



BY



# Funções

Segundo Patterson e Hennessy, uma função:

- Adquire recursos, realiza a tarefa, cobre seus rastros e retorna ao ponto de origem com o resultado solicitado.
- Nada mais é perturbado depois da chamada da função.
- Opera apenas com os dados que precisa saber (parâmetros).
- Não sabe nada sobre quem a chamou.

# Funções

Uma função é um grupo de instruções que realiza uma tarefa.

Saltamos (jump) para esse grupo.

No final, temos que elaborar alguma forma para inserir no contador de programa o endereço da instrução posterior à instrução que saltou para a função.

Retornar ao “chamador”.

# Exemplo

Exemplo em C, de Patterson e Hennessy (2020).

```
int leaf_example (int g, int h, int i, int j) {  
    int f;  
    f = (g + h) - (i + j);  
    return f;  
}
```

# Etapa 1

```
int leaf_example (int g, int h, int i, int j) {  
    int f;  
    f = (g + h) - (i + j);  
    return f;  
}
```

Antes de chamar a função, precisamos carregar os parâmetros `g`, `h`, `i` e `j` para algum lugar que a função possa ver.

A convenção do RISC-V é passar os parâmetros nos registradores `x10` a `x17`.

Se precisarmos de mais parâmetros, usar a pilha (memória principal).

# Etapa 1

```
int leaf_example (int g, int h, int i, int j) {  
    int f;  
    f = (g + h) - (i + j);  
    return f;  
}
```

Antes de chamar a função, precisamos carregar os parâmetros **g**, **h**, **i** e **j** para algum lugar que a função possa ver.

A convenção do RISC-V é passar os parâmetros nos registradores x10 a x17.

Se precisarmos de mais parâmetros, usar a pilha (memória principal).

Suponha que vamos chamar a função passando **g=1, h=2, i=3, j=4**. Como fica o trecho em Assembly RISC-V?

# Etapa 1

```
int leaf_example (int g, int h, int i, int j) {  
    int f;  
    f = (g + h) - (i + j);  
    return f;  
}
```

main:

```
ori x10, x0, 1  
ori x11, x0, 2  
ori x12, x0, 3  
ori x13, x0, 4
```

end:

```
ori x10, x0, 17  
ori x11, x0, 0  
ecall
```

# Etapa 2 - Transferir o Controle

main:

```
ori x10, x0, 1
ori x11, x0, 2
ori x12, x0, 3
ori x13, x0, 4
jal x1, leaf_example
```

end:

```
ori a0, x0, 17
ori a1, x0, 0
ecall
```

leaf\_example:

```
#vamos escrever nossa função aqui
```



# Etapa 2 - Transferir o Controle

```
main:
    ori x10, x0, 1
    ori x11, x0, 2
    ori x12, x0, 3
    ori x13, x0, 4
    jal x1, leaf_example
```

```
end:
    ori a0, x0, 17
    ori a1, x0, 0
    ecall
```

```
leaf_example:
    #vamos escrever nossa função aqui
```

`jal` (Jump and Link) vai salvar o endereço da próxima instrução que seria executada (`ori a0, x0, 17`), e saltar para o rótulo.

## Etapa 3 - Salvar

```
int leaf_example (int g, int h, int i, int j) {  
    int f;  
    f = (g + h) - (i + j);  
    return f;  
}
```

Para implementar as operações da função, vamos usar os registradores x5, x6 e x20.

Observação: poderíamos ser mais eficientes, utilizando menos registradores, mas vamos usar esses para exercitar.

Problema:

E se quem chamou a função tivesse salvo valores úteis nesses registradores? Vamos sobrescrever?

# Salvos e não salvos

A convenção do RISC-V sobre a responsabilidade de salvar os valores dos registradores é a da tabela.

Registrador	Descrição	Quem Salva?
x1 (ra)	Endereço de Retorno.	Chamado.
x2 (sp)	Stack Pointer.	Chamado.
x5-x7	Temporários (para realizar operações).	Quem chama.
x8-x9	Salvos (para realizar operações).	Chamado.
x10-x17	Argumentos e resultados.	Quem chama.
x18-x27	Salvos (para realizar operações).	Chamado.
x28-x31	Temporários (para realizar operações).	Quem chama.

## Etapa 3 - Salvar

```
int leaf_example (int g, int h, int i, int j) {  
    int f;  
    f = (g + h) - (i + j);  
    return f;  
}
```

Para implementar as operações da função, vamos usar os registradores x5, x6 e x20.

