2,\,2,\,0),\,(1,\,1,\,0,\,0),\,(1,\,0,\,2,\,0),\,(0,\,2,\,2,\,2),\,(1,\,2,\,2,\,2),\,(2,\,2,\,0,\,2),... \end{array}
```



 \Rightarrow Beispiel: ploidy = 2, $n_{cand} = 3$, $n_{alleles} = 4$:

$$((0, 0), (0, 2)), ((1, 1), (1, 1)), ((0, 2), (0, 2)), ((1, 1), (2, 2)), ((0, 1), (0, 2)), ((1, 1), (1, 2)), ((1, 2), (2, 2)), ((1, 2), (1, 2)), ((0, 0), (1, 1)), ((0, 0), (2, 2)), ((0, 2), (1, 1)), ((0, 1), (1, 1)), ((0, 0), (0, 0)), ((0, 2), (2, 2)), ((0, 0), (1, 2)), ((0, 1), (2, 2)), ((2, 2), (2, 2)), ((0, 0), (0, 1)), ((0, 2), (1, 2)), ((0, 1), (1, 2)), ((0, 1), (0, 1))$$



$$\Rightarrow$$
 Beispiel: $ploidy = 2$, $n_{cand} = 3$, $n_{alleles} = 4$:

Kombinationen der Allele:

Permutationen der Allele:

```
(1, 0, 1, 2), (0, 1, 1, 2), (0, 1, 2, 1), (1, 0, 2, 1), (2, 1, 1, 0), (1, 2, 0, 1), (2, 1, 0, 1), (2, 1, 0, 1), (2, 1, 0, 1), (1, 2, 1, 0), (1, 1, 2, 0), (1, 1, 0, 2), (2, 0, 1, 1), (0, 2, 1, 1), ...
```

$$((1, 0), (1, 2)), ((0, 1), (1, 2)), ((0, 1), (2, 1)), ((1, 0), (2, 1)), ((2, 1), (1, 0)), ((1, 2), (0, 1)), ((2, 1), (0, 1)), ((2, 1), (0, 1)), ((2, 1), (0, 1)), ((1, 1), (2, 0)), ((1, 1), (0, 2)), ((2, 0), (1, 1)), ((0, 2), (1, 1)), ...$$



$$\Rightarrow$$
 Beispiel: $ploidy = 2$, $n_{cand} = 3$, $n_{alleles} = 4$:

Kombinationen der Allele:

Permutationen der Allele:

```
(1, 0, 1, 2), (0, 1, 1, 2), (0, 1, 2, 1), (1, 0, 2, 1), (2, 1, 1, 0), (1, 2, 0, 1), (2, 1, 0, 1), (2, 1, 0, 1), (2, 1, 0, 1), (1, 2, 1, 0), (1, 1, 2, 0), (1, 1, 0, 2), (2, 0, 1, 1), (0, 2, 1, 1), ...
```

$$((1, 0), (1, 2)), ((0, 1), (1, 2)), ((0, 1), (2, 1)), ((1, 0), (2, 1)), ((2, 1), (1, 0)), ((1, 2), (0, 1)), ((2, 1), (0, 1)), ((2, 1), (0, 1)), ((2, 1), (0, 1)), ((1, 1), (2, 0)), ((1, 1), (0, 2)), ((2, 0), (1, 1)), ((0, 2), (1, 1)), ...$$



$$\Rightarrow$$
 Beispiel: $ploidy = 2$, $n_{cand} = 3$, $n_{alleles} = 4$:

Kombinationen der Allele:

Permutationen der Allele:

$$((0, 1), (1, 2)), ((1, 2), (0, 1)), ((1, 1), (0, 2)), ((0, 2), (1, 1)), \dots$$



$$\Rightarrow$$
 Beispiel: $ploidy = 2$, $n_{cand} = 3$, $n_{alleles} = 4$:

Kombinationen der Allele:

Permutationen der Allele:

$$((0, 1), (1, 2)), ((1, 2), (0, 1)), ((1, 1), (0, 2)), ((0, 2), (1, 1)), \dots$$



$$\Rightarrow$$
 Beispiel: $ploidy = 2, n_{cand} = 3, n_{alleles} = 4$:

Kombinationen der Allele:

Permutationen der Allele:

$$((0, 1), (1, 2)), ((1, 2), (0, 1)), ((1, 1), (0, 2)), ((0, 2), (1, 1)), \dots$$



