

Linguaggi di programmazione

Riassunto dei principali argomenti

Autore:

Davide Bianchi

Indice

1	Introduzione	2
2	Esempio di linguaggio basilare	2
2.1	Semantica big-step	2
2.1.1	Esempio	2
2.2	Semantica small-step	3
3	Linguaggio imperativo	3
3.1	Memoria	3
3.2	Sistemi di transizione	4
3.3	Semantica small-step su un linguaggio imperativo	4

1 Introduzione

Un linguaggio di programmazione è composto da:

- *Sintassi*: insieme di regole di scrittura del linguaggio;
- *Semantica*: descrizione del comportamento del programma a tempo di esecuzione;
- *Pragmatica*: descrizione delle caratteristiche del linguaggio, delle sue funzionalità ecc.

Gli stili per dare la semantica di un linguaggio sono 3:

- *Operazionale*: la semantica è data con sistemi di transizione, fornendo i passi della computazione passo passo;
- *Denotazionale*: il significato di un programma è dato dalla struttura di un insieme;
- *Assiomatica*: il significato è dato attraverso regole assiomatiche o qualche tipo di logica.

2 Esempio di linguaggio basilare

La semantica operativa di un linguaggio è data attraverso un sistema di regole di inferenza, date come segue:

$$(Assioma) \frac{-}{(Conclusione)} \quad (Regola) \frac{(Hyp_1) (Hyp_2) \dots (Hyp_n)}{(Conclusione)}$$

Introduciamo la sintassi di un linguaggio basato solo su espressioni aritmetiche:

$$E := n \mid E \mid E + E \mid E * E \dots$$

La valutazione di programmi generati con questa sintassi può procedere in due modi:

- *Small step*: la semantica fornisce il sistema per procedere nell'esecuzione, passo dopo passo;
- *Big step*: la semantica va subito al risultato finale.

2.1 Semantica big-step

Forniamo la semantica big-step per il linguaggio dato sopra:

$$\text{B-Num} \frac{-}{n \Downarrow n} \quad \text{B-Add} \frac{E_1 \Downarrow n_1 \quad E_2 \Downarrow n_2}{E_1 + E_2 \Downarrow n_3} \quad n_3 = \text{add}(n_1, n_2)$$

2.1.1 Esempio

$$\text{B-Add} \frac{\text{B-Num} \frac{-}{3 \Downarrow 3} \quad \text{B-Add} \frac{\text{B-Num} \frac{-}{2 \Downarrow 2} \quad \text{B-Num} \frac{-}{1 \Downarrow 1}}{2 + 1 \Downarrow 3}}{3 + (2 + 1) \Downarrow 6}$$

2.2 Semantica small-step

Indichiamo con $E_1 \rightarrow E_2$ lo svolgimento di un solo passo di semantica.

$$\begin{array}{c} \text{S-Left} \frac{E_1 \rightarrow E'_1}{E_1 + E_2 \rightarrow E'_1 + E_2} \\ \text{S-N.Right} \frac{E_2 \rightarrow E'_2}{n_1 + E_2 \rightarrow n_1 + E'_2} \\ \text{S-Add} \frac{-}{n_1 + n_2 \rightarrow n_3} n_3 = \text{add}(n_1, n_2) \end{array}$$

Con queste regole l'ordine di valutazione degli statement è fisso, procede sempre da sinistra verso destra. Diamo un'alternativa:

$$\begin{array}{c} \text{S-Left} \frac{E_1 \rightarrow_{ch} E_2}{E_1 + E_2 \rightarrow_{ch} E'_1 + E_2} \\ \text{S-Right} \frac{E_2 \rightarrow_{ch} E'_2}{E_1 + E_2 \rightarrow_{ch} E_1 + E'_2} \\ \text{S-Add} \frac{-}{n_1 + n_2 \rightarrow_{ch} n_3} n_3 = \text{add}(n_1, n_2) \end{array}$$

In questo caso l'ordine di valutazione è arbitrario. La notazione utilizzata in generale è la seguente:

- la relazione \rightarrow^k , con $k \in \mathbb{N}$, indica una sequenza di n passi applicando la semantica small-step;
- la relazione \rightarrow^* , indica una sequenza di derivazione lunga un certo numero di passi. Questa relazione è riflessiva ed è la chiusura transitiva di \rightarrow .

