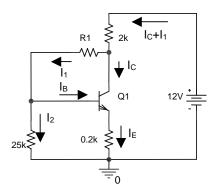
# PROBLEMAS DE ELECTRÓNICA ANALÓGICA (Transistores C.C.)

Escuela Politécnica Superior Profesor. Darío García Rodríguez

1.2.- En el circuito de la figura si  $\alpha = 0.98\,$  y  $V_{BE} = 0.7\,$  Voltios, calcular el valor de la resistencia  $R_{I}$ , para una corriente de emisor 2 mA



En este circuito tenemos que poner las ecuaciones necesarias para poder resolver el valor de  $R_1$  que nos viene dado por  $R_1 = \frac{V_C - V_B}{I_1}$  luego nuestro único objetivo es calcular  $V_C$ ,  $V_B$  y  $I_1$ .

$$I_C = \alpha \cdot I_E = 0.98 \cdot 2 = 1.96 mA$$

$$I_B = I_E - I_C = 2 - 1.96 = 0.04 mA$$

$$V_B = V_{BE} + I_E \cdot R_E = 0.7 + 2.0.2 = 1.1 \text{Voltios}$$
  $I_2 = \frac{V_B}{25} = \frac{1.1}{25} = 0.044 \text{mA}$ 

$$I_1 = I_R + I_2 = 0.04 + 0.044 = 0.084mA$$

$$V_C = V_{CC} - (I_C + I_1) \cdot 2 = 12 - (1.96 + 0.084) \cdot 2 = 7.912 Voltios$$

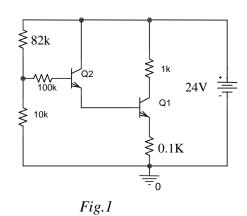
Luego ya tenemos todos los datos necesarios para calcular la Resistencia R<sub>1</sub>

$$R_1 = \frac{V_C - V_B}{I_1} = \frac{7.912 - 1.1}{0.084} = 81.1K$$

Aquí hemos calculado todo los valores del circuito, Intensidades, y tensiones en todos los puntos. Lo único que nos falta es  $V_{CE} = V_C - V_E = 7.912 - 2.0.2 = 7.512$  Voltios

Y efectivamente el transistor está en la zona activa por tener  $V_{\text{CE}}\!\!>\!0.2$  Voltios y ser un transistor NPN.

- 2.2.- En el circuito de la Fig.1 los transistores  $Q_1$  y  $Q_2$  trabajan en la región activa con  $V_{BE1} = V_{BE2} = 0.7$  Voltios,  $\beta_1 = 100$ ,  $\beta_2 = 50$ . Pueden despreciarse las corrientes inversa de saturación.
  - a) Calcular todas las intensidades del circuito.
  - b) Calcular las tensiones en los diferentes puntos.



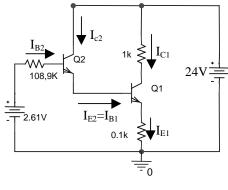


Fig.2

Lo primero que hay que hacer es reducir el circuito a una forma mas simple, para ello se ha calculado el thevening mirado de la base  $B_2$  hacía la izquierda.

$$V_{BB2} = \frac{24.10}{82 + 10} = 2.61 Voltios$$
  $R_{B2} = \frac{10.82}{10 + 82} + 100 = 108.9 K$ 

Apartir de aquí analizaremos el circuito de la Fig.2.

Podemos escribir, en la malla de los emisores de los transistores:

$$V_{BB2} = I_{B2} \cdot R_{B2} + V_{BE2} + V_{BE1} + I_{E1} \cdot R_{E1} \; ; \quad 2.61 = I_{B2} \cdot 108.9 + V_{BE2} + V_{BE1} + I_{E1} \cdot 0.1$$
 
$$I_{E1} = (\beta_1 + 1) \cdot I_{B1} = (\beta_1 + 1) \cdot I_{E2} = (\beta_1 + 1) \cdot (\beta_2 + 1) \cdot I_{B2} = 51 \cdot 101 \cdot I_{B2} \; \text{Sustituyendo}$$

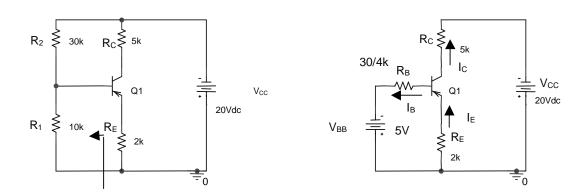
esta ecuación en la anterior y despejado I<sub>B2</sub> tenemos:

$$I_{B2} = \frac{2.61 - V_{BE2} - V_{BE1}}{108.9 + 51 \cdot 101 \cdot 0.1} = \frac{2.61 - 0.7 - 0.7}{624} = 0.0019 \text{mA}$$

$$\begin{split} I_{C2} &= \beta_2 \cdot I_{B2} = 50 \cdot 0.0019 = 0.095 mA \qquad I_{B1} = I_{E2} = (\beta_2 + 1) \cdot I_{B2} = 51 \cdot 0.0019 = 0.097 mA \\ I_{C1} &= \beta_1 \cdot I_{B1} = 100 \cdot 0.097 = 9.7 mA \qquad I_{E1} = (\beta_1 + 1) \cdot I_{B1} = 101 \cdot 0.097 = 9.8 mA \\ V_{C1} &= V_{CC} - I_C \cdot R_{C1} = 24 - 9.7 \cdot 1 = 14.4 Voltios \end{split}$$

$$\begin{split} V_{E1} &= I_{E1} \cdot R_{E1} = 9.8 \cdot 0.1 = 0.98 Voltios \\ V_{CE1} &= V_{C1} - V_{E1} = 14.4 - 0.98 = 13.52 Voltios \\ V_{C2} &= 24 Voltios \\ V_{E2} &= V_{BE1} + V_{E1} = 0.7 + 0.96 = 1.66 Voltios \\ V_{CE2} &= V_{C2} - V_{E2} = 24 - 1.66 = 22.34 Voltios \\ V_{B2} &= V_{BE2} + V_{E2} = 0.7 + 1.66 = 2.36 Voltios \end{split}$$

3.2.- El circuito de la figura con un transistor PNP tiene un  $\beta = 100$ ,  $V_{BE} = -0.7V$ . Calcular todas las intensidades y tensiones en los diferentes puntos.



Lo primero que hay que hacer es el thevenin, desde la base del transistor hacia la izquierda, quedando el circuito de la figura de la derecha:

$$V_{BB} = \frac{V_{CC} \cdot R_1}{R_1 + R_2} = \frac{20 \cdot 10}{10 + 30} = 5V \qquad R_{BB} = \frac{R_2 \cdot R_1}{R_1 + R_2} = \frac{30 \cdot 10}{10 + 30} = \frac{30}{4} K\Omega.$$

A partir de aquí analizaremos el circuito de la parte derecha.