Vamos precisar salvar os valores na Pilha, para restaurar depois.

# Mapa da Memória

Reservado: por exemplo, para fazer I/O em memória.

Texto: onde instruções do programa ficam.

Dados Estáticos: variáveis estáticas alocadas (ex.: variáveis globais).

Dados Dinâmicos: variáveis alocadas dinamicamente (heap).

Pilha: variáveis locais.

SP = 0x0000 003F FFFF FFF0

0x0000 0000 1000 0000

PC = 0x0000 0000 0040 0000



Isso é apenas uma convenção, e não uma restrição de Hardware. No Venus, por exemplo, o Stack Pointer aponta para 0x7FFFFFFDC no início do programa.

# Pilha

O registrador x2 é utilizado como ponteiro de pilha (stack pointer – sp).

Armazena o endereço atual da pilha.

A pilha é invertida!

Começa no último endereço válido de memória, e cresce em direção ao primeiro.

Até colidir com a heap. Stack Overflow!

# Etapa 3 - Salvar

Vamos precisar salvar 3 registradores na pilha.

Primeiro, abrir espaço.

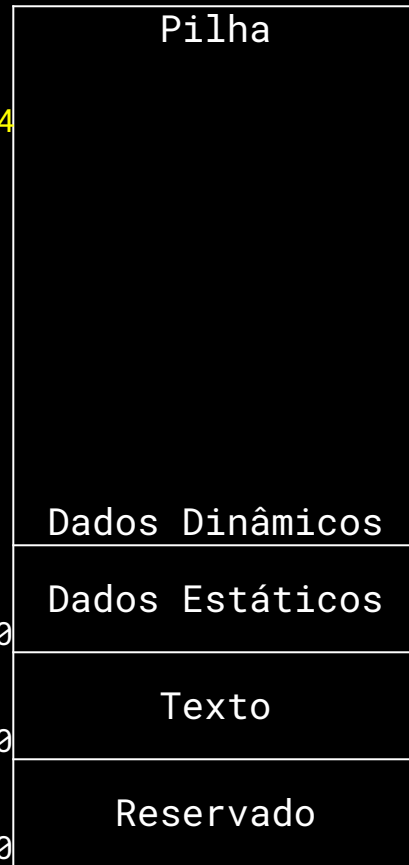
...

```
leaf_example:  
    addi sp, sp, -12
```

SP = 0x0000 003F FFFF FFE4

0x0000 0000 1000 0000

PC = 0x0000 0000 0040 0000



# Etapa 3 - Salvar

Salvar os registradores

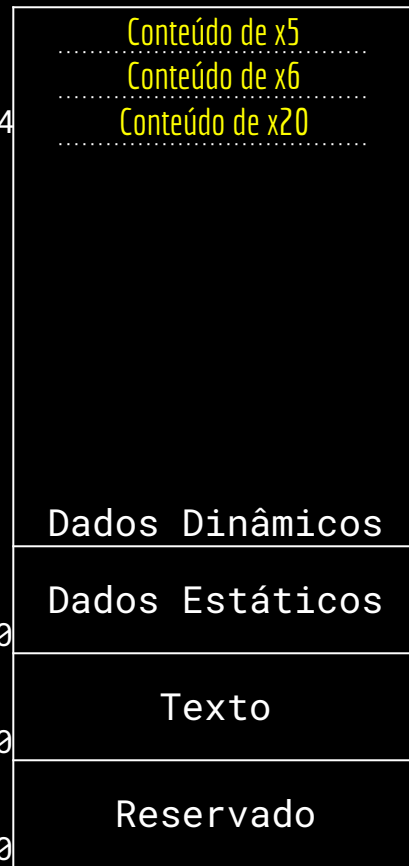
...

```
leaf_example:  
    addi sp, sp, -12  
    sw x5, 8(sp)  
    sw x6, 4(sp)  
    sw x20, 0(sp)
```

SP = 0x0000 003F FFFF FFE4

0x0000 0000 1000 0000

PC = 0x0000 0000 0040 0000





# Etapa 4 - Implementar

```
int leaf_example (int g, int h, int i, int j) {  
    int f;  
    f = (g + h) - (i + j);  
    return f;  
}
```

...

```
leaf_example:  
    addi sp, sp, -12  
    sw x5, 8(sp)  
    sw x6, 4(sp)  
    sw x20, 0(sp)  
  
    add x5, x10, x11 #g + h  
    add x6, x12, x13 #i + j  
    sub x20, x5, x6  #(g + h) - (i + j)
```

# Etapa 5 - Retorno

```
int leaf_example (int g, int h, int i, int j) {  
    int f;  
    f = (g + h) - (i + j);  
    return f;  
}
```

Deixar o retorno em algum lugar visível.

