## Università degli Studi di Verona

T	)IPA	RTI	MENTO	DI	INFO	RMA	TICA

## Analisi di Sistemi informatici

Riassunto dei principali argomenti

Candidati:
Davide Bianchi
Marco Colognese
Mattia Rossini

# Indice

1	Inte	rpretazione astratta 5
	1.1	Introduzione
	1.2	Connessione di Galois
	1.3	Famiglie di Moore
	1.4	Upper closure operator
	1.5	Reticolo delle interpretazioni astratte
	1.6	Computazioni astratte e concrete
	1.7	Correttezza
	1.8	Completezza
	1.9	Accelerazione della convergenza
		1.9.1 Widening
		1.9.2 Narrowing
	1.10	Linguaggio e semantica
		1.10.1 Collecting Semantics
	1.11	Control-Flow-Graph (CFG)
		1.11.1 Notazione dei CFG
<b>2</b>	Ana	lisi Statica 15
	2.1	Introduzione
	2.2	Analisi sul CFG
	2.3	Soluzioni MFP - MOP - IDEAL
	2.4	Data Flow Analysis
		2.4.1 Available Expressions
		2.4.2 Very Busy Expressions
		2.4.3 Liveness
		2.4.4 Reaching Definition
		2.4.5 Riepilogo
	2.5	Problemi Non-Distributivi
		2.5.1 Costanti
		2.5.2 Segni
		2.5.3 Intervalli
		2.0.0 Intervenii
3	Ana	lisi Dinamica 25
	3.1	Testing
	3.2	Debugging
	3.3	Program Slicing

4 INDICE

## Capitolo 1

## Interpretazione astratta

#### 1.1 Introduzione

Lo scopo è quello di trovare un'approssimazione di una semantica  $\langle P \rangle$  di  $\llbracket P \rrbracket$  tale per cui valgano:

- $correttezza: [P] \subseteq \langle P \rangle;$
- decidibilità:  $\langle P \rangle \subseteq Q$  è decidibile (Q è un insieme di semantiche che soddisfa la proprietà di interesse).

Se entrambe le proprietà sono soddisfatte, allora vale che

$$(\langle P \rangle \subseteq Q) \Rightarrow (\llbracket P \rrbracket \subseteq Q)$$

La semantica è data da una coppia  $\langle D, f \rangle$  dove D è una coppia  $\langle D, \leq_D$  rappresentante un dominio semantico e  $f: D \to D$  è una funzione di trasferimento con una soluzione a punto fisso. Dato un oggetto concreto, definiamo:

- un **oggetto astratto** come una rappresentazione matematica sovra-approssimata del corrispondente concreto;
- un dominio astratto come un insieme di oggetti astratti con delle operazioni astratte, che approssimano quelle concrete;
- una funzione di **astrazione**  $\alpha$  che mappa oggetti concreti in oggetti astratti;
- $\bullet$  una funzione di **concretizzazione**  $\gamma$  che mappa oggetti astratti in oggetti concreti.

La caratteristica peculiare delle astrazioni è che solo alcune proprietà vengono osservate con esattezza, le altre vengono solo approssimate. In sostanza, dato un dominio astratto A, gli elementi di A sono osservati con esattezza, gli altri sono approssimati o l'informazione è persa del tutto.

**Proprietà.** L'insieme delle proprietà  $\mathcal{P}(\Sigma)$  di oggetti in  $\Sigma$  è l'insieme di elementi che gode di quella proprietà. Questo insieme di proprietà costituisce un reticolo completo

$$\langle \mathcal{P}(\Sigma), \subseteq, \emptyset, \cup, \cap, \neg \rangle$$

dove:

- ⊆ è l'implicazione logica;
- $\Sigma$  è true;
- $\cup$  è la disgiunzione (oggetti che godono di P o di Q appartengono a  $P \cup Q$ );
- $\cap$  è la congiunzione (oggetti che godono di P e di Q appartengono a  $P \cap Q$ );
- $\neg$  è la negazione (oggetti che non godono di P stanno in  $\Sigma \setminus P$ ).

**Direzione dell'astrazione.** Quando si approssima una proprietà concreta  $P \in \mathcal{P}(\Sigma)$  usando una proprietà astratta  $\overline{P}$ , deve essere stabilito un criterio per definire quando  $\overline{P}$  è un'approssimazione di P.

Si distinguono quindi i seguenti casi:

- approssimazione da sopra:  $P \subseteq \overline{P}$
- approssimazione da sotto:  $P \supseteq \overline{P}$ .

Dato un oggetto o, si vuole quindi sapere se  $o \in P$ :

$$P \supseteq \overline{P} : \begin{cases} \text{"Si"} & o \in \overline{P} \\ \text{"Non lo so"} & o \notin \overline{P} \end{cases} \qquad P \subseteq \overline{P} : \begin{cases} \text{"No"} & o \notin \overline{P} \\ \text{"Non lo so"} & o \in \overline{P} \end{cases}$$

Migliore approssimazione. Definiamo come migliore approssimazione di una proprietà P in A il glb delle over-approximation di P in A, ossia:

$$\overline{P} = \bigcap \{ \overline{P'} \in A | P \subseteq \overline{P'} \} \in A$$

### 1.2 Connessione di Galois

Imponiamo il vincolo che  $\alpha$  e  $\gamma$  siano monotone, allora concludiamo che:

- $\gamma \circ \alpha : C \to C$  è estensiva:  $\gamma(\alpha(c)) \ge c$ ;
- $\alpha \circ \gamma : A \to A$  è riduttiva:  $\alpha(\gamma(a)) \leq a$ .

Le definizioni qui sopra dicono rispettivamente che:

- $\alpha$  perde informazione, e  $\gamma$  non la può recuperare;
- $\gamma$  non perde informazione.

**Definizione 1.2.0.1** (Connessione di Galois). Dati due poset  $\langle A, \leq_A \rangle$  e  $\langle C, \leq_C \rangle$ , e due funzioni monotone  $\alpha: C \to A$  e  $\gamma: A \to C$ , diciamo che  $\langle C, \alpha, \gamma, A \rangle$  è una connessione di Galois se:

- $\forall c \in \mathcal{C} : c \leq_C \gamma(\alpha(c))$
- $\forall a \in \mathcal{A} : \alpha(\gamma(a)) \leq_A a$

Se inoltre vale che  $\forall a \in \mathcal{A} : \alpha(\gamma(a)) = a$ , allora  $\langle C, \alpha, \gamma, A \rangle$  è un'inserzione di Galois.