En la malla base emisor podemos escribir:

$$V_{BB} = I_B \cdot R_B + I_E \cdot R_E - V_{BE} = I_B \cdot R_B + (\beta + 1) \cdot I_B - V_{BE}$$
 despejando  $I_B$  se tiene:

$$I_{B} = \frac{V_{BB} + V_{BE}}{R_{B} + (\beta + 1)R_{E}} = \frac{5 - 0.7}{\frac{30}{4} + (100 + 1)2} = \frac{4.3.4}{838} = \frac{8.6}{419} = 0.021 \text{mA}$$

$$I_{C} = \beta \cdot I_{B} = \frac{100.8.6}{419} = \frac{860}{4.19} = 2.05 \text{mA}$$

$$I_E = (\beta + 1) \cdot I_B = \frac{101 \cdot 8.6}{419} = 2.07 mA$$

Ahora calcularemos las diferentes tensiones con respecto a masa:

$$V_C = I_C \cdot R_C - V_{CC} = 2.05 \cdot 5 - 20 = -9.75V.$$

$$V_E = -I_E \cdot R_E = -2.07 \cdot 2 = -4.14V.$$

 $V_{CE} = V_C - V_E = -9.75 - (-4.14) = -5.61V$  Por ser esta caída de tensión negativa el transistor esta en la zona activa por ser un PNP.

$$V_{\scriptscriptstyle B} = V_{\scriptscriptstyle BE} + V_{\scriptscriptstyle E} = -0.7 - 4.14 = -4.84V$$

A continuación calcularemos la intensidad que circular por las resistencias  $R_1$  y  $R_2$  con sentido hacía arriba.

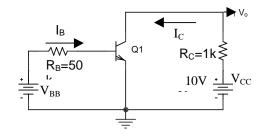
Para la resistencia 
$$R_1$$
  $I_1 = \frac{0 - V_B}{R_1} = \frac{4.84}{10} = 0.48 mA$ .

Para la resistencia  $R_2$   $I_2 = I_1 + I_2 = 0.48 + 0.02 = 0.50 \text{ mA}.$ 

También podría calcularse: 
$$I_2 = \frac{V_B - (-V_{CC})}{R_2} = \frac{-4.84 - (-20)}{30} = 0.5 \text{ mA}$$

- 4.2.- En el circuito de la fig. el transistor tiene una  $\beta = 60$ . Expresar los valores posibles de  $V_{BB}$  para que el transistor se encuentre:
  - a) Zona de corte
  - b) Zona activa.
  - c) Zona de saturación.
  - d) Si  $V_{BB}$ = 5 Voltios y manteniendo el valor de  $R_C$  = 1 K.; entre que valores puede variar  $R_B$  para que el transistor se encuentre en la zona de activa?
  - e) Si  $V_{BB}$ = 5 Voltios y manteniendo el valor de  $R_B$ = 50 K. ¿ entre que valores puede variar  $R_C$  para que el transistor se encuentre en la zona de saturación?

 $(V_{BE\ activa}=0.7\ Voltios,\ V_{CEsatuación}=0.2\ Voltios,\ V_{BE\ saturación}=0.8\ Voltios,\ y\ Corriente$  inversa de saturación despreciable.)



a) Tal como esta polarizado el transistor, es de una forma correcta, sí las fuentes empleadas son positivas. Suponemos a la vez que el transistor va a conducir cuando entre base emisor haya una caída de tensión igual o superior a 0,7 Voltios aunque en realidad necesite una caída de tensión

aproximadamente de 0,5 Voltios.

Luego para que el transistor este en corte necesita sólo  $V_{BB}$ < 0.7 Voltios Ya que el diodo de emisor y colector están polarizado inversamente.

 b) y c) Aquí vamos a ver para que tensión V<sub>BB</sub> estará en saturación, luego entre el valor de corte y saturación estará la zona activa.

$$I_{Csat} = \frac{V_{CC} - V_{CEsat}}{R_C} = \frac{10 - 0.2}{1} = 9.8 mA$$
  $I_{Bsat} = \frac{V_{BB} - V_{BEsat}}{R_B} = \frac{V_{BB} - 0.8}{50}$ 

Si  $I_{Csat} \le \beta \cdot I_{Bsat}$  el dispositivo está en saturación en caso contrario en la zona activa.

Luego tenemos 
$$9.8 \le \frac{V_{BB} - 0.8}{50} \cdot 60$$
  $V_{BB} \ge \frac{9.8 \cdot 50}{60} + 0.8 = 8.97 \text{ voltios}$ 

Entonces para  $0.7 \le V_{BB} \le 8.97 Voltios$  el transistor estará en zona activa.

 $V_{RR} \ge 8.97 voltios$  el transistor estará en saturación.

d) En este caso la zona de corte no varía, solo varían las zonas de saturación y activa. Calcularemos la zona de saturación para saber la zona activa.

 $I_{Csat} \le \beta \cdot I_{Bsat}$  zona de saturación

$$I_{Csat} = \frac{V_{CC} - V_{CEsat}}{R_C} = \frac{10 - 0.2}{1} = 9.8 \text{mA}$$

$$I_{Bsat} = \frac{V_{BB} - V_{BEsat}}{R_B} = \frac{5 - 0.8}{R_B}$$

$$9.8 \le \frac{5 - 0.8}{R_B} = \frac{4.2}{R_B} \cdot 60$$

$$R_B \le \frac{4.2}{9.8} \cdot 60 = 25.71 \text{K}.$$

Luego cuando R<sub>B</sub> sea mayor que 27,71 K el transistor va a estar en la zona activa.

e) En este caso la zona de corte no varía solo varían las zonas de saturación y activa. Calcularemos la zona de saturación..

 $I_{C_{sat}} \le \beta \cdot I_{R_{sat}}$  zona de saturación

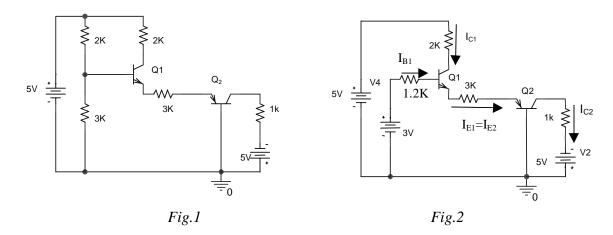
$$I_{Csat} = \frac{V_{CC} - V_{CEsat}}{R_C} = \frac{10 - 0.2}{R_C} = \frac{9.8}{R_C} \quad ; \qquad I_{Bsat} = \frac{V_{BB} - V_{BEsat}}{R_B} = \frac{5 - 0.8}{50} = 0.084 mA$$

$$\frac{9.8}{R_C} \le 0.084.60 \; ; \qquad \qquad R_C \ge \frac{9.8}{5.04} = 1.94 k\Omega \qquad \text{con estos valores estará en zona}$$
 de saturación.

Luego cuando  $R_C \le 1.94K\Omega$  el transistor estará en la zona activa.

5.2.- En el circuito de la Fig.1  $Q_1$  y  $Q_2$  se encuentra en la zona Activa, siendo  $\beta_{F1}=\beta_{F2}=100$ ,  $V_{BE1}=-V_{BE2}=0.7$ voltios.

Calcular las tensiones en los diferentes puntos e intensidades.