$$\Rightarrow$$
 Beispiel: $ploidy = 2$, $n_{cand} = 3$, $n_{alleles} = 4$:

Kombinationen der Allele:

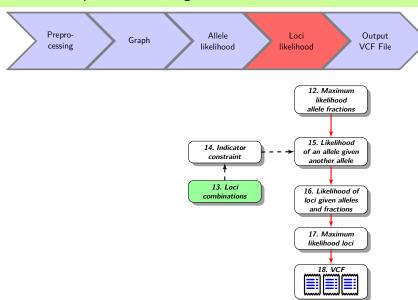
Permutationen der Allele:

$$((0, 1), (1, 2)), ((1, 1), (0, 2)), \dots$$

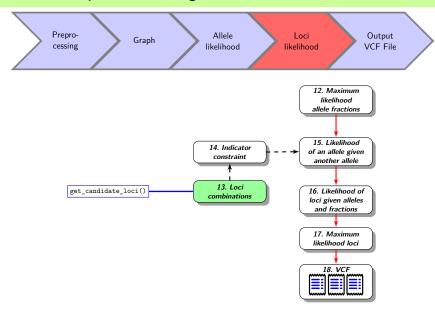
Implementierung - Loci-Kombinationen



Implementierung - Loci-Kombinationen



Implementierung - Loci-Kombinationen







Prüfung jeder Loci-Kombination $L \in \{l_j \in \mathbb{N}_{\leq n}^{\phi} | j = 1, \ldots, g\}$, ob sie die ermittelte wahrscheinlichste Häufigkeitsverteilung der Kandidatenallele erfüllen kann:



Prüfung jeder Loci-Kombination $L \in \{l_j \in \mathbb{N}_{\leq n}^{\phi} | j = 1, \ldots, g\}$, ob sie die ermittelte wahrscheinlichste Häufigkeitsverteilung der Kandidatenallele erfüllen kann:

Indikatorfunktion
$$z_L \in [0,1]$$

$$z_L = \prod_{i=1}^n 1_{\sum_{j=1}^g \sum_{k=1}^\phi 1_{l_{j,k}=i} = \theta_i \cdot g \cdot \phi}$$



Prüfung jeder Loci-Kombination $L \in \{l_j \in \mathbb{N}_{\leq n}^{\phi} | j = 1, \ldots, g\}$, ob sie die ermittelte wahrscheinlichste Häufigkeitsverteilung der Kandidatenallele erfüllen kann:

Indikatorfunktion
$$z_L \in [0,1]$$

$$z_L = \prod_{i=1}^n 1_{\sum_{j=1}^g \sum_{k=1}^\phi 1_{l_j,k=i} = \theta_i \cdot g \cdot \phi}$$

 \Rightarrow $z_L=1$, wenn die absolute Häufigkeit der einzelnen Kandidatenallele in einer Loci-Kombination, der Anzahl dieser Allele in der Allele-Fraction mit maximaler Likelihood entspricht



Bestimmung der Wahrscheinlichkeit wie die einzelnen Allele der Maximum-Likelihood-Allele-Fraction hinsichtlich der Heterozygotiewahrscheinlichkeiten η miteinander in Beziehung stehen:



Bestimmung der Wahrscheinlichkeit wie die einzelnen Allele der Maximum-Likelihood-Allele-Fraction hinsichtlich der Heterozygotiewahrscheinlichkeiten η miteinander in Beziehung stehen:

Likelihood des paarweisen Vergleichs zweier Allele

$$Pr(T = a_{l_{i,2}}, S = a_{l_{i,1}}, \eta) = pairHMM_{\eta}(a_{l_{i,1}}, a_{l_{i,2}})$$



Bestimmung der Wahrscheinlichkeit wie die einzelnen Allele der Maximum-Likelihood-Allele-Fraction hinsichtlich der Heterozygotiewahrscheinlichkeiten η miteinander in Beziehung stehen:

Likelihood des paarweisen Vergleichs zweier Allele

$$Pr(T = a_{l_{j,2}}, S = a_{l_{j,1}}, \eta) = pairHMM_{\eta}(a_{l_{j,1}}, a_{l_{j,2}})$$