Una connessione e un'inserzione di Galois sono rappresentate rispettivamente come

$$C \stackrel{\gamma}{\underset{\alpha}{\longleftrightarrow}} A \qquad C \stackrel{\gamma}{\underset{\alpha}{\longleftrightarrow}} A$$

La funzione  $\alpha$  è detta aggiunta sinistra, mentre la funzione  $\gamma$  è detta aggiunta destra.

**Teorema 1.2.0.1.** Data una connessione di Galois  $C \stackrel{\gamma}{\longleftrightarrow} A$ , sono equivalenti:

- $C \xrightarrow{\gamma \atop \alpha} A$ ;
- α è suriettiva;
- $\gamma$  è iniettiva.

Inoltre, dati due domini astratti, non esistono due coppie  $(\alpha, \gamma)$  che formino una connessione di Galois; quindi la connessione di Galois tra due domini è **unica**, e le funzioni sono identificabili attraverso:

$$\alpha(c) = \bigwedge \{ a \in A | c \le_C \gamma(a) \}$$
$$\gamma(a) = \bigvee \{ c \in C | \alpha(c) \le_A a \}$$

## 1.3 Famiglie di Moore

**Definizione 1.3.0.1** (Famiglia di Moore). Sia L un reticolo completo.  $X \subseteq L$  è una famiglia di Moore di L se

$$X = \mathcal{M}(X) = \left\{ \bigwedge S \mid S \subseteq X \right\}$$

dove

$$\bigwedge \emptyset = \top \in \mathcal{M}(X)$$

Da questa definizione segue che, ipotizzando che ogni proprietà concreta abbia una migliore astrazione  $\overline{P} \in A$ , implica che il dominio A è una famiglia di Moore.

## 1.4 Upper closure operator

**Definizione 1.4.0.1** (Upper closure operator). Una funzione  $f: P \to P$  su un poset  $\langle P, \leq_P \rangle$  è un upper closure operator (uco) se soddisfa le seguenti proprietà:

- estensività:  $\forall x \in P : x \leq_P \rho(x)$
- monotonia:  $\forall x, y \in P : (x \leq_P y) \Rightarrow (\rho(x) \leq_P \rho(y))$
- $idempotenza: \forall x \in P : \rho(x) = \rho(\rho(x))$

I lower closure operator sono definiti in modo duale, specificando che  $\rho$  deve essere *riduttiva*, ovvero che  $\forall x \in P : x \geq_P \rho(x)$ .

**Teorema 1.4.0.1.** Data una connessione di Galois  $C \stackrel{\gamma}{\underset{\alpha}{\longleftarrow}} A$  si ha che  $\gamma \circ \alpha$  è un uco e  $\alpha \circ \gamma$  è un lco

**Teorema 1.4.0.2.**  $C \xrightarrow{\gamma} A$  se e solo se A è isomorfo  $^1$  ad una Moore family di C.

**Teorema 1.4.0.3.** Sia  $\rho \in uco(c)$ . Allora  $\forall A \simeq \rho(C)$  si ha che  $\exists \alpha, \gamma : C \xrightarrow{\gamma} A$ 

## 1.5 Reticolo delle interpretazioni astratte

I vari domini astratti possono essere comparati sulla base della loro precisione. In generale si può dire che un dominio astratto  $A_1$  è più preciso di  $A_2$  (indicato attraverso  $A_1 \sqsubseteq A_2$ ) quando

$$\forall a_2 \in A_2, \exists a_1 \in A_1 \quad \text{tali che} \quad \gamma_1(a_1) = \gamma_2(a_2)$$

ovvero quando

$$\gamma(A_2) \subseteq \gamma(A_1)$$

Collegando agli uco, possiamo dire che

$$A_1 \sqsubseteq A_2 \Leftrightarrow \rho_1 \sqsubseteq \rho_2 \Leftrightarrow \rho_2(C) \subseteq \rho_1(C)$$

**Definizione 1.5.0.1** (Reticolo delle int. astratte). Se C è un reticolo completo o un cpo, allora

$$\langle uco(C), \sqsubseteq, \sqcup, \sqcap, \lambda x. \top, \lambda x. x \rangle$$

*è un reticolo completo dove*  $\forall \rho, \eta \in uco(C), \{\rho_i\}_{i \in I} \subseteq uco(C) \ e \ x \in C$ :

- $\rho \sqsubseteq \eta \Leftrightarrow \forall y \in C. \rho(y) \le \eta(y) \Leftrightarrow \eta(C) \subseteq \rho(C)$
- $\left(\bigcap_{i\in I}\rho_i\right)(x) = \bigwedge_{i\in I}\rho_i(x)$
- $\left(\bigsqcup_{i \in I} \rho_i\right)(x) = x \Leftrightarrow \forall i \in I. \rho_i(x) = x$
- $\lambda x. \top, \lambda x. x$  sono rispettivamente top e bottom.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Con isomorofismo si intendono reticoli con la stessa struttura.

### 1.6 Computazioni astratte e concrete

**Definizione 1.6.0.1** (Correttezza). Data un'inserzione di Galois  $C \xrightarrow{\gamma} A$ , una funzione concreta  $f: C \to C$  e una funzione astratta  $f^{\sharp}: A \to A$  diciamo che  $f^{\sharp}$  è un'approssimazione corretta di f se

$$\forall c \in C : \alpha(f(c)) \leq_A f^{\sharp}(\alpha(c)) \quad backward$$

o equivalentemente

$$\forall a \in A : f(\gamma(a)) \leq_C \gamma(f^{\sharp}(a) \quad forward$$

Rinforzando la definizione e imponendo uguaglianza si perde l'equivalenza delle due espressioni sopra.

**Definizione 1.6.0.2** (Completezza). Data un'inserzione di Galois  $C \stackrel{\gamma}{\longleftarrow} A$ , una funzione concreta  $f: C \to C$  e una funzione astratta  $f^{\sharp}: A \to A$  diciamo che  $f^{\sharp}$  è:

- backward-completa per f se  $\forall c \in C : \alpha(f(c)) = f^{\sharp}(\alpha(c))$
- forward-complete per f se  $\forall a \in A : f(\gamma(a)) = \gamma(f^{\sharp}(a))$

La definizione rappresenta una situazione ideale in cui non si ha perdita di precisione durante il calcolo astratto. Inoltre la backward-completezza lavora sull'astrazione dell'input delle operazioni, la forward-completezza sull'output.

Le definizioni di completezza possono essere date anche usando gli uco:

- $\rho \in uco(C)$  è backward-completo per f se  $\rho \circ f = \rho \circ f \circ \rho$
- $\rho \in uco(C)$  è forward-completo per f se  $f \circ \rho = \rho \circ f \circ \rho$

Inoltre quando  $\rho$  è sia backward che forward-completo allora vale che  $\rho \circ f = f \circ \rho$ .