El transistor  $Q_1$  es un NPN y el  $Q_2$  un PNP y ambos aparentemente bien polarizado. Lo primero que tengo que hacer es realizar el thevening mirado desde la base de  $Q_1$  hacia la izquierda, teniendo el circuito de la Fig.2.

$$V_{BB1} = \frac{5.3}{2+3} = 3Voltios$$
  $R_{B1} = \frac{2.3}{2+3} = 1.2K\Omega$ 

En la malla  $B_1$ ,  $E_1$ ,  $E_2$  y  $B_2$ , se puede escribir:

$$V_{BB1} = I_{B1} \cdot R_{B1} + V_{BE1} + I_{E1} \cdot R_{E1} + V_{EB2}$$
  $I_{E1} = (\beta_F + 1)I_{B1}$  sustituyendo esta

ecuación en la anterior y despejando I<sub>B1</sub> se obtiene:

$$I_{B1} = \frac{V_{BB1} - V_{BE1} - V_{EB2}}{R_{B1} + (\beta_{F2} + 1) \cdot R_{E1}}; \qquad I_{B1} = \frac{3 - 0.7 - 0.7}{1,2 + 101 \cdot 3} = \frac{1.6}{304.2} = 0.0053 mA$$
 
$$I_{C1} = \beta_F \cdot I_{C1} = 100 \cdot 0.0053 = 0.53 mA$$
 
$$I_{E1} = I_{E2} = (\beta_{F1} + 1) \cdot I_{B1} = 101 \cdot 0.0053 = 0.54 mA$$
 
$$I_{C2} = \frac{\beta_{F2}}{\beta_{F2} + 1} \cdot I_{E2} = \frac{100}{101} \cdot 0.54 = 0.53 mA$$
 
$$I_{B2} = \frac{I_{E2}}{\beta_{F2} + 1} = \frac{0.54}{101} = 0.0053 mA$$

Ya tenemos calculadas todas las intensidades, ahora calcularemos las tensiones en los diferentes puntos.

$$V_{C2} = -V_{CC2} + I_{C2} \cdot R_{C2} = -5 + 0.53 \cdot 1 = -4.47 Voltios$$
  $V_{E2} = V_{EB2} = 0.7 Voltios$ 

 $V_{CE2} = V_{C2} - V_{E2} = -4.47 - 0.7 = -5.15 Voltios$  En zona activa, por ser un PNP y dar negativo la tensión entre colector y emisor.

$$V_{E1} = I_{E1} \cdot R_{E1} + V_{E2} = 0.54 \cdot 3 + 0.7 = 2.32 Voltios$$

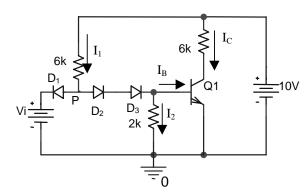
$$V_{C1} = V_{CC1} - I_{C1} \cdot R_{C1} = 5 - 0.53 \cdot 2 = 3.94 Voltios$$

 $V_{CE1} = V_{C1} - V_{E1} = 3.94 - 2.32 = 1.62 Voltios$  En zona activa, por ser un NPN y dar positiva la tensión entre colector y emisor.

$$V_{B1} = V_{BE1} + V_{E1} = 0.7 + 2.32 = 3.02 Voltios$$

- 6.2- En el circuito de la figura Calcular:
- a) La salida  $V_{CE}$  cuando la entrada es de 0.2 Voltios.
- b) Lo mismo apartado anterior cuando la entrada es de 10 Voltios.
- $\beta_F = 20 \ V_{Dcond.} = 0.7 \ Voltios \ V_{\gamma} = 0.5 voltios.$

 $(V_{BE\ activa}=0.7\ Voltios,\ V_{CEsatuación}=0.2\ Voltios,\ V_{BE\ saturación}=0.8\ Voltios,\ y\ Corriente$  inversa de saturación despreciable.).



- a) Si la entrada  $V_i = 0.2$  Voltios conducirá el diodo  $D_1$ , por existir una Tensión entre ánodo y cátodo, a través de la resistencia de 6 k, de (10-0.2)Voltios, lo que hace a la vez que la tensión en el punto P sea 0.2 + 0.7 = 0.9 Voltios insuficiente tensión para que  $D_2$ ,  $D_3$  y El transistor pueda conducir ya que necesitaría como mínimo 0.5 + 0.5 + 0.7 = 1.7 voltios, al no conducir el transistor, la salida  $V_{CE} = V_{CC} = 10$  voltios.
- b) Si la entrada es de 10 Voltios el diodo que no conduce es  $D_{1}$ , y los otros dispositivos sí. Vamos a suponer que  $Q_{1}$ , esté en saturación Entonces  $V_{CE}$ =0.2 Voltios:

$$V_{P} = V_{D2} + V_{D1} + V_{BEsat} = 0.7 + 0.7 + 0.8 = 2.2 \text{ Voltios}$$

$$I_{1} = \frac{V_{CC} - V_{P}}{6} = \frac{10 - 2.2}{6} = \frac{7.8}{6} mA$$

$$I_{2} = \frac{V_{BEsat}}{2} = \frac{0.8}{2} = 0.4 mA$$

$$I_{B} = I_{1} - I_{2} = \frac{7.8}{6} - 0.4 = \frac{7.8 - 2.4}{6} = \frac{5.4}{6} mA$$

$$I_{Csat} = \frac{V_{CC} - V_{CEsat}}{R_{C}} = \frac{10 - 0.2}{6} = \frac{9.8}{6} mA$$

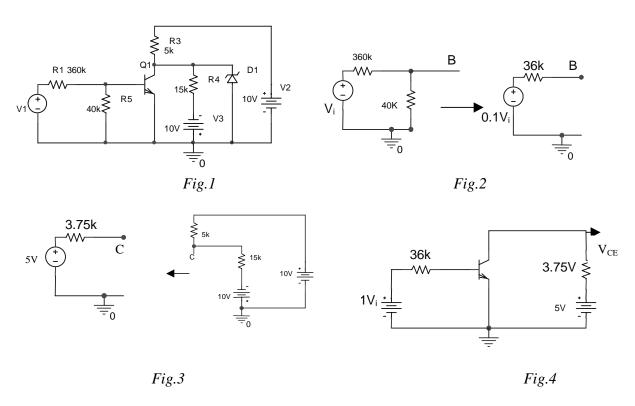
Condición para que esté en la zona de saturación:

$$I_{Csat} \le \beta \cdot I_B$$
 
$$\frac{9.8}{6} \le 20 \cdot \frac{5.4}{6}$$

lo cumple luego Q<sub>1</sub> está en saturación y V<sub>CE</sub>= 0.2 Voltios

- 7.2.- a)Esbozar la característica de transferencia  $V_{CE}$  en función de  $V_i$  del circuito de la figura,( suprimiendo el diodo zener), indicando las diferentes zonas del transistor. El transistor tiene una  $\beta=100$  y la corriente inversa de saturación despreciable.
- b) Igual que en el apartado a) con el diodo zener, suponiendo que este es ideal, cuya tensión zener es igual a 4 Voltios.

 $(V_{BE\ activa}=0.7\ Voltios,\ V_{CEsatuación}=0.2\ Voltios,\ V_{BE\ saturación}=0.8\ Voltios,)$ 



Lo primero que tenemos que hacer en este circuito es, tanto en la entrada como en la salida, reducirlo a su thevening correspondiente.

En la entrada tenemos la Fig.2 
$$V_{BB} = \frac{V_i \cdot 40}{360 + 40} = 0.1V_i$$
  $R_B = \frac{360 \cdot 40}{360 + 40} = 36K\Omega$ 

En la salida Fig.3 
$$V_{CC} = \frac{10.15 - 10.5}{15 + 5} = 5Voltios$$
  $R_C = \frac{15.5}{15 + 5} = 3.75k$ 

Luego el circuito queda reducido a la Fig.4, donde podemos escribir:

Zona de corte del transistor  $V_{BB} < 0.7 \text{ Voltios}$  0.1  $V_i < 0.7$   $V_i < 7 \text{ voltios}$ 

Y entonces  $V_{CE} = 5$  Voltios

Zona de Saturación 
$$I_B \cdot \beta \ge I_{Csat}$$
  $I_B = \frac{V_{BB} - V_{BEact}}{R_B} = \frac{0.1 \cdot V_i - 0.8}{36} mA$ 

$$I_{Csat} = \frac{V_{CC} - V_{CEsat}}{R_C} = \frac{5 - 0.2}{3.75} mA$$

$$\frac{0.1V_i - 0.8}{36} \cdot 100 \ge \frac{5 - 0.2}{3.75} \qquad 0.1V_i \ge \frac{4.8 \cdot 36}{100 \cdot 3.75} + 0.8 \qquad V_i \ge 12.6 Voltios$$

