

# Programare procedurala

- suport de curs -

**Dobrovat Anca - Madalina** 

An universitar 2016 – 2017 Semestrul I

Curs 4



# Agenda cursului

1. Scurta recapitulare a cursului anterior: Fundamentele limbajului C:

Reprezentarea datelor in memorie (signed vs. unsigned);

Expresii si operatori – evaluare, precedenta;

Operatorii pe biti;

Functii de citire / scriere cu format;

2. Complexitatea algoritmilor – notiuni introductive (2)

# Fundamentele limbajului C

# Reprezentarea datelor in memorie

Bitul de semn: - cel mai semnificativ bit – (0 pentru numere pozitive; 1 pentru numere negative)

Exemplificare – reprezentare pe 1 octet ([-128, 127])



# 1. Numere pozitive

- •Transformare in baza 2
- Completare bit de semn
- Completare rest biti cu 0

$$n = 47$$



# Reprezentarea datelor in memorie

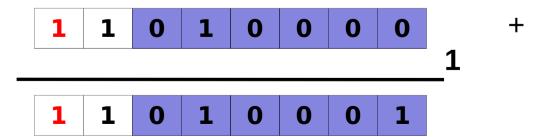
# 2. Numere negative

$$n = -47$$

•Transformare in baza 2 a valorii absolute

• Calculul complementului fata de 1 a reprezentarii obtinute la pasul anterior (bitul 1 devine 0, iar bitul 0 devine 1)

• se aduna 1 (<u>adunarea se face in baza 2</u>) la valoarea obinuta





# Reprezentarea datelor in memorie

Diferenta dintre intregii cu semn si fara semn  $\rightarrow$  interpretarea bitului cu ordinul cel mai mare (indicator de semn).

0 – numere pozitive / 1 – numere negative

# **Exemplu**

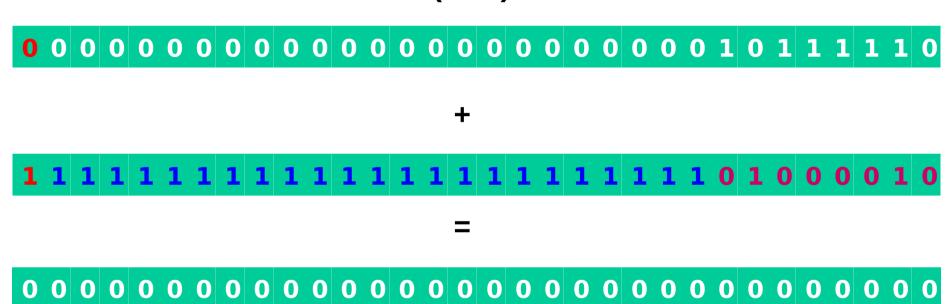
int x = 190;

int x = -190; E de-ajuns sa schimbam valoarea bitului de semn? **NU** 



# Reprezentarea datelor in memorie

$$190 + (-190) = 0$$



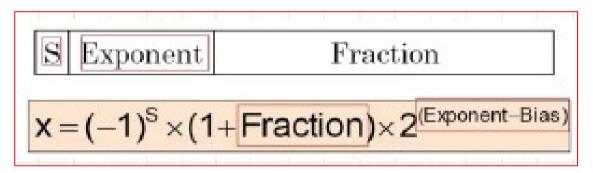


# Reprezentarea datelor in memorie

# Datele de tip float

Reprezentare pe 32 biti (semn + exponent + mantisa) (1+8+23)





**Bias = 127 pentru tipul float** 



# Reprezentarea datelor in memorie

Exemplu: float x = 14.0

$$14.0 = 1.75 \times 8$$

$$14.0 = 1.75 \times 2^{(130 - 127)}$$

$$14.0 = (-1)^{0} \times 1.75 \times 2^{(130 - 127)}$$

$$14.0 = (-1)^{0} \times (1 + 0.75) \times 2^{(130 - 127)}$$

$$130 = 2^7 + 2^1$$
  
 $0.75 = 0.5 + 0.25 = 2^{-1} + 2^{-2}$ 

Exponent Fraction
$$x = (-1)^{S} \times (1 + \text{Fraction}) \times 2^{(\text{Exponent-Bias})}$$



# Reprezentarea datelor in memorie

# Datele de tip double

Reprezentare pe 64 biti (semn + exponent + mantisa) (1+11+52)

31 30 29	28 27 26 25 24 23 2	22 21 20 19 18 17 16 15 14 13 12 11 10 9 8 7 6 5 4 3 2 1 0					
S	exponent	significand/mantissa					
1-bit	11-bits	11-bits 20-bits					
significand (continued)							
32-bits							
Double Precession (64-bit)							

**Bias = 1023 pentru tipul double** 



# Reprezentarea datelor in memorie

Exemplu: double x = 14.0

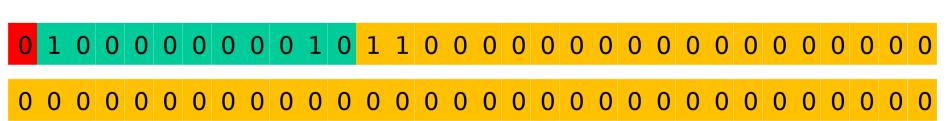
$$14.0 = 1.75 \times 8$$

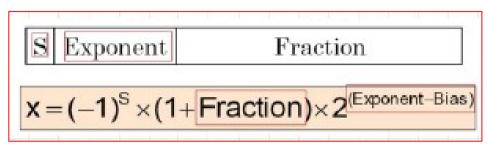
$$14.0 = 1.75 \times 2^{(1026 - 1023)}$$

$$14.0 = (-1)^{0} \times 1.75 \times 2^{(1026 - 1023)}$$

$$14.0 = (-1)^{0} \times (1 + 0.75) \times 2^{(1026 - 1023)}$$

$$1026 = 2^{10} + 2^{1}$$
  
 $0.75 = 0.5 + 0.25 = 2^{-1} + 2^{-2}$ 







# Fundamentele limbajului C

# <u>Operatii pe biti</u>

# 1. Negatia ~ (operator unar)

- intoarce numarul intreg a carui reprezentare interna se obtine din reprezentarea interna a numarului initial, prin complementarea fata de 1 a fiecarui bit  $(1 \rightarrow 0 \text{ si } 0 \rightarrow 1)$ . Expl. ~ (- 47)