**Teorema 1.6.0.1.** Data  $C \xrightarrow{\gamma} A$ , una funzione concreta  $f: C \to C$  e una funzione astratta  $f^{\sharp}: A \to A$  allora

$$\forall c \in C : \alpha(f(c)) \leq_A f^{\sharp}(\alpha(c)) \Leftrightarrow \alpha \circ f \circ \gamma \sqsubseteq f^{\sharp}$$

**Definizione 1.6.0.3** (Best correct approximation). Data  $C \stackrel{\gamma}{\longleftarrow} A$  e una funzione concreta  $f: C \to C$  allora  $\alpha \circ f \circ \gamma: A \to A$  è la best correct approximation di f in A.

#### 1.7 Correttezza

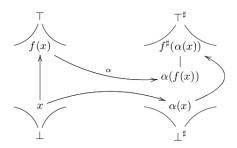
Consideriamo  $C \xrightarrow{\alpha} A$ , una funzione concreta  $f: C \to C$  e una funzione astratta  $f^{\sharp}: A \to A$ . Possiamo dire che  $f^{\sharp}$  è un'approssimazione corretta di f in A se:

$$\forall c \in C : \alpha(f(c)) <_A f^{\sharp}(\alpha(c))$$

oppure, equivalentemente:

$$\forall a \in A : f(\gamma(a)) \leq_C \gamma(f^{\sharp}(a))$$

Nel processo di astrazione è ammessa una perdita di informazioni, ciò non è possibile nel processo di concretizzazione, dunque possiamo dire che se  $c \in C$ . Possiamo dire che  $\alpha(c)$  è l'elemento astratto più preciso che rappresenta c.



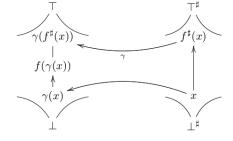


Figura 1.1: Condizione di correttezza:  $\alpha(f(c)) \leq_A f^{\sharp}(\alpha(c))$ 

Figura 1.2: Condizione di correttezza:  $f(\gamma(a)) \leq_C \gamma(f^{\sharp}(a))$ 

1.8. COMPLETEZZA 9

### 1.8 Completezza

Consideriamo  $C \xrightarrow{\gamma \atop \alpha \to b} A$ , una funzione concreta  $f: C \to C$  e una funzione astratta  $f^{\sharp}: A \to A$ . Possiamo dire che:

- $f^{\sharp}$  è backward-complete per f se:  $\forall c \in C : \alpha(f(c)) = f^{\sharp}(\alpha(c));$
- $f^{\sharp}$  è forward-complete per f se:  $\forall a \in A : f(\gamma(a)) = \gamma(f^{\sharp}(a))$ .

I due tipi di completezza rappresentano una situazione in cui non si verifica nessuna perdita di precisione durante l'astrazione. In particolare:

- La **B**-completezza considera l'astrazione sull'output delle operazioni e non si accumula nessuna perdita di precisione astraendo in p gli argomenti di f;
- La  $\mathbf{F}$ -completezza considera l'astrazione sull'input delle operazioni e non si accumula nessuna perdita di precisione approssimando il risultato della funzione f calcolata in p.

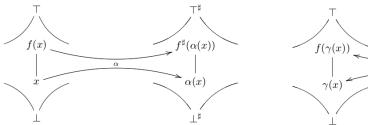


Figura 1.3: Condizione di *B-completezza* 

Figura 1.4: Condizione di *F-completezza* 

## 1.9 Accelerazione della convergenza

#### 1.9.1 Widening

Un widening

$$\nabla: P \times P \to P$$

su un poset  $\langle P, \leq_P \rangle$  è una funzione che soddisfa:

- $\forall x, y \in P : x \sqsubseteq (x\nabla y) \land y \sqsubseteq (x\nabla y)$
- per ogni catena ascendente  $x_0 \sqsubseteq x_1 \sqsubseteq ... \sqsubseteq x_n$  la catena definita come  $y_0 = x_0, ..., y_{n+1} = y_n \nabla x_{n+1}$  non è strettamente crescente.

Dato che in interpretazione astratta è necessario garantire/accelerare la convergenza, viene usato il widening (che si sostituisce al least upper bound), dal momento che anche il calcolo astratto può divergere. Il risultato di un widening è un post-puntofisso di  $F^{\nabla}$ , ovvero una sovra-approssimazione del punto fisso più piccolo di f $lfp^{\sqsubseteq}F$ .

Ad esempio, il widening su intervalli funziona come segue:

$$[a,b] \nabla [c,d] = [e,f]$$
 tale che

$$e = \begin{cases} -\infty & \text{se } c < a \\ a & \text{altrimenti} \end{cases} \text{ e } f = \begin{cases} +\infty & \text{se } b < d \\ b & \text{altrimenti} \end{cases}$$

### 1.9.2 Narrowing

Dato che il widening raggiunge un post-fixpoint, piuò capitare che si abbiano eccessive perdite di informazione, in questo caso viene usato il narrowing.

**Definizione 1.9.2.1.** Il narrowing è una funzione  $\triangle : P \times P \rightarrow P$  tale che:

- $\forall x, y \in \mathcal{P} : y \leq x \implies y \leq x \triangle y \leq x$
- Per ogni catena discendente  $x_0 \ge x_1 \ge ...$ , la catena discendente  $y_0 = x_0, ..., y_{i+1} = y_i \triangle x_{i+1}$  non è strettamente decrescente.

Per gli intervalli il narrowing funziona come segue:

$$[a,b] \triangle [c,d] = [e,f]$$
 tale che

$$e = \begin{cases} c & \text{se } a = -\infty \\ a & \text{altrimenti} \end{cases} \text{ e } f = \begin{cases} d & \text{se } b = +\infty \\ b & \text{altrimenti} \end{cases}$$

## 1.10 Linguaggio e semantica

Introduciamo in questa sezione il linguaggio che verrà usato nel resto della dispensa e la sua semantica.

Statement	Codice	
Variabili	x	
Espressioni aritmetiche	е	
Assegnamenti	$x \leftarrow e$	
Lettura da memoria	$x \leftarrow M[e]$	
Scrittura in memoria	$M[e]_1 \leftarrow e_2$	
Condizionali	if (e) $\mathtt{S}_1$ else $\mathtt{S}_2$	
Salto non condizionale	goto L	

La memoria M è vista come un array arbitrariamente grande dove i valori possono essere inseriti e letti.

- $x \in M[e]$  sono contenitori di valori;
- il contenuto di M[e] non è visibile fino alla valutazione di e;
- $\bullet \ x$  è solamente il nome tramite cui accedere al contenitore associato.