Luego la zona activa estará comprendida entre 7 y 12.6 Voltios y en esa zona se cumple:

$$I_B = \frac{V_{BB} - V_{BE}}{R_B} = \frac{0.1 \cdot V_i - 0.7}{36}$$
  $I_C = \beta \cdot I_B = \frac{0.1 \cdot V_i - 0.7}{36} \cdot 100$ 

$$V_{CE} = V_{CC} - I_C \cdot R_C = 5 - \frac{10 \cdot V_i - 70}{36} \cdot 3.75 = \frac{-37.5 V_i + 442.5}{36}$$

### Conclusión:

 $V_i < 7 \ Voltios \quad \ transistor \ en \ corte \ \ V_{CE} = V_{CC} = 5 \ Voltios$ 

$$7 < V_i < 12.6$$
 Voltios transistor en activa  $V_{CE} = \frac{-37.5V_i + 442.5}{36}$ 

 $V_i > 12.6$  Voltios Transistor en saturación  $V_{CE} = 0.2$  Voltios

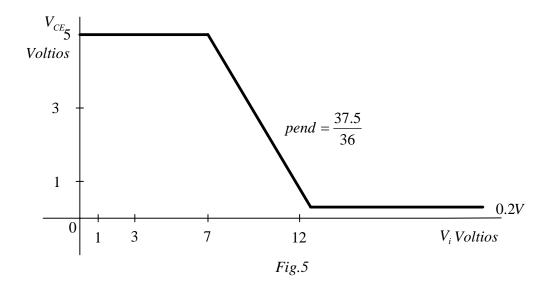
Su representación gráfica en la Fig. 5

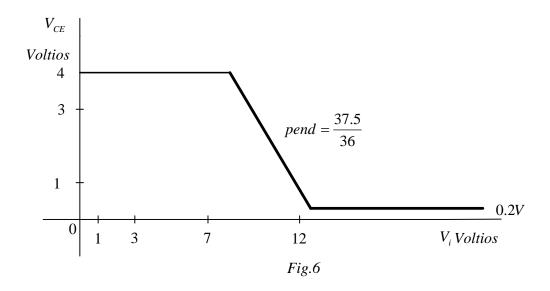
c) Si le colocamos el diodo zener ente el colector y emisor del transistor, como se ve en la figura 1, este empieza a actuar cuando la tensión entre sus terminales es superior a 4 Voltios que entonces su caída de tensión se mantiene a esos 4 Voltios.

 $Vamos\ a\ calcular\ el\ valor\ de\ V_i\ cuando\ cumple\ estas\ condiciones,\ ocurre\ en\ la\ zona$  activa:

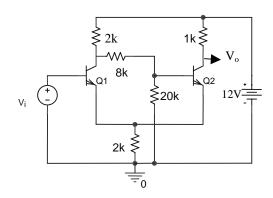
$$V_{CE} = \frac{-37.5V_i + 442.5}{36} = 4Voltios$$
  $V_i = \frac{442.5 - 4.36}{37.5} = 7.96Voltios$ 

## Su representación gráfica Fig.6





- 8.2.- Los transistores de la Fig son idénticos con  $\beta_F = 100$  y corriente inversa de saturación despreciable.
  - a) Hallar V<sub>o</sub> cuando la entrada varía entre 0 y 12 Voltios
  - b) Hallar V<sub>o</sub> cuando la entrada varía entre 12 y 0 Voltios
  - c) Representar gráficamente los resultados de los apartados anteriores.



a) Para que pueda conducir un transistor necesita 0.7 Voltios, entre la base y el emisor, caso del NPN y si le introducimos inicialmente 0 Voltios el transistor Q<sub>1</sub> no conduce y queda el circuito de la Fig. 2 que es un transistor con resistencia en emisor. Lo primero que tenemos que hacer es el thevening correspondiente, mirado desde base de Q<sub>2</sub> hacia la izquierda.

Su thevening nos viene expresado por:

$$V_{BB2} = \frac{12.20}{2 + 8 + 20} = 8Voltios$$

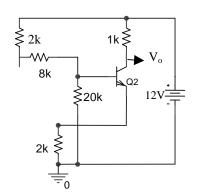
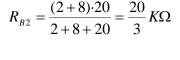


Fig.2



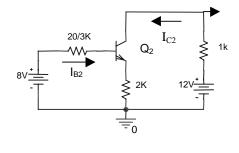


Fig.3

El circuito equivalente es el de la Fig.3 que podemos decir que el transistor está en la zona activa o saturación, por la forma de su polarización.

$$I_{B2} = \frac{V_{BB2} - V_{BE2}}{R_{B2} + (\beta_F + 1) \cdot R_{E2}} = \frac{8 - 07}{\frac{20}{3} + (100 + 1) \cdot 2} = \frac{7.3 \cdot 3}{626} = 0.035 \text{mA}$$

$$I_{C2} = \beta_F \cdot I_{B2} = 100 \cdot 0.035 = 3.50 mA$$
  $I_{E2} = (\beta_F + 1) \cdot I_{B2} = 101 \cdot 0.035 = 3.53 mA$ 

$$V_o = V_{C2} = V_{CC2} - I_{C2} \cdot R_{C2} = 12 - 3.50 \cdot 1 = 8.5 Voltios \quad V_{E2} = I_{E2} \cdot R_{E2} = 3.53 \cdot 2 = 7.06 Voltios$$

$$V_{CE2} = V_{C2} - V_{E2} = 8.5 - 7.06 = 1.44 Voltios$$

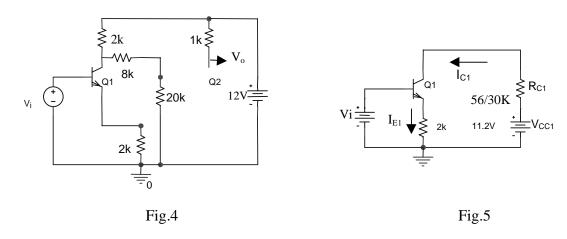
Por ser positiva  $V_{CE}$  y mayor que 0.2 Voltios el dispositivo esta en la zona activa, y ser un NPN. La salida vale  $V_o=8.5$  Voltios

Para que Q<sub>1</sub> empiece a conducir necesita una tensión:

$$V_1 \ge (V_{BE1} + V_{E2}) = 0.7 + 7.06 = 7.76 Voltios$$

y entonces  $Q_2$  estará en corte (se demostrará en el apartado posterior) y la salida  $V_o$ = 12 Voltios.

b) Si la entrada  $V_1$  es de 12 Voltios  $Q_2$  estará en corte (lo demostraremos posteriormente) y veremos como estará  $Q_1$ , y nos quedaría el circuito de la fig.4. Siendo  $V_0$ =12 Voltios



Si miramos el circuito thevening de la Fig 4 desde el colector a masa obtenemos el circuito de la Fig. 5.

$$V_{CC1} = \frac{12.28}{28+2} = 11.2 Voltios$$
  $R_{C1} = \frac{28.2}{28+2} = \frac{56}{30} = 1.87 K\Omega$ 

En el circuito de la Fig. 5 si la entrada vale 12 Voltios el dispositivo seguramente estará en saturación y entonces  $V_{CE}$ = 0.2 Voltios con lo que nos quiere decir que  $V_E$  y  $V_C$  tienen aproximadamente la misma tensión, luego el transistor  $Q_2$  estará en corte ya que.  $V_{B2} = \frac{V_{C1} \cdot 20}{28} < V_E$  (Por la rama de las resistencias de 20 y 8 K. circulan la misma intensidad de ahí el reparto, directamente proporcional, de las tensiones en ambas resistencias).

$$I_{B1} = \frac{V_i - V_{BEact}}{R_F \cdot (\beta_F + 1)} = \frac{12 - 0.7}{2 \cdot (100 + 1)} = 0.056 mA$$

$$I_{Csat} \approx \frac{V_{CC1} - V_{CEsat}}{R_E + R_{C1}} = \frac{11.2 - 0.2}{\frac{56}{30} + 2} = \frac{11 \cdot 30}{56 + 60} = 2.84 mA$$

Sí  $I_B \cdot \beta \ge I_{Csat}$   $0.056 \cdot 100 \ge 2.84$  el transistor está en saturación. En este caso lo cumple.