- 47 **1 1 0 1 0 0 1** 

Complementare fata de 1

 0
 0
 1
 0
 1
 1
 1
 0

# Fundamentele limbajului C

# Operatii pe biti

# 2. Conjunctia & (operator binar)

- intoarce numarul întreg a carui reprezentare interna se obtine prin conjunctia bitilor care apar in reprezentarea interna a operanzilor. Conjunctia se face cu toate perechile de biti situati pe aceeasi pozitie.

47	0	0	1	0	1	1	1	1
28								
12	0	0	0	0	1	1	0	0

Bit 1	Bit 2	Bit 1 & Bit 2
0	0	0
0	1	0
1	0	0

# Fundamentele limbajului C

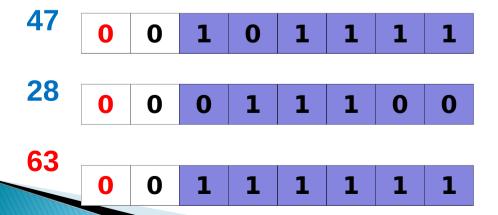


# Operatii pe biti

# 3. <u>Disjunctia</u> | (operator binar)

- intoarce numarul întreg a carui reprezentare interna se obtine prin disjunctia bitilor care apar in reprezentarea interna a operanzilor. Disjunctia se face cu toate perechile de biti situati pe aceeasi pozitie.

Expl. 
$$47 \mid 28 = 63$$



Bit 1	Bit 2	Bit 1   Bit 2
0	0	0
0	1	1
1	0	1

**Programare Procedurala - Curs 4** 

# Fundamentele limbajului C

# **Operatii pe biti**

# 4. Xor ("sau exclusiv") ^ (operator binar)

- intoarce numarul întreg a carui reprezentare interna se obtine prin disjunctia bitilor care apar in reprezentarea interna a operanzilor. Disjunctia se face cu toate perechile de biti situati pe aceeasi pozitie.

Expl. 
$$47 ^ 28 = 51$$

47	0	0	1	0	1	1	1	1
28								
51	0	0	1	1	0	0	1	1

Bit 1	Bit 2	Bit 1 ^ Bit 2
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0



# **Operatii pe biti**

# 5. shl ("shift left") << (operator binar)

- intoarce numarul intreg a carui reprezentare interna se obtine din reprezentarea interna a primului operand prin deplasare la stanga cu un numar de biti egal cu al doilea operand.

Expl. 
$$10 << 3 = 80 (10 * 2^3 = 80)$$





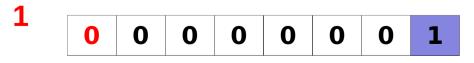


# Operatii pe biti

- 6. <a href="mailto:shr">shr ("shift right")</a> >> (operator binar)
- intoarce numarul intreg a carui reprezentare interna se obtine din reprezentarea interna a primului operand prin deplasare la dreapta cu un numar de biti egal cu al doilea operand.

Expl. 
$$10 >> 3 = 1$$
  $(10 / 2^3 = 1)$ 





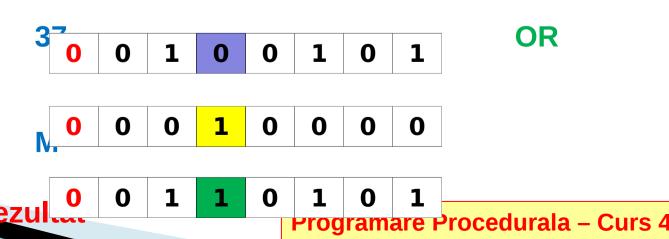


# **Operatii pe biti**

# 1. Transformarea unui bit in 1 (X or (1 shl B))

- Cerinta: valorii X sa i se seteze la valoarea 1, bitul B ( $0 \le B \le 7$ ).
- Rezolvare:
  - o masca logica M in care doar bitul B are valoarea 1. Valoarea mastii M e data de 1 shl B
  - operatia OR intre X si M

Expl. X = 37, B = 4 (bitului 4 i se va seta valoarea 1)



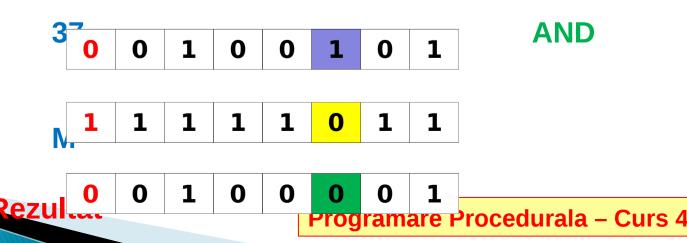


# **Operatii pe biti**

# 2. Transformarea unui bit in 0 (X and (255 - (1 shl B)))

- Cerinta: valorii X sa i se seteze la valoarea 0, bitul B ( $0 \le B \le 7$ ).
- Rezolvare:
  - o masca logica M in care doar bitul B are valoarea 0. Valoarea mastii M e data de 255 (1 shl B) [sau 255 xor (1 shl B)]
  - operatia AND intre X si M

