Ministerul Educaţiei Centrul Naţional de Politici și Evaluare în Educaţie

Examenul național de bacalaureat 2021 Proba E. d) INFORMATICĂ Limbaiul Pascal

Testul 10

Filieră teoretică, profil real, specializare matematică-informatică / matematică-informatică intensiv informatică Filieră vocațională, profil militar, specializare matematică-informatică

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă zece puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de trei ore.
- Identificatorii utilizați în rezolvări trebuie să respecte precizările din enunț (bold), iar în lipsa unor precizări explicite, notațiile trebuie să corespundă cu semnificațiile asociate acestora (eventual în formă prescurtată). Datele de intrare se consideră corecte, validarea lor nefiind necesară.
- În grafurile din cerințe oricare muchie are extremități distincte și oricare două muchii diferă prin cel puțin una dintre extremități.

SUBIECTUL I (20 de puncte)

Pentru fiecare dintre itemii de la 1 la 5, scrieți pe foaia de examen litera corespunzătoare răspunsului corect. Fiecare răspuns corect se notează cu 4 puncte.

 Expresia Pascal not(a<2001) and (a<=2002) or (a>=2020) and not(a>2021) are valoarea true dacă și numai dacă valoarea memorată de variabila reală a aparține:

- a. $[2001,2002] \cap \{2020,2021\}$
- **b.** [2001,2002] ∪ [2020,2021]
- **c.** {2001} \cup [2002,2020] \cup {2021}
- **d.** [2001,2002] \cap {2020} \cap {2021}
- Subprogramul afis este definit alăturat.
 Indicați ce se afișează în urma apelului de mai jos. afis (12345);

```
procedure afis (x:integer);
begin
  write('+');
  if x>0 then
    begin afis(x div 1000); write(x) end;
  write('+')
end;
```

- a. +12345+123+1+
- **b.** +1+123+12345+
- c. ++++12+12345+
- d. ++++112312345
- 3. Utilizând metoda backtracking, se generează toate modalitățile de forma un grup de patru persoane din mulțimea {Ana, Ioana, Lia, Maria, Miruna, Simona}. Două grupuri diferă prin cel puțin o persoană. Primele cinci soluții generate sunt, în această ordine: (Ana, Ioana, Lia, Maria), (Ana, Ioana, Lia, Miruna), (Ana, Ioana, Lia, Simona), (Ana, Ioana, Maria, Miruna), (Ana, Ioana, Maria, Simona). Indicati o enumerare generată ca solutie, în această formă.
 - a. (Ana, Lia, Maria, Miruna, Simona)
- b. (Ioana, Maria, Miruna, Simona)
- C. (Lia, Ioana, Maria, Simona)
- d. (Maria, Miruna, Lia, Simona)
- 4. Un graf neorientat are 6 noduri, numerotate de la 1 la 6, și muchiile [1,2], [1,3], [2,3], [2,4], [2,5], [2,6], [3,4], [4,5]. Indicați numărul nodurilor care au gradul un număr par.
 - a. 5

b. 4

c. 3

- d. 2
- 5. Un graf neorientat are 20 de noduri și 4 componente conexe, fiecare dintre acestea fiind arbore. Indicați numărul de muchii ale grafului.
 - a. 7

b. 11

c. 16

d. 19

SUBIECTUL al II-lea (40 de puncte)

- Algoritmul alăturat este reprezentat în pseudocod. S-a notat cu x%y restul împărțirii numărului natural x la numărul natural, nenul, y.
 - a. Scrieți ce se afisează dacă se citesc, în această ordine, valorile 2 și 9. (6p.)
 - b. Dacă pentru x se citeste valoarea 3, scrieti două numere din intervalul [1,20] care pot fi citite pentru y astfel încât, în urma executării algoritmului, pentru fiecare dintre acestea, rezultatul afişat să fie format din exact 12 caractere. (6p.)
 - c. Scrieți programul Pascal corespunzător algoritmului dat. (10p.)

cât timp...execută cu o structură repetitivă de alt tip.

d. Scrieți în pseudocod un algoritm echivalent cu cel dat, înlocuind adecvat structura

|altfel scrie 'B'

citeşte x,y (numere naturale)

rdacă x%2=0 atunci scrie 'A'

(6p.)

