

Simulačná štúdia Balistika ve vojenství

4.12.2022 Jakub Ryšánek (xrysan05) Matej Slivka (xslivk03)

Obsah

1.	Úvod	. 3
	1.1 Autori a zdroje	
	Fakty a hypotézy	
	2.1 Fakty	
	2.2 Hypotézy	
	Koncepcie modelu	
4.	Experimenty	. 6
5.	Záver.	. 8

1. Úvod

Cieľom tejto práce je overiť a simulovať obranu USA proti útoku balistickými raketami a zistiť či je úspešnosť obrany dostatočne vysoká. USA má kritérium aby pri prípadnom útoku minimálne na 50% neprešla obranou žiadna raketa. Naším cieľom bolo zistiť či toto kritérium podľa dostupných dát splňuje a prípadne medzi akou hodnotou by sa mala pohybovať pravdepodobnosť zničenia rakety (alebo P(track) ďalej spomenuté). Nasimulujeme určitý počet bitiek, z ktorých zistíme percentuálnu úspešnosť obrany.

1.1 Autori a zdroje

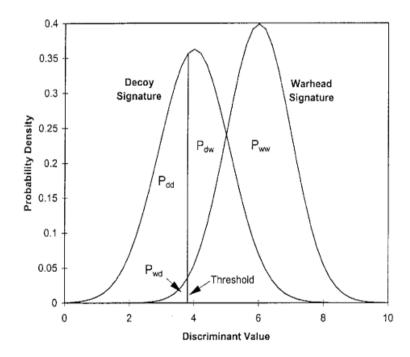
Projekt vypracovali študenti Jakub Ryšánek a Matej Slivka z FIT VUT v Brne. K technickej časti tejto práce boli použitá dokumentácia knižnice SIMLIB. Ako zdroj k faktom slúžil odborný článok publikovaný organizáciou Science & Global Security a zdroje na ktoré sa odkazuje daný článok. (https://fsi-live.s3.us-west-1.amazonaws.com/s3fs-public/Simple_Model_for_BMD.pdf)

2. Fakty a hypotézy

2.1 Fakty

Všetky uvedené fakty sú z https://fsi-live.s3.us-west-1.amazonaws.com/s3fs-public/Simple_Model_for_BMD.pdf

Arsenal útočiacej strany sa pohybuje medzi 50 až 200 balistickými raketami. Ďalej sú pri útoku použité falošné rakety, ktoré nenosia v sebe výbušninu (decoy) a slúžia len na vyradenie obranného systému. Tých je väčšinou 2,5 krát toľko ako reálnych rakiet. Po odpálení rakiet sa musia nosiče rakiet presunúť a pripraviť na odpálenie novej rakety. Preto môžeme predpokladať, že sa odpáli 175 až 700 rakiet. Pri obrane je nutne určiť či sa jedna o reálnu hrozbu alebo iba falošnú raketu. Robí sa to pomocou infračervených snímačov ktoré vyhodnotia hrozbu danej rakety.



Falošná i reálna rakete má určité vlastnosti podľa ktorých sa určuje či sa jedná o reálnu raketu alebo nie. Pri analýze rakety nemôžeme s presnosťou určiť jej typ a nastavajú odchýlky a preto sa určuje hodnota threshold ktorá určuje či bude vyhodnotená ako reálna raketa a čo bude decoy. Čim nižšia táto hodnota bude tým viac rakiet sa zbytočne použije na falošnú raketu ktorá neobsahuje výbušninu a teda nie je potreba aby bola zostrelená a naopak čím vyššia je táto hodnota tým viac reálnych rakiet môže prejsť pretože sa budú vyhodnocovať ako rakety falošne. V závislosti na týchto faktoch je potreba nájsť ideálnu hodnotu.

