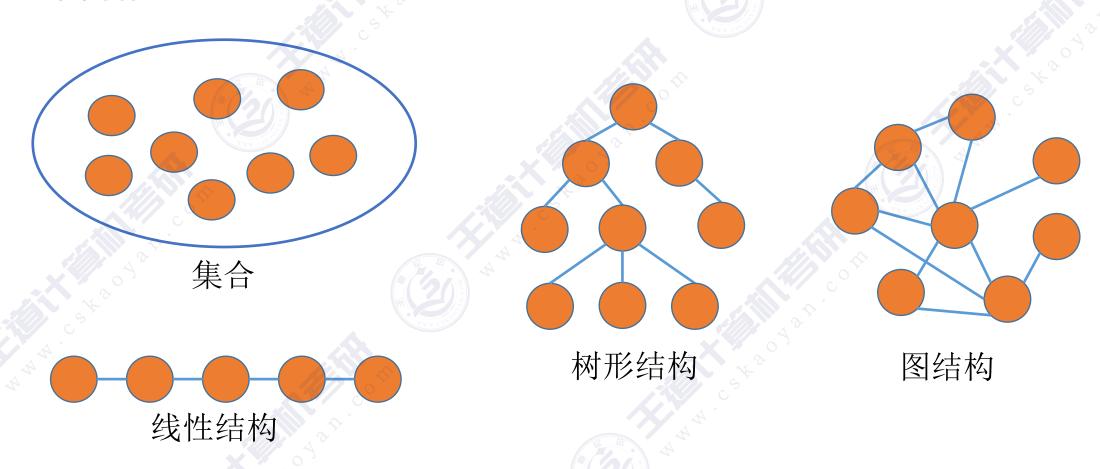
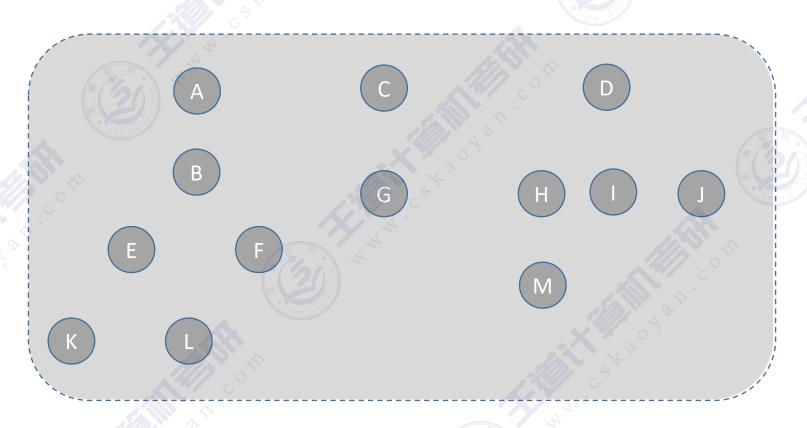


漏网之鱼:逻辑结构——"集合"

逻辑结构——数据元素之间的逻辑关系是什么?

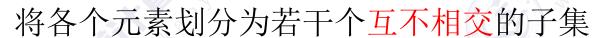


逻辑结构——"集合"



所有元素的全集S

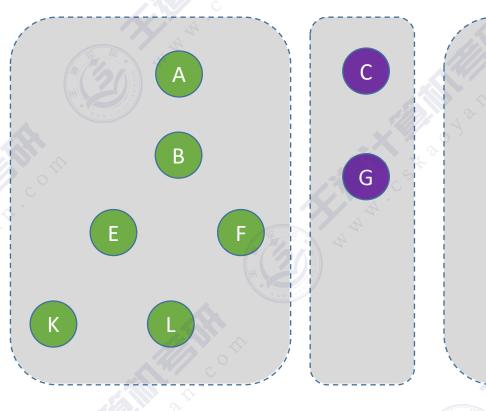
逻辑结构——"集合"