#### 1.10.1 Collecting Semantics

È l'insieme dei comportamenti osservabili nella semantica operazionale. La Collecting Semantics è il punto di partenza per ogni tipo di analisi (non ne esiste una universale).

La *trace semantics* di un programma accumula informazioni temporali riguardo l'esecuzione: una traccia tiene conto dell'ordine in cui i *program states* sono raggiunti durante l'esecuzione. Le tracce analizzate possono essere dei seguenti tipi:

- L'insieme di tutti i discendenti dello stato iniziale.
- L'insieme di tutti i discendenti dello stato iniziale che può raggiungere uno stato finale.
- Lo stato di tutte le tracce finite dallo stato iniziale.
- L'insieme di tutte le tracce infinite e finite dallo stato iniziale ecc.

Però non sempre siamo interessati alle informazioni temporali ma solamente agli invarianti presenti ad ogni program point. Questi invarianti possono essere astratti dalle informazioni temporali attraverso la collecting semantics.

Più formalmente, un invariante del programma P al punto di programma l è una qualsiasi proprietà  $I \in P$  (store) che è presente ogni talvolta che l viene raggiunto.

La  $collecting\ semantics\ di\ P$  è semplicemente l'associazione tra i vari  $program\ point$  e le corrispondenti invarianti ben precise.

Lo stato di input non è noto al momento della compilazione, quindi vengono collezionati tutti gli stati raggiungibili da tutti i possibili ingressi del programma.

Si tratta di una collezione di stati che possono apparire su alcune tracce nei diversi program point. Trattandosi di un'astrazione, non è più possibile risalire alle tracce di esecuzione del programma conoscendo solamente i vari program states.

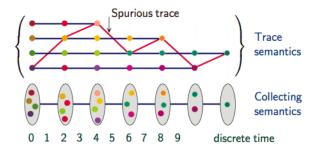


Figura 1.5: Esiste la traccia rossa? Trace semantics: NO; collecting semantics: NON LO SO.

## 1.11 Control-Flow-Graph (CFG)

E costituito da:

- nodi: corrispondono ai program points;
- archi: passi di computazione etichettati con la corrispondente azione; sono della forma K = (u, lab, v), dove u è il nodo sorgente, v è il nodo di destinazione e lab è l'etichetta.

Test	NonZero(e) or $Zero(e)$
Assegnamenti	$x \leftarrow e$
Lettura da memoria	$x \leftarrow M[e]$
Scrittura in memoria	$M[e]_1 \leftarrow e_2$
Statement vuoto	;

Ogni passo di computazione della semantica operazionale trasforma gli stati del programma:

$$(\rho, \mu)$$
 dove  $\rho: Var \to int \ e \ \mu: \mathbb{N} \to int$ 

- La funzione  $\rho$  mappa le variabili del programma al loro valore attuale;
- la funzione  $\mu$  mappa ogni cella dell'array al suo contenuto nelle celle di memoria.

Una computazione è un percorso che và da un nodo di partenza u e termina in un nodo v. Il percorso è un insieme di archi del CFG. La trasformazione dello stato è data dalla composizione degli effetti degli archi.

$$\llbracket \pi \rrbracket = \llbracket k_n \rrbracket \circ \dots \circ \llbracket k_1 \rrbracket$$

Il Control Flow Graph è generato dalla sintassi del programma ed è utile per capire la struttura del codice.

Viene utilizzato per effettuare debugging, testing ed individuare dead code.

Basic Block. Sequenza massima di statements consecutivi con un singolo entry point, un singolo exit point e nessun branch interno.

I  $basic\ block$  si identificano facilmente poiché iniziano con un leader che può essere dei seguenti tipi:

- l'entry point del programma (il primo statement);
- ullet ogni statement che è target di branch (condizionali o non condizionali) che contengono dei GoTo
- ogni statement che segue un branch (condizionale o non condizionale) o un return.

Dopo aver diviso il codice in *basic block* (individuati tramite i *leader* di ciascun blocco), essi verranno collegati dagli archi, in corrispondenza di:

- GoTo non condizionali;
- branch condizionali / archi multipli;
- flusso di programma (il controllo passa ad un altro blocco se non ci sono branch alla fine).

Se non c'è un unico entry-node  $n_0$  ed un unico exit-node  $n_f$ , si aggiungono dummy nodes e gli archi necessari (nessun arco entrante in  $n_0$  e nessun arco uscende da  $n_f$ ).

#### 1.11.1 Notazione dei CFG

Dato un  $CFG = \langle N, E \rangle$ :

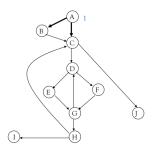
- Se c'è un arco  $n_i n_j \in E$ :
  - $-n_i$  è predecessore di  $N_i$ ;
  - $-n_i$  è un successore di  $n_i$ .
- Per ogni nodo  $n \in N$ :
  - textitPred(n): è l'insieme dei predecessori di n;
  - -textitSucc(n): è l'insieme dei successori di  $n;\,$
  - un branch node è un nodo che ha più di un successore;
  - un join node è un nodo che ha più di un predecessore;

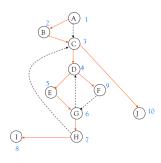
**Depth First Traversal.** Il CFG è un grafo diretto e con radice (entry-node). Deve essere attraversato partendo dalla radice ed esplorando in profondità il più possibile ciascun ramo prima di fare backtracking.

E' possibile costruire uno spanning tree per il grafo che contenga tutti i nodi, tale che:

- ci sia un percorso dalla radice ad ogni nodo che sia raggiungibile nel grafo originale;
- non devono esserci cicli.

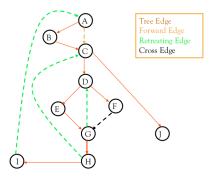
I nodi vengono numerati nell'ordine in cui verranno visitati.





Classificazione degli archi. Dato un arco  $x \rightarrow y$  in un CFG, esso sarà:

- un arco avanzante: se x è predecessore di y nell'albero;
  - tree edge: se è parte dello spanning tree;
  - forward edge: se non è parte dello spanning tree e x è predecessore di y nell'albero.
- un arco all'indietro: se y è un predecessore di x nell'albero;
- $\bullet$  un  $cross\ edge:$  se non è parte dello spanning tree e nessun nodo è predecessore dell'altro.



Extended Basic Block. Insieme massimo di nodi che non contiene nessun nodo di join (oltre all'entry node). Ha un solo ingresso e più uscite.

Natural Loop. Un Loop è un insieme di nodi strettamente connessi. Ha un unico ingresso (l'unico modo per visitarlo). Deve contenere un unico arco all'indietro per ripercorrere il loop. Un loop che non contiene altri loops è un inner loop.