Expl. X = 37, B = 2 (bitului 2 i se va seta valoarea 1)



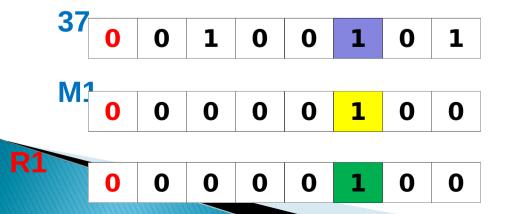
# Fundamentele limbajului C



# Operatii pe biti

# 3. Testarea valorii unui bit (X & (1 << B) != 0)

- Cerinta: ce valori au bitii B1 si B2 ai valorii X?
- Rezolvare:
  - o masca logica M1 pentru bitul B1 si o masca logica M2 pentru bitul B2 cu valoarea 1
  - operatia AND intre X si M1 respectiv inte X si M2
     Expl. X = 37, B1 = 2



**AND** 

X & (1 << 2) = 1

1! = 0 (adevarat)  $\rightarrow 1$ 

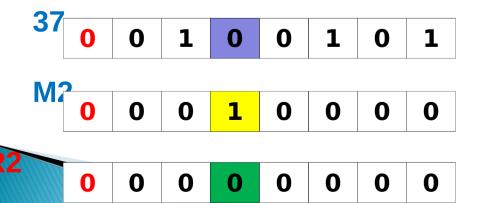
**Programare Procedurala – Curs 4** 

# Fundamentele limbajului C

# <u>Operatii pe biti</u>

# 3. Testarea valorii unui bit (X & (1 << B) != 0)

- Cerinta: ce valori au bitii B1 si B2 ai valorii X?
- Rezolvare:
  - o masca logica M1 pentru bitul B1 si o masca logica M2 pentru bitul B2 cu valoarea 1
  - operatia AND intre X si M1 respectiv inte X si M2 Expl. X = 37, B2 = 4



**AND** 

$$X & (1 << 4) = 0$$

$$0! = 0 \text{ (fals)} \to 0$$



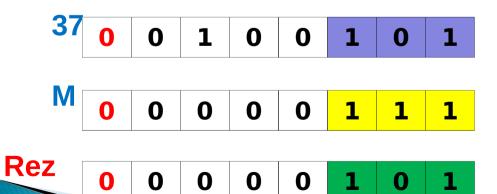


# Operatii pe biti

# 4. Testarea valorii ultimilor biti (X &( (1 << B) - 1))

- Cerinta: ce valori au ultimii B biti (egal cu restul impartirii la 2<sup>B</sup>) ?
- Rezolvare:
  - o masca logica M pentru bitii 0, 1, ... B-1 cu valoarea 1
  - operatia AND intre X si M1

Expl. X = 37, B = 3 (ultimii 3 biti = restul impartirii la 8)



**AND** 

$$1 << B = 8 \rightarrow 1 << B - 1 = 7$$





# Operatii pe biti

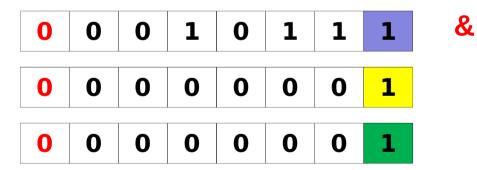
# **Aplicatii**

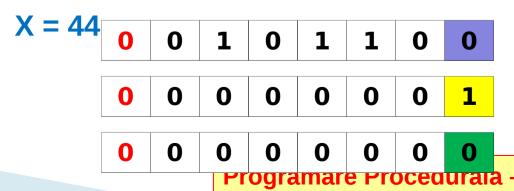
# 1.Testarea paritatii unui numar (X & 1)

 $X = par \rightarrow cel mai din dreapta bit este 0$ 

 $X = impar \rightarrow cel mai din dreapta bit este 1$ 

$$X = 23$$







0

0

0

# **Operatii pe biti**

**Aplicatii** 

2. Se considera un numar natural n. Sa se verifice daca n este sau nu o putere a lui 2.

 $X = putere a lui 2 \rightarrow un singur bit nenul$ 

Rezolvare fara numararea bitilor (  $X & (X - 1) = 0 \Leftrightarrow X = 2^k$  )

R

0





# **Operatii pe biti**

**Aplicatii** 

3. Se considera un numar natural nenul n. Sa se determine numarul de cifre de 1 din reprezentarea lui binara.

**Solutie 1**: parcurgerea secventiala a bitilor

```
int i, n_1=0; // n_1 - contor pentru bitii de valoare 1 for ( i=0; i<32; i++) if (n & (1 << i)) n_1++;
```

32 x 2 operatii (n & (1<<i))



# <u>Operatii pe biti</u>

**Aplicatii** 

0

3. Se considera un numar natural nenul n. Sa se determine numarul de cifre de 1 din reprezentarea lui binara.

```
Solutie 2: folosirea n & (n - 1)
```

Operatia anuleaza cel mai nesemnificativ bit de 1 a lui n.

```
int n_1=0; // n_1 – contor pentru bitii de valoare 1 do {
```

n &= n-1; n 1++; Obs: se executa un numar de pasi egali cu numarul de cifre de 1 din reprezentare.

