

预备知识

- * 二进制
- * 补码
- * ASCII码

帕斯卡的加法机



1642年，19岁的帕斯卡设计制造了一架机械式计算装置—使用齿轮进行加减运算的计算机。这台加法机中有一组轮子，每个轮子上刻着从0到9的10个数字。某一位的小轮转动了10个数字后，使下一个小轮转动一个数字。计算所得的结果在加法机面板上的读数窗上显示，计算完毕要把轮子逐个恢复到零位。



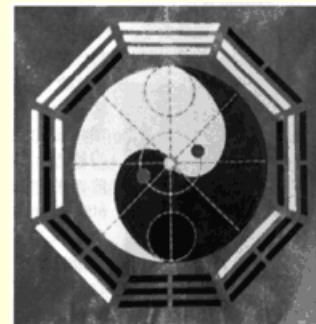
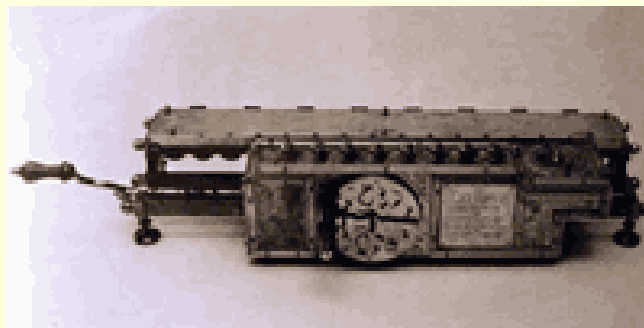
这台加法机在技术上有两个创新：

- 自动产生进位；
- 用补码表示负数。

1971年瑞士人沃斯把自己发明的高级语言命名为Pascal，以表达对帕斯卡的敬意，使帕斯卡的英名长留在电脑时代。

莱布尼兹的乘法机

1673年，德国数学家莱布尼兹发明乘法机，这是第一台可以运行完整的四则运算的计算机。在进行乘法运算时采用了移位-加（**shift-add**）的办法，并用二进制代替十进制。这些方法也被现代的电子计算机所采用。



莱布尼兹认为，中国的八卦是最早的二进制计数法。在八卦图的启迪下，莱布尼兹系统地提出了二进制运算法则。

莱布尼兹因独立发明微积分而与牛顿齐名，并被《不列颠百科全书》列为“西方文明最伟大的人之一”。

莱布尼兹非常向往和崇尚中国的古代文明，他把自己研制的乘法机的复制品赠送给中国皇帝康熙，以表达他对中国的敬意。

预 备 知 识

$$2^2=4 \quad 2^4=16 \quad 2^8=256 \quad 2^{10}=1024$$

$$2^{16}=65536 \quad 2^{20}=1048576$$

$$1K = 2^{10} = 1024 \quad (\text{Kilo})$$

$$1M = 1024K = 2^{20} \quad (\text{Mega})$$

$$1G = 1024M = 2^{30} \quad (\text{Giga})$$

$$1T = 1024G = 2^{40} \quad (\text{Tera})$$

1个二进制位：bit（比特位）（最小的存储单位）

8个二进制位：Byte（字节）
1Byte=8bit
（基本存储单位）

1. 数 制

- 十进制：基数为10，逢十进一

$$12.34 = 1 \times 10^1 + 2 \times 10^0 + 3 \times 10^{-1} + 4 \times 10^{-2}$$

- 二进制：基数为2，逢二进一

$$1101_2 = 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^0 = 13_{10}$$

- 十六进制：基数为16，逢十六进一

$$1001, 0001, 1000, 0111$$

$$\begin{array}{cccc} 9 & 1 & 8 & 7 \end{array}$$

$$= 9 \times 16^3 + 1 \times 16^2 + 8 \times 16^1 + 7 \times 16^0$$

- 八进制：基数为8，逢八进一

数 制	基 数	数 码
二进制 B inary	2	0,1
八进制 O ctal	8	0,1,2,3,4,5,6,7
十进制 D ecimal	10	0,1,2,3,4,5,6,7,8,9
十六进制 H exadecimal	16	0,1,2,3,4,5,6,7,8,9, A,B,C,D,E,F