Registradores x10 e x11.

...

leaf\_example:

addi sp, sp, -12

sw x5, 8(sp)

sw x6, 4(sp)

sw x20, 0(sp)

add x5, x10, x11 #g + h

add x6, x12, x13 #i + j

sub x20, x5, x6 #(g + h) - (i + j)

or x10, x0, x20

# Etapa 6 - Restaurar

```
int leaf_example (int g, int h, int i, int j) {  
    int f;  
    f = (g + h) - (i + j);  
    return f;  
}
```

Restaurar o estado dos registradores salvos, e do stack pointer.

...

```
leaf_example:  
    addi sp, sp, -12  
    sw x5, 8(sp)  
    sw x6, 4(sp)  
    sw x20, 0(sp)  
  
    add x5, x10, x11 #g + h  
    add x6, x12, x13 #i + j  
    sub x20, x5, x6  #(g + h) - (i + j)  
    or x10, x0, x20  
  
    lw x20, 0(sp)  
    lw x6, 4(sp)  
    lw x5, 8(sp)  
    addi sp, sp, 12
```

# Etapa 7 - Retornar

Instrução jalr reg1, reg2, Imediato

Salta para o endereço armazenado em reg2 somado com o imediato.

O endereço da próxima instrução é salvo em reg1.

# Etapa 7 - Retornar

```
int leaf_example (int g, int h, int i, int j) {  
    int f;  
    f = (g + h) - (i + j);  
    return f;  
}
```

Restaurar o estado dos registradores salvos, e do stack pointer.

...

```
leaf_example:  
    addi sp, sp, -12  
    sw x5, 8(sp)  
    sw x6, 4(sp)  
    sw x20, 0(sp)  
  
    add x5, x10, x11 #g + h  
    add x6, x12, x13 #i + j  
    sub x20, x5, x6  #(g + h) - (i + j)  
    or x10, x0, x20  
  
    lw x20, 0(sp)  
    lw x6, 4(sp)  
    lw x5, 8(sp)  
    addi sp, sp, 12  
  
    jalr x0, 0(x1)
```

# Programa

```
main:
    ori x10, x0, 1
    ori x11, x0, 2
    ori x12, x0, 3
    ori x13, x0, 4
    jal x1, leaf_example
    or x11, x0, x10
    ori x10, x0, 1 # Print int
    ecall

end:
    ori a0, x0, 17
    ori a1, x0, 0
    ecall

leaf_example:
    addi sp, sp, -12
    sw x5, 8(sp)
    sw x6, 4(sp)
    sw x20, 0(sp)

    add x5, x10, x11 #g + h
    add x6, x12, x13 #i + j
    sub x20, x5, x6  #(g + h) - (i + j)
    or x10, x0, x20

    lw x20, 0(sp)
    lw x6, 4(sp)
    lw x5, 8(sp)
    addi sp, sp, 12

    jalr x0, x1, 0
```

# Funções não folha

O exemplo anterior era uma função folha.

```
int leaf_example (int g, int h, int i, int j) {  
    int f;  
    f = (g + h) - (i + j);  
    return f;  
}
```

Uma função que realiza sua tarefa e retorna **sem chamar outra função**.

Seríamos mais felizes se toda função fosse folha.

Mas nem tudo são flores.

# Funções não folha

Uma função que chama outra internamente para resolver o problema é uma **função não folha**.

A função pode **chamar outra função**, ou um **clone de si mesma (recursão)**.

Os problemas são os mesmos em ambos os casos.



# Exemplo

Considere a função que calcula o fatorial recursivamente.