2.2 Hypotézy

V našom zdroji sa pracuje s hodnotou 3.8 pre threshold ale čo sa týka rozpoznávania rakety tak je v zdroji napísané ,že sa jedna o zle hodnoty. Tieto údaje ukazujú na normálne rozdelenie so stredom v bode 4 pre falošne rakety a 6 pre reálne rakety s rozptylom 1 ale my budeme používať rozptyl 0.8 aby sme priblížili k reálnemu vyhodnoteniu ale presne dáta nebudú dostupne. Pre každú reálnu raketu ktorá je vyhodnotená za hrozbu sú vystrelené 4 Interceptory ktoré majú danú raketu zostreliť. Pričom je k dispozícii 100 Interceptorov ktoré sú umiestnené na mieste obrany, 1200 Interceptorov typu Theater High-Altitude Area Defense (THAAD) a 650 Navy Theater-Wide (NTW) Interceptorov vyššej úrovne. Odborný článok ďalej charakterizoval pravdepodobnosť rakiet ktoré budú zostrelené nasledovne

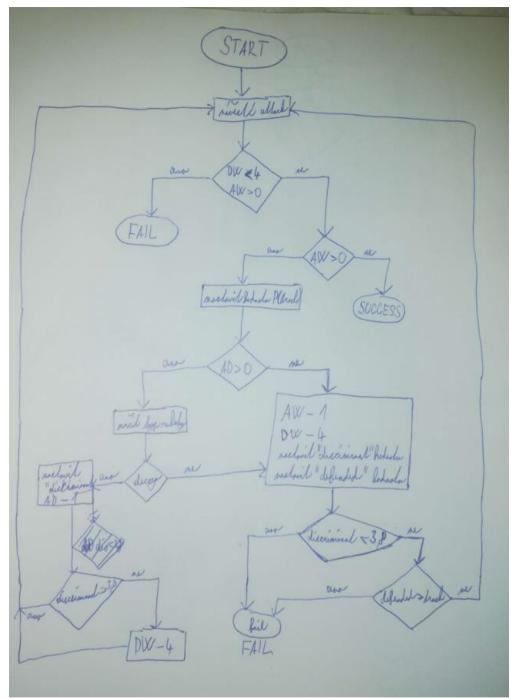
$$P_{j}(track) = P_{det\&track} \cdot P_{classify} \cdot P_{rel}$$

Kde P(track) je súčin pravdepodobnosti správnej detekcie rakety, správneho vyhodnotenia a spoľahlivosti systému.

3. Koncepcie modelu

Pri spustení simulačného modelu sa 100 000 krát po sebe spustí simulačný experiment ktorý je popísaný vyššie. Po dokončení všetkých simulácii sa na výstup vypisujú informácie o vykonaných experimentoch, teda počet experiment v ktorých bola obrana prelomená a počet experimentov v ktorých obrana nebola prelomená.

Spustenie experimentu v simulačnom modelu značí vytvoriť a aktivovať Event Battle ktorý reprezentuje jednu bitku. V rámci bitky je určený počet útočných rakiet, falošných rakiet a Interceptorov. Taktiež je volaný Process AttackAndDefense ktorý určuje, že či rakety budú zničené interceptormi alebo či ich útok bude úspešný. Hodnoty treshold a discriminant value (určuje či sa jedna o falošnou alebo reálnou raketu) sú jen približne pretože presne hodnoty nebudú zrejme k dispozícii. Na algoritmu je znázornený pseudokód pre proces AttackAndDefense



Obrázok č.1 - Vývojový diagram procesu AttackAndDefence

DW - Interceptor obrancu

AW - reálne rakety útočníka

AD - falošné rakety útočníka

Hodnota premennej discriminant je generovaná náhodne podľa normálneho rozdelenia, so stredom 4 alebo 6 podľa typu rakety a rozptylom 0.8. Treshold je nastavený na 3.8 takže rakety s hodnotou nižšou ako 3.8 sú vyhodnotené ako falošné a nad 3.8 ako reálne. Ak sa hodnota dicriminant u reálne rakety dostane pod 3.8 tak raketa bez odporu prejde obranou a zasiahne mesto a obranca tým pádom nesplnil podmienku nezasiahnutia. Ďalší možnosť nastáva ak obrancom dôjdu interceptory alebo ani jeden zo 4 interceptorov nezasiahne útočnú raketu. Tuto pravdepodobnosť určuje hodnota P(track) ktorá bola definovaná vyššie. Ta sa v zdroji pohybovala medzi 0.95 až 1 preto ju budeme náhodne voliť v tomto intervalu pro každú raketu.