Per trovare un loop all'interno di un grafo è sufficiente cercare gli archi all'indietro  $(n \to d)$ . Per costruire un loop si aggiunge d, si aggiunge n (se  $n \neq d$ ), si considera ogni nodo  $m \neq d$  all'interno del loop (inserendo tutti i predecessori di m).

	Back edge	Natural loop
	10→7	{7,10,8}
2)	7→4	{4,7,5,6
3		10,8}
4	4→3	(2.4.5.5.(42.0)
3 6	8→3	{3,4,7,5,6,10,8}
(V)	9→1	{1,9,8,7,5,6,
8		10,4,3,2}
		(5.4)

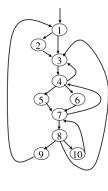
Why neither {3,4} nor {4,5,6,7} is a natural loop?

Figura 1.6: Natural loops example

**Dominance.** Un nodo d domina un nodo n se ogni percorso dall'entry node del grafo fino a n passa attraverso d (d dom n).

- Dom(n): l'insieme dei dominatori del nodo n;
- ogni nodo domina se stesso:  $n \in Dom(n)$ ;
- il nodo d domina strettamente n se  $d \in Dom(n)$  e  $d \neq n$ ;
- Dominance-based loop recognition: la entry di un loop domina tutti i nodi interni al loop.

Ogni nodo n ha un unico dominatore immediato m che è l'ultimo dominatore di n su ogni percorso dall'entry node a n (m idom n),  $m \neq n$ .



Block	Dom	IDom
1	{1}	_
2	{1,2}	1
3	{1,3}	1
4	{1,3,4}	3
5	{1,3,4,5}	4
6	{1,3,4,6}	4
7	{1,3,4,7}	4
8	{1,3,4,7,8}	7
9	{1,3,4,7,8,9}	8
10	{1,3,4,7,8,10}	8

Figura 1.7: Dominator example

## Capitolo 2

## Analisi Statica

#### 2.1 Introduzione

L'obiettivo dell'analisi statica è quello di dire, osservando le proprietà semantica di un programma, se una certa proprietà vale o meno. Esistono diverse tipologie di analisi statica:

- Control flow Analysis;
- Data flow Analysis (distributive e non-distributive);

#### 2.2 Analisi sul CFG

Viene generato un CFG per ogni procedura. Le analisi che vengono eseguite sono localizzate a 3 livelli:

- 1. Locali al blocco: sono eseguite all'interno di uno stesso basic block;
- 2. Intra-procedurali: considerano il flusso di informazioni nel singolo CFG;
- 3. **Inter-procedurali**: considerano il flusso di informazioni tra le procedure (con archi che rappresentano le chiamate di funzione).

L'analisi di *data-flow* dice come l'informazione viene manipolata in un blocco. L'informazione è caratterizzata dalla soluzione dell'equazione di punto fisso definita per ogni blocco. In alcuni casi questa equazione è ottenuta in 3 passaggi:

- definendo l'informazione entrante in un blocco, che è l'unione dell'informazione di uscita del blocco precedente;
- definendo l'informazione in uscita dal blocco che è l'informazione in ingresso, modificata dalle operazioni eseguite nel blocco;
- queste definizioni vengono poi combinate nell'equazione del punto fisso.

Le analisi di data-flow seguono il seguente schema:

\* Forward

$$FAin(n) = \begin{cases} \iota & n = n_0 & FAout(m) = \tau(FAin(m)) \\ \bigoplus_{m \in Pred(n)} FAout(m) & \tau(FAin(m) = gen(m) \cup (FAout(m) \setminus kill(m)) \end{cases}$$

\* Backward

$$BAout(n) = \begin{cases} \iota \bigoplus_{m \in Succ(n)} n = n_f & BAin(m) = \tau(BAout(m)) \\ \\ 0 & \tau(BAout(m) = gen(m) \cup (BAin(m) \setminus kill(m)) \end{cases}$$

- \* Possible analyses —> ⊕=∪
- \* Definite analyses → ⊕= ∩

### 2.3 Soluzioni MFP - MOP - IDEAL

Per le equazioni di data-flow analysis esistono 3 tipi di soluzioni:

- MFP (maximum fixed point): è la soluzione che combina i valori dell'analisi quando il CFG ha dei nodi in cui convergono due o più percorsi; questa soluzione approssima la MOP.
- MOP (merge over all paths): è la soluzione più precisa rispetto alla MFP (MOP ⊒ MFP) poiché combina i valori dell'analisi di tutti i possibili percorsi del CFG dopo averli attraversati tutti. In generale, questa soluzione non è computabile perché ci posso essere un numero esponenziale (o infinito) di percorsi possibili:
  - loop con guardia sempre vera;
  - un programma che contiene N if statement avrà  $2^N$  percorsi di esecuzione;
- *IDEAL*: è la soluzione migliore ma non è computabile. A differenza della *MOP*, prende in considerazione solamente i percorsi che verrano attraversati sicuramente da almeno qualche esecuzione. Calcola il valore alla fine di ogni possibile percorso di esecuzione e calcola poi il *meet* di questi valori.
  - ogni soluzione più grande di *IDEAL* è scorretta;
  - ogni soluzione più piccola di *IDEAL* è conservativa (safe);

Se la funzione di trasferimento di ogni arco è **distributiva**  $(f(x \cup y) = f(x) \cup f(y))$  (e ogni program point è raggiungibile dall'entry point), allora la soluzione delle equazioni di *data-flow* è la stessa per MOP = MFP (MOP = MFP). Dunque per le funzioni di trasferimento distributive, è possibile calcolare la soluzione MOP attraverso l'algoritmo iterativo del punto fisso.

I problemi distributivi sono i cosiddetti problemi "semplici", come ad esempio: live variables, available expressions, reaching definitions e very busy expressions (tutte proprietà che ci dicono COME un programma viene eseguito).

I **problemi** *non-distributivi* sono quelli che ci dicono *COSA* calcola un programma (ad esempio che l'output è costante, valori positivi, intervalli etc.). Un esempio di problema non distributivo è la *constant propagation analysis*.

```
if(<some codition>) {
    A = 2;
    B = 3;
}
else {
    A = 3;
    B = 2;
}
C=A+B;
```

Se consideriamo la constant propagation, in questo programma il valore ciC sarà sempre 5, indipendentemente dal valore della guardia dello statement if.

Con una soluzione MFP, C non verrà mai considerata una costante, al contrario, con una soluzione MOP otterremo come informazione che la variabile C è una costante.