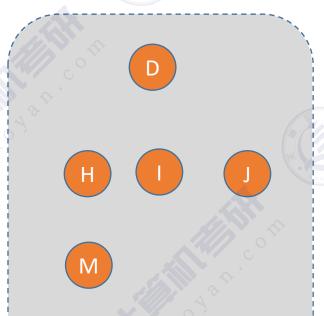


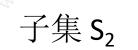










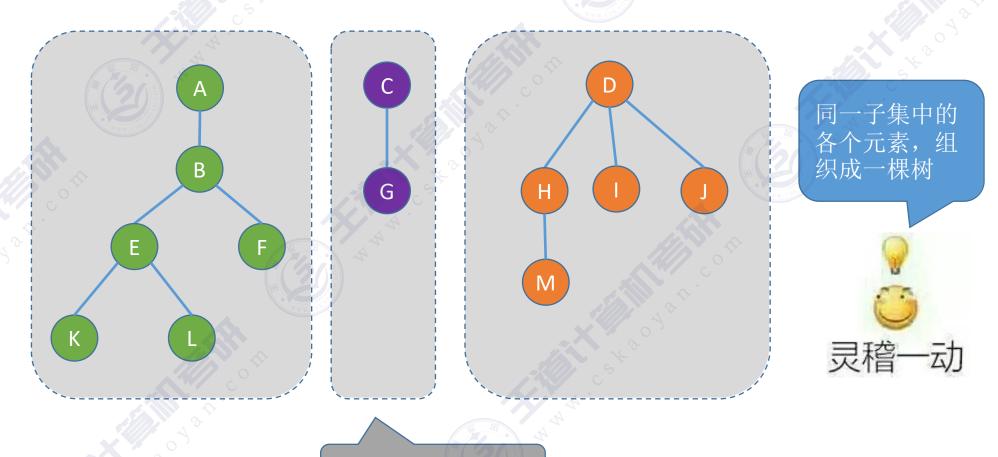


怎么用代码表示这种逻辑关系???



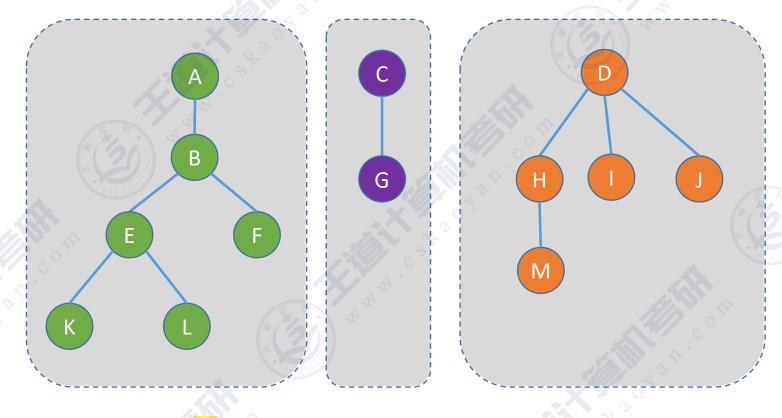
回顾: 森林

森林。森林是 $m(m\geq 0)$ 棵互不相交的树的集合



三棵树组成的森林

用互不相交的树,表示多个"集合"





如何"查"到一个元素到底属于哪一个集合?——从指定元素出发,一路向北,找到根节点

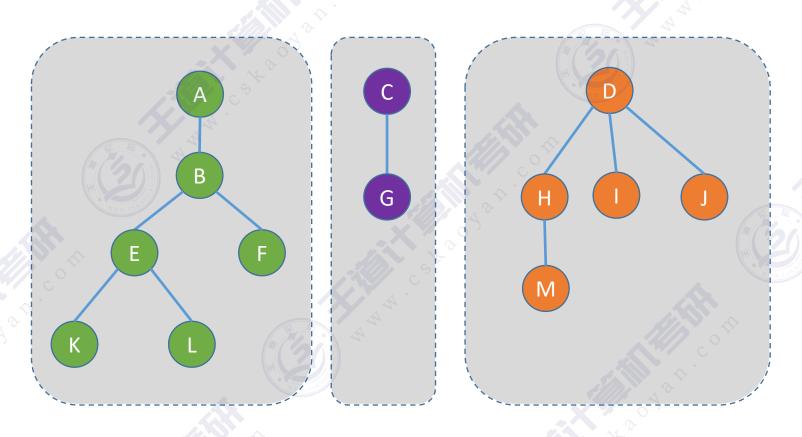
如何判断两个元素是否属于同一个集合?

