Se quiere repartir 8 cervezas entre Antonio, Dayana y Agustín.

¿de qué tantas formas distintas puedo hacerlo?

Agustín	Dayana	Antonio
3	1	4
0	3	5
4	2	2
0	0	8

\*\*\*|\*|\*\*\*\*

Esto equivale a 10 elementos (2 barras y 8 asteriscos)

\*\*\*\*I\*\*I\*\* Lo que implica permutaciones de 10 elementos

II \*\*\*\*\*\*

Con 2 y 8 elementos repetidos

Permutaciones de 10 elementos:

$$P_{10}^{2,8} = \frac{10!}{2! \, 8!} = 45$$

De lo que se identifica el patrón de:

$$C'_{3,8} = C'_{8}^{3} = {3+8-1 \choose 8} = {10! \choose 8} = \frac{10!}{8! (10-8)!} = 45$$

Por lo tanto, la fórmula general es

$$C'_{n,m} = C'^n_m = {n+m-1 \choose m} = \frac{n+m-1!}{m! (n-1)!} = 45$$