任意进制数的表示(2)

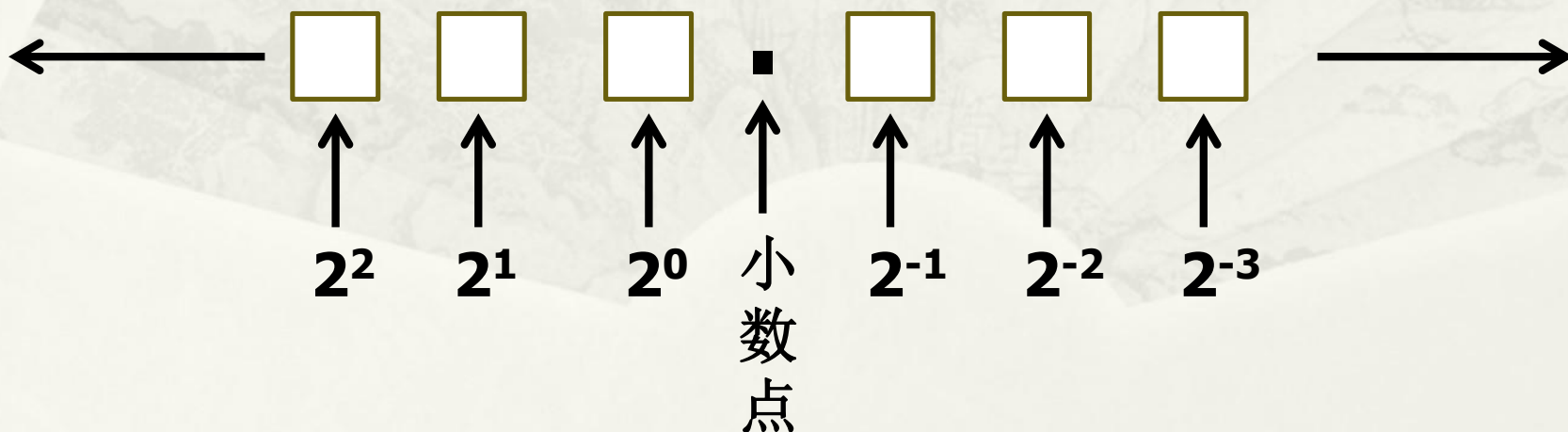
* 不同进位计数制的各种数码

十进制数	二进制数	八进制数	十六进制数
0	0000	00	0
1	0001	01	1
2	0010	02	2
3	0011	03	3
4	0100	04	4
5	0101	05	5
6	0110	06	6
7	0111	07	7
8	1000	10	8
9	1001	11	9
10	1010	12	A
11	1011	13	B
12	1100	14	C
13	1101	15	D
14	1110	16	E
15	1111	17	F

二进制数和十进制数的转换(1)

* 二进制数转换成十进制数

- * 方法：将二进制数写成按权展开式，并将式中各乘积项的积算出来，然后各项相加，即可得到与该二进制数相对应的十进制数。



二进制数和十进制数的转换(1)

* 二进制数转换成十进制数

* 例子:

$$\begin{aligned}(11010.101)_2 &= 1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 \\ &+ 0 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3} \\ &= 16 + 8 + 2 + 0.5 + 0.125 \\ &= (26.625)_{10}\end{aligned}$$

二进制数和十进制数的转换(2)

* 十进制数转换成二进制数(短除法)

2		357	1
2		178	0
2		89	1
2		44	0
2		22	0
2		11	1
2		5	1
2		2	0
2		1	1
0				

↑ 低

整数部分转化

高

$$(357)_{10} = (101100101)_2$$

小数部分转化

		0.385×2	
(高位)	0	.	77×2
	1	.	54×2
	1	.	08×2
	0	.	16×2
	0	.	32×2
	0	.	64×2
(低位)	1	.	28

