### 给出数据数据预处理(异常值、缺失值)

### 问题多、结果半开放式

### 评价+预测+优化

(数据文件介绍) 附件1、附件2、附件3为国内某快递公司记录的部分城市之间的快递运输数据,包括发货日期、发货城市以及收货城市(城市名已用字母代替(脱敏),剔除了6月、11月、12月(可行性)的数据)。

数据预处理(缺失值0不是缺失值,异常值)

关注公众号 bzd 数模社 领取相关资料

网络购物作为一种重要的消费方式,带动着快递服务需求飞速增长,为我国经济发展做出了重要 贡献。准确地预测快递运输需求数量对于快递公司布局仓库站点、节约存储成本、规划运输线路等具 有重要的意义。(数据文件介绍) 附件 1、附件 2、附件 3 为国内某快递公司记录的部分城市之间的快递运输数据,包括发货日期、发货城市以及收货城市(城市名已用字母代替(脱敏),剔除了 6 月、11 月、12 月(可行性)的数据)。请依据附件数据,建立数学模型,完成以下问题:

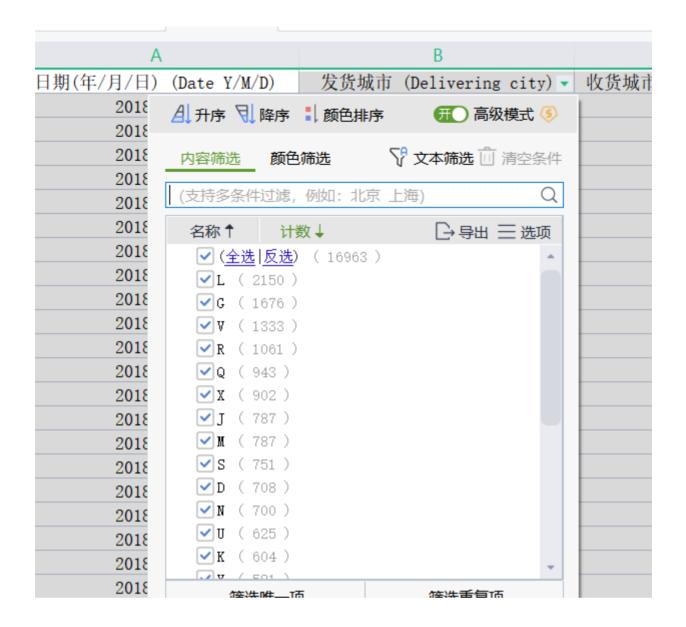
数据预处理(缺失值0不是缺失值,异常值)

问题 1: 附件 1 为该快递公司记录的 2018 年 4 月 19 日—2019 年 4 月 17 日的站点城市之间(发货城市-收货城市)的快递运输数据,请从收货量、发货量、快递数量增长/减少趋势、相关性等(最大收货量,最大发货量)多角度考虑,建立数学模型,对各站点城市(样本)的重要程度进行综合排序,并给出重要程度排名前 5 的站点城市名称,将结果填入表 1。

**问题一:** 附件1为该快递公司记录的2018年4月19日—2019年4月17日的站点城市之间(发货城市-收货城市)的快递运输数据,请从收货量、发货量、快递数量增长/减少趋势、相关性等(最大收货量,最大发货量)多角度考虑,建立数学模型,对各站点城市(样本)的重要程度进行综合排序,并给出重要程度排名前5的站点城市名称,将结果填入表1。

问题一,简化而言就是**选择指标。建立综合评价模型**。在模型建立之前我们还要进行数据预处理,对于B题,题目给出了数据文件,我们还需要考虑缺失值、异常值问题。对于指标的选取,题目暗示我们可以从收货量、发货量、快递数量增长/减少趋势、相关性等。或者还可以从其他的角度出发,例如大收货量,最大发货量等等。

对于收货量的计算问题,我们可以使用wps的筛选功能,将同一城市作为发后城市情况列举出来,在进行分析即可。或者大家可以利用matlab、python等进行几次for循环,将结果相同的城市计算发货量等等。



