## Universidade Federal do Paraná - UFPR Centro Politécnico Departamento de Matemática

Disciplina: CM303 - Introdução à Geometria Analítica e Álgebra Linear

## Lista de Exercícios – Semana 9

1. Usando a eliminação de Gauss-Jordan, resolva o sistema linear

$$\begin{cases} x + y + 2z &= 8 \\ -x - 2y + 3z &= 1 \\ 3x - 7y + 4z &= 10 \end{cases}$$

2. Usando a eliminação de Gauss-Jordan, resolva o sistema linear

$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 + 3x_3 + 4x_4 &= 9\\ x_1 & -2x_3 + 7x_4 &= 11\\ 3x_1 - 3x_2 + x_3 + 5x_4 &= 8\\ 2x_1 + x_2 + 4x_3 + 4x_4 &= 10 \end{cases}$$

Sugestão: troque de posição as duas primeiras linhas da matriz aumentada.

3. Resolva os seguintes sistemas lineares homogêneos:

(a) 
$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 + 3x_3 = 0 \\ x_1 + 2x_2 = 0 \\ x_2 + x_3 = 0 \end{cases}$$
 (b) 
$$\begin{cases} 2x + 2y + 4z = 0 \\ w - y - 3z = 0 \\ 2w + 3x + y + z = 0 \\ -2w + x + 3y - 2z = 0 \end{cases}$$

4. Usando escalonamento, determine os valores de a com os quais o sistema homogêneo

$$\begin{cases} (2-a)x + y = 0 \\ x + (2-a)y = 0 \end{cases}$$

é possível e indeterminado. Em seguida, encontre a solução do sistema na forma paramétrica para cada valor possível de a.

Sugestão: troque de posição as duas primeiras linhas da matriz aumentada.

## Respostas:

1. 
$$\begin{cases} x = 3 \\ y = 1 \\ z = 2 \end{cases}$$

$$\mathbf{2.} \begin{cases} x_1 &= -1 \\ x_2 &= 0 \\ x_3 &= 1 \\ x_4 &= 2 \end{cases}$$

3. (a) 
$$\begin{cases} x_1 = 0 \\ x_2 = 0 \\ x_3 = 0 \end{cases}$$
 (b) 
$$\begin{cases} w = t \\ x = -t \\ y = t \\ z = 0 \end{cases}$$

**4.** 
$$a = 1$$
, com  $\begin{cases} x = -t \\ y = t \end{cases}$  e  $a = 3$ , com  $\begin{cases} x = t \\ y = t \end{cases}$