Sí la entrada la vamos disminuyendo el transistor pasará a la zona activa y si seguimos disminuyendo aun más llegará un instante en que se corte, ya que  $V_{BE2}$  hace igual a 0.7 Voltios por lo que  $Q_2$  empieza a conducir y el  $Q_1$  pasa a corte.

Vamos a calcular ese punto.

$$\begin{aligned} V_{E1} &= V_i - V_{BE1} = V_i - 0.7 Voltios \\ V_{C1} &= V_{CC1} - I_{C1} \cdot R_{C1} = V_{CC1} - \beta \cdot I_{B1} \cdot R_{C1} = 11.2 - 100 \cdot \frac{V_i - 0.7}{2(100 + 1)} \cdot \frac{56}{30} Voltios \end{aligned}$$

$$V_{B2} = \frac{V_{C1} \cdot 20}{20 + 8} = \frac{20}{28} \cdot \{11.2 - \frac{100(V_i - 0.7)}{202} \cdot \frac{56}{30}\}$$
 Luego la condición para que

Q<sub>2</sub> empiece a conducir es:

$$V_{B2} - V_{E} \geq 0.7 Voltios \qquad \frac{20}{28} \cdot \{11.2 - \frac{100(V_{i} - 0.7)}{202} \cdot \frac{56}{30}\} - (V_{i} - 0.7) \geq 0.7 voltios$$

$$-\frac{100(V_i - 0.7)}{202} \ge \{(V_i \cdot \frac{28}{20} - 11.2)\frac{30}{56}\} \qquad -(V_i - 0.7) \ge \{(V_i \cdot \frac{28}{20} - 11.2)\frac{30}{56}\} \cdot \frac{202}{100}$$

$$V_i \le \frac{6.76}{1.76} = 3.85 Voltios$$

Luego a partir de una cantidad inferior a ese valor el transistor Q<sub>1</sub> se corta y Q<sub>2</sub> conduce.

Conclusión: a) Cuando  $V_i$  empieza en 0 Voltios  $Q_1$  en corte y  $Q_2$  en la zona activa cuya salida es igual a 8,5 Voltios.

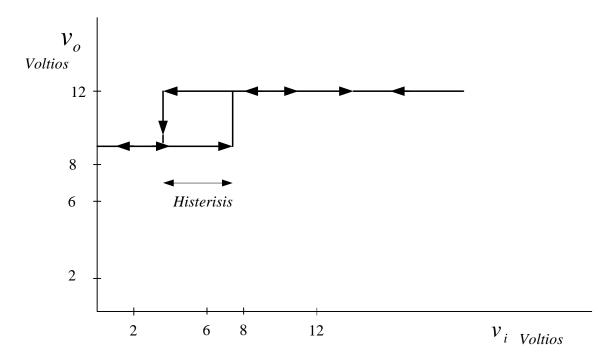
Cuando  $V_i \ge 7,76$ voltios  $Q_2$  se corta y  $Q_1$  primero pasa a la zona activa y después a la zona de saturación, y su salida es 12 Voltios.

b) Cuando  $V_i$  empieza en 12 Voltios  $Q_1$  en saturación y  $Q_2$  en corte, cuya salida es igual a 12 Voltios.

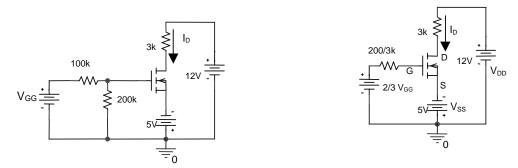
Cuando  $V_i \le 3.85 Voltios$   $Q_2$  se pone en zona activa y  $Q_1$  se corta, y su salida es 8,5 Voltios.

Con estas conclusiones llegamos que los dos transistores no pueden conducir a la vez, como habíamos supuestos en los dos apartados anteriores.

Su representación gráfica la ponemos en la figura de la página siguiente.



9.2.- En el circuito de la figura de la izquierda, explicar(sin llegar a resultados numéricos) como se obtendría las diferentes zonas de funcionamiento del MOS, teniendo de parámetros los siguiente valores:  $k=1.25 \text{ mA/V}^2 \text{ y } V_t = 1,5 \text{ Voltios}$ .



Lo primero que tengo que decir que el MOS es de canal n, aunque hayamos puesto una figura del dispositivo diferente a las empleadas, por regla general en clase.

En segundo lugar calculamos el thévenin mirado desde Puerta hacia la izquierda obteniendo el circuito de la derecha.

$$V_{G} = \frac{V_{GG} \cdot 200}{200 + 100} = \frac{2 \cdot V_{GG}}{3} Voltios \qquad R_{G} = \frac{200 \cdot 100}{200 + 100} = \frac{200}{3} K\Omega$$

aunque el valor de  $R_G$  no lo necesitamos ya que la intensidad que circula por la puerta es nulo.

Las ecuaciones del circuito necesarias son:

$$V_{GS} = \frac{2}{3} \cdot V_{GG} + 5 \qquad V_{DS} = -I_D \cdot R_D + V_{DD} + V_{SS} = -I_D \cdot 3 + 12 + 5 = -I_D \cdot 3 + 17$$

$$V_{GD} = \frac{2}{3} \cdot V_{GG} - 12 + I_D \cdot 3 \qquad V_D = -I_D \cdot 3 + 12$$

Estudiemos ahora las diferentes zonas del MOS.

a) Zona de corte

$$V_{GS} \leq V_{t}$$
 
$$\frac{2}{3} \cdot V_{GG} + 5 \leq 1.5 Voltios$$

$$V_{GG} \le \frac{4.5 - 15}{2} = -5.25 Voltios$$
 I<sub>D</sub>= 0 mA  $V_D = 12 \text{ Voltios}$ 

b) Zona Ohmica 
$$V_{GS} \geq V_t \qquad V_{GD} \geq V_t$$
 
$$I_D = k \cdot \{2 \cdot (V_{GS} - V_t) \cdot V_{DS} - V_{DS}^2\}$$

$$I_D = 1.25 \cdot \left\{ 2 \cdot \left( \frac{2}{3} \cdot V_{GG} + 5 - 1.5 \right) \cdot \left( -I_D \cdot 3 + 17 \right) - \left( -I_D \cdot 3 + 17 \right)^2 \right\}$$

De la segunda condición.  $V_{GD} \ge 1,5$   $\frac{2}{3} \cdot V_{GG} - 12 + 3 \cdot I_D \ge 1.5 Voltios$  en esta útima ecuación se sustituiría el valor de  $I_D$  de la ecuación anterior y se calcularía El valor de  $V_{GG}$  sería menor que un cierto valor, luego el valor de  $V_{GG}$  estaría comprendido entre este valor y -5,25 Voltios.