D090 V		
Α	В	С
日期(年/月/日) (Date Y/M/D)	发货城市 (Delivering city) 🔀	收货城市 (Receiving city)
2018/4/19	A	0
2018/4/19	A	Q
2018/4/20	A	Q
2018/4/20	A	0
2018/4/21	A	Q
2018/4/21	A	0
2018/4/22	A	Q
2018/4/22	A	0
2018/4/23	A	0
2018/4/23	A	Q
2018/4/24	A	Q
2018/4/24	A	0
2018/4/25	A	Q
2018/4/25	A	0
2018/4/26	A	Q
2018/4/26	A	0
2018/4/27	A	0
2018/4/27	A	Q
2018/4/28	A	Q
2018/4/28	A	0
2018/4/29	A	Q
2018/4/29	A	0
	A 日期(年/月/日) (Date Y/M/D) 2018/4/19 2018/4/20 2018/4/20 2018/4/21 2018/4/21 2018/4/22 2018/4/22 2018/4/23 2018/4/23 2018/4/23 2018/4/24 2018/4/25 2018/4/25 2018/4/25 2018/4/26 2018/4/27 2018/4/27 2018/4/27 2018/4/28 2018/4/28 2018/4/29	日期(年/月/日) (Date Y/M/D)   发貨城市 (Delivering city)   1

**建立综合评价模型**。对于模型的选取,我们有很多的选项,例如主成分、秩和比、理想解法等客观综合评价方法。这个问题属于综合评价是一个开放式的,但是它让我们具体的结果填入这个表格。结果排名前五名可能有一个范围,所以对于这个题来说,它的综合评价是一个结果半开放式。只要选了一个综合评价模型,代入代码包就可以了。

## 数学建模十课时保奖课——第六课时 评价模型

- 6.2 综合评价模型——客观评价模型
- 6.2.1 主成分分析(指标越多,联系性 kmo)
- 6.2.2 理想解法 TOPSIS
- 6.2.3 秩和比综合评价(RSR 值综合评价法)
- 6.2.4 灰色关联分析
- 6.3 综合评价模型——主观评价模型
- 6.3.1 层次分析法 (AHP)
- 6.3.2 模糊综合评价法

问题二、请利用附件1数据,建立数学模型,预测2019年4月18日和2019年4月19日各"发货-收货"站点城市之间快递 运输数量,(以及当日所有"发货-收货"站点城市之间的总快递运输数量),并在表2中填入指定的站点城市之间的快递 运输数量,以及当日所有"发货-收货"站点城市之间的总快递运输数量。

对于问题二,本质是一个简单的预测模型。难度不在于预测模型的选取,而是数据量很多,需要我们反复进行多次预 测。对于预测模型的选择,我们有很多很多合适选项,如下图所示。

## 数学建模十课时保奖课——第八课时

# 预测方法

回归分析预测(线性回归、非线性回归、主成分分析、偏最 小二乘回归)

插值拟合(一维、二维、线性、非线性、多项式拟合、高斯 逼近拟合,matlab 工具箱)

灰色预测()

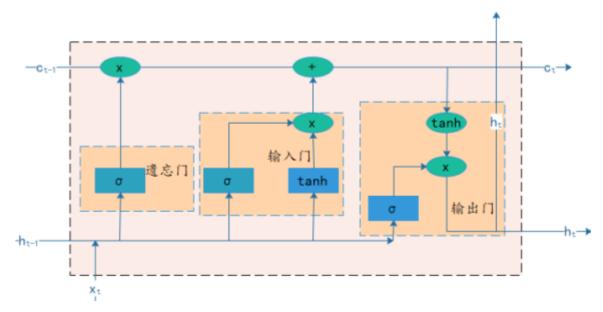
时间序列预测(AR,MA,ARMA,ARIMA)

BP 神经网络

### **LSTM**

加权平均预测 预测+优化 9.1

例如当前正火的LSTM模型,基于其长期记忆功能,能很好的区别出长期趋势和季节趋势。



该模型也是我经常使用的预测模型,因此为了方便,该模型的代码已经改为修改最初输入数据,再根据数据调整几处参数即可运行出结果(要修改参数的位置都有标注)(放在后续的分享中供大家参考使用)

对于问题二,这么多的预测结果,如果队伍感觉时间宽裕,我们可以一个一个的进行预测。其实还有种比较快的方式,就是填充,我们预测两三次,对结果的区间大致有了了解。剩下的结果,我们可以进行编写,切记这种做法数据黑箱做法,不能放于论文描述,论文中还是说,我们建立了XXXXX预测模型,得到了XXXX结果。这种方法只是加快模型的求解。

