

# Prova III - Teoria

**Entrega** 28 jun em 10:40**Pontos** 11**Perguntas** 32**Disponível** 28 jun em 8:40 - 28 jun em 10:40 aproximadamente 2 horas**Limite de tempo** 120 Minutos

## Instruções

Esta prova TEÓRICA vale 10 pontos. Ela tem 30 questões de verdadeiro ou falso e duas questões abertas de código. As questões de verdadeiro ou falso valem 0,2 e as abertas, 2.5. O somatório dessas notas é igual a 11. Fizemos isso porque, novamente, NÃO será permitido retornar nas questões: nem fechadas, nem abertas. A submissão das questões abertas será efetuada em campo de arquivo texto. Adotaremos novamente o recurso do vídeo explicando a solução. Nesse caso, o vídeo será postado no YouTube e o aluno submeterá no Canvas apenas o link desse vídeo. A submissão do vídeo poderá ser efetuada até às 23:59 do dia da prova. Anularemos os vídeos que tiverem data de postagem posterior ao permitido.

A prova teórica da manhã acontecerá de 8:50 às 10:30 e a da tarde, de 13:30 às 15:10. A prova será aberta 10 minutos mais cedo e fechará 10 minutos mais tarde.

Este teste foi travado 28 jun em 10:40.

## Histórico de tentativas

	Tentativa	Tempo	Pontuação
MAIS RECENTE	<a href="#">Tentativa 1</a>	108 minutos	10,8 de 11

⚠ As respostas corretas não estão mais disponíveis.

Pontuação deste teste: **10,8** de 11

Enviado 28 jun em 10:28

Esta tentativa levou 108 minutos.

### Pergunta 1

**0,2 / 0,2 pts**

Considere uma tabela *hash* com *rehash* contendo cinco posições e usando as funções de transformação apresentadas abaixo, podemos afirmar que após a inserção dos elementos 1, 6, 5, 10, 3 e 4, a tabela resultante será [5 1 6 3 4].

```
int hash(int key){  
    return key%5;  
}  
  
int rehash(int key){  
    return ++key%5;  
}
```

☒ Verdadeiro

☐ Falso

A afirmação é verdadeira, pois o 10 não será inserido.

## Pergunta 2

0,2 / 0,2 pts

No método de transformação (*hashing*), os registros armazenados em uma tabela são diretamente endereçados a partir de uma transformação aritmética sobre a chave de pesquisa. Com relação às funções de transformação e colisões, podemos afirmar que os métodos de transformação mais conhecidos e funcionais incluem o resto da multiplicação (TRE-PI'16, adaptado).

☒ Falso

☐ Verdadeiro

A afirmação é falsa. Os métodos mais conhecidos utilizam o resto da divisão inteira.

## Pergunta 3

0,2 / 0,2 pts

No método de transformação (*hashing*), os registros armazenados em uma tabela são diretamente endereçados a partir de uma transformação aritmética sobre a chave de pesquisa. Com relação às funções de transformação e colisões, podemos afirmar que a técnica de endereçamento aberto (*hash* direto) resolve colisões usando uma matriz esparsa (TRE-PI'16, adaptado).

☒ Falso

☐ Verdadeiro

A afirmação é falsa. O *hash* direto consiste em inserir os elementos que sofreram colisões dentro da própria tabela. Por exemplo, podemos utilizar área de reserva ou *overflow* e funções de *rehash*.

#### Pergunta 4

0,2 / 0,2 pts

Uma estrutura de dados eficiente é a tabela *hash*. Um desafio no projeto dessa estrutura é seu dimensionamento. Em uma tabela adequadamente dimensionada, com  $n$  chaves, o número médio de acessos para localização de uma chave é  $\Theta(1)$  comparações (TJ-PI'15, adaptada).

☐ Falso

☒ Verdadeiro

Uma tabela *hash* é bem dimensionada quando seu custo é constante,  $\Theta(1)$  comparações.

#### Pergunta 5

0,2 / 0,2 pts

No método de transformação (*hashing*), os registros armazenados em uma tabela são diretamente endereçados a partir de uma transformação aritmética sobre a chave de pesquisa. Com relação às funções de transformação e colisões, podemos afirmar que a técnica de endereçamento separado (*hash* indireto) resolve colisões usando uma estrutura auxiliar externa (e.g., lista linear encadeada) para cada endereço da tabela (TRE-PI'16, adaptado).

☒ Verdadeiro

☐ Falso

A afirmação é verdadeira e ela descreve a técnica de *hash* indireto.