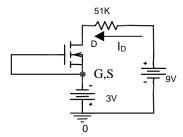
### c) Zona Activa o de saturación

$$\begin{split} V_{GS} \ge V_t & V_{GD} \le V_t & I_D = k \cdot (V_{GS} - V_t)^2 \\ \frac{2}{3} \cdot V_{GG} + 5 \ge 1.5 Voltios \,, & V_{GG} \ge -5.25 & (\frac{2}{3} \cdot V_{GG} - 12 + I_D \cdot 3) \le 1.5 Voltios \end{split}$$

 $I_D = k \cdot (V_{GS} - V_t)^2 = 1.25 \cdot (\frac{2}{3} \cdot V_{GG} + 5 - 1.5)^2$ , sustituyendo en esta última ecuación, la ecuación anterior, obtenemos un valor de  $V_{GG} \ge valor$ , luego a partir de dicho valor es dispositivo estará en la zona activa.

Nota: la resolución de estas ecuaciones no son complicadas pero sí largas de resolver, ya que para el calculo de  $I_D$ , nos sale una ecuación de segundo grado con dos soluciones, siendo solo una la correcta, y despues sustituirla en la ecuación de  $V_{GD}$  que es función de  $I_D$ .

10.2.- En el circuito de la figura calcular el punto de trabajo, sabiendo que trabaja en la zona activa y sus parametros son:  $k = 0.025 \text{ mA/V}^2 \text{ y } V_t = -2 \text{ Voltios}.$ 



En primer lugar por ser  $V_t$  menor que cero es un MOS de deplexión. La puerta y el sumidero están unida, luego  $V_{GS}$ =0 Voltios y este es mayor que  $V_t$ , luego está en la zona activa o ohmica.

Si suponemos según el enunciado que se encuentra en la zona activa.

$$I_D = k \cdot (V_{GS} - V_t)^2 = 0.025(0 - (-2))^2 = 0.1 mA$$

$$V_D = V_{DD} - I_D \cdot R_D = 9 - 0.1 \cdot 51 = 3.9 Voltios$$

$$V_G = V_S = -3 \text{ Voltios}$$

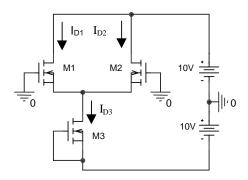
$$V_{GD} = V_G - V_D = -3 - 3.9 = -6.9 < V_t \text{ luego está en la zona activa}$$

$$V_{DS} = V_D - V_S = 3.9 - (-3) = 6.9 \text{ Voltios}$$

Su punto de trabajo es:  $I_D = 0.1 \text{ mA}$ , y  $V_{DS} = 6.9 \text{ Voltios}$ 

11.2- En el circuito de la figura los MOS de la parte superior  $(M_1 \ y \ M_2)$  son de enriquecimiento y sus parámetros iguales son:  $k = 0.25 \cdot 10^4 \ A/V^2 \ y \ V_t = 3 \ Voltios$ , el otro MOS  $(M_3)$  es de deplexión cuyos parámetros son:  $k = 0.05 \ mA/V^2 \ y \ V_t = -2 \ Voltios$ . Calcular los puntos de funcionamiento, suponiendo que están en la zona activa y comprobar la suposición.

Calcular también la potencia que disipa cada MOS.



Observando la figura, M<sub>1 y</sub> M<sub>2</sub> están funcionando en el mismo punto Q, por ser el circuito simétrico y tener iguales características.

Se cumple las siguientes ecuaciones en el circuito:

$$I_{D1} = I_{D2} = I_{D} \qquad \qquad I_{D1} + I_{D2} = I_{D3} = 2 \cdot I_{D} \qquad \qquad V_{DS1} = V_{DS2}$$
 
$$V_{DS1} + V_{DS3} = 10 + 10 = 20 Voltios \; .$$

Suponemos que los tres dispositivos están en la zona activa donde conocemos  $V_{GS3}$  =0 Voltios, pudiendo calcular el valor de  $I_{D3}$ .

$$I_{D3} = k \cdot (V_{GS} - V_t)^2 = 0.05 \cdot \{0 - (-2)\}^2 = 0.2mA$$
 
$$I_D = \frac{I_{D3}}{2} = \frac{0.2}{2} = 0.1mA$$

Sabiendo el valor de I<sub>D</sub> podemos calcular el valor de V<sub>GS1</sub> = V<sub>GS2</sub> de la ecuación

$$I_D = k \cdot (V_{GS1} - V_{t1})^2 = 0.025 \cdot (V_{GS1} - 3)^2 = 0.1 \text{mA}$$
 
$$V_{GS1} - 3 = \sqrt{\frac{0.1 \cdot 2}{0.05}} = 2 \qquad V_{GS1} = 2 + 3 = 5 \text{Voltios}$$

$$V_{GS1} = V_{G1} - V_{S1}$$
  $V_{S1} = -V_{GS1} + V_{G1} = -5 + 0 = -5Voltios$ , ya conocemos las

tensiones en todos los puntos, luego conocemos todas las diferencias de tensiones.

Voy a probar que están en la zona activa todos los MOS.

En 
$$M_1$$
 y en  $M_2$ .  $V_{GS1}=V_{G1}-V_{S1}=0$  -(-5) = 5 >  $V_{t1}$  = 3 Voltios

 $V_{GD1} = V_{G1} \mbox{ -} V_{D1} \mbox{ = 0 - 10 = -10} < V_{t1} \mbox{ = 3Voltios} \mbox{ luego cumple las condiciones de la zona activa.}$ 

En el 
$$M_3$$
  $V_{GS3} = 0 > V_{t3} = -2$  Voltios y

$$V_{GD3} = V_{G3} - V_{D3} = -10 - (-5) = -5 < V_{t3} = -2V$$
 Luego está en zona Activa.

$$V_{DS1} = V_{D1} - V_{S1} = 10 - (-5) = 15 \text{ Voltios}$$
  $V_{DS3} = V_{D3} - V_{S3} = -5 - (-10) = 5 \text{ Voltios}$ 

El punto de funcionamiento de  $M_1$  y  $M_2$  es ( $V_{DS}$ =15 Voltios,  $I_D$ =0.1mA)

El punto de funcionamiento de  $M_3$  es  $(V_{DS} = 5 \text{ Voltios}, I_D = 0.2\text{mA})$ 

 $M_1$  y  $M_2$  disipan la misma potencia ya que circulan por ello la misma intensidad y tienen la misma tensión entre drenador y sumidero y esta es:

$$P_1 = P_2 = I_D \cdot V_{DS1} = 0.1 \cdot 15 = 1.5 \text{ mW}.$$

En M<sub>3</sub> Tenemos  $P_3 = I_{D3} \cdot V_{DS3} = 0.2 \cdot 5 = 1 \text{ mW}.$ 

12.2- En El circuito de la figura calcular el punto de funcionamiento de los MOS, siendo sus parámetros  $k_2=2$  mA/ $V^2$ ,  $V_{t2}=2$  Voltios,  $k_1=4.5$  mA/ $V^2$  y  $V_{t1}=1$  Voltios, para los diferentes valores de la entrada  $V_{GG}$ .

En el Circuito de la figura cumple:

$$V_{DS1} + V_{DS2} = 9 \text{ Voltios}$$
  $I_{D1} = I_{D2} = I_{D}$ 

 $V_{GD2} = 0 < V_{t2} = 2$  Voltios luego solo puede estar en activa o corte.