则： $(0.385)_{10} = (0.0110001)_2$ 存在一定的转化误差

练习

- * 十进制数 189 转化为二进制数？
- * 二进制数 11011011 转为十进制数？
- * 十进制 10.625 转化为二进制数？
- * 二进制 1110.11 转为十进制数？

10111101

219

1010.101

14.75

八进制数、十六进制数与二进制数的转换

- * 八进制数的基数是8 ($8=2^3$)，十六进制数的基数是16 ($16=2^4$)。二进制数、八进制数和十六进制数有2的整指数倍的关系，因而可以直接转换。
- * 二进制数转八进制数或十六进制数：从小数开始，分别向左、右3或4位分组，最后不满3或4位的，需加0。将每组以对应的八进制数或十六进制数代替，即为等值的八进制数或十六进制数。

* 例子：八进制 2 5 7 . 0 5 5 4
 二进制 010 101 111 . 000 101 101 100
 十六进制 A F . 1 6 C

则： $(257.0554)_8 = (10101111.0001011011)_2 = (AF.16C)_{16}$

windows的“计算器”工具来进行进制转换

查看菜单->”程序员”



练习

- * 十六进制数 A3 转化为二进制数？
- * 二进制数 1101 1111 0010 转为十六进制数？
- * 八进制 17.25 转化为二进制数？
- * 二进制 110.11 转为十六进制数？

1010 0011

DF2

1111.010101

6.C

3. 运算

- 算术运算
二进制

加法规则

$$0+0=0$$

$$0+1=1$$

$$1+0=1$$

$$1+1=0 \quad (\text{进位}1)$$

乘法规则

$$0\times 0=0$$

$$0\times 1=0$$

$$1\times 0=0$$

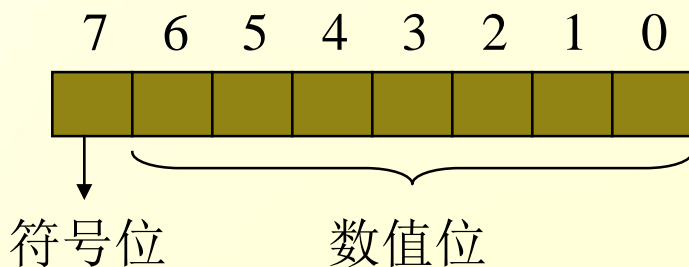
$$1\times 1=1$$

4. 数和字符的表示

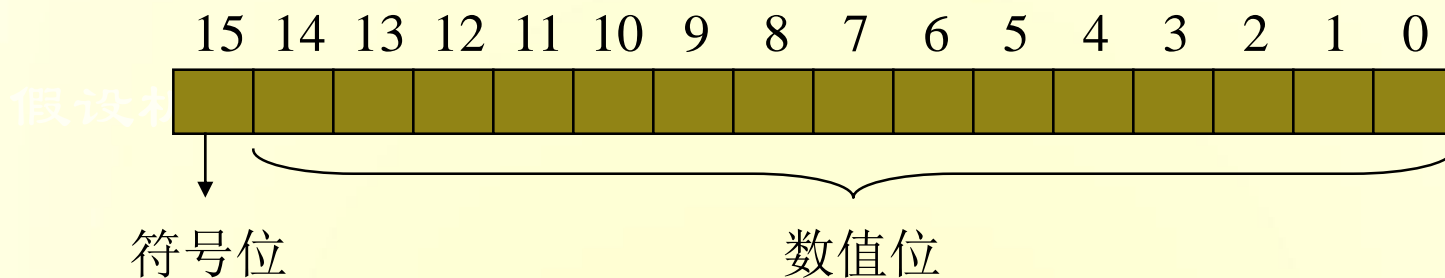
- 数（机器数）的表示：

计算机中的数用二进制表示，数的符号也用二进制表示。

数的存储空间：一般是字节的整数倍（8位、16位、32位等）



符号位=0 表示正数
符号位=1 表示负数



真值和机器数



真值：

符号 (+/-) + 尾数 (绝对值)

$$(+5)_{10} = (+101)_2$$

$$(-7)_{10} = (-111)_2$$



机器数：



↑
符号位

将符号 (+/-) 数码化
用最高位做符号位



数的符号在计算机中的表示：

原码、反码、补码：0表示正数，1表示负数

* 原码、反码和补码的转换规则:

* 最高位为符号位, 0正1负

* 正数的原码、反码和补码是一样的

* 负数

原码:最高位为1

反码:最高位为1,其余取反(1变0,0变1)

补码:在反码的基础上在最低位加1

用8位二进制数表示+12 -12的原、反、补码

	原	反	补
* +12	00001100	00001100	00001100
-12	10001100	11110011	11110100

常用表示法 —— 原码 反码 补码

原码表示法：符号 + 绝对值

例：n=8bit

$$[+3]_{\text{原码}} = 0\ 000,0011$$

$$[-3]_{\text{原码}} = 1\ 000,0011$$

$$[+0]_{\text{原码}} = 0\ 000,0000$$

$$[-0]_{\text{原码}} = 1\ 000,0000 \quad \therefore 0\text{的表示不唯一}$$

反码表示法：正数的反码同原码，负数的反码数值位与原码相反

例：n=8bit

$$[+5]_{\text{反码}} = 0\ 000,0101$$

$$[-5]_{\text{反码}} = 1\ 111,1010$$

$$[+0]_{\text{反码}} = 0\ 000,0000$$

$$[-0]_{\text{反码}} = 1\ 111,1111 \quad \therefore 0\text{的表示不唯一}$$

补码表示法

正数的补码：同原码

$$[+1]_{\text{补码}} = 0000\ 0001$$

$$[+127]_{\text{补码}} = 0111\ 1111$$

$$[+0]_{\text{补码}} = 0000\ 0000$$

0的表示是唯一的

负数的补码：（1）写出与该负数相对应的正数的补（原）码

（2）按位求反

（3）末位加一

例：机器字长8位， $[-46]_{\text{补码}} = ?$

$$[46]_{\text{补码}} = 0010\ 1110$$

$$\text{按位求反} \rightarrow 1101\ 0001$$

$$\text{末位加一} \rightarrow 1101\ 0010$$

$[-0]_{\text{补码}}$	=	0000 0000
$[-1]_{\text{补码}}$	=	1111 1111
$[-127]_{\text{补码}}$	=	1000 0001
$[-128]_{\text{补码}}$	=	1000 0000

补码表示最小的数（单字节）

n位补码的表数范围： $-2^{n-1} \leq N \leq 2^{n-1}-1$

n=8 $-128 \leq N \leq 127$

n=16 $-32768 \leq N \leq 32767$

无符号整数：即最高位不表示符号，表示数值
表示数范围 $0 \leq N \leq 2^n-1$

n=8 $0 \leq N \leq 255$

n位原码的表示范围： $-2^{n-1} < N \leq 2^{n-1} - 1$

n位反码的表示范围： $-2^{n-1} < N \leq 2^{n-1} - 1$

n位补码的表示范围： $-2^{n-1} \leq N \leq 2^{n-1} - 1$

n位**无符号数**的表示范围： $\underline{0} \leq \underline{N} \leq 2^n - 1$

以n=8为例：

原码： $-127 \leq N \leq 127$

反码： $-127 \leq N \leq 127$

补码： $-128 \leq N \leq 127$

无符号数： $0 \leq N \leq 255$

思考：为什么原码、反码无法表示 -128 ？

用补码如何表示-128 ？

“正” “反” 转换的过程都要熟练掌握

真值 \longleftrightarrow 原码、反码、补码

* 练习:写出90, -90的8位二进制数原码、反码和补码

	原码	反码	补码
+90	01011010	01011010	01011010
-90	11011010	10100101	10100110

* 练习:下列数的8位二进制补码为

00110001 10011010

求这两个数的真值。

49、-102

字符的表示

ASCII码：

全称：American Standard Coad for Information Interchange 用一个字节来表示一个字符，低7位为字符的ASCII值，最高位一般用作校验位。