—— 分别查到两个元素的根, 判断根节点是否相同即可



我一路向北 离开有你的季节

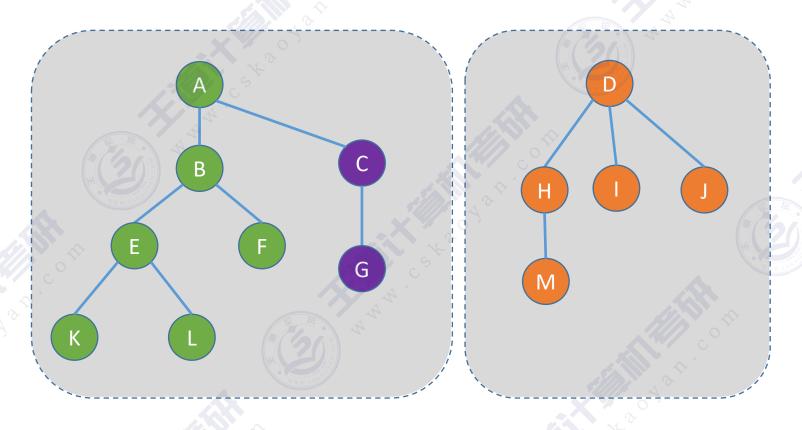
用互不相交的树,表示多个"集合"





如何把两个集合"并"为一个集合?

用互不相交的树,表示多个"集合"



应采用什 么样的存 储结构?