}while (n);



0

&

$$X - 1 = 26$$

0 0 0 1 1 0 1 0 rs 4

0

0



# Operatii pe biti

**Aplicatii** 

4. Se consideră două numere naturale n și i (0 <= i < 16). Să se marcheze cu 1 bitul i al lui n.

Solutie: Setam valoarea 1 la bitul i, indiferent de valoarea memorată anterior (0 sau 1)





# <u>Expresii si operatori – evaluare, precedenta</u>

#### Observatii finale

# Expresii aritmetice si operatori aritmetici

#### Obs:

- 1. Se aplica operanzilor de tip intreg (int, char) sau real (float, double);
- 2. Operatorul % reprezinta restul impartirii a doi intregi;
- 3. Operatorul / returneaza catul impartirii (daca cei doi operanzi sunt intregi), sau impartirea reala in caz contrar.
  - 4. Operatorii / si % nu pot avea operandul din dreapta nul.

```
Exemple: int a = +7, b = -3;  // + si – operatori unari a = b + a - 1;  // + si – opertori binari b = b * a / 3;  // * si / - operatori binari int x = a \% b;  // \% - operator binar
```



# <u>Expresii si operatori – evaluare, precedenta</u>

#### Observatii finale

# **Expresii aritmetice si operatori aritmetici**

dacă într-o expresie apar mai mulți operatori, atunci evaluarea expresiei respectă ordinea de precedență a operatorilor

dacă într-o expresie apar mai mulți operatori de aceeași prioritate, atunci se aplică regula de asociativitate a operatorilor

#### **Ordinea de precedenta:**

Cei mai prioritari	+ (plus unar) - (minus unar)
	<ul><li>* (înmulțire)</li><li>/ (împărțire)</li><li>% (restul împărțirii)</li></ul>
Cei mai puțin prioritari	+ (adunare) - (scădere)

# Facultatea de Matematica si Informatica

#### **Universitatea Bucuresti**



# Fundamentele limbajului C

# <u>Expresii si operatori – evaluare, precedenta</u>

### Observatii finale

Exemple (Ordinea de precedenta a operatorilor aritmetici)

# Asociativitatea operatorilor aritmetici

- 1. Unari (asociativi la dreapta) Gruparea de la dreapta la stanga
- 2.Binari (asociativi la stanga) Gruparea de la stanga la dreapta



# Fundamentele limbajului C

# <u>Expresii si operatori – evaluare, precedenta</u>

#### Observatii finale

# <u>Operatori de atribuire</u>

Asociativi la dreapta

$$A = B = C = 7$$

$$\Leftrightarrow$$

$$A = B = C = 7$$
  $\Leftrightarrow$   $A = (B = (C = 7))$ 

Operatori de atribuire compusi

+=, -=, \*=, /=, %=, etc. (combinati cu operatorii pe biti)

In evaluarea expresiilor conteaza ordinea de precedenta

$$A *= B + C$$

$$\Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow$$
 A = A \* (B+C)



# <u>Expresii si operatori – evaluare, precedenta</u>

#### Observatii finale

# Operatori de incrementare / decrementare

Preincrementarea / Predecrementarea au aceeasi prioritate ca operatorii unari si sunt asociativi la dreapta.

Postincrementarea / Postdecrementarea au prioritate crescuta fata de operatorii unari si sunt asociativi la stanga.





# <u>Expresii si operatori – evaluare, precedenta</u>

#### Observatii finale

# **Operatori** relationali

Asociativi la stanga si au prioritate mai mica decat operatorii aritmetici.

1	5	6
	J	U

 $\Leftrightarrow$ returneaza 1

$$2.7 < = 0$$

returneaza 0

$$\Leftrightarrow$$

$$(a + b) \le (c * d)$$

# Operatori de egalitate ==, !=

Asociativi la stanga si au prioritate mai mica decat operatorii relationali.

$$\iff$$

returneaza 1 daca 
$$X = 6$$

$$\Leftrightarrow$$

3. 
$$a > b == c <= d$$

$$\Leftrightarrow$$

$$(a > b) == (c <= d)$$

# Fundamentele limbajului C

<u>Expresii si operatori – evaluare, precedenta</u>

Observatii finale

Operatori logici: !, &&, ||

! (NOT) are prioritate egala cu operatorii unari.

&& (AND) si || (OR) au prioritate mai mica decat operatorii relationali si de egalitate.

Obs: intr-o expresie compusa, daca se poate deduce rezultatul global al expresiei din stanga, cea din dreapta nu se mai evaluaeza

1. X = 6;  $(X \le 6) || (A > B) \Leftrightarrow \text{returneaza 1 indiferent de valorile lui A si B, pentru ca <math>(6 \le 6)$  adevarat.

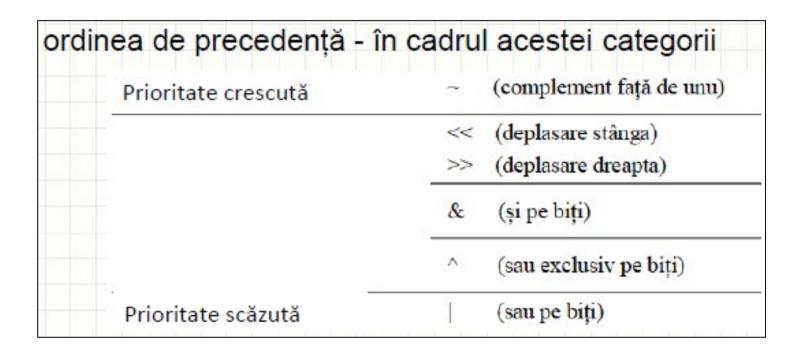
# Fundamentele limbajului C



<u>Expresii si operatori – evaluare, precedenta</u>

Observatii finale

# Operatori pe biti



**Sursa:** Alexe B. – Programare Procedurala (note de curs – seria 13 – 2016)



# <u>Expresii si operatori – evaluare, precedenta</u>

#### Observatii finale

# **Operatorul virgula**

- evaluarea secvențială a expresiilor (de la stg. la dreapta)
- valoarea ultimei expresii din înlănțuire este valoarea expresiei compuse
- cel mai puţin prioritar din lista de precedenţă

```
int a = 10, b = 6, c, i, s;

a = a+10, b = b + a, c = (b+a)/2;
printf("a = %d b = %d c = %d\n",a,b,c);

for(i = 1, s = 0; i<=10; i++, s += i*i);
printf("\n Suma patratelor pana la 10 = %d\n\n", s);</pre>
```

```
a = 20 b = 26 c = 23

Suma patratelor pana la 10 = 505
```