## 2.4 Data Flow Analysis

Insieme di tecniche che raccolgono informazione su come i dati fluiscono durante l'esecuzione.

#### 2.4.1 Available Expressions

L'espressione e è available se è valutata e assegnata ad una variabile prima di v (uso della variabile). Tra la valutazione e v non vengono ridefinite le variabili dell'espressione e x (x:=e).

Proprietà: Forward & Definite

Punto fisso:

$$AvailIn(n) = \begin{cases} \emptyset & \text{se } n = n_0 \\ \bigcap_{m \in pred(n)} AvailOut(m) & \text{altrimenti} \end{cases}$$

$$AvailOut(n) = Gen(n) \cup (AvailIn(n) \setminus Kill(n))$$

$$AvailIn(n) = \bigcap_{m \in pred(n)} Gen(m) \cup (AvailIn(m) \setminus Kill(m))$$

 $\underline{Semantica:}$ 

Dominio astratto = Ass = {assegnamenti 
$$x \leftarrow e \mid x \notin Var(e)$$
}  $A \subset Ass$ 

$$[\![ : ]\!]^{\sharp}A = A$$
 
$$[\![ NonZero(e) ]\!]^{\sharp}A = [\![ Zero(e) ]\!]^{\sharp}A = A$$
 
$$[\![ x \leftarrow e ]\!]^{\sharp}A = \begin{cases} (A \backslash Occ(x)) \cup \{x \leftarrow e\} & \text{se } x \notin Var(e) \\ A \backslash Occ(x) & \text{altrimenti} \end{cases}$$
 
$$[\![ x \leftarrow M[e] ]\!]^{\sharp}A = A \backslash Occ(x)$$
 
$$[\![ M[e_1] \leftarrow e_2 ]\!]^{\sharp}A = A$$

 $Occ(x) = \{Assegnamenti che coinvolgono x a destra o a sinistra\}$ 

 $Gen(n) = \{$ espressioni valutate nel blocco n e nessun operando di e è definito nuovamente tra l'ultima valutazione di e in n e la fine di n $\}$ 

 $Kill(n) = \{$ espressioni uccise da una nuova definizione di  $n\}$ 

#### 2.4.2 Very Busy Expressions

Un assegnamento è busy su un cammino  $\pi$  se  $\pi = \pi_1 \ k \ \pi_2$  con:

- k è un assegnamento  $x \leftarrow e$ ;
- $\pi_1$  non contiene usi di x;
- $\pi_2$  non contiene modifiche di  $\{x\} \cup Var(e)$ .

Un assegnamento è very busy se è busy su ogni percorso da v a exit.

Dice come e quali espressioni anticipare.

Un assegnamento è ucciso in un blocco n se una delle sue variabili è modificata o se e viene usata. Un assegnamento è generato in un blocco n se si trova nel blocco e l'espressione non contiene la variabile che si sta assegnando.

Proprietà: Backward & Definite

#### Punto fisso:

$$VB_{exit}(p) = \begin{cases} \emptyset & \text{se } p = v_{exit} \\ \bigcap_{q \in succ(p)} VB_{entry}(q) & \text{altrimenti} \end{cases}$$

$$VB_{entry}(p) = Gen(p) \cup (VB_{exit}(p) \setminus Kill(p))$$

$$VB_{exit}(p) = \bigcap_{q \in succ(p)} Gen(q) \cup (VB_{exit}(q) \setminus Kill(q))$$

$$\underline{Semantica:}$$

 $B = 2^{Ass} = \mathcal{P}(Ass)$ 

$$[\![ ]\!]^{\sharp}B = B$$

$$[\![NonZero(e)]\!]^{\sharp}B = [\![Zero(e)]\!]^{\sharp}B = B \setminus Ass(e)$$

$$[\![ x \leftarrow e ]\!]^{\sharp}B = \begin{cases} B \setminus (Occ(x) \cup Ass(e)) \cup \{x \leftarrow e\} & \text{se } x \notin Var(e) \\ B \setminus (Occ(x) \cup Ass(e)) & \text{altrimenti} \end{cases}$$

$$[\![ x \leftarrow M[e] ]\!]^{\sharp}B = B \setminus (Occ(x) \cup Ass(e))$$

$$[\![ M[e_1] \leftarrow e_2 ]\!]^{\sharp}B = B \setminus (Ass(e_1) \cup Ass(e_2))$$

 $Use(n) = \{occorrenza di una variabile sul lato destro di uno statement\}$ 

#### 2.4.3 Liveness

x è live all'uscita del blocco b se verrà usata successivamente. x non è live o (dead) se viene ridefinita prima di un successivo uso.

 $x \in live \text{ in un cammino } \pi \ (v \to exit) \text{ se}$ :

- $\pi$  non contiene Def(x) e,
- esiste almeno un uso di x in  $\pi$  che segue la Def(x);

x è live se si trova tra una definizione ed un uso.

Dice se a e b possono essere memorizzate nella stessa locazione, cioè se a e b non sono mai live insieme, allora posso sostituire a con b.

- $x \in Use(n) \Rightarrow x \ LiveIn \ in \ n$
- $x \in LiveOut$  in  $n \in x \notin VarKill(n) \Rightarrow x \ LiveIn$  in n;
- $x \in LiveIn$  in almeno un  $Succ(n) \Rightarrow x \ LiveOut(n)$ ;

#### Falsi positivi:

- x è accessibile attraverso altri nomi  $\Rightarrow$  Liveness fallisce;
- analizzi anche cammini non possibili;
- inizializzazione in altre procedure (perché questa analisi è intra-procedurale);

Proprietà: Backward & Possible

#### Punto fisso:

$$LiveOut(n) = \begin{cases} \emptyset & \text{se } n = exit \\ \bigcup_{m \in Succ(n)} LiveIn(m) & \text{altrimenti} \end{cases}$$
 
$$LiveIn(n) = Use(n) \cup (LiveOut(n) \backslash VarKill(n))$$
 
$$LiveOut(n) = \bigcup_{m \in Succ(n)} Use(m) \cup (LiveOut(m) \backslash VarKill(m))$$

#### Semantica:

Dominio astratto = 
$$\mathcal{P}(Var)$$
  
  $L \subseteq Var$ 

$$\begin{aligned} & [\![ ; ]\!]^\sharp L = L \\ & [\![ NonZero(e) ]\!]^\sharp L = [\![ Zero(e) ]\!]^\sharp L = L \cup Var(e) \\ & [\![ x \leftarrow e ]\!]^\sharp L = Var(e) \cup (L \backslash \{x\}) \\ & [\![ x \leftarrow M[e] ]\!]^\sharp L = Var(e) \cup (L \backslash \{x\}) \\ & [\![ M[e_1] \leftarrow e_2 ]\!]^\sharp L = L \cup Var(e_1) \cup Var(e_2) \end{aligned}$$

 $LiveIn(n) = \{ \text{sono le variabili } live \text{ in } n \text{ che sono } live \text{ su almeno un arco entrante} \}$   $LiveOut(n) = \{ \text{sono le variabili } live \text{ in } n \text{ che sono } live \text{ su almeno un arco uscente} \}$ VarKill(n) = Def(n), cioè le definizioni presenti in n

<u>True Liveness:</u> un true use è un uso in un assegnamento ad una variabile live. Se assegno x ad una variabile non-live, allora anche x non è live.