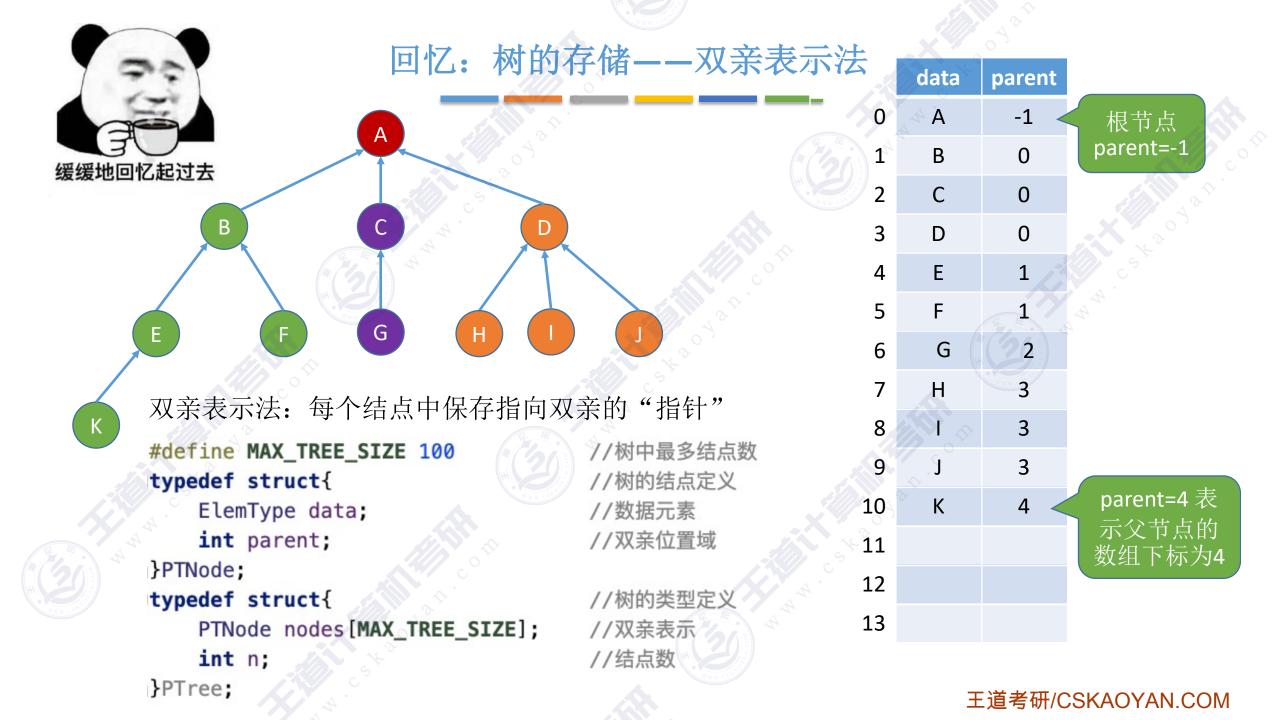


欲言又止 稍加思考

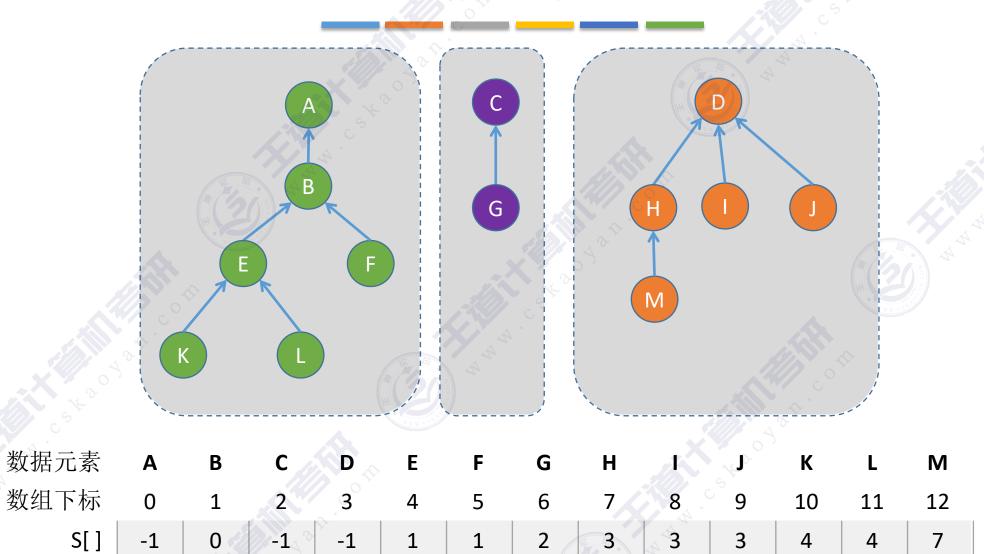
如何把两个集合"并"为一个集合?

—— 让一棵树成为另一棵树的子树即可

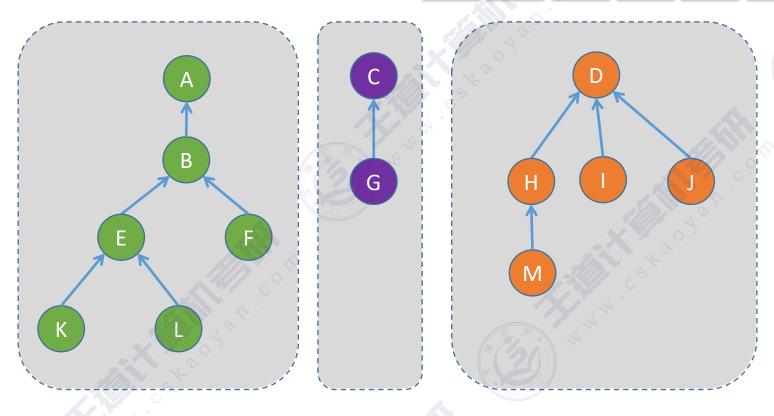




"并查集"的存储结构



"并查集"的基本操作



集合的两个基本操作——"并"和"查"