4. Experimenty

V rámci experimentu sme nastavovali hodnotu P(track) tak aby celková úspešnosť obrany začínala okolo 50%. Počet obranných rakiet sme zvolili maximálny možný aby sa obranca dokázal ubrániť.

- Prvá štatistika zobrazuje údaje o P(track) keď obranca zostrelí všetky rakety
- Druhá štatistika zobrazuje údaje o P(track) keď obranca nedokázal ani jedným zo štyroch Interceptorov zneškodniť útočnú raketu
- Tretia štatistika zobrazuje údaje o P(track) keď sa reálna raketa klasifikuje ako falošná (decoy)

```
Number of battles: 100000
Defence failed: 54384
Defence succeded: 45616
 STATISTIC P(track) when defending side succeded
                                Max = 0.996644
  Min = 0.995408
  Number of records = 45616
  Average value = 0.996002
  Standard deviation = 0.000125922
  STATISTIC P(track) when defending side failed
  Min = 0.992055
                                Max = 0.999506
  Number of records = 33714
  Average value = 0.995972
  Standard deviation = 0.000338618
  STATISTIC Number of badly clasified real missiles
  Min = 2.37477
                                 Max = 3.79995
  Number of records = 20670
  Average value = 3.59096
  Standard deviation = 0.189927
```

Obrázok č.2 Pre P(track) 0.990 – 1

```
Number of battles: 100000
Defence failed: 54427
Defence succeded: 45573
 STATISTIC P(track) when defending side succeded
  Min = 0.995394
                                Max = 0.996677
  Number of records = 45573
  Average value = 0.996002
  Standard deviation = 0.000125698
 STATISTIC P(track) when defending side failed
  Min = 0.992011
                                Max = 0.99923
  Number of records = 33800
  Average value = 0.995973
  Standard deviation = 0.00032263
 STATISTIC Number of badly clasified real missiles
  Min = 2.2867
                                Max = 3.8
  Number of records = 20627
  Average value = 3.59078
  Standard deviation = 0.191489
```

Obrázok č.3 Pre P(track) 0.992 – 1

```
Number of battles: 100000
Defence failed: 49285
Defence succeded: 50715
 STATISTIC P(track) when defending side succeded
  Min = 0.996647
                                Max = 0.997391
  Number of records = 50715
  Average value = 0.997001
  Standard deviation = 9.50245e-05
  STATISTIC P(track) when defending side failed
  Min = 0.994089
                                Max = 0.999049
  Number of records = 27509
  Average value = 0.996979
   Standard deviation = 0.000258688
  STATISTIC Number of badly clasified real missiles
  Min = 2.42251
                                Max = 3.79999
  Number of records = 21776
  Average value = 3.58811
  Standard deviation = 0.197986
```

```
Number of battles: 100000
Defence failed: 42643
Defence succeded: 57357
  STATISTIC P(track) when defending side succeded
   Min = 0.997719
                                 Max = 0.998344
  Number of records = 57357
   Average value = 0.998001
   Standard deviation = 6.19669e-05
 STATISTIC P(track) when defending side failed
  Min = 0.996009
                                 Max = 0.999736
   Number of records = 19539
   Average value = 0.997988
   Standard deviation = 0.000159818
  STATISTIC Number of badly clasified real missiles
  Min = 2.34131
                                 Max = 3.8
   Number of records = 23104
   Average value = 3.59056
   Standard deviation = 0.192438
```

Obrázok č.5 Pre P(track) 0.996 – 1

5. Záver

V rámci experimentu bolo zistené, že USA by bolo schopné splniť podmienku aby na 50 % nebola zasiahnutá ani jednou raketou ak by sa P(track) pohyboval medzi 0.994 a 1, pričom sme vychádzali z dát ktoré boli uvedené v zdroji.