# 1. Sekwencje binarne

## Zadanie

Rozważamy wszystkie sekwencje o długości N, składające się tylko z elementów 0 i 1, w których dwie jedynki nie mogą ze sobą sąsiadować (czyli 110 nie jest poprawną sekwencją o długości 3, a 0101 jest poprawną sekwencją o długości 4).

Napisz program, który znajduje K-tą sekwencję w alfabetycznie posortowanym zbiorze sekwencji o długości N.

## Wejście

Na wejściu znajdują się dwie dodatnie liczby całkowite,  $1 \le N \le 63$  i  $1 \le K \le 100000$ .

### Wyjście

Program powinien wypisać znalezioną sekwencję lub -1, jeżeli K jest większe od liczby poprawnych sekwencji.

### Przykład:

Dla danych

3 1

Program powinien wypisać:

000

# 2. Odcinek

### Zadanie

Dana jest tablica kwadratowa T o boku n zawierająca wartości całkowite. Szukamy w tablicy T takiego ciągu k sąsiednich elementów (położonych w wierszu, kolumnie lub na przekątnej - prawo lub lewoskośnie), których suma wartości  $T_{ij}$  jest największa. Stosujemy zasadę periodycznych warunków brzegowych: każdy element tablicy ma dokładnie 8 najbliższych sąsiadów. Na przykład sąsiadami elementu  $T_{00}$  są elementy  $T_{10}$ ,  $T_{11}$ ,  $T_{01}$ ,  $T_{(n-1)1}$ ,  $T_{(n-1)0}$ ,  $T_{(n-1)(n-1)}$ ,  $T_{0(n-1)}$ ,  $T_{1(n-1)}$ . W związku z tym odcinek może leżeć częściowo poza tablicą: w tym przypadku tablica jest powielana w odpowiednim kierunku (kierunkach).

Napisz program, który:

- 1. Wczyta rozmiar tablicy, n, długość odcinka, k, i tablicę T,
- 2. Wyznaczy optymalne położenie odcinka,
- 3. Wypisze maksymalną sumę k sąsiednich elementów T.

#### Wejście:

W pierwszym wierszu standardowego wejścia znajdują się dwie liczby całkowite  $1 \le n \le 100$  i  $2 \le k \le n$ . Kolejne n wierszy zawiera po n liczb całkowitych (wiersze T).

## Wyjście:

Program powinien wypisać jedną liczbę całkowitą - największą sumę k sąsiednich wartości elementów tablicy T.

## Przykład:

Dla danych wejściowych:

```
5 2
8 1 0 1 0
2 3 4 7 1
```

2 7 4 0 1 1 8 5 1 4 0 1 6 3 9

poprawną odpowiedzią jest:

17

Maksymalny odcinek tworzą elementy  $T_{00}$  i  $T_{44}. \label{eq:tworza}$ 

# 3. Stamp

### Zadanie

Dana jest tablica kwadratowa T o boku n zawierająca wartości całkowite oraz tablica prostokątna P o wymiarach  $k \times l$  przechowująca wartości 0 lub 1. Tablice P możemy "nałożyć" na tablicę T tak, by przykryła ona pewien jej fragment (ale musi mieścić się całkowicie w obrębie T). Szukamy takiego położenia tablicy P, że suma elementów  $T_{ij}$  przykrytych przez elementy P o wartości 1 była największa.

Napisz program, który:

- 1. Wczyta rozmiar tablicy T, n, rozmiary tablicy P, k i l a następnie tablice T i P,
- 2. Wyznaczy optymalne położenie P,
- 3. Wypisze maksymalną sumę elementów T przykrytych przez elementy P równe 1.

#### Wejście:

W pierwszym wierszu standardowego wejścia znajdują się trzy liczby całkowite  $1 \le n \le 100$  i  $1 \le k, l < n$ . Kolejne n wierszy zawiera po n liczb całkowitych (wiersze T). Następne k wierszy (po k elementów k lub k0 lub 1) stanowią wiersze tablicy k1.

## Wyjście:

Program powinien wypisać jedną liczbę całkowitą - największą sumę "przykrytych" wartości tablicy T.

# Przykład:

Dla danych wejściowych:

poprawną odpowiedzią jest:

12