ANOVA Bayesiana

Antônio Oss Boll e Letícia Maria Puttlitz

Introdução e contextualização

A ANOVA Bayesiana é uma abordagem estatística para testar hipóteses em modelos ANOVA que permite incorporar informações prévias sobre os parâmetros do modelo e produz distribuições de probabilidade para os parâmetros. A ANOVA Bayesiana pode ser útil em situações com poucos dados disponíveis ou em modelos mais complexos. Nesta apresentação, vamos explorar os conceitos básicos da ANOVA Bayesiana e sua aplicação.

Motivação

A ANOVA Bayesiana é uma abordagem alternativa à ANOVA frequentista. Ela permite: - Modelar a incerteza dos parâmetros usando distribuições de probabilidade. - Incorporar conhecimento prévio sobre os parâmetros e hipóteses. - A ANOVA Bayesiana pode ser usada para lidar com dados desbalanceados, outliers e heterocedasticidade. - Pode ser uma opção melhor do que a ANOVA frequentista quando se trabalha com um número limitado de dados.

Tutorial

Banco de dados

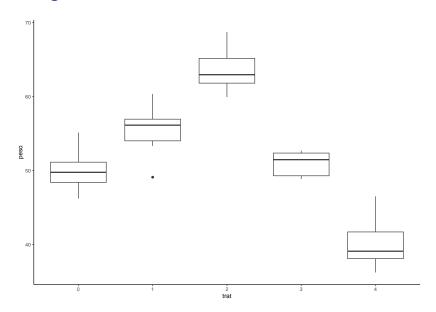
O banco de dados foi criado a partir do seguinte código:

```
set.seed(123)
nsample <- 10; ngroups <- 5
trat <- as.factor(rep(0:4, rep(nsample, ngroups)))
peso <- c(rnorm(nsample, 50, 3), # grupo controle
          rnorm(nsample, 55, 3), # trat 1
          rnorm(nsample, 65, 3), # trat 2
          rnorm(nsample, 50, 3), # trat 3
          rnorm(nsample, 40, 3)) # trat 4
dados <- data.frame(peso, trat)</pre>
```

O banco de dados apresenta 2 variáveis:

- peso: peso
- ▶ trat: Controle, tratamento 1 4

Análise gráfica



JAGS O mo #L

```
O modelo JAGS foi definido da seguinte forma:
model {
#Likelihood
for (i in 1:N) {
y[i]~dnorm(mean[i],tau)
mean[i] <- inprod(beta[],X[i,]) }
#Priors
for (i in 1:ngroups) {
beta[i] \sim dnorm(0, 1.0E-6)
sigma \sim dunif(0, 100)
tau <- 1 / (sigma * sigma)
```

Código

```
X <- model.matrix(~trat, dados)</pre>
data <- with(dados, list(y = dados$peso, # variavel resp
          X = X, # qrupos
          N = nrow(dados), # n observacoes
          ngroups = length(levels(dados$trat)) # n qrupos
))
params <- c("beta", "sigma")</pre>
library(jagsUI)
anova_jags_adt <- jags(data, NULL, params, "anova.jags",
                        n.chains=2, n.iter=10000,
                        DIC=FALSE)
```

Resultados

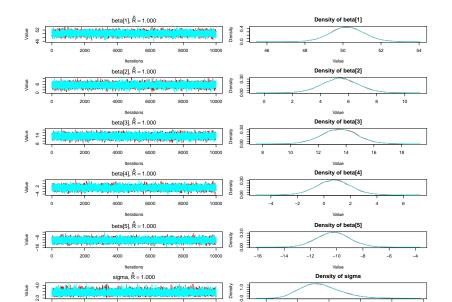
```
sum_anova <- round(anova_jags_adt$summary[,c(1:3,7,10)],3)</pre>
```

```
## beta[1] 50.217 0.908 48.408 52.020 0
## beta[2] 5.404 1.279 2.919 7.925 0
## beta[3] 13.517 1.290 10.987 16.065 0
## beta[4] 0.754 1.290 -1.758 3.307 1
## beta[5] -10.247 1.271 -12.738 -7.730 0
## sigma 2.864 0.312 2.332 3.541 0
```

- ▶ a média do grupo controle é 50.217
- a media do trat1 é 5.404 unidades maiores que o grupo 0
- ▶ a media do trat2 é 13.517 unidades maiores que o grupo 0
- ▶ a media do trat3 é 0.754 unidades maiores que o grupo 0
- ▶ a media do trat4 é 10.247 unidades menores que o grupo 0

Diagnóstico de convergência

plot(anova_jags_adt)



Diagonóstico de convergência

```
anova_jags_adt$summary[,c(8,9)]
```

```
## Rhat n.eff
## beta[1] 0.9999978 20000
## beta[2] 1.0000213 20000
## beta[3] 0.9999747 20000
## beta[4] 0.9999934 20000
## beta[5] 0.9999739 20000
## sigma 1.0000159 20000
```