 \Rightarrow Wahrscheinlichkeit, dass zwei Allele $a_{l_{j,1}}$ und $a_{l_{j,2}}$ vom gleichen Locus l_{j} stammen



Bestimmung der Gesamtlikelihood einer Loci-Kombination, dass die enthaltenen Allele A bei gegebenen Heterozygotiewahrscheinlichkeiten in dieser Konstellation der Loci vorliegen:



Bestimmung der Gesamtlikelihood einer Loci-Kombination, dass die enthaltenen Allele A bei gegebenen Heterozygotiewahrscheinlichkeiten in dieser Konstellation der Loci vorliegen:

Likelihood einer Loci-Kombination

$$Pr(\Theta, A | L = \{l_j | j = 1, ..., g\}) = z_L \cdot \prod_{j=1}^{g} Pr(T = a_{l_{j,2}}, S = a_{l_{j,1}})$$



Bestimmung der Gesamtlikelihood einer Loci-Kombination, dass die enthaltenen Allele A bei gegebenen Heterozygotiewahrscheinlichkeiten in dieser Konstellation der Loci vorliegen:

Likelihood einer Loci-Kombination

$$Pr(\Theta, A \,|\, L = \{I_j \,|\, j = 1, \dots, g\}) = z_L \cdot \prod_{j=1}^g Pr(T = a_{I_{j,2}} \,,\, S = a_{I_{j,1}})$$

⇒ wird für jede Loci-Kombination durchgeführt, welche die Allele-Fraction mit maximaler Likelihood erklären kann



Indikatorfunktion $z_L \in [0, 1]$

$$z_L = \prod_{i=1}^n \mathbb{1}_{\sum_{j=1}^g \sum_{k=1}^\phi \mathbb{1}_{l_j, k=i} = \theta_i \cdot g \cdot \phi}$$

Likelihood des paarweisen Vergleichs zweier Allele

$$Pr(T = a_{l_{j,2}}, S = a_{l_{j,1}}, \eta) = pairHMM_{\eta}(a_{l_{j,1}}, a_{l_{j,2}})$$

Likelihood einer Loci-Kombination

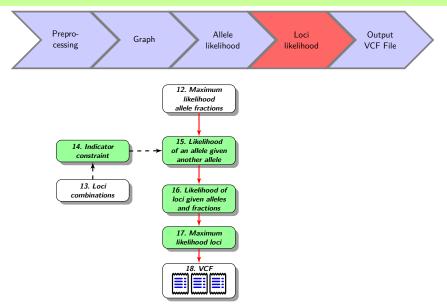
$$Pr(\Theta, A | L = \{l_j | j = 1, ..., g\}) = z_L \cdot \prod_{j=1}^g Pr(T = a_{l_{j,2}}, S = a_{l_{j,1}})$$

⇒ die Loci-Kombination mit maximaler Likelihood ist die wahrscheinlichste Loci-Zuordnung der Reads einer Zusammenhangskomponente

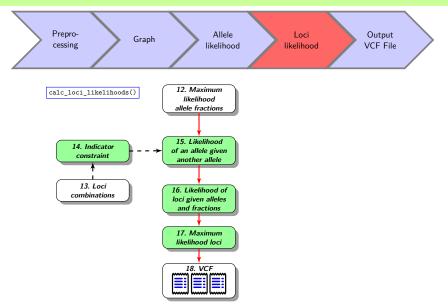
Implementerierung - Zuordnung der Loci

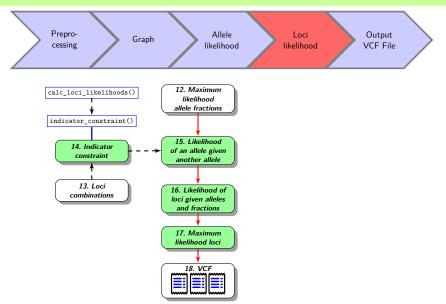


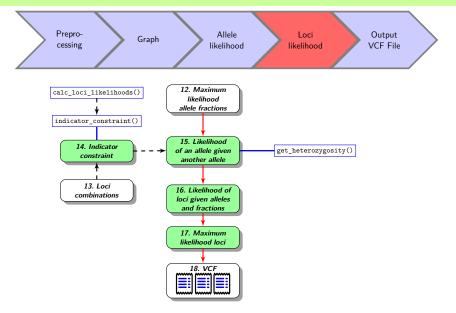
Implementerierung - Zuordnung der Loci

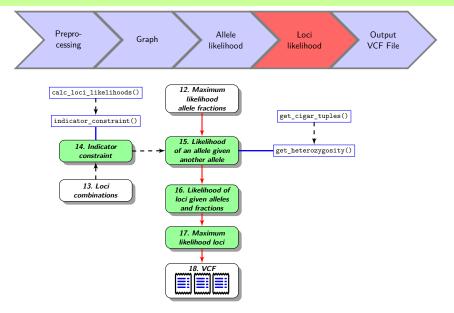


Implementerierung - Zuordnung der Loci

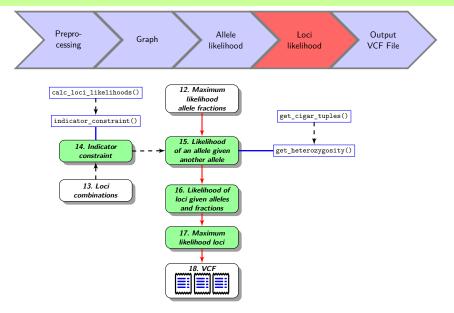


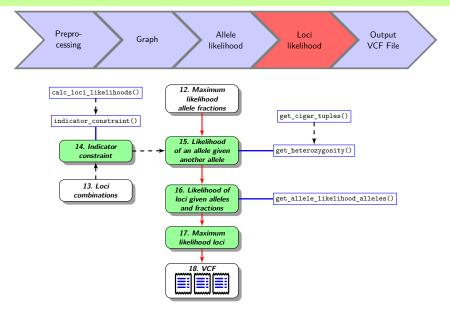






```
function GET_CIGAR_TUPLES(C_k, s_{query}, s_{ref})
    R_{source} \leftarrow \{v_i \in C_k \land i, k \in \mathbb{N} \mid v_i[sequence] = s_{auerv}\}
    R_{target} \leftarrow \{w_i \in C_k \land i, k \in \mathbb{N} \mid w_i[sequence] = s_{ref}\}
    for v_i \in R_{source} do
