

鲁东大学 2016—2017 学年第 二 学期

2016 级 电子类、物理类、计算类、电气本、信管本、能源本、交通本、船舶本、物流本、机械本、软工本、通讯本、车辆本专业 本科 卷 A

课程名称 高等数学 A2

课程号 (219000012) 考试形式 (闭卷笔试) 时间 (120 分钟)

题 目	一	二	三	四	总 分	统分人
得 分						

得分	评卷人

一、填空题: 本题共 6 小题, 每小题 3 分, 满分 18 分.

1、对级数 $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$, $\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = 0$ 是它收敛的_____条件;

2、设 $f(x, y) = x + (y-1)\arcsin \sqrt{\frac{x}{y}}$, 则 $\frac{\partial f}{\partial x} \Big|_{y=1} =$ _____;

3、设 $f(x, y, z) = \ln(x + \sqrt{y^2 + z^2})$, 则 $f(x, y, z)$ 在 $(1, 0, 1)$ 点的梯度为_____;

4、交换积分顺序 $\int_0^1 dy \int_0^y f(x, y) dx =$ _____;

5、通过点 $(0, 0, 0), (1, 0, 1)$ 和 $(2, 1, 0)$ 三点的平面方程是 _____;

6、将函数 $f(x) = \frac{1}{1-x^2}$ 展开成 x 的幂级数_____.

得分	评卷人

二、选择题: 本题共 6 小题, 每小题 3 分, 满分 18 分.

1、下列级数条件收敛的是 ().

(A) $\sum_{n=1}^{\infty} \sin \frac{1}{n^2}$; (B) $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{\sqrt{n}}$; (C) $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{3^n}{4^n}$; (D) $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \left(\frac{n+1}{n}\right)$.

2、函数 $u = x^2 yz$ 在点 $(1, 1, 1)$ 处沿方向角为 $\alpha = \frac{\pi}{3}, \beta = \frac{\pi}{3}, \gamma = \frac{\pi}{3}$ 的方向的方向导数为 ().

(A) 1; (B) 3; (C) -3; (D) 4.

3、如果光滑曲线 L 的方程为 $x^2 + y^2 = 4$; 对弧长的曲线积分 $\int_L (x^2 + y^2) ds$ 等于 ().

(A) 16π ; (B) 4π ; (C) 2π ; (D) 0.

4、已知 Ω 由曲面 $z = \sqrt{2-x^2-y^2}$ 与平面 $z = x^2 + y^2$ 所围成的闭区域, 则

$\iiint_{\Omega} z dx dy dz$ 等于 ().

(A) $\int_{-1}^1 dx \int_{-1}^1 dy \int_0^2 z dz$; (B) $\int_0^{2\pi} d\theta \int_0^1 d\rho \int_{\rho^2}^{\sqrt{2-\rho^2}} \rho z dz$;

(C) $\int_0^{2\pi} d\theta \int_0^1 d\rho \int_{\rho^2}^{\sqrt{2-\rho^2}} z dz$; (D) $\int_0^{2\pi} d\theta \int_0^1 d\rho \int_{\sqrt{2-\rho^2}}^{\rho^2} \rho z dz$.

5、与直线 $L: \frac{x-1}{-1} = \frac{y-2}{2} = \frac{z+1}{-2}$ 垂直的平面是 ().

(A) $4x + y - z + 10 = 0$; (B) $x - 2y + 3z + 5 = 0$;

(C) $2x - 4y + 4z - 6 = 0$; (D) $x + y + z - 9 = 0$.

6、设曲面 Σ 是上半球面: $x^2 + y^2 + z^2 = R^2 (z \geq 0)$, 曲面 Σ_1 是曲面 Σ 在第一卦限中的部分, 则 ().

(A) $\iint_{\Sigma} x dS = 4 \iint_{\Sigma_1} x dS$; (B) $\iint_{\Sigma} y dS = 4 \iint_{\Sigma_1} y dS$;

(C) $\iint_{\Sigma} z dS = 4 \iint_{\Sigma_1} z dS$; (D) $\iint_{\Sigma} xyz dS = 4 \iint_{\Sigma_1} xyz dS$.

得分	评卷人

三、计算题: 本题共 7 小题, 满分 48 分.

1、求曲面 $e^z - z + xy = 3$ 在点 $(2, 1, 0)$ 处的切平面及法线方程. (6 分)

2、设 $z = f(xy^2, x^2y)$ ，其中 f 具有二阶连续偏导数，求 $\frac{\partial z}{\partial y}$ ， $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y}$. (6 分)

3、设 $z = f(x, y)$ 由方程 $z^3 - 3xyz = a^2$ 确定，求 dz . (6 分)

4、计算二重积分 $\iint_D (x^2 + y^2) d\sigma$ ，其中 $D = \{(x, y) | x^2 + y^2 \leq R^2\}$. (6 分)

5、求函数 $f(x, y) = e^{x-y}(x^2 - 2y^2) + 3$ 的极值. (8 分)

6、计算曲线积分 $I = \oint_L (x^2 - 3y)dx + (y^2 + x)dy$ ，其中 L 为圆周 $x^2 + y^2 = a^2$ 沿逆时针方向. (8 分)

7、计算曲面积分 $\oiint_{\Sigma} xdydz + ydzdx + zdxdy$ ，其中 Σ 为立方体 Ω 的整个表面的外侧， $\Omega = \{(x, y, z) | 0 \leq x \leq a, 0 \leq y \leq a, 0 \leq z \leq a\}$. (8 分)

得分	评卷人

四、综合题：本题共 2 小题，满分 16 分.

1、验证 $2xydx + x^2dy$ 在整个 xoy 平面内是某个二元函数的全微分，并求出这样一个函数.（8 分）

2、求幂级数 $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^{2n-1}}{2n-1}$ 的收敛域与和函数 $S(x)$.（8 分）