Cuando  $V_{GS1} = V_{GG} < V_{t1} = 1$  Voltios el dispositivo estará en corte lo mismo que  $M_{2.}$   $I_{D} = 0 m A$ 

Cuando se inicia la zona óhmica es lo que vamos a calcular:

 $V_{\text{GG}} > V_{\text{t1}} = 1$  Voltios el dispositivo entra en la zona activa u óhmica , en la zona activa se cumple:

 $I_D=k(V_{GS}-V_t)^2$ ,  $I_{D1}=I_{D2}$ ,  $2(V_{GS2}-2)^2=4.5(V_{GG}-1)^2$  extrayendo la raíz cuadrada a ambos miembros nos queda (se ha multiplicado por dos ambos miembros de la ecuación y después se ha calculado la raíz cuadrada):  $2(V_{GS2}-2)=3(V_{GG}-1)$ 

y  $V_{GS2} = (9 - V_{D1})$  de esta dos ecuaciones obtenemos:

 $V_{D1} = \frac{17 - 3 \cdot V_{GG}}{2}$  ahora podemos saber para que valores de  $V_{GG}$  está en la zona activa.

En activa 
$$V_{GD1} < V_t$$
  $V_{GD1} = V_{G1} - V_{D1}$   $V_{GG} - \frac{17 - 3 \cdot V_{GG}}{2} < 1$  luego  $V_{GG} < 3.8$  Voltios

Cuando 1<V<sub>GG</sub><3.8 Voltios los dispositivos está en la zona activa.

Y sus puntos de funcionamientos son:  $V_{DS1} = \frac{17 - 3 \cdot V_{GG}}{2}$ ,  $I_D = 4.5(V_{GG} - 1)^2$ 

$$V_{DS2} = 9 - \frac{17 - 3 \cdot V_{GG}}{2}$$
 ,  $I_D = 4.5(V_{GG} - 1)^2$ 

Cuando  $V_{GG} > 3.8$  Voltios M1 en saturación y M2 en la zona Ohmica. Cumpliéndose:

$$I_D = k\{(V_{GS} - V_t) \cdot V_{DS} - V_{DS}^2\} = 4.5\{2(V_{GG} - 1) \cdot V_{DS1} - V_{DS1}^2\} = 2(V_{DS2} - 2)^2 = \frac{4}{2}(9 - V_{DS1} - 2)^2$$

de esta ecuación obtendríamos  $13 \cdot V_{DS1}^2 - V_{DS1}(38 + 18 \cdot V_{GG}) + 196 = 0$ 

Donde se calcula  $V_{DS1}$ , y con ello todos los demás valores. Hagamos un ejemplo concreto por ejemplo  $V_{GG}=5$  Voltios.

$$13V_{DS1}^2 - V_{DS1}(38 + 18 \cdot V_{GG}) + 196 = 0$$

$$13V_{DS1}^2 - 128 \cdot V_{DS1} + 196 = 0$$

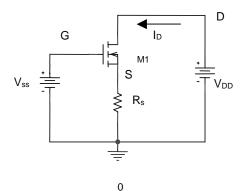
 $V_{DS1} = \frac{128 \pm \sqrt{128^2 - 4.13.196}}{2.13} = 7,95$  Voltios y 1,90 Voltios ambos valores no son correctos sólo uno de ellos.

 $\label{eq:como} \begin{aligned} &\text{Como } V_{GD1} > V_{t1} & \quad (V_{G1} \text{ -} V_{D1}) > V_{t1} & \quad (5 \text{ -} V_{D1}) > 1 & \quad V_{D1} < 4 \text{ luego el valor que} \\ &\text{cumple solo es el de } V_{DS1} = 1,90 \text{ Voltios}. & Y V_{DS2} = 9 \text{ -} V_{DS1} = 9 \text{ -} 1.9 = 7.1 \text{ Voltios} \end{aligned}$ 

 $I_D = k(V_{GS} - V_t)^2 = k \cdot (V_{DS2} - V_{t2})^2 = 2(7.1 - 2)^2 = 52.02 mA$  luego el punto de funcionamiento son:

 $M_1$  ( $V_{DS1}$ ,  $I_{D1}$ ) (1,90 Voltios, 52.02mA) y  $M_2$  ( $V_{DS2}$ ,  $I_{D2}$ ) (7.1 Voltios, 52.02mA)

- 13.2.- El transistor unipolar de la figura posee las siguientes características  $V_t$ = 3Voltios y k=2mA/V<sup>2</sup>. Se desea que en corriente continua el sumidero tome un valor de  $V_{DD}$ /2 con una corriente de drenador de 2 mA. a) Encuentre los valores de tensión de puerta a masa y la resistencia  $R_s$  de sumidero sí  $V_{DD}$ = 12V.
- a) Suponiendo que  $R_s = 5$  K $\Omega$  determine que margen de valores tiene que tener la tensión de puerta a masa para que el dispositivo se encuentre en la zona ohmica.



Las ecuaciones que podemos expresar en el circuito son las siguientes:

$$V_{DD} = V_{DS} + V_S \quad ; \qquad V_{GS} = V_{SS} - V_S = V_{SS} - I_D \cdot R_S \quad ; \qquad I_D = k \cdot (V_{GS} - V_t)^2$$

Esta última para zona activa:

Según los datos del problema podemos escribir:

$$V_{s} = \frac{V_{DD}}{2} = \frac{12}{2} = 6Voltios$$
  $R_{S} = \frac{V_{S}}{I_{D}} = \frac{6}{2} = 3K\Omega$ 

$$I_D = k \cdot (V_{SS} - V_S - V_t)^2 = 2mA = 2mA/V^2 \cdot (V_{SS} - 6V - 3V)^2$$

despejando  $V_{SS}$  obtenemos:  $\sqrt{\frac{2}{2}} = V_{SS} - 9$  luego  $V_{SS} = 10$  Voltios.

b) Para que se encuentre en la zona ohmica tiene que cumplirse que:

 $V_{GS} > V_t$   $V_{GD} > V_t$  y en nuestro caso  $V_{GS}$  es siempre mayor que  $V_{GD}$ 

Ya que:  $V_{GD} = V_{SS} - V_{DD}$  y  $V_{GS} = V_{SS} - V_{S}$  y siempre cumple que  $V_{DD} > V_{S}$ 

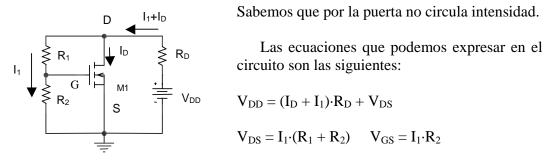
Luego nuestro problema queda resuelto con tal que cumpla que  $V_{GD} > V_t$ 

$$V_{GD} = (V_{SS} - V_{DD}) > V_t \qquad V_{SS} > (V_t + V_{DD} \ ) = 3 + 12 = 15 \ Voltios.$$

Luego cuando  $V_{SS} \!\!> \! 15~V$  El dispositivo estará en saturación.

14.2.- En el circuito de la figura las resistencias  $R_1$ ,  $R_2$  y  $R_D$ , tienen un valor de  $1K\Omega$  y su alimentación  $V_{DD} = 10V$ . a) Calcular el punto de trabajo del NMOs si k=5 mA/ $V^2$  y  $V_t =$ 4,5 Voltios.

b)Se desea calcular el valor de  $V_t$  y k realizando las siguientes medidas: 1) variando la tensión  $V_{DD}$  desde cero Voltios empieza a conducir con un valor de 6 Voltios. 2) Y con un valor de 10 Voltios se obtiene una tensión de drenador a sumidero de 5 Voltios.