Que problemas criamos agora a nível de linguagem de montagem que não existiam em uma função folha?

```
int fatorial(int n){  
    if(n < 1)  
        return 1;  
    return n * fatorial(n-1);  
}
```

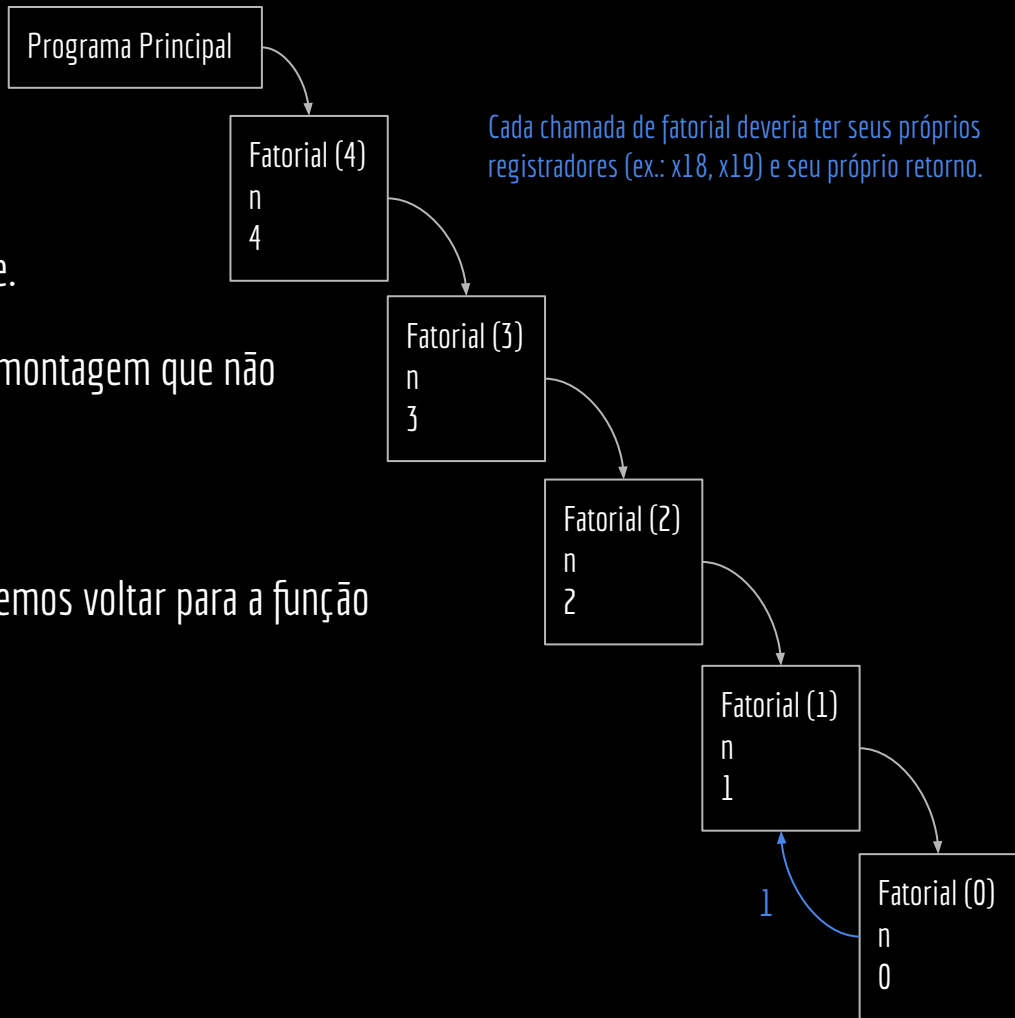
# Exemplo

Considere a função que calcula o fatorial recursivamente.

Que problemas criamos agora a nível de linguagem de montagem que não existiam em uma função folha?

- Os valores dos registradores podem se perder.
- O endereço de retorno vai se perder, e não saberemos voltar para a função original que chamou `fatorial`.

```
int fatorial(int n){  
    if(n < 1)  
        return 1;  
    return n * fatorial(n-1);  
}
```





# Um abacaxi

Cada chamada de fatorial deveria ter seus próprios registradores (ex.:  $x_{18}$ ,  $x_{19}$ ) e seu próprio retorno.

Como podemos resolver?



# Um abacaxi

Cada chamada de fatorial deveria ter seus próprios registradores (ex.: x18, x19) e seu próprio retorno.

Como podemos resolver?