### ATENTIE LA SEPARAREA INSTRUCTIUNILOR PRIN VIRGULA!!!!!!!



# Fundamentele limbajului C

### Functii de citire / scriere cu format

 Funcțiile printf și scanf permit controlul formatului în care se scriu respectiv se citesc datele

# printf

- afișează un şir de caractere la ieşirea standard implicit pe ecranul monitorului
- dacă şirul conține specificatori de format, atunci argumentele adiționale (care urmează după şir) sunt formatate în concordanță cu specificatorii de format (subșir care începe cu caracterul %) și inserate în locul și pe pozițiile acestora din cadrul șirului

### Fundamentele limbajului C



### Functii de citire / scriere cu format

# **Exemple: printf**

#### Afisarea caracterelor si a valorilor numerice

Denumire tip	Reprezentare	Interval de valori
int	4 octeți cu semn	-2 <sup>31</sup> 2 <sup>31</sup> -1
unsigned int	4 octeți fără semn	0 2 <sup>32</sup> -1
long int	4 octeți cu semn	-2 <sup>31</sup> 2 <sup>31</sup> -1
unsigned long int	4 octeți fără semn	0 2 <sup>32</sup> -1
short int	2 octeți cu semn	-2 <sup>15</sup> 2 <sup>15</sup> -1
unsigned short int	2 octeți fără semn	0 2 <sup>16</sup> -1
long long int	8 octeți cu semn	-2 <sup>63</sup> 2 <sup>63</sup> -1
unsigned long long int	8 octeți fără semn	0 2 <sup>64</sup> -1
char	1 octet cu semn	-2 <sup>7</sup> 2 <sup>7</sup> -1
unsigned char	1 octet fără semn	0 2 <sup>8</sup> -1

Sursa: http://www.pbinfo.ro/?pagina=articole&subpagina=afisare&id=58





### Functii de citire / scriere cu format

### **Exemple:** printf

#### Afisarea caracterelor si a valorilor numerice

```
int a = 21400000000;
unsigned int b = 4000000000;
long int c = 21400000000;
unsigned long int d = 40000000000;
short int e = 32000;
unsigned short int f = 60000;
long long int g = 4611686018427387904;
unsigned long long int h = 910000000000000000;

printf("\nAfisare corecta %d - %u - %ld - %u \n",a,b,c,d);
printf("\nAfisare incorecta %d - %d - %d - %u - %ld - %u \n",a,b,c,d);

printf("\nAfisare corecta %d - %u - %ld - %u \n",a,b,c,d);
printf("\nAfisare incorecta %d - %u - %ld - %lu \n",e,f,g,h);
printf("\nAfisare incorecta %d - %u - %lld - %lu \n",e,f,g,h);
```

C:\Users\Ank\Desktop\curs4\bin\Debug\curs4.exe

```
Afisare corecta 2140000000 - 4000000000 - 2140000000 - 40000000000
Afisare incorecta 2140000000 - -294967296 - 2140000000 - 4000000000
Afisare corecta 32000 - 60000 - 4611686018427387904 - 925000000000000000
Afisare incorecta 32000 - 60000 - 4611686018427387904 - 3428646912
```





### Functii de citire / scriere cu format

#### Afisarea caracterelor si a valorilor numerice

```
C:\Users\Ank\Desktop\curs4\bin\Deb
Float - 10.123123
Float - 10.12312316894531
Float - 1.012312e+001
Float - 10.1231
Double - 10.123123
```

**Exemple:** printf

#### Nu exista specificator special de format pentru "double"!

- valorile de tip intreg se convertesc implicit la int sau unsigned int;
- variabilele cu virgula mobila se convertesc implicit la double;



### Functii de citire / scriere cu format

### **Exemple: printf**

#### Afisarea unui caracter

```
int x = 100;
char k = x;
char l = (char)x;

printf("\nChar - %c \n",k);
printf("\nChar - %c \n",l);
printf("\nCaracterul %% \n");
printf("\nCaracterul \\ \n");
```

```
C:\Users\Ank\De

Char - d

Char - d

Char - d

Caracterul %

Caracterul \
```

#### Afisarea unui sir de caractere

```
printf("\nSir de caractere <constant>\n");
char *a;
a = "Exemplificare";
printf("\nSir variabil: %s\n\n",a);
```

```
C:\Users\Ank\Desktop\curs4\bin\Debug\
Sir de caractere <constant>
Sir variabil: Exemplificare
```



### Functii de citire / scriere cu format

**Exemple:** printf

Afisarea unui pointer si scrierea in octal si hexazecimal

```
int y = 1500;

printf("\nAdresa lui y - %p \n", &y);
printf("\nOctal - %o \n", y);
printf("\nHexazecimal - %x \n", y);
printf("\nHexazecimal cu majuscule - %X \n", y);
Hexazecimal cu majuscule - %X \n", y);
```

Afisarea unui numar cu aliniere la stanga / dreapta si precedat de semnele - / +

```
int z = 75;
printf("\n z cu semn %+d \n",z);
printf("\n Alinierea la dreapta si afisarea in 5 spatii %5d\n",z);
printf("\n Alinierea la dreapta si afisarea in 5 spatii %+5d\n",z);
printf("\n Alinierea la stanga si afisarea in 5 spatii %-5d\n",z);
```