**问题三、**附件2为该快递公司记录的2020年4月28日—2023年4月27日的快递运输数量。由于受到突发事件影响,部分城市之间快递线路无法正常运输,导致站点城市之间无法正常发货或收货(无数据表示无法正常收发货,0表示无发货需求)。请利用附件2数据,建立数学模型,预测2023年4月28日和2023年4月29日可正常"发货-收货"的站点城市对(发货城市-收货城市),并判断表3中指定的站点城市对是否能正常发货,如果能正常发货,给出对应的快递运输数量,并将结果填入表3。

问题三,依旧是一个预测模型,它的难度在于出现了无法正常发货的情况,这种情况我们可以近似的认为是一种异常值处理,对于判断表3中指定的站点城市对是否能正常发货,我们可以理解为异常值的预测。因为,异常值的预测问题相关文献,代码、模型就很多了。对于问题三的模型我们依旧可以与问题二相同,选择基础的预测模型,也可以选择高级的更加适用于异常值的预测模型。这里稍后会给大家补充一下相关资料。对于快递运输数量的预测,就可以与问题二建立的预测模型一样即可。对于是否能正常发货就可以单独在建立一个模型,或者沿用问题二的模型都是可以的。

#### 问题4

问题 4: 图 1 给出了所有站点城市间的铁路运输网络,铁路运输成本由以下公式计算:成本 = 固定成本 ×  $\left[1+\left(\frac{\mathsf{x} \mathsf{FR} \times \mathsf{K} \times \mathsf{M}}{\mathsf{M} \mathsf{E} \times \mathsf{M}}\right)^3\right]$ 。在本题中,假设实际装货量允许超过额定装货量。所有铁路的固定成本、额定装货量在附件 3 中给出。在运输快递时,要求每个"发货-收货"站点城市对之间使用的路径数 不超过 5 条,请建立数学模型,给出该快递公司成本最低的运输方案。利用附件 2 和附件 3 的数据,计算该公司 2023 年 4 月 23—27 日每日的 最低运输成本,填入表 4。

备注:为了方便计算,不对快递重量和大小进行区分,假设每件快递的重量为单位1。仅考虑运输成本,不考虑中转等其它成本。

问题四,就是一个变种TSP问题,类似于2003年露天矿的开采、交巡警服务平台的设置与调度的问题设置类似。大家可以参考这两个问题的决策变量设置方式。稍后,我也将对这两场比赛的资料进行收集。我目前的初步想法就是,以最低运输成本为目标函数,题干的各种条件作为约束条件,Xij为决策变量,表示第I个城市到第I个城市的运货量。大家可以参考一下。

对于优化模型的求解,熟悉优化的人建立模型进行求解,即可。对于小白来讲,这一问的难度难如登天。所以,这就涉及到我十课时保奖的理论,合适的模型+高级算法+合理的结果就可以获奖。什么是合理的结果,这就是针对很多小白,知道了一些模型,但是无法进行求解。我们缺一个结果。结果的获取,大家可以去网上查找购买,也可以进行数值模拟,或者最简单的就是编,编出一个合理的结果即可。前提是,合理!!通常评委很难看出一个结果是否是捏造的,因此,对于无法对模型进行求解的情况,我们可以选择进行捏造合理结果即可。

**问题五、**通常情况下,快递需求由两部分组成,一部**分为固定需求**,这部分需求来源于日常必要的网购消费(一般不能简单的认定为快递需求历史数据的最小值,通常小于需求的最小值);另一部分为**非固定需**求,这部分需求通常有较大波动,受时间等因素的影响较大。假设在同一季度中,同一"发货-收货"站点城市对的固定需求为一确定常数(以下简称为固定需求常数);同一"发货-收货"站点城市对的非固定需求服从某概率分布(该分布的均值和标准差分别称为

非固定需求均值、非固定需求标准差)。请利用附件2中的数据,不考虑已剔除数据、无发货需求数据、无法正常发货数据,解决以下问题。

- (1) 建立数学模型,按季度估计固**定需求常**数,并验证其准确性。将指定季度、指定"发货-收货"站点城市对的固定需求常数,以及当季度所有"发货-收货"城市对的固定需求常数总和,填入表5。
- (2) 给出非固定需求概率分布估计方法,并将指定季度、指定"发货-收货"站点城市对的非固定需求均值、标准差,以及当季度所有"发货-收货"城市对的非固定需求均值总和、非固定需求标准差总和,填入表5。