#### Copy Propagation

L'analisi ad ogni program point tiene traccia delle copie di x. Se ho un assegnamento  $T \leftarrow x + 1$  e poi  $y \leftarrow T$ , allora quest'ultimo è inutile.

Proprietà: Forward & Definite

Punto fisso:

$$\begin{split} Copie_{entry}(n) &= \bigcap_{m \in Pred(n)} Copie_{exit}(m) \\ Copie_{exit}(n) &= \bigcap_{m \in Pred(n)} Gen(m) \cup (Copie_{exit}(m) \backslash Kill(m)) \end{split}$$

Semantica:

Dominio astratto =  $\mathcal{V}_x = \{V \subseteq Var \mid x \in V\}$  perché x è copia di se stesso.  $V \subseteq Var$ 

Entry  $V_0 = \{x\}$  perché x è copia di se stesso e cerco le altre sue copie.

$$\begin{aligned} & [\![ ]\!]^\sharp V = V \\ & [\![ NonZero(e) ]\!]^\sharp V = [\![ Zero(e) ]\!]^\sharp V = V \\ & [\![ x \leftarrow e ]\!]^\sharp V = [\![ x \leftarrow M[e] ]\!]^\sharp V = \{x\} \\ & [\![ z \leftarrow y ]\!]^\sharp V = \begin{cases} V \cup \{z\} & \text{se } y \in V(\mathbf{y} \text{ è copia di x}) \\ V \backslash \{z\} & \text{altrimenti} \end{cases} \\ & [\![ y \leftarrow e ]\!]^\sharp V = V \backslash \{y\} \\ & [\![ M[e_1] \leftarrow e_2 ]\!]^\sharp V = V \end{aligned}$$

$$Gen(n) = \{(x == y) \mid n \text{ contiene } x \leftarrow y\}$$
  
 $Kill(n) = \{(x == y) \mid x \text{ è ridefinita in } n\}$ 

#### 2.4.4 Reaching Definition

Dato un program point p vogliamo identificare le definizioni di variabili che raggiungono p. Viene usata in  $code\ motion$ : se uso un assegnamento in tutto il ciclo senza modificarlo, allora lo sposto all'entrata del ciclo.

Proprietà: Forward & Possible

Punto fisso (non c'è la semantica):

$$RD_{entry}(n) = \begin{cases} i = \{(x, ?) \mid x \in Var\} & \text{se } n = entry \\ \bigcup_{m \in Pred(n)} RD_{exit}(m) & \text{altrimenti} \end{cases}$$

$$RD_{exit}(n) = Gen(n) \cup (RD_{entry}(n) \setminus Kill(n))$$

```
 \{(x,p) \mid x \in Vars, \ p \ \text{punto di programma} \}   Inizializzazione \colon i = \{(x,?) \mid x \in Vars, \ \text{variabile non inizializzata}) \ \}   Gen(n) = \{ \text{definizioni } (x,l) \ \text{dentro } n \ \text{e disponibili alla fine di } n \ \}   Kill(n) = \{(x,p) \mid x \ \text{\`e ridefinita in } n \}
```

#### 2.4.5 Riepilogo

	Possible $(\bigcup)$	<b>Definite</b> $(\bigcap)$
Forward	Reaching Definition	Available Expr,
roi wai u	Reaching Dennition	Copy Propagation
Backward	Liveness	Very Busy Expr

#### Available Expressions:

$$AvailIn(n) = \begin{cases} \emptyset & \text{se } n = n_0 \\ \bigcap_{m \in pred(n)} AvailOut(m) & \text{altrimenti} \end{cases}$$

$$AvailOut(n) = Gen(n) \cup (AvailIn(n) \backslash Kill(n))$$

### Very Busy:

$$VB_{exit}(p) = \begin{cases} \emptyset & \text{se } p = v_{exit} \\ \bigcap_{q \in succ(p)} VB_{entry}(q) & \text{altrimenti} \end{cases}$$

$$VB_{entry}(p) = Gen(p) \cup (VB_{exit}(p) \setminus Kill(p))$$

#### $\underline{Liveness}$ :

$$LiveOut(n) = \begin{cases} \emptyset & \text{se } n = exit \\ \bigcup_{m \in Succ(n)} LiveIn(m) & \text{altrimenti} \end{cases}$$
$$LiveIn(n) = Use(n) \cup (LiveOut(n) \setminus VarKill(n))$$

#### Reaching Definition:

$$RD_{entry}(n) = \begin{cases} i = \{(x,?) \mid x \in Var\} & \text{se } n = entry \\ \bigcup_{m \in Pred(n)} RD_{exit}(m) & \text{altrimenti} \end{cases}$$

$$RD_{exit}(n) = Gen(n) \cup (RD_{entry}(n) \setminus Kill(n))$$

### 2.5 Problemi Non-Distributivi

#### 2.5.1 Costanti

Ogni singoletto non è confrontabile con gli altri. Se una costante assume due valori va in  $\top$ . È un reticolo completo poiché contiene  $\emptyset$  ed è ACC perché è finito in altezza.

$$\alpha(\{0,1\}) = \top$$

$$\alpha(\{5\}) = 5$$

$$\alpha(\{5\}) = 5$$
Abstract states: Var  $\rightarrow$  Const

Dominio concreto:  $\mathbb{V} \to \mathbb{Z}$ Dominio astratto:  $\mathbb{V} \to \mathcal{P}(\mathbb{Z})$ 

Semantica astratta delle espressioni:

$$op = operatore$$

$$a \ op \ b = \begin{cases} a \ op \ b & \text{se a e b sono costanti} \\ \top & \text{se } a = \top \lor \ b = \top \end{cases}$$

$$\llbracket c \rrbracket^{\sharp} D = c$$

$$\llbracket op \ e \rrbracket^{\sharp} D = op^{\sharp} \llbracket e \rrbracket^{\sharp} D$$

$$\llbracket e_1 \ op \ e_2 \rrbracket^{\sharp} D = \llbracket e_1 \rrbracket^{\sharp} D \ op^{\sharp} \ \llbracket e_2 \rrbracket^{\sharp} D$$

$$\llbracket x \rrbracket^{\sharp} D = D(x)$$

Semantica astratta dei comandi:

