

1. Dada uma sentença  $S$ , seu valor lógico será denotado por  $v(S)$ . Sendo  $v(S) = 0$  ou  $1$ . Para cada item abaixo assinale verdadeiro ou falso:

- [ ] A negação de uma contradição é sempre uma tautologia
- [ ]  $v(\neg S) = 1 - v(S)$
- [ ]  $v(S \wedge T) = v(S) + v(T)$
- [ ] Se  $v(S) = 0$ , então  $v(S \Rightarrow T) = 1$
- [ ]  $v(S \Leftrightarrow T) = |v(S) - v(T)|$
- [ ] O valor  $v(U \vee (\neg U))$  é sempre 1 independentemente da sentença  $U$ .

2. Construa uma **tabela verdade** para provar que a sentença abaixo é uma tautologia:

$$(P \Rightarrow (Q \Rightarrow R)) \Rightarrow ((P \Rightarrow Q) \Rightarrow (P \Rightarrow R))$$

3. Considere a seguinte tautologia da Lógica Proposicional

$$[A \Rightarrow (B \vee C)] \wedge (\neg C) \Rightarrow (A \Rightarrow B)$$

Complete a demonstração abaixo e escreva uma conclusão para sua demonstração.

Demonstração:

- |                               |                             |
|-------------------------------|-----------------------------|
| 1) $A \Rightarrow (B \vee C)$ | Hipótese                    |
| 2) _____                      | Hipótese                    |
| 3) _____                      | Hipótese da dedução         |
| 4) $B \vee C$                 | _____                       |
| 5) _____                      | 2, 4 e Silogismo Disjuntivo |
| 6) _____                      | _____                       |

Escreva uma breve conclusão para a demonstração dada acima.

4. Prove que a regra do Modus Tollens pode ser deduzida a partir da regra do Modus Ponens utilizando a tautologia da dupla negação ( $S \Leftrightarrow (\neg(\neg S))$ ), do condicional ( $((\neg S) \vee T) \Leftrightarrow (S \Rightarrow T)$ ) e da comutativa ( $(S \vee T) \Leftrightarrow (T \vee S)$ ).

Em outras palavras, demonstre que  $(S \Rightarrow T) \wedge (\neg T) \Rightarrow (\neg S)$  é uma tautologia usando apenas a regra do Modus Ponens e as tautologias listadas no enunciado da questão.

(obs: não se permite o uso de tabelas verdade na resolução desta questão!)