**Empilhar** os valores que precisam ser salvos.

# Fatorial Recursivo

```
fatorial_rec:
    bge x0,x10,fatorial_0 #Caso base se chegamos em 0
```

```
fatorial_0:                                #caso base
    ori x10,x0,1
    jalr x0, x1, 0
```

# Fatorial Recursivo

Antes de chamar recursivamente, salvar na pilha o valor de x10 e o endereço de retorno.

```
fatorial_rec:
    bge x0,x10,fatorial_0 #Caso base se chegamos em 0
    addi sp, sp, -8       #ajusta a pilha para 2 itens
    sw x10, 0(sp)         #guarda x10 para depois
    sw x1, 4(sp)          #guarda o endereço de retorno
```

```
fatorial_0:                                     #caso base
    ori x10,x0,1
    jalr x0, x1, 0
```

# Fatorial Recursivo

Ajustar o parâmetro e fazer a chamada recursiva.

```
fatorial_rec:
    bge x0,x10,fatorial_0 #Caso base se chegamos em 0
    addi sp, sp, -8        #ajusta a pilha para 2 itens
    sw x10, 0(sp)          #guarda x10 para depois
    sw x1, 4(sp)           #guarda o endereço de retorno
    addi x10, x10, -1
    jal x1, fatorial_rec   #chama fatorial para n-1
```

```
fatorial_0:                                #caso base
    ori x10,x0,1
    jalr x0, x1, 0
```

# Fatorial Recursivo

A função retorna o resultado de  $\text{fat}(n-1)$  em  $x10$ .

Restaurar o parâmetro original ( $n$ ) e o endereço de retorno a partir da memória.

Restaurar a pilha para a posição original.

```
fatorial_rec:
    bge x0,x10,fatorial_0 #Caso base se chegamos em 0
    addi sp, sp, -8       #ajusta a pilha para 2 itens
    sw x10, 0(sp)         #guarda x10 para depois
    sw x1, 4(sp)          #guarda o endereço de retorno
    addi x10, x10, -1
    jal x1, fatorial_rec  #chama fatorial para n-1
    lw x5, 0(sp)          #carrega o valor antigo de x10 para x5
    lw x1, 4(sp)          #carrega o endereço de retorno
    addi sp, sp, 8        #restaura posição da pilha

fatorial_0:               #caso base
    ori x10,x0,1
    jalr x0, x1, 0
```



# Fatorial Recursivo

Realizar a operação  $n * \text{fat}(n-1)$ .

Retornar o resultado para quem chamou.

```
fatorial_rec:
    bge x0,x10,fatorial_0 #Caso base se chegamos em 0
    addi sp, sp, -8       #ajusta a pilha para 2 itens
    sw x10, 0(sp)         #guarda x10 para depois
    sw x1, 4(sp)          #guarda o endereço de retorno
    addi x10, x10, -1
    jal x1, fatorial_rec  #chama fatorial para n-1
    lw x5, 0(sp)          #carrega o valor antigo de x10 para x5
    lw x1, 4(sp)          #carrega o endereço de retorno
    addi sp, sp, 8        #restaura posição da pilha
    mul x10, x10, x5      #calcula n*fat(n-1)
    jalr x0, x1, 0
fatorial_0:              #caso base
    ori x10,x0,1
    jalr x0, x1, 0
```

# Solução

```
int fatorial(int n){  
    if(n < 1)  
        return 1;  
    return n * fatorial(n-1);  
}
```

```
.text  
main:  
    ori x10, x0, 4 #argumento  
    jal x1, fatorial_rec  
    or x11, x0, x10  
    ori x10, x0, 1 # Print int  
    ecall  
end:  
    ori a0, x0, 17  
    ori a1, x0, 0  
    ecall  
fatorial_rec:  
    bge x0,x10,fatorial_0 #Caso base se chegamos em 0  
    addi sp, sp, -8        #ajusta a pilha para 2 itens  
    sw x10, 0(sp)          #guarda x10 para depois  
    sw x1, 4(sp)           #guarda o endereço de retorno  
    addi x10, x10, -1  
    jal x1, fatorial_rec   #chama fatorial para n-1  
    lw x5, 0(sp)           #carrega o valor antigo de x10 para x5  
    lw x1, 4(sp)           #carrega o endereço de retorno  
    addi sp, sp, 8         #restaura posição da pilha  
    mul x10, x10, x5       #calcula n*fat(n-1)  
    jalr x0, x1, 0  
fatorial_0:                #caso base  
    ori x10,x0,1  
    jalr x0, x1, 0
```

# Pontos a Considerar

Muitos problemas possuem soluções mais simples quando utilizado o conceito de recursão.