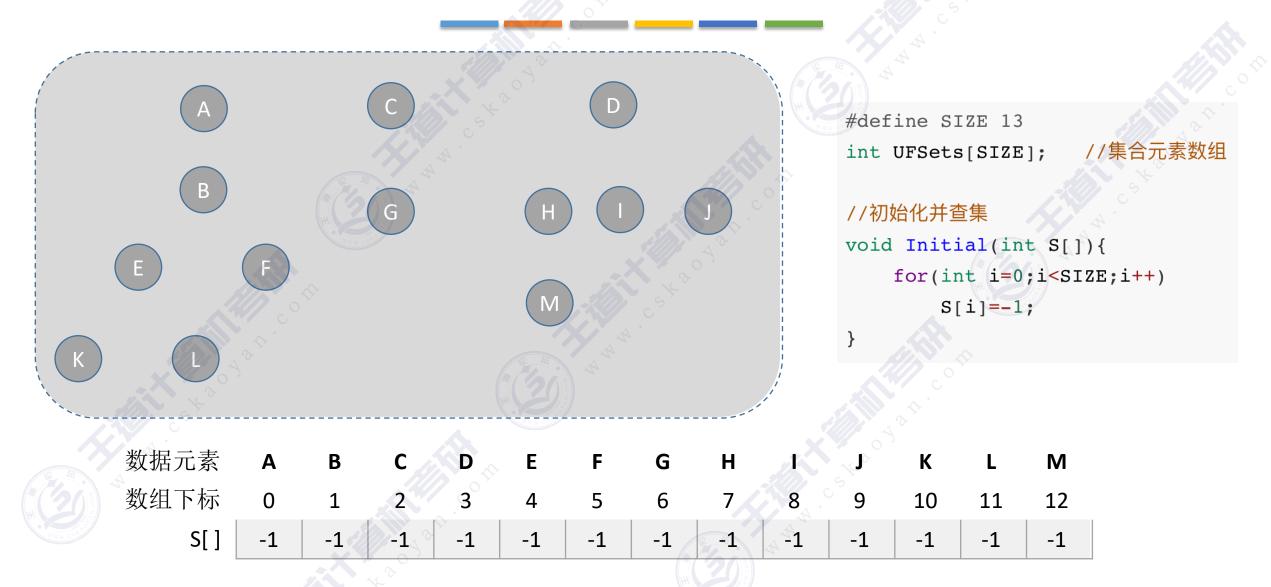
Find ——"查"操作:确定一个指定元素所属集合

Union ——"并"操作:将两个不想交的集合合并为一个

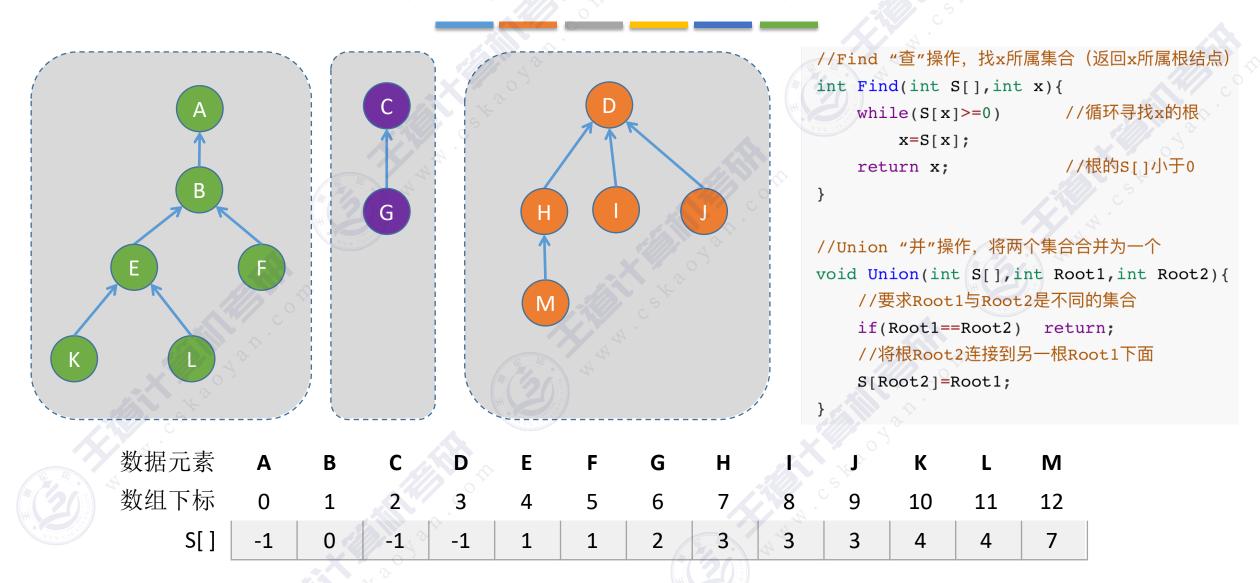
注:并查集(Disjoint Set)是逻辑结构——集合的一种具体实现,只进行"并"和"查"两种基本操作