         for w_i \in R_{target} do
              if (v_i, w_i) \in E_k then
                   return (E_k[(v_i, w_i)][cigar\_tuples], False)
              end if
              if (w_i, v_i) \in E_k then
                   return (E_k[(w_i, v_i)][cigar\_tuples], True)
              end if
         end for
    end for
    return None
end function
```





```
function GET_ALLELE_LIKELIHOOD_ALLELES(C_k, S_{loc}, dict_{loc})
     likelihood \leftarrow 1.0
     for (s_{a_i}, s_{a_i}) \in S_{loc} do
          if \exists (s_{a_i}, s_{a_i}) : ((s_{a_i}, s_{a_i}), L_{a_i, a_i}) \in dict_{loc} then
                likelihood \leftarrow likelihood + L_{a_i,a_i}
          else
                cigar \leftarrow get\_cigar\_tuples(C_k, s_{a_i}, s_{a_i})
                if cigar exists then
                     cig \leftarrow cigar [0]
                     rev \leftarrow cigar [1]
                     \eta_{rates} \leftarrow C_k[\eta_{sub}] \cup C_k[\eta_{ins}] \cup C_k[\eta_{del}]
                      L_{a_i,a_i} \leftarrow log(get\_heterozygosity(\eta_{rates}, cig, rev))
                      dict_{loc} \leftarrow dict_{loc} \cup ((s_{a_i}, s_{a_i}), L_{a_i, a_i})
                      likelihood \leftarrow likelihood + L_{a_i,a_i}
                end if
          end if
     end for
     return e likelihood
end function
```





• Graphkonstruktion: $O(|V| \cdot (|V| + |E|))$



- Graphkonstruktion: $O(|V| \cdot (|V| + |E|))$
- Bestimmung der Allele-Fraction mit maximaler Likelihood:

$$O(e^n \cdot n \cdot |V_{C_i}| + I \cdot n^2 \cdot |V_{C_i}|^3)$$



- Graphkonstruktion: $O(|V| \cdot (|V| + |E|))$
- Bestimmung der Allele-Fraction mit maximaler Likelihood:

$$O(e^n \cdot n \cdot |V_{C_i}| + I \cdot n^2 \cdot |V_{C_i}|^3)$$

• Bestimmung der wahrscheinlichsten Loci-Zuordnung:

$$O(1 \cdot n^5 \cdot |V_{C_i}|^3 + n^3 \cdot n!)$$

⇒ Gesamtlaufzeit:

$$O\left(\sum_{i=1}^{|C|} n \cdot n!\right)$$

Model - Ausgabe im Variant Call Format



Model - Ausgabe im Variant Call Format



enthält die Loci mit den Sequenzen ihrer Allele und ihrem Genotyp

Model - Ausgabe im Variant Call Format



enthält die Loci mit den Sequenzen ihrer Allele und ihrem Genotyp

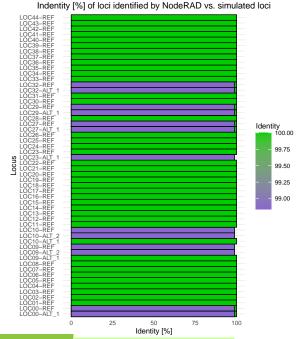
#CHROM	POS	ID	REF	ALT	QUAL	FILTER	INFO	FORMAT	Α
LOC0	1		TTTGCATGTTGCGTCAGA	TTTGCATGTTGCGTCCGA				GT	0/1
LOC1	1		GGGTATCGCCTGTGGCTG					GT	0/0