D = memoria

$$\label{eq:local_continuity} \begin{split} & [\![;]\!]^{\sharp}D = D \\ & [\![NonZero(e)]\!]^{\sharp}D = \begin{cases} \bot & \text{se } [\![e]\!]^{\sharp}D = 0 \\ D & \text{se } [\![e]\!]^{\sharp}D \neq 0 \end{cases} \\ & [\![Zero(e)]\!]^{\sharp}D = \begin{cases} D & \text{se } 0 \subseteq [\![e]\!]^{\sharp}D \\ \bot & \text{se } 0 \not\subseteq [\![e]\!]^{\sharp}D \end{cases} \\ & [\![x \leftarrow e]\!]^{\sharp}D = D[x \mapsto [\![e]\!]^{\sharp}D] \\ & [\![x \leftarrow M[e]]\!]^{\sharp}D = D[x \mapsto \top] \qquad \text{non so cos'è M[e] perché lo valuterò dopo} \\ & [\![M[e_1] \leftarrow e_2]\!]^{\sharp}D = D \end{split}$$

#### 2.5.2 Segni

Dominio rappresentato da un semipiano (un insieme di punti), quindi non va subito a  $\top$ .

#### 2.5.3 Intervalli

Il dominio degli Intervalli non è ACC, dunque non garantisce la terminazione: per questo viene introdotto il widening.

$$[a,b] \text{ dove } a \leq x \leq b \text{ (convessi)}$$
 
$$\mathbb{I} = \{[l,u] \mid l \in \mathbb{Z} \cup \{-\infty\}, u \in \mathbb{Z} \cup \{+\infty\}, \ l \leq u\}$$

#### $Operazioni\ astratte$ :

• 
$$[l_1, u_1] + {\sharp} [l_2, u_2] = [l_1 + l_2, u_1 + U_2]$$

• 
$$-^{\sharp}[l, u] = [-u, -l]$$

• 
$$[l_1, u_1] *^{\sharp} [l_2, u_2] = [a, b]$$
 dove:

$$-a = min(l_1 * l_2, l_1 * u_2, l_2 * u_1, l_2 * u_2)$$

$$-b = max(l_1 * l_2, l_1 * u_2, l_2 * u_1, l_2 * u_2)$$

$$\bullet \ [l_1,u_1] =^\sharp [l_2,u_2] = \begin{cases} [1,1] & \text{se } l_1 = l_2 = u_1 = u_2(costanti) \\ [0,0] & \text{se } u_1 < l_2 \lor \ u_2 < l_1 \\ [0,1] & \text{altrimenti (intervalli uguali che approssimano valori diversi)} \end{cases}$$

$$\bullet \ [l_1, u_1] <^{\sharp} [l_2, u_2] = \begin{cases} [1, 1] & \text{se } u_1 < l_2 \\ [0, 0] & \text{se } u_2 \le l_1 \\ [0, 1] & \text{altrimenti} \end{cases}$$

#### Semantica astratta:

$$D:\mathbb{V}\to\mathbb{I}$$

## Capitolo 3

## Analisi Dinamica

L'analisi dinamica di un programma si basa sulla sua esecuzione e viene utilizzati in vari ambiti: testing, debugging, emulation/virtualization, profiling/tracing, monitoring, dynamic slicing.

Nelle sezioni seguenti ne analizziamo alcuni nel dettaglio.

### 3.1 Testing

Si tratta principalmente dell'esecuzione di un programma basata su un campione di dati (molto piccolo) passato come input.

L'obiettivo è la ricerca di bug/errori/difetti del software, senza correggerli. Questa operazione viene svolta nella fase di testing da professionisti con un'esperienza nella ricerca e identificazione dei bug.

Durante la fase di testing si devono ricercare:

- mistake: un'azione umana che ha prodotto un risultato scorretto;
- fault: un passaggio scorretto (una definizione di variabile...) all'interno del programma;
- failure: la mancata abilità da parte del sistema di svolgere le funzioni richieste;
- errori: la differenza tra il valore atteso e il valore effettivamente calcolato/osservato;
- specifiche: un documento che specifica, in modo completo e preciso, le richieste e le caratteristiche del sistema e/o dei componenti e spesso delle procedure per verificare quali delle disposizioni sono state soddisfatte.

#### 3.2 Debugging

L'obiettivo è l'identificazione, l'isolamento e la risoluzione dei problemi/bug. Questa operazione si può svolgere durante la fase di sviluppo del software oppure in una fase apposita in cui vengono sistemati i bug riportati dopo i test.

## 3.3 Program Slicing

Si tratta di una tecnica di decomposizione che trasforma un programma originale, cancellandone alcune istruzioni che non hanno alcun effetto sulle variabili di interesse nei punti di interesse.

Lo slice è il programma trasformato secondo il criterio di slicing che descrive i parametri di interesse: V (insieme delle variabili di interesse) e n (punti di interesse del programma).

Ci sono diversi motivi per i quali effettuare il program slicing: program debugging, testing (lo slicing riduce i costi del regression testing dopo una trasformazione del codice), parallelizzazione, compresione di una programma (effettuare lo slicing aiuta a comprendere come viene eseguito un

programma e quali variabili verranno modificate nei vari percorsi) e mantenimento del software (per modificare il codice senza side effects indesiderati in giro per il programma).

#### Esistono diversi tipi di program slicing:

- *Static slicing*: l'equivalenza tra programma originale e slice deve, implicitamente, essere valida per ogni possibile input;
- Conditioned slicing: preserva il significato del programma originale per un insieme di input che soddisfa una particolare condizione  $\phi$ ;
- *Dynamic slicing*: considera una particolare computazione, e dunque un particolare input, in modo da preservare il significato del programma unicamente per quell'input.

#### Esistono, inoltre, diverse forme di program slicing:

- Korel & Laski (KL): è una forma di slicing molto forte in cui il programma e lo slice devono seguire paths identici. Il programma e lo slice hanno la stessa semantica operazionale. Il path seguito dallo slice deve essere un subpath dell'esecuzione originale.
- Iteration Count (IC): richiede che lo slice e il programma si pareggino solo ad una certa iterazione k di un program point n (cioè quando lo statement al program point n viene eseguito per la k-esima volta), e non per tutte le iterazioni dello stesso program point.
- **KL-IC** (combinazione dei precedenti): richiede che il programma e lo slice seguano paths identici e siano uguali solamente ad una particolare iterazione di un certo program point.