Sabemos que por la puerta no circula intensidad.

$$V_{DD} = (I_D + I_1) \cdot R_D + V_{DS}$$

$$V_{DS} = I_1 {\boldsymbol \cdot} (R_1 + R_2) \qquad V_{GS} = I_1 {\boldsymbol \cdot} R_2$$

a) Para que el transistor esté en la zona ohmica o activa necesita que se cumpla:

 $V_{GS} > V_t$  siendo las tres resistencias iguales se cumple que  $V_{GS} = V_{DS}/2$ ,

Siendo  $V_t = 4,5$  Voltios, se necesita una tensión como mínimo de  $V_{DS}$  de

Voltios lo cual es imposible ya que por la resistencia de R<sub>D</sub> debe circular una intensidad de I<sub>1</sub> + I<sub>D</sub>.(y el valor de I<sub>1min</sub>=9V/2K=4.5 mA. que la tensión a través de la resistencia R<sub>D</sub> es de 4,5 V lo cual es imposible, ya que la máxima es de

Si repartimos la tensión de 10 Voltios entre las tres resistencia iguales resulta que a cada una le corresponde una tensión de 3,33 Voltios, es decir:

 $V_{GS} = 3,33$  Voltios El dispositivo en corte  $V_{DS} = 6,66$  Voltios y la intensidad  $I_D = 0$  mA.

b) El dispositivo empieza a conducir cuando  $V_t = V_{GS}$  lógicamente en la zona ohmica.

$$V_{GS} = \frac{V_{DD}}{3} = \frac{6}{3} = 2Voltios = V_t$$

Cuando V<sub>DD</sub> = 10 Voltios vamos a suponer que se encuentra en la zona de saturación y apliquemos las formulas y después comprobemos lo anterior mente supuesto.

$$V_{GS} = \frac{V_{DS}}{2} = \frac{5}{2} = 2,5 Voltios > V_t$$
 luego en saturación o ohmica

$$I_D + I_1 = \frac{V_{DD} - V_{DS}}{R_D} = \frac{10 - 5}{1} = 5mA$$
  $I_1 = \frac{V_{DS}}{R_1 + R_2} = \frac{5}{1 + 1} = 2,5mA$ 

luego 
$$I_D = 5 - I_1 = 5 - 2.5 = 2.5 mA$$

Ahora  $V_{GD} = -I_1 \cdot R_1 = -2,5 \cdot 1 = -2,5 Voltios < V_t = 2,5 Voltios$  luego el dispositivo se encuentra en la zona de saturación o activa.

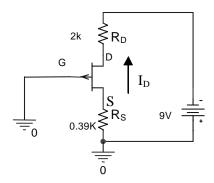
Vamos a calcular el valor de k del dispositivo:

$$I_D = k \cdot (V_{GS} - V_t)^2$$
 en zona de saturación

$$k = \frac{I_D}{(V_{GS} - V_t)^2} = \frac{2.5}{(2.5 - 2)^2} = \frac{2.5}{0.25} = 10mA/V^2$$

Las característica del dispositivo son:  $V_t$  = 2Voltios y k = 10 mA/ $V^2$ .

15.2- El Transistor FET de la figura tiene un valor de  $\beta = 2.5 \text{mA/V}^2 \text{y V}_p = 2$ Voltios Calcular el punto de funcionamiento.



El FET es de canal P, luego la polarización realizada es la correcta.

Si está en la zona activa tiene que cumplir:

$$V_{GS} < V_p$$
  $V_{GD} > V_p$   $I_D = \beta \cdot (V_{GS} - V_p)^2$ 

En el circuito tenemos:  $V_{GS} = I_D \cdot R_S = I_D \cdot 0.39$ 

$$I_D = \beta \cdot (V_{GS} - V_D)^2 = 2.5 \cdot (V_{GS} - 2)^2$$

Tenemos dos ecuaciones con dos incognitas:

$$\frac{V_{GS}}{0.39} = 2.5 \cdot (V_{GS} - 2)^2$$

$$0.975 \cdot V_{GS}^2 - 4.9 \cdot V_{GS} + 3.9 = 0$$

$$V_{GS} = \frac{4.9 \pm \sqrt{24.01 - 15.21}}{1.95} = 4.04 Voltios - - - y - 0.99 Voltios$$

ambas soluciones no son correctas sólo una de ellas. Y en este caso es 0.99 por ser inferior a  $V_p=2$  Voltios.

$$I_D = \frac{V_{GS}}{0.39} = \frac{0.99}{0.39} = 2.54 mA$$

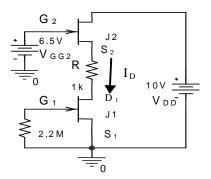
$$V_S = -I_D \cdot R_S = -2.54 \cdot 0.39 = V_{SG} = -V_{GS} = -0.99 \text{ Voltios}$$
  $V_{GS} = 0.99 \text{ Voltios}$ 

$$V_D = -V_{DD} + I_D \cdot R_D = -9 + 2.54 \cdot 2 = -3.92 \text{ Voltios}$$

 $V_{GD} = V_G - V_D = 0$  - (-3.92) = 3.92 Voltios que es mayor que  $V_P = 2$  Voltios luego está en la zona activa.

Su punto de funcionamiento es:  $V_{DS} = V_D$  - $V_S = -3.92$  - (-0.99) = -2.93 Voltios y su intensidad  $I_D = 2.54$  mA.

16.2.- En el circuito de la figura los FET tiene unos parámetros iguales de  $V_P = -3$  Voltios,  $\beta = 0.222 \text{ mA/V}^2$ . Indicar en que estado se encuentran los FET, calculando sus puntos de funcionamiento.



En el circuito de los dos FET de canal N, podemos poner las siguientes ecuaciones:

$$I_{D1} = I_{D2} = I_{D} \qquad \qquad V_{DD} = V_{DS2} + I_{D} \cdot R + V_{DS1} \longrightarrow \quad 10 = V_{DS2} + I_{D} \cdot 1 + V_{DS1}$$

En  $J_1$  se cumple  $V_{GS1} = 0 > V_P = -3$ , luego se encuentra en la zona activa u ohmica. Supongamos que se encuentra en la zona Activa. (Ecuación de la zona activa).

$$I_D = \beta \cdot (V_{GS1} - (-V_P))^2 = 0.222(0+3)^2 = 2 \text{ mA}.$$

Cumpliendo la misma ecuación en  $J_2$ , si lo suponemos también que está en la zona activa, por tener iguales parámetros, entonces llegamos que  $V_{GS1} = V_{GS2}$ .

$$V_{GS2} = V_{GG2} - V_{S2}$$
;  $V_{S2} = V_{G2} - V_{GS2} = 6.5 - 0 = 6.5$  Voltios.

La caída de tensión a través de la resistencia es:  $V_R = I_D \cdot R = 2 \cdot 1 = 2$  Voltios.

Con todos estos datos tenemos, las diferentes tensiones en los diferentes puntos del circuito.

$$V_{D2} = 10 \text{ Voltios}$$
  $V_{S2} = 6.5 \text{ Voltios}$   $V_{D1} = V_{S2} - V_R = 6.5 - 2 = 4.5 \text{ Voltios}.$ 

Comprobemos que están en la zona activa ambos, tiene que cumplirse que:

 $V_{GS} > V_P$  esta condición se cumple y que  $V_{GD} < V_P$ .

$$V_{GD2} = V_{G2} - V_{D2} = 6.5 - 10 = -3.5$$
 Voltios luego cumple

 $V_{GD1} = V_{G1}$  -  $V_{D1} = 0$  - 4.5 = -4.5 Voltios luego cumple, se encuentran ambos en zona activa.

Sus puntos de funcionamiento son:  $J_1$  (3,5Voltios, 2 mA) y  $J_2$  (4.5 Voltios, 2 mA).