美国信息交换标准代码是一种用于信息交换的标准代码，代表标准美国键盘上的字符或符号。通过将这些字符使用的值标准化，ASCII允许计算机和计算机程序交换信息，为了使用相同的编码规则，美国有关的标准化组织就出台了ASCII编码，统一规定了键盘上常用符号用哪个二进制数来表示。

字符的表示

熟悉常用字符的ASCII（参见附录B）

例： ‘A’ 十进制： 65 二进制： 01000001
 ‘a’ 十进制： 97 二进制： 01100001
 ‘0’ 十进制： 48
 换行 十进制： 10
 回车 十进制： 13
 空格 十进制： 32

思考：大写字母与小写字母ASCII码的关系？

字符编码 (ASCII码)

L \ H	0000	0001	0010	0011	0100	0101	0110	0111
0000	NUL	DLE	SP	0	@	P	,	p
0001	SOH	DC1	!	1	A	Q	a	q
0010	STX	DC2	"	2	B	R	b	r
0011	ETX	DC3	#	3	C	S	c	s
0100	EOT	DC4	\$	4	D	T	d	t
0101	ENQ	NAK	%	5	E	U	e	u
0110	ACK	SYN	&	6	F	V	f	v
0111	BEL	ETB	,	7	G	W	g	w
1000	BS	CAN)	8	H	X	h	x
1001	HT	EM	(9	I	Y	i	y
1010	LF	SUB	*	:	J	Z	j	z
1011	VT	ESC	+	;	K	[k	{
1100	FF	FS	,	<	L	\	l	
1101	CR	GS	-	=	M]	m	}
1110	SO	RS	.	>	N	^	n	~
1111	SI	US	/	?	O	_	o	DEL

小结

- * 几种常用进制（二进制、十进制和十六进制）的表示方法和相互转化方法
- * 数（特别是负数）的补码表示
- * ASCII码

作业

1. 从下载“CodeBlocks”（选做），仿照课本例题，编写、运行一个输出自己姓名，学号，班级，籍贯的程序。
（然后把程序写到纸上）
2. 求十进制数2.125的二进制。
3. 求下列十进制数的8位二进制补码。
112, 0, -0, -128, -78
4. 有两个数，其8位二进制补码为10110110, 01101101, 其真值分别为多少？
5. 写出下列字符在计算机中存储的二进制形式
‘0’ ‘o’ ‘O’ , ‘A’ , ‘c’
零 小写o 大写O
6. 预习课本第二章内容，尤其是“求闰年” “求素数”的过程以及对应的流程图

上讲总结

- * 进制的转换

二 \longleftrightarrow 十 （整数部分、小数部分）

二 \longleftrightarrow 八、十六 （整数部分）

- * 整数原码、反码、补码表示方法

- * ASCII码
（常见字符的ASCII码）

练习

- * 将十进制数 56.125 转化为二进制数
- * 写出-67、127 的8位二进制补码表示
- * 8位二进制补码表示的最小的数是什么？真值
- * 8位二进制无符号数所能表示范围？
- * 'a' 'A' '0' ' ' '(空格) 的ASCII码？

111000.001

10111101 01111111

10000000 -128

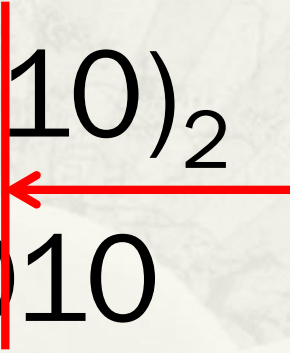
0到255 97 65 48 32

补码的表示

- * 正数的补码同原码；符号位：0正1负
- * 对负数，二进制原码，从右往左数，遇到第一个1时，右边的数（含这个1）不变，左边的数全部取反。
- * 例如：-102

$$(102)_{10} = (1100110)_2$$

0011010



补码： 10011010 （加上符号位）