3 Linguaggio imperativo

Definiamo la sintassi di un semplice linguaggio imperativo:

$$\begin{array}{l} b := \text{true} \mid \text{false} \\ n := \{\dots - 1, 0, 1, 2, \dots\} \\ l := \{l_0, l_1, \dots\} \\ op := + \mid \geq \\ e := n \mid b \mid e \text{ op } e \mid \text{if } e \text{ then } e \text{ else } e \mid l := e \mid !l \mid \text{skip} \mid e; e \mid \text{while } e \text{ do } e \end{array}$$

Nota: lo statement $!l$ indica l'intero memorizzato al momento alla locazione l . Inoltre il linguaggio non è tipato, quindi sono ammesse le sintassi come $2 \geq \text{true}$.

3.1 Memoria

La memoria è necessaria per poter valutare gli statement di lettura da una locazione. In particolare definiamo

$$\begin{array}{l} \text{dom}(f) = \{a \in A \mid \exists b \in B \text{ s.t. } f(a) = b\} \\ \text{ran}(f) = \{b \in B \mid \exists a \in A \text{ s.t. } f(a) = b\} \end{array}$$

Lo store del linguaggio imperativo in questione è un insieme di funzioni parziali che vanno dalle locazioni di memoria nei numeri interi:

$$s : \mathbb{L} \rightarrow \mathbb{Z}$$

L'aggiornamento della memoria funziona come segue:

$$s[l \rightarrow n](l') = \begin{cases} n & \text{if } l = l' \\ s(l') & \text{altrimenti} \end{cases}$$

3.2 Sistemi di transizione

Le semantiche operazionali sono date attraverso sistemi di transizione, ovvero strutture composte da:

- un insieme *Config* di configurazioni;
- una relazione binaria $\rightarrow \subseteq \text{Config} \times \text{Config}$;

Per indicare un generale passo di semantica si usa la notazione

$$\langle e, s \rangle \rightarrow \langle e', s' \rangle$$

che rappresenta una trasformazione di un programma e con una memoria s in un programma e' con memoria associata s' . I singoli passi di computazione sono singole applicazioni di regole della semantica.

3.3 Semantica small-step su un linguaggio imperativo

$$\begin{array}{ll}
(\text{op}+) \frac{}{\langle n_1 + n_2, s \rangle \rightarrow \langle n, s \rangle} \quad n = \text{add}(n_1, n_2) & (\text{op-geq}^1) \frac{}{\langle n_1 \geq n_2, s \rangle \rightarrow \langle b, s \rangle} \quad b = \text{geq}(n_1, n_2) \\
(\text{op1}) \frac{\langle e_1, s \rangle \rightarrow \langle e'_1, s' \rangle}{\langle e_1 \text{ op } e_2, s \rangle \rightarrow \langle e'_1 \text{ op } e_2, s' \rangle} & (\text{op2}) \frac{\langle e_2, s \rangle \rightarrow \langle e'_2, s' \rangle}{\langle v \text{ op } e_2, s \rangle \rightarrow \langle v \text{ op } e'_2, s' \rangle} \\
(\text{deref}) \frac{}{\langle !l, s \rangle \rightarrow \langle n, s \rangle} \quad \text{if } l \in \text{dom}(s) \text{ and } s(l) = n & (\text{assign1}) \frac{}{\langle l := n, s \rangle \rightarrow \langle \text{skip}, s[l \rightarrow n] \rangle} \quad \text{if } e \in \text{dom}(s) \\
(\text{assign2}) \frac{\langle e, s \rangle \rightarrow \langle e', s' \rangle}{\langle l := e, s \rangle \rightarrow \langle l := e', s' \rangle} & (\text{if-tt}) \frac{}{\langle \text{if true then } e_1 \text{ else } e_2, s \rangle \rightarrow \langle e_1, s \rangle} \\
(\text{if-ff}) \frac{}{\langle \text{if false then } e_1 \text{ else } e_2, s \rangle \rightarrow \langle e_2, s \rangle} & (\text{if}) \frac{\langle e, s \rangle \rightarrow \langle e', s' \rangle}{\langle \text{if } e \text{ then } e_1 \text{ else } e_2, s \rangle \rightarrow \langle \text{if } e' \text{ then } e_1 \text{ else } e_2, s' \rangle} \\
(\text{seq}) \frac{\langle e_1, s \rangle \rightarrow \langle e'_1, s' \rangle}{\langle e_1; e_2, s \rangle \rightarrow \langle e'_1; e_2, s' \rangle} & (\text{seq.skip}) \frac{}{\langle \text{skip}; e_2, s \rangle \rightarrow \langle e_2, s \rangle} \\
(\text{while}) \frac{}{\langle \text{while } e \text{ do } e_1, s \rangle \rightarrow \langle \text{if } e \text{ then } (e_1; \text{while } e \text{ do } e_1) \text{ else } \text{skip}, s \rangle}
\end{array}$$

3.4 Esecuzione di programmi e proprietà