数据元素	Α	В	C	D	E	F	G	Н	-1	J	K	L	M
数组下标	0	1	2	3	4	5	6	7	8	ິ 9	10	11	12
S[]	-1	0	-1,	-1	1	1	2	3	3	3	4	4	7

"并查集"的代码实现——初始化



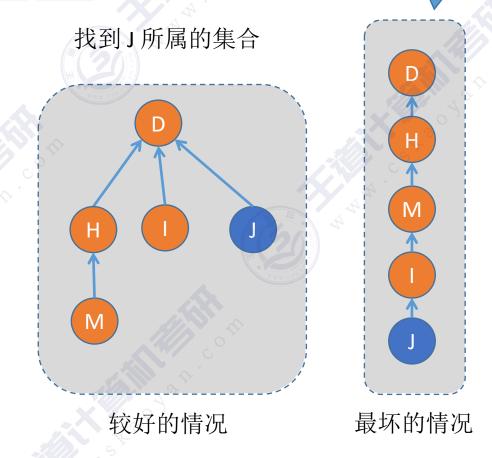
"并查集"的代码实现——并、查



时间复杂度分析

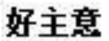
```
高度
h=n
```

```
#define SIZE 13
                 //集合元素数组
int UFSets[SIZE];
//初始化并查集
void Initial(int S[]){
   for(int i=0;i<SIZE;i++)</pre>
       S[i]=-1;
//Find "查"操作,找x所属集合(返回x所属根结点)
int Find(int S[],int x){
                                   最坏时间复杂度:
                     //循环寻找x的根
   while(S[x] >= 0)
                                         O(n)
       x=S[x];
                     //根的s[]小于0
   return x;
//Union "并"操作,将两个集合合并为一个
void Union(int S[],int Root1,int Root2){
   //要求Root1与Root2是不同的集合
                                     时间复杂
   if(Root1==Root2) return;
                                     度: O(1)
   //将根Root2连接到另一根Root1下面
   S[Root2]=Root1;
```



若结点数为n, Find 最坏时间复杂度为 O(n)

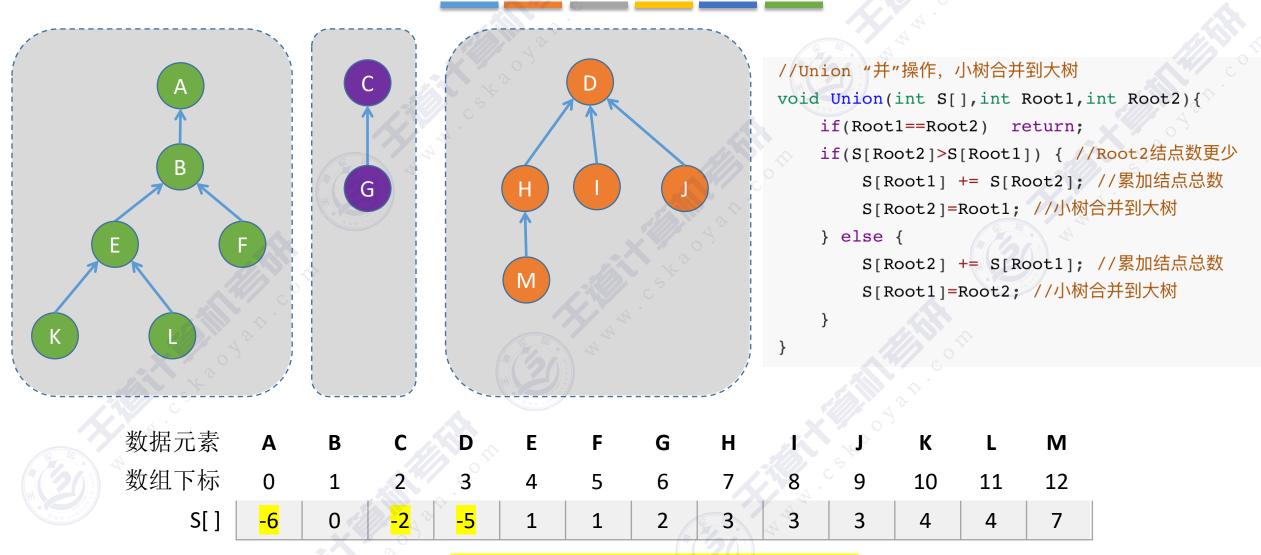
```
#define SIZE 13
                 //集合元素数组
int UFSets[SIZE];
//初始化并查集
void Initial(int S[]){
   for(int i=0;i<SIZE;i++)</pre>
       S[i]=-1;
//Find "查"操作,找x所属集合(返回x所属根结点)
int Find(int S[],int x){
                                   最坏时间复杂度:
                     //循环寻找x的根
   while(S[x] >= 0)
                                         O(n)
       x=S[x];
                     //根的s[]小于0
   return x;
//Union "并"操作,将两个集合合并为一个
void Union(int S[],int Root1,int Root2){
   //要求Root1与Root2是不同的集合
                                     时间复杂
   if(Root1==Root2) return;
                                     度: O(1)
   //将根Root2连接到另一根Root1下面
   S[Root2]=Root1;
```