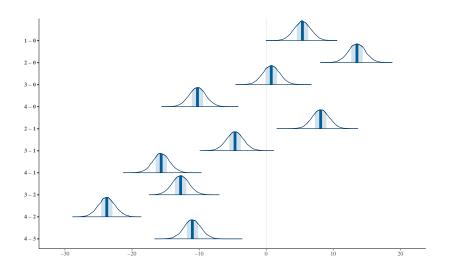
- Rhat valores próximos de 1
- ► Tamanho amostral efetivo valores altos

```
mcmc <- matrix(c(anova_jags_adt$sims.list$beta[,1],</pre>
             anova_jags_adt$sims.list$beta[,2],
             anova jags adt$sims.list$beta[,3],
             anova_jags_adt$sims.list$beta[,4],
             anova_jags_adt$sims.list$beta[,5]),
             nrow = 20000, ncol = 5, byrow=F)
coefs <- as.matrix(mcmc)[, 1:5]</pre>
newdata <- data.frame(x = levels(dados$trat))</pre>
library(multcomp)
tuk.mat <- contrMat(n = table(newdata$x), type = "Tukey")</pre>
Xmat <- model.matrix(~x, data = newdata)</pre>
pairwise.mat <- tuk.mat %*% Xmat
```

Matriz de comparação resultante do codigo anterior:

```
##
        (Intercept) x1 x2 x3 x4
## 1 - 0
                   1
## 2 - 0
## 3 - 0
                 0 0 0 1 0
##4 - 0
                    0
                       0 0 1
## 2 - 1
                 0 -1 1 0 0
## 3 - 1
                 0 -1 0 1 0
                 0 -1 0 0 1
## 4 - 1
                 0 0 -1 1 0
## 3 - 2
## 4 - 2
                 0 0 -1 0 1
## 4 - 3
                       0 -1 1
```

```
library(bayesplot)
mcmc_areas(coefs %*% t(pairwise.mat))
```



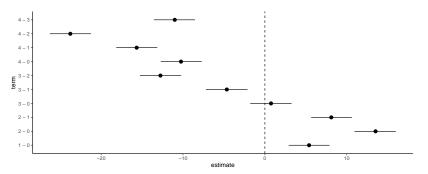
```
library(broom.mixed)
(comps = tidyMCMC(coefs %*% t(pairwise.mat),
    conf.int = TRUE, conf.method = "HPDinterval"))
```

```
## # A tibble: 10 \times 5
##
    term estimate std.error conf.low conf.high
## <chr> <dbl>
                  <dbl>
                         <dbl>
                                <dbl>
## 1 1 - 0 5.40
                   1.28 2.91 7.90
## 2 2 - 0 13.5 1.29 10.9 16.0
## 3 3 - 0 0.749 1.29 -1.79 3.26
## 4 4 - 0 -10.2 1.27 -12.7 -7.71
## 52 - 1 8.11
                1.28 5.65 10.6
  6 3 - 1 -4.65
                 1.30 -7.21 -2.12
##
## 74 - 1 -15.7
                   1.27 -18.2
                               -13.1
## 83 - 2 -12.8
                   1.28 -15.3
                               -10.2
  9 4 - 2 -23.8
                   1.28 -26.3
                               -21.2
##
## 10 4 - 3 -11.0
                   1.28
                        -13.6 -8.53
```

```
comps [c(3,5,7),]
```

- ► A diferença entre o grupo 0 e grupo 3 não é significativa. Se o IC contem 0, a diferença não é significativa.
- ▶ a media do grupo 2 é 8.11 unid maiores que o grupo 1.
- ▶ a media do grupo 4 é 15.66 unid menores que o grupo 1.

```
ggplot(comps, aes(y = estimate, x = term)) +
  geom_pointrange(aes(ymin = conf.low,
      ymax = conf.high)) +
  geom_hline(yintercept = 0, linetype = "dashed") +
  coord_flip() + theme_classic()
```



Diferença entre o trat3 e o grupo controle não é significativa, dado que o IC contem 0.

Conclusão

Há evidências para concluir que todos os grupos se diferem entre si, exceto o tratamento 3 do grupo controle. O grupo que apresentou maior valor de peso foi o tratamento 2 e com menor valor foi o tratamento 4.

Referências

- "https://agabrioblog.onrender.com/jags/single-factor-anovajags/single-factor-anova-jags/"
- "https://web.pdx.edu/~joel8/resources/ ConceptualPresentationResources/JAGS_ANOVA.pdf"
- "https://www.r-bloggers.com/2020/12/general-code-to-fitanova-models-with-jags-and-rjags/"

GitHub

Para acessar o repositório com os arquivos necessários para fazer esta analise, clique aqui.