#### Functii de citire / scriere cu format

#### scanf

Ocitește date de intrare (implicit de la tastatura) în formatul indicat de șirul de formatare și le salvează la adresele indicate de argumentele adiționale (variabilele de intrare)

### **Exemple:**

```
int a;
unsigned int b;
short int e;
unsigned long long int h;
float i;
double j;
char k;
char v[20];
char *w;
```

### Fundamentele limbajului C

### Functii de citire / scriere cu format

```
int a:
unsigned int b;
short int e :
unsigned long long int h;
float i:
double i;
char k;
             scanf ("%c%s", &k, v);
char v[20];
            printf("\nCaracter %c - sir de caractere %s\n",k,v);
char *w;
             w = malloc(20 * sizeof(char));
             scanf("%s",w);
             printf("Alt sir de caractere %s\n",w);
             scanf ("%d : %u + %hd * %lld", &a, &b, &e, &h);
             printf ("%d \t %u \t %d \t %lld\n\n",a,b,e,h);
             scanf ("%f%f", &i, &j);
             printf ("\nFloat si double: %2.3f - %1.4f\n",i,j);
```



#### Functii de citire / scriere cu format

```
scanf("%c%s",&k,v);
printf("\nCaracter %c - sir de caractere %s\n",k,v);
w = malloc(20 * sizeof(char));
scanf("%s",w);
printf("Alt sir de caractere %s\n",w);

scanf ("%d : %u + %hd * %lld",&a,&b,&e,&h);
printf ("%d \t %u \t %d \t %lld\n\n",a,b,e,h);

scanf ("%f%f",&i,&j);
printf ("\nFloat si double: %2.3f - %1.4f\n",i,j);
```

```
aRe
Caracter a – sir de caractere Re
Doi
Alt sir de caractere Doi
-240 : 4111111111 + 32123 * 8000000000
-240 4111111111 32123 800000000
```





#### Functii de citire / scriere cu format

```
scanf("%c%s",&k,v);
printf("\nCaracter %c - sir de caractere %s\n",k,v);
w = malloc(20 * sizeof(char));
scanf("%s",w);
printf("Alt sir de caractere %s\n",w);

scanf ("%d : %u + %hd * %lld",&a,&b,&e,&h);
printf ("%d \t %u \t %d \t %lld\n\n",a,b,e,h);

scanf ("%f%f",&i,&j);
printf ("\nFloat si double: %2.3f - %1.4f\n",i,j);
```

### Fundamentele limbajului C



### Functii de citire / scriere cu format

#### **Caracteristica** scanset

Un specificator scanset se poate crea prin includerea unui liste de carcatere in interiorul unur paranteze drepte. exemple: **%[ABC]**, **%[A-Z] (domeniu)**;

```
char a[20];
printf("Sir exclusiv cu literele XY scanf("%[XYZ]", a);
printf("%s\n",a);
```

```
char d[20];
printf("\n\nSir exclusiv cu litere intre A si F\n\n");
scanf("%[a-fA-F]", d);
printf("%s\n",d);

Sir exclusiv cu litere intre A si F

AffbbcdeG
Affbbcde
```

### Fundamentele limbajului C



#### Functii de citire / scriere cu format

#### Caracteristica scanset

- **Semnul** \* precede setul care **NU** trebuie luat in considerare

```
int b,c;
scanf("%d%*c%d",&b, &c);
printf("\n %d \t %d \n",b,c);

C:\Users\Ank\Desktop\curs4\bin\Debug\curs4.exe
123-44
123 44
```

Orice caracter vine dupa primul numar intreg este ignorat!



## Agenda cursului

 Scurta recapitulare a cursului anterior: Fundamentele limbajului C: Reprezentarea datelor in memorie (signed vs. unsigned); Expresii si operatori – evaluare, precedenta;

Operatorii pe biti;

Functii de citire / scriere cu format;

- 2. Complexitatea algoritmilor notiuni introductive (2)
- complexitate : timp, spatiu de memorie, notatii asimptotice,
   "time.h"



### **Complexitatea algoritmilor**

Analiza complexității unui algoritm => determinarea resurselor de care acesta are nevoie pentru a produce datele de ieşire.

**Resurse** - timpul de executare

- spatiu de memorie etc.

Obs: Modelul masinii pe care va fi executat algoritmul nu presupune existenta operatiilor paralele (operatiile se executa secvential).

<u>Notatie:</u> T(n) – timp de rulare al unui algoritm (in general masurat in nr. de <u>comparatii</u> sau de <u>mutari</u>)