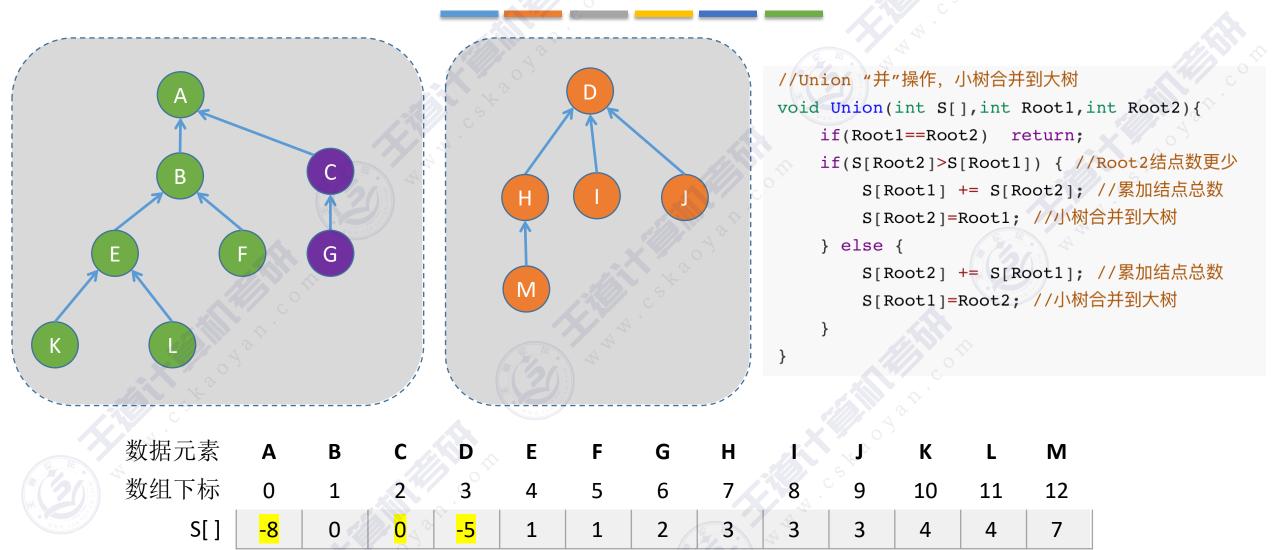


优化思路:在每次Union操作构建树的时候,尽可能让树不长高高

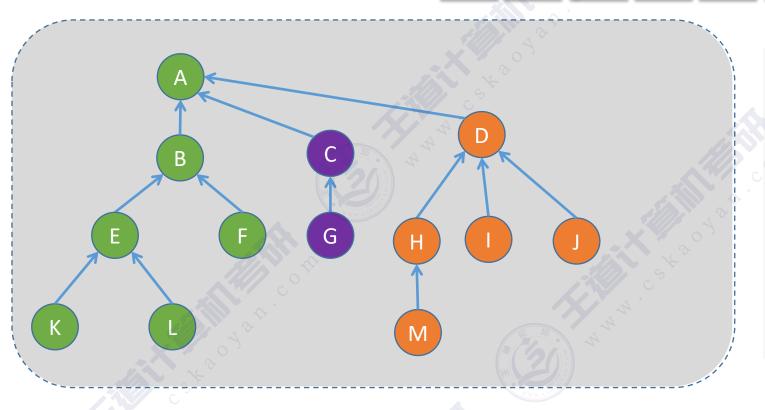
- ①用根节点的绝对值表示树的结点总数
- ②Union操作,让小树合并到大树



- ①用根节点的绝对值表示树的结点总数
 - ②Union操作,让小树合并到大树



- ①用根节点的绝对值表示树的结点总数
 - ②Union操作,让小树合并到大树





数据元素	Α	В	C	D	E	F	G	Н	-1	Jo	K	L	M
数组下标	0	1	2	3	4	5	6	7	8	ິ 9	10	11	12
S[]	<mark>-13</mark>	0	<mark>0</mark> 40	0	1	1	2	3	3	3	4	4	7

- ①用根节点的绝对值表示树的结点总数
- ②Union操作,让小树合并到大树

```
#define SIZE 13
                  //集合元素数组
int UFSets[SIZE];
//初始化并查集
void Initial(int S[]){
   for(int i=0;i<SIZE;i++)</pre>
