

Architettura degli Elaboratori

December 4, 2018

1 Introduzione

Ci tengo a ricordare che questi sono solo esempi e non rappresentano in alcun modo l'esatto contenuto dell'esame in questione.

Ogni esempio contenuto in questo documento e' stato realizzato da Mirco De Marchi.

2 Codifica dell'informazione

2.1 Meno Infinito

Dire come viene rappresentata la grandezza meno infinito in virgola mobile secondo lo standard IEEE 754 in singola precisione. Quali sono i motivi alla base della scelta di questa rappresentazione?

Rappresentazione di meno infinito in virgola mobile.

1 11111111 000000000000000000000000

Il primo bit, il segno, riporta 1, cioè segno negativo, tutti i bit dell'esponente sono 1 e tutti i bit della mantissa sono 0.

Convertendo il numero ottengo:

segno: negativo

esponente: 255 in modulo, che convertito in eccesso 127 diventa $255-127 = +128$

mantissa: 1.0_{10} perché la parte frazionaria non riporta nessun numero.

Quindi il numero ottenuto è $-1.0 \cdot 2^{+128}$, che in virgola mobile singola precisione è in assoluto il numero più piccolo rappresentabile, che dunque può solo essere -infinito.

Infatti in realtà il numero più piccolo esprimibile con la codifica virgola mobile singola precisione è formato da tutti 1, tranne per uno 0 nel bit meno significativo dell'esponente e corrisponde in base 10 a un valore che si avvicina molto a $-2 \cdot 2^{+127}$, che è uguale a -2^{+128} .

2.2 Somma in complemento a 2

Rappresentare e sommare in complemento a due su 6 bit i due numeri relativi +24 e -13.

+24 è positivo, dunque è sufficiente convertirlo in modulo per averlo in complemento a due e corrisponde a 011000_2 .

-13 invece è negativo, quindi prima lo converto come se fosse +13, cioè 001101_2 , poi faccio il negativo, che è 110010 , sommo 1 e ottengo 110011_2 , che è proprio -13 in complemento a due.

Eseguo la somma: $011000 + 110011 = 001011_2$, che corrisponde a $+11_{10}$.

Questa volta non è necessario fare l'estensione di segno poiché sto lavorando con tutti i numeri a 6 bit.

Facendo la verifica della somma: $24 + (-13) = +11_{10}$

2.3 Cambio da Complemento a 2 a Modulo

Quale sarebbe stato il risultato delle somma interpretando i codici ottenuti come numeri in modulo? E quale interpretandoli in modulo e segno?

011000_2 , corrisponde a +24 sia in modulo, sia in modulo+segno.

110011_2 , corrisponde come riportato sopra a -13 in complemento a due,

in modulo corrisponde a $(1+2+16+32)=51$,

in modulo+segno corrisponde a $-(1+2+16)=-19$.

quindi mi aspetto che la somma in modulo sia uguale a $24 + 51 = 75$

e che la somma in modulo+segno sia uguale a $24 + (-19) = +5$

Procedendo con la somma:

in modulo: $011000 + 110011 = 1001011$ che convertito in base 10 effettivamente corrisponde a $+75_{10}$, tuttavia in realtà il vero risultato è questo: 001011 , perché sto lavorando con 6 bit. Questo è un caso di overflow poiché il numero da rappresentare necessita un bit in più.

In modulo+segno, effettuando la somma normalmente avviene questo: $011000 + 110011 = 001011$, che corrisponde a $+(1+2+8)=+11_{10}$. Il risultato è chiaramente sbagliato. Questo perché la somma in modulo+segno è più complicata e va effettuata in questo modo:

se i segni sono discordi (che è il nostro caso) bisogna controllare in valore assoluto qual è il valore più alto: in questo caso il valore più alto è +24, che essendo positivo dà come risultato un valore positivo. Dopodiché bisogna procedere con la sottrazione dei due codici in valore assoluto e sottrarre il minore dal maggiore: $11000 - 10011 = 00101_2$, con il segno (positivo) diventa: 000101_2 , che corrisponde proprio a $+5_{10}$.

3 Macchine a Stati Finiti

Esempio fornito nel PDF: *FSM.pdf*

4 Semplificazione Quine-McCluskey

Calcolare con il metodo di Quine McCluskey gli impicanti primi essenziali della seguente funzione $f(a, b, c, d)$: ON-SET = {m3, m4, m8, m9, m14}, DC-SET = {m2, m5, m7, m12, m10, m15}.

abcd o1

| | | |
|------|---|-----|
| 0000 | 0 | m0 |
| 0001 | 0 | m1 |
| 0010 | - | m2 |
| 0011 | 1 | m3 |
| 0100 | 1 | m4 |
| 0101 | - | m5 |
| 0110 | 0 | m6 |
| 0111 | - | m7 |
| 1000 | 1 | m8 |
| 1001 | 1 | m9 |
| 1010 | - | m10 |
| 1011 | 0 | m11 |
| 1100 | - | m12 |
| 1101 | 0 | m13 |
| 1110 | 1 | m14 |
| 1111 | - | m15 |

| | S0 | S1 | S2 | S3 | S4 |
|---|----|-------------------------------|---|---------------------|----------|
| 0 | | 0010 m2 0100 m4 1000 m8 | 0011 m3 0101 m5 1001 m9 1010 m10 1100 m12 | 0111 m7 1110 m14 | 1111 m15 |

| | S1 | S2 | S3 |
|---|--|--|---------------------------------|
| 1 | 001- 2, 3 p0 -010 2, 10 p1 010- 4, 5 p2 -100 4, 12 p3 100- 8, 9 p4 10-0 8, 10 1-00 8, 12 | 0-11 3, 7 p5 01-1 5, 7 p6 1-10 10, 14 11-0 12, 14 | -111 7, 15 p7 111- 14, 15 p8 |

| | S1 |
|---|------------------------|
| 2 | 1- -0 8, 10, 12, 14 p9 |

| | p0 | p1 | p2 | p3 | p4 | p5 | p6 | p7 | p8 | p9 |
|-----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| m3 | 1 | | | | | 1 | | | | |
| m4 | | | 1 | 1 | | | | | | |
| m8 | | | | | 1 | | | | | 1 |
| m9 | | | | | 1 | | | | | |
| m14 | | | | | | | | | 1 | 1 |

Impicante primo essenziale: $p4 = m8, m9$

$a*b*!c$