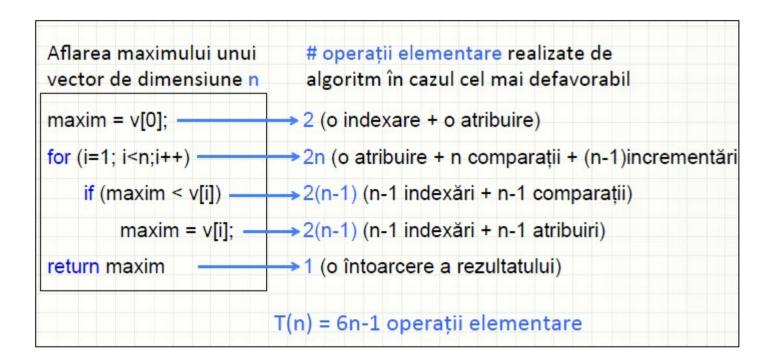
#### **Cazuri:**

- cel mai favorabil
- cel mai nefavorabil
- mediu



### **Complexitatea algoritmilor**

# Intuitiv – Numărarea operațiilor elementare realizate de un algoritm În cazul cel mai defavorabil





### Complexitatea algoritmilor

### **Exemple**

### 1. Produsul a doua numere complexe ([1])

```
int main()
{
float a,b,c,d, p, q;
float t1, t2;
scanf("%f%f%f%f", &a, &b, &c, &d);
t1 = a*c; t2 = b*d; p = t1 - t2;
t1 = a*d; t2 = b*c; q = t1 + t2;
printf("Real = %f, Imaginar = %f", p, q);
}
- memorie pentru 8 variabile
Operatii elementare: 4 inmultiri, o adunare
si o scadere
```

```
int main()
{
float a,b,c,d, p, q;
float t1, t2, t3, t4;
scanf("%f%f%f%f", &a, &b, &c, &d);
t1 = a + b; t2 = t1 * c; t1 = d - c; t3 = a * t1;
q = t2 + t3; t1 = d + c; t4 = b * t1; p = t2 - t4;
printf("Real = %f, Imaginar = %f", p, q);
}
- memorie pentru 10 variabile
Operatii elementare: 3 inmultiri, 3 adunari si 2 scaderi
```

Operatia de inmultire e mai costisitoare decat adunarea / scaderea.



### **Complexitatea algoritmilor**

### **Exemple**

#### 2. Cmmdc a 2 numere

```
Euclid:
int a,b,r;
scanf("%d%d", &a, &b);
r = a % b;
while (r!=0)
{ a = b;
   b = r;
   r = a %b;
}
printf("Cmmdc = %d", b);
```

```
Scaderi repetate:

int a,b,r;
scanf("%d%d", &a, &b);
while (a != b)
    if (a >b )
        a = a - b;
else
    b = b - a;

printf("Cmmdc = %d", a);
```

```
Algoritm brut:

int a,b,c,i,min;
scanf("%d%d", &a, &b);

if (a < b) min = a;
else min = b;

for(i = 1; I <= min; i++)
    if (%i==0 && b%i == 0)
        c = i;
printf("Cmmdc = %d", c);
```

Cate operatii se executa daca se citesc initial numerele 97 si 99?



### **Complexitatea algoritmilor**

### **Exemple**

#### 3. Ordonarea unui sir folosind Interschimbarea directa

```
int main()
int v[100], n, i, j, aux;
                                                              Comparatii
                                                  Caz
                                                                                  Mutari
// citire vector
for (i = 1; i < n; i++)
    for(j = i+1; j \le n; j++)
                                                            n(n - 1) / 2
                                             Cel mai favorabil
                                                                              0
         If (v[i] > v[j])
              \{ aux = v[i];
               v[i] = v[j];
               v[i] = aux;
                                             Cel mai
defavorabil
                                                            n(n-1)/2 3n(n-1)/2
// Afisare vector ordonat
                                             mediu
                                                            n(n – 1) / 2
                                                                              3n(n-1)/4
```



### **Complexitatea algoritmilor**

### **Exemple**

### 4. Inmultirea a doua matrice



### **Complexitatea algoritmilor**

### **Exemple**

5. Diferența maximă dintre 2 elemente ale unui vector de dimensiune n

```
\label{eq:difMaxima} \begin{split} &\text{difMaxima} = 0; \\ &\text{for (i=0; i<n;i++)} \\ &\text{for (j=i+1; j<n; j++)} \\ &\text{if (difMaxima < abs(v[i]-v[j]))} \\ &\text{difMaxima = abs(v[i]-v[j]);} \\ &\text{return difMaxima} \end{split}
```

O( n<sup>2</sup>)

Exista un algoritm mai eficient? Ce complexitate are?



### **Complexitatea algoritmilor**

### **Notatia asimptotica**

T(n) – timp de rulare al unui algoritm (<u>comparatii</u> / <u>mutari</u>)

comportarea lui T (n) cind  $n \rightarrow \infty$  ([2])

#### **Formal**

 $f: N \rightarrow R_+$  (f asimptotic pozitiva)

O(g):= {f |  $\exists c > 0$ ,  $\exists n_0$  a.i.  $0 \le f(n) \le cg(n)$  oricare  $n \ge n_0$  }

 $\Omega(g) := \{f \mid \exists c > 0, \exists n_0 \text{ a.i. } 0 \le cg (n) \le f (n) \text{ oricare } n \ge n_0 \}$ 

 $\Theta(g) := \{ f \mid \exists c_1, c_2 > 0, \exists n_0 \text{ a.i. } 0 \le c_1 g(n) \le f(n) \le c_2 g(n) \text{ oricare } n \ge n_0 \}$ 

[2] Ceterchi R. – Algoritmi si Structuri de Date (note de curs 2013)



### **Complexitatea algoritmilor**

### **Notatia asimptotica**

 $f: N \rightarrow R_+$  (f asimptotic pozitiva)

O(g):= {f | 
$$\exists c > 0$$
,  $\exists n_0$  a.i.  $0 \le f(n) \le cg(n)$  oricare  $n \ge n_0$  }

Exemplu: 
$$f(n) = 2n + 10$$
 este  $O(n)$ 

$$2n + 10 \le cn, \text{ pentru } n \ge n_0$$

$$(c - 2) n \ge 10$$

$$n \ge 10/(c - 2)$$
alegem  $c = 3$  și  $n_0 = 10$ 

**Exemplu:** 
$$f(n) = n^2$$
 nu este  $O(n)$   
 $n^2 \le cn$ , pentru  $n \ge n_0$   
 $n \le c$   
nu putem alege constanta  $c$   
 $n^2$  este  $O(n^2)$ 



### **Complexitatea algoritmilor**

### **Notatia asimptotica**

Notația O oferă o margine superioară a creșterii asimptotice a unei funcții.