       S[i]=-1;
//Find "查"操作,找x所属集合(返回x所属根结点)
int Find(int S[],int x){
                      //循环寻找x的根
   while(S[x] >= 0)
       x=S[x];
                      //根的s[]小于0
   return x;
//Union "并"操作,将两个集合合并为一个
void Union(int S[], int Root1, int Root2) {
   //要求Root1与Root2是不同的集合
   if(Root1==Root2) return;
   //将根Root2连接到另一根Root1下面
   S[Root2]=Root1;
```

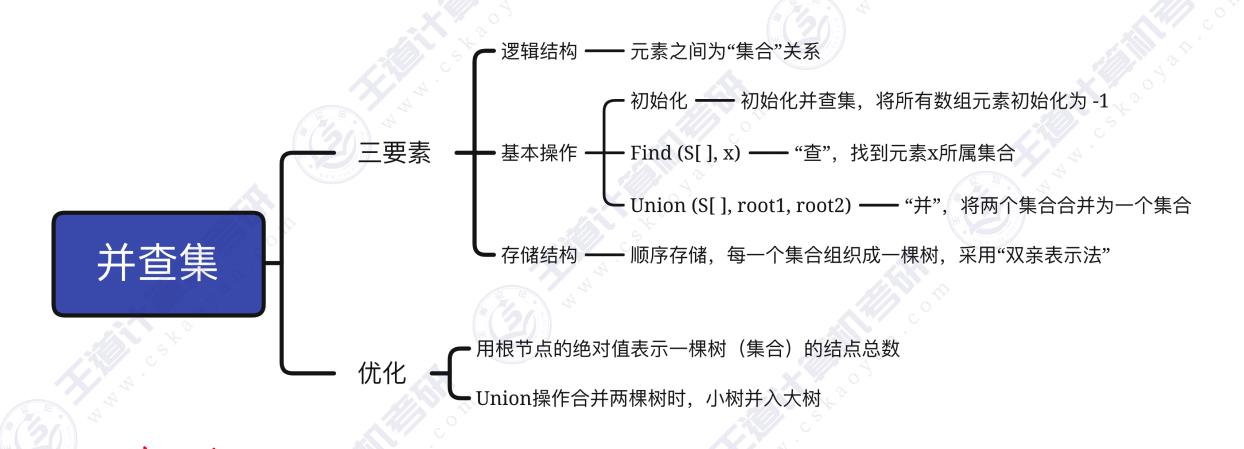
Union操作优化后, Find 操作最坏时间 复杂度: O(log₂n)

该方法构造的树高不超过 $\lfloor log_2 n \rfloor + 1$

//Union "并"操作, 小树合并到大树

```
优化
```

知识回顾与重要考点



树高<[69, 1]+1

Find -> D(log,n)