Exemplo: navegar em uma árvore binária.

# Pontos a Considerar

A recursão (ou mesmo chamada de procedimentos não folha) custa caro para a máquina.

Por quê?

# Pontos a Considerar

A recursão (ou mesmo chamada de procedimentos não folha) custa caro para a máquina.

Cada chamada exige comunicação com a memória para empilhar os dados.

- Ocupa espaço na pilha.

- Ocupa a CPU transferindo dados.

Invalida a memória cache (veremos na disciplina).

Sendo assim, uma solução iterativa é preferível a nível de linguagem de máquina.

- Compiladores modernos fazem o que podem para tentar eliminar recursão.

# Exercícios - Sem Recursão

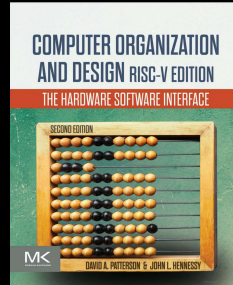
1. Execute os programas da aula no Venus passo a passo, verificando os conteúdos dos registradores sendo modificados e os conteúdos da memória.
2. Crie uma função que retorna o  $n$ -ésimo número da sequência de Fibonacci. Considere que  $n$  é passado como parâmetro. Utilize uma implementação iterativa para Fibonacci.
3. Crie uma função que recebe um valor inteiro  $N$ , e retorna quantos dígitos  $N$  possui. Por exemplo, o número 12345 possui 5 dígitos.
4. Considere os polinômios de terceiro grau, que são na forma  $ax^3 + bx^2 + cx + d$ . Crie uma função que recebe como parâmetro os coeficientes  $a$ ,  $b$ ,  $c$  e  $d$ , e também um ponto  $x$ , e devolve o valor de  $x$  no ponto especificado. Considere que todos os valores são inteiros.
5. Descreva pelo menos duas vantagens e duas desvantagens de se programar utilizando assembly quando comparado com linguagens compiladas (ex.: C).

# Exercícios - Com Recursão

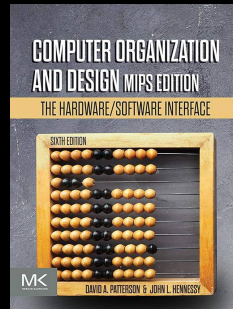
6. Execute o fatorial recursivo no Venus passo a passo, analise e entenda as mudanças ocorridas em cada um dos registradores e nos endereços de memória.
7. Crie uma função recursiva para calcular o  $n$ -ésimo número da sequência de Fibonacci.
8. Escreva uma função recursiva que determina quantas vezes um dígito  $K$  ocorre em um número natural  $N$ . Por exemplo, o dígito 2 ocorre 3 vezes em 762021192.
9. Escreva uma função recursiva que calcula a soma dos dígitos de um valor inteiro qualquer passado como parâmetro. Exemplo: Para a entrada 36, a resposta é  $3 + 6 = 9$ .
10. Escreva uma função recursiva que recebe como parâmetro um inteiro positivo qualquer, e retorna (em um inteiro) o seu equivalente em binário. Exemplo: Para  $66_{10}$ , a resposta deve ser  $1000010_2$ .

# Referências

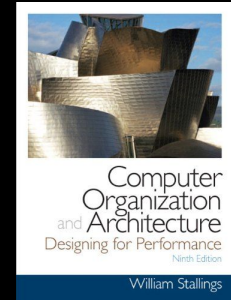
Patterson, Hennessy.  
Computer Organization and  
Design RISC-V Edition: The  
Hardware Software  
Interface. 2020.



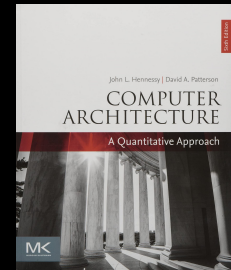
Patterson, Hennessy. Computer  
Organization and Design MIPS  
Edition: The Hardware/Software  
Interface. 2020.



Stallings, W. Organização de  
Arquitetura de Computadores.  
10a Ed. 2016.



Hennessy, Patterson.  
Arquitetura de Computadores:  
uma abordagem quantitativa.  
2019.





# Licença

Esta obra está licenciada com uma Licença [Creative Commons Atribuição 4.0 Internacional](https://creativecommons.org/licenses/by/4.0/).