## 1. Axes

#### Zadanie

Dane są współrzędne kolejnych wierzchołków wielokąta. Zadanie polega na wyznaczeniu liczby osi symetrii tego wielokąta.

Napisz program, który:

- wczyta ze standardowego wejścia opisy wielokątów,
- dla każdego wielokąta wyznaczy liczbę osi symetrii,
- wypisze wynik na standardowe wyjście.

### Wejście

Pierwszy wiersz wejścia zawiera jedną liczbę naturalną  $1 \leqslant t \leqslant 10$  – jest to liczba wielokątów, dla których należy wyznaczyć liczbę osi symetrii. Kolejno na wejściu znajduje się t opisów wielokątów. Pierwszy wiersz opisu zawiera jedną liczbę naturalną  $3 \leqslant n \leqslant 100000$  oznaczającą liczbę wierzchołków wielokąta. Każdy z następnych n wierszy zawiera dwie liczby całkowite x i y ( $-1000000000 \leqslant x, y \leqslant 100000000$ ) reprezentujące współrzędne kolejnych wierzchołków wielokąta. Wielokąty nie muszą być wypukłe, ale nie mają samoprzecięć – jedynym punktem wspólnym dwóch różnych boków jest ich wspólny koniec i każdy wierzchołek należy do dokładnie dwóch boków. Żadne dwa kolejne boki wielokąta nie są równoległe.

## Wyjście

Program powinien wypisać dokładnie t wierszy; k-ty wiersz powinien zawierać dokładnie jedną liczbę całkowitą – liczbę osi symetrii k-tego wielokąta.

# Przykład

Dla danych wejściowych:

2

12

1 -1

2 -1

2 1

1 1

1 2

-1 2

-1 1

-2 1

-2 -1

-1 -1

-1 -2

1 -2

6

-1 1

-2 0

-1 -1

1 -1

2 0

1 1

poprawną odpowiedzią jest:

4

2

## 2. Colorful balls

#### Zadanie

Mamy n pudełek ponumerowanych  $0, 1, \ldots, n-1$ . i-te pudełko zawiera red[i] czerwonych kulek, green[i] zielonych kulek i blue[i] niebieskich kulek.

Naszym zadaniem jest rozseparowanie kulek według kolorów tak, żeby w żadnym pudełku nie było kulek w więcej niż jednym kolorze. W każdym kroku można wybrać dowolną kulkę i przenieść ją do innego pudełka.

Napisz program, który wyznaczy minimalną liczbę kroków jaka jest konieczna do rozdzielenia kulek. Jeżeli jest to niemożliwe, program wypisuje -1.

#### Wejście

W pierwszym wierszu standardowego wejścia znajduje się jedna liczba całkowita  $1 \le n \le 50$  – liczba pudełek. Kolejne trzy linie zawierają po n liczb całkowitych każda – liczby odpowiednio czerwonych, zielonych i niebieskich kulek w kolejnych pudełkach.

## Wyjście

Pierwszy i jedyny wiersz wyjścia powinien zawierać dokładnie jedną liczbę całkowitą: minimalna liczbę kroków jaka jest konieczna do rozdzielenia kulek lub -1 jeżeli jest to niemożliwe.

## Przykład

Dla danych wejściowych:

3

1 1 1

1 1 1

1 1 1

poprawną odpowiedzią jest:

6

Jedną z możliwości rozdzielenia kulek jest następująca sekwencja:

- Przełóż czerwoną kulkę z pudełka 1 do pudełka 0,
- Przełóż czerwoną kulkę z pudełka 2 do pudełka 0,
- Przełóż zieloną kulkę z pudełka 0 do pudełka 1,
- Przełóż zieloną kulkę z pudełka 2 do pudełka 1,
- Przełóż niebieską kulkę z pudełka 0 do pudełka 2,
- Przełóż niebieską kulkę z pudełka 1 do pudełka 2,

# 3. One register

#### Zadanie

Mamy do dyspozycji jednorejestrową maszynę cyfrową, której jedyny rejestr może przechować dowolną liczbę całkowitą nieujemną. Język programowania maszyny ma cztery instrukcje: '+', '-', '\*' i '/'. Każda z tych instrukcji wykonuje odpowiednią operację używając zawartości rejestru jako obu swoich operandów. Po wykonaniu operacji wynik wpisywany jest z powrotem do rejestru (nadpisując jego poprzednia zawartość).

Program dla naszej maszyny to napis składający się z zera lub więcej instrukcji. Mając dane dwie liczby całkowite s i t, utwórz najkrótszy program, po wykonaniu którego rejestr będzie zawierał wartość t, jeżeli początkową wartością rejestru było s. Jeżeli istnieje więcej niż jeden najkrótszy program, zwróć leksykograficznie najmniejszy. Jeżeli z wartości s nie da się uzyskać t w skończonej liczbie kroków, wypisz NO.

#### Wejście

W pierwszym wierszu standardowego wejścia znajdują się dwie liczby całkowite  $1 \le s, t \le 10^9$  – początkowa i końcowa wartość rejestru..

## Wyjście

Pierwszy i jedyny wiersz wyjścia powinien zawierać string zawierający symbole kolejnych operacji do wykonania na rejestrze w celu uzyskania zadanej wartości t, lub NO jeżeli tej wartości nie da się uzyskać.

## Przykład

Dla danych wejściowych:

7 392

poprawną odpowiedzią jest:

+\*+

Wyjaśnienie: W rejestrze znajduje się wartość 7. Wykonujemy operację '+', 7+7=14. w rejestrze jest teraz 14. Wykonujemy operację '\*', 14\*14=196. W rejestrze mamy 196. Wykonujemy operację '+', 196+196=392: uzyskaliśmy żądaną wartość.