

Naloga 1. Zveza med Bernsteinovo in potenčno bazo.

Bernsteinovi bazni polinomi stopnje n so podani z

$$B_i^n(x) = \binom{n}{i} x^i (1-x)^{n-i}, \quad i = 0, 1, \dots, n,$$

in sestavljajo bazo za prostor polinomov stopnje manjše ali enake n . S potenčno bazo x^i , $i = 0, 1, \dots, n$, so v naslednji zvezi:

$$B_i^n(x) = \sum_{j=i}^n (-1)^{i+j} \binom{n}{j} \binom{j}{i} x^j, \quad x^i = \sum_{j=i}^n \frac{\binom{j}{i}}{\binom{n}{i}} B_j^n(x), \quad i = 0, 1, \dots, n.$$

1. V Matlabu implementirajte metodo, ki koeficiente polinoma, izražene v potenčni bazi, pretvori v koeficiente istega polinoma, izraženega v Bernsteinovi bazi, ter metodo, ki napravi obratno.

```
function b = power2bernstein(p)
% Opis:
% power2bernstein pretvori polinom, predstavljen s
% koeficienti v potenčni bazi, v polinom, predstavljen
% v Bernsteinovi bazi
%
% Definicija:
% b = power2bernstein(p)
%
% Vhodni podatek:
% p seznam koeficientov dolžine n+1, ki po vrsti
% pripadajo razvoju polinoma stopnje n v potenčni
% bazi od x^n do 1
%
% Izhodni podatek:
% b seznam koeficientov dolžine n+1, ki po vrsti
% pripadajo razvoju polinoma stopnje n v Bernsteinovi
% bazi od 0-tega do n-tega Bernsteinovega baznega
% polinoma
```

2. Oglejte si izražavo polinomov $x \mapsto 1$ in $x \mapsto x$ v Bernsteinovi bazi in na ta način za nekaj nizkih stopenj n utemeljite, da operator $B_n f = \sum_{i=0}^n f(i/n) B_i^n$ ohranja polinome stopnje manjše ali enake 1.

```
power2bernstein(1)           % 1
power2bernstein([0 1])      % [1 1]
power2bernstein([0 0 1])    % [1 1 1]
power2bernstein([1 0])      % [0 1]
power2bernstein([0 1 0])    % [0 0.5 1]
power2bernstein([0 0 1 0])  % [0 0.3333 0.6667 1]
```

3. Narišite Bernsteinove bazne polinome stopnje 5. Pomagajte si s prevedbo v potenčno bazo in ukazom `polyval`.