LOC2	1		AAGGATCTTTGCCGACTT					GT	0/0
LOC3	1		GGCTAAGTTAACTTGAGA					GT	0/0
LOC4	1		GCGTCGAATCGGCACTCG					GT	0/0
LOC5	1		GTAAATCGATGCGGCGTG					GT	0/0
LOC6	1		GATGCCTGATGCGTCTTT					GT	0/0
LOC7	1		CGATCCCGCCATATGCAC					GT	0/0
LOC8	1		CCCCGACGAGTCTATCTC					GT	0/0
LOC9	1		TGACGCTTTGTTTATCTG	TGACGCTTTGATTATCTG, TTACGCTTTGTTTATCTG				GT	0/1
LOC10	1		TGACGCTTTGTTTATCTG	TGACGCTTTGATTATCTG, TTACGCTTTGTTTATCTG				GT	1/2
LOC11	1		TTTATACGCGGACACTCT					GT	0/0
LOC12	1		GTTTGGTTCACTGTCCTT					GT	0/0
LOC13	1		CGCCGTGTGTGTTTGCCA	CGCCGTGGGTGTTTGCCA				GT	0/1
LOC14	1		TGGTCGCCTTTTGCCAAT					GT	0/0
LOC15	1		AGCAATTTAAACCCGATA					GT	0/0

BLAST-Analyse: Auffinden der Loci

- Individuum A: 44/50 Loci
- Individuum B: 48/50 Loci
- Individuum C: 47/50 Loci
- ⇒ insgesamt 92% der Loci identifiziert

BLAST-Analyse: Auffinden der Loci

- Individuum A: 44/50 Loci
- Individuum B: 48/50 Loci
- Individuum C: 47/50 Loci
- ⇒ insgesamt 92% der Loci identifiziert
- die meisten der gefundenen Loci sind identisch zu den tatsächlich simulierten Loci
- die Allele mit geringerem Identity-Wert sind meist zusätzliche Allele, die durch NodeRAD zu dem Locus gefunden wurden



Loci-Zuordnung durch NodeRAD im Vergleich zum tatsächlichen Genotyp

Individuum A	R und C	simulierte Loci $n=150$			
marviduum A	t, B uliu C	homozygot	heterozygot	\sum	
mit NodeRAD	homozygot	124	0	124	
identifizierte	heterozygot	10	5	15	
Loci	Σ	134	5	139	

Loci-Zuordnung durch NodeRAD im Vergleich zum tatsächlichen Genotyp

Individuum A	R und C	simulierte Loci $n=150$			
marviduum A	t, D uliu C	homozygot	heterozygot	\sum	
mit NodeRAD	homozygot	124	0	124	
identifizierte	heterozygot	10	5	15	
Loci	Σ	134	5	139	

- Rate **falsch-homozygoter** Loci: 0%
- Rate **falsch-heterozygoter** Loci: $\approx 7.5\%$
- prädiktiv homozygot (NodeRAD findet homozygoten Locus):
 - ⇒ Wahrscheinlichkeit, dass tatsächlich homozygot: 100%
- prädiktiv heterozygot (NodeRAD findet heterozygoten Locus):
 - \Rightarrow Wahrscheinlichkeit, dass tatsächlich heterozygot: $\approx 33.\overline{3}\,\%$

Ausblick

- effizientere Implementierung in Rust
- dominierender Schritte (Laufzeit, Arbeitsspeicher) sind die Bestimmung der Allelkombinationen und die über ihre Allele-Fractions ausgeführten Berechnungen, dieser Schritt kann weiter optimiert werden, z.B.:
 - Funktion(Clustergröße, Anzahl der Kandidatenallele)