 $x\leftarrow x-y$; $y\leftarrow x+y$; $x\leftarrow y-x$

rcât timp x≥y execută

rdacă x<y atunci

scrie 'A'

x**←**x-y

2. Variabila y memorează simultan datele fiecăruia dintre cei 30 de elevi dintr-o clasă: codul de identificare la un examen (un număr natural din intervalul [1,103)) și două note obținute (numere reale). Expresiile Pascal de mai jos au ca valori codul de identificare si cele două note ale celui de al treilea elev din clasă. Scrieți definiția unui tip de date cu numele elev, înregistrare care permite memorarea datelor despre un elev, si declarați corespunzător variabila y.

```
y[3].nota1
                              y[3].nota2
                                                                              (6p.)
y[3].cod
```

Scrieți ce se afișează în urma executării secvenței de mai jos, în care variabilele s și t permit 3. memorarea câte unui sir de cel mult 50 de caractere.

```
s:='vorbeste';
s[4]:=s[1]; s[6]:=s[3]; s[1]:=chr(ord(s[2])+1);
s[3] := chr(ord(s[2])-2); s[7] := chr(ord(s[5])-1);
t:=copy(s,1,3);
                                                                               (6p.)
writeln(t); write(copy(s,4,5));
```

(30 de puncte) SUBIECTUL al III-lea

Numerele naturale x și y sunt numite în armonie dacă suma lor aparține intervalului deschis definit de suma divizorilor lui x, respectiv suma divizorilor lui y.

Subprogramul armonie are doi parametri, x și y, prin care primește câte un număr natural din intervalul [1,106]. Subprogramul returnează valoarea 1, dacă x și y sunt în armonie, sau valoarea 0 în caz contrar. Scrieți definiția completă a subprogramului.

Exemplu: dacă x=8, iar y=12 subprogramul returnează 1 (1+2+4+8=15, 1+2+4+6+12=25, iar 8+12=20 ∈ (15,25)), iar dacă x=8 și y=13, subprogramul returnează 0 (1+2+4+8=15, 1+13=14, iar 8+13=21∉ (14,15)). (10p.)

2. O valoare filtrează două șiruri dacă există doi termeni care au acea valoare, unul fiind în primul șir, iar celălalt în al doilea șir.

Scrieți un program Pascal care citește de la tastatură numere naturale din intervalul [2,20]: m, n și elementele unui tablou bidimensional cu m linii și n coloane, cu proprietatea că nu există două elemente egale situate pe aceeasi linie sau pe aceeasi coloană.

Programul afisează pe ecran valorile care pot filtra sirul format din primele n-1 elemente de pe prima linie, respectiv șirul format din ultimele m-1 elemente ale ultimei coloane a tabloului, ca în exemplu. Valorile sunt afisate într-o ordine oarecare, separate prin câte un spațiu, sau mesajul nu exista, dacă nu există astfel de valori.

Exemplu: pentru m=5, n=4 si tabloul alăturat, se afisează pe ecran, nu neapărat în această ordine, numerele 4 7 (10p.)

4	5	7	2
2	7	3	6
7	6	4	0
6	9	8	7
8	0	5	4

3. Fişierul bac.txt conține un șir de cel mult 105 numere naturale din intervalul [1,109], separate prin câte un spaţiu.

Se cere să se afișeze pe ecran cea mai mică poziție pe care ar putea-o ocupa primul termen al șirului aflat în fișier în șirul format cu aceleași valori, ordonat crescător. Proiectați un algoritm eficient din punctul de vedere al memoriei utilizate și al timpului de executare.

Exemplu: dacă fișierul conține numerele 15 7 15 17 6 4

se afișează pe ecran 4 (15 se află pe a patra și pe a cincea poziție în șirul 4, 6, 7, 15, 15, 17).

a. Descrieți în limbaj natural algoritmul proiectat, justificând eficiența acestuia.

(2p.)

b. Scrieți programul Pascal corespunzător algoritmului proiectat.

(8p.)