Creșterea asimptotică caracterizează comportamentul funcțiilor pentru valori mari ale lui *n*.

Când spunem "f(n) este O(g(n))" înseamnă că rata de creștere a lui f(n) nu este mai mare decât rata de creștere a lui g(n)

Putem folosi notația O pentru a ordona funcțiile pe baza ratei lor de creștere asimptotică



### **Complexitatea algoritmilor**

### **Notatia asimptotica**

Ordonați funcțiile pe baza creșterii lor asimptotice

$$f_{1}(n) = n + \sin n \qquad f_{8}(n) = n^{e}$$

$$f_{2}(n) = \ln n \qquad f_{9}(n) = n^{n}$$

$$f_{3}(n) = n + \sqrt{n} \qquad f_{10}(n) = n \cdot \ln n$$

$$f_{4}(n) = \frac{1}{n} \qquad f_{11}(n) = n \cdot (\ln n)^{2}$$

$$f_{5}(n) = 13 + \frac{1}{n} \qquad f_{12}(n) = \log_{2} n$$

$$f_{6}(n) = 13 + n \qquad f_{13}(n) = e^{n}$$

$$f_{7}(n) = (n + \sin n) \cdot (n^{20} - 5)$$



### **Complexitatea algoritmilor**

#### **Notatia asimptotica**

Ordonați funcțiile pe baza creșterii lor asimptotice

$$f_4(n) = \frac{1}{n}$$

$$f_5(n) = 13 + \frac{1}{n}$$

$$f_2(n) = \ln n \qquad f_{12}(n) = \log_2 n$$

$$f_1(n) = n + \sin n \qquad f_3(n) = n + \sqrt{n} \qquad f_6(n) = 13 + n$$

$$f_{10}(n) = n \cdot \ln n$$

$$f_{11}(n) = n \cdot (\ln n)^2$$

$$f_8(n) = n^e$$

$$f_7(n) = (n + \sin n) \cdot (n^{20} - 5)$$

$$f_{13}(n) = e^n$$

$$f_9(n) = n^n$$



### **Complexitatea algoritmilor**

### **Notatia asimptotica**

Funcții incomparabile

- pentru două funcții f(n) și g(n) nu întotdeauna avem f(n) = O(g(n)) sau g(n) = O(f(n))
- f şi g se numesc asimptotic incomparabile
- exemplu:  $f(n) = |n|^2 \sin(n)|$  și g(n) = 5n 1.5



### **Complexitatea algoritmilor**

### Fisierul antet time.h ([1])

Inclus pentru masurarea timpului

Contine prototipul functiei clock() => nr. de tacte de ceas de timp real scurs de la inceperea programului, pana in punctul in care se plaseaza aceasta functie

clock()/CLK\_TCK => timpul in secunde (Obs: CLK\_TCK este
denumirea pentru CLOCKS\_PER\_SEC in versiunile anterioare
Microsoft C.)

Plasand doua asemenea expresii, inaintea si dupa apelul subprogramului aflat sub masurare, diferenta lor da timpul consumat de algoritm.

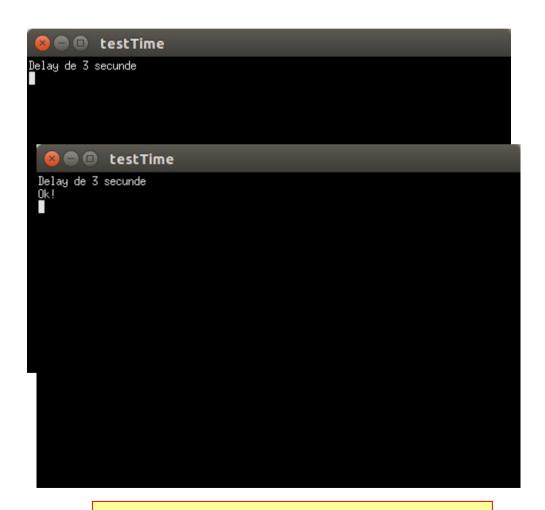


### **Complexitatea algoritmilor**

### Fisierul antet time.h ([1])

### **Exemplu**

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
 #include <time.h>
// pauza pentru un numar specificat de milisecunde
void sleep(clock t f)
-]{
   clock t g;
   q = f + clock():
   while (g > clock());
int main()
]{
    long i = 600000000L;
    clock t start, finish;
    double duration:
    //Delay pentru un timp specificat
    printf("Delay de 3 secunde\n");
    sleep((clock t)3*CLOCKS PER SEC);
    printf("0k!\n");
```





### **Complexitatea algoritmilor**

### Fisierul antet time.h ([1])

### **Exemplu**

```
//Masurarea duratei unui eveniment
printf("Timpul de executie a %ld bucle vide este ",i);
start = clock();
while(i--);
finish = clock();
duration = (double)(finish - start)/CLOCKS_PER_SEC;
printf("%2.1f secunde \n", duration);
```

```
Delay de 3 secunde

Ok!
Timpul de executie a 600000000 bucle vide este 1.3 secunde

Process returned 0 (0x0) execution time: 4.327 s

Press ENTER to continue.
```



### Concluzii

S-au recapitulat notiunile de Limbaj C predate in cursul 3:
 Precedenta si asociativitatea operatorilor, citirea / scrierea datelor cu format in Limbajul C

2. S-au prezentat legaturile dintre notatia O si cresterea asimptotica a functiilor



### **Perspective**

#### **Cursul 5:**

- 1. Tipuri derivate de date
- Tablouri. Şiruri de caractere.
- Structuri, uniuni, câmpuri de biți, enumerări.
- Pointeri.