 - greedy Auswahl der Allele: absteigende Sortierung nach Häufigkeit und Knotengrad
 - nur rechenintensive Cluster (große Cluster oder Cluster mit vielen Kandidatenallelen) optimieren
- single-end Reads: Heterozygotie bleibt auch bei Mutationen im Bereich der Restriktionsstelle erhalten
- polyploide Organismen: multiple Sequenzalignments notwendig
- interindividuelle Vergleiche für Diversitätsanalysen können als zweite Iteration des Workflows adaptiert werden

Bildquellen I

- [1] MOUAGIP: Aminoacids table.svg. 2021. source: https://commons.wikimedia.org/wiki/File:Aminoacids_table.svg
- [2] MARGULIES, Elliott: *Transcription*. source: https://www.genome.gov/genetics-glossary/Transcription
- [3] Leja, Darryl: Transfer RNA (tRNA). source: https://medlineplus.gov/genetics/understanding/basics/ noncodingdna/
- [4] MARGULIES, Elliott: Transfer RNA (tRNA). source: https://www.genome.gov/genetics-glossary/Transfer-RNA
- [5] Ruiz, Mariana: DNA replication. source: https://commons.wikimedia.org/wiki/File: DNA_replication_en.svg
- [6] COLLINS, Francis: Mutation. source: https://www.genome.gov/genetics-glossary/Mutation

Bildquellen II

- [7] ENZOKLOP: Polymerase Chain Reaction Schematic mechanism of PCR. source: https://en.wikipedia.org/wiki/File: Polymerase_chain_reaction-en.svg
- [8] Christoph Goemans, Norman M.: Prinzip der DNA-Sequenzierung nach der Didesoxy-Methode. source: https://de.wikipedia.org/wiki/Datei:Didesoxy-Methode.svg
- [9] DERKSEN, Bryan: EcoRI restriction enzyme recognition site with cleavage marked. - source: https://de.wikipedia.org/wiki/Datei: SmaI_restriction_enzyme_recognition_site.svg
- [10] DERKSEN, Bryan: EcoRI restriction enzyme recognition site. source: https://de.wikipedia.org/wiki/Datei: EcoRI restriction enzyme recognition site.svg
- [11] CLARK, Jonathan: Schematic diagram of RADseq. source: https://en.wikipedia.org/wiki/File:RADseq_schematic.pdf

Weiteres Bildmaterial für die Erstellung des Workflowdiagramms

Diagramm: Alanis, Cristo J.: Schema of Labs on a class. source: https://texample.net/tikz/examples/labs-schema/.

Abbildung der DNA: Velickovic, Petar: Deoxyribonucleic acid (DNA).

source: https://github.com/PetarV-/TikZ/tree/master/DNA.

Icon für VCF-Datei: Twitter, Inc., Mark Otto, and the Bootstrap

authors: Bootstrap icons - receipt. source:

https://github.com/twbs/icons/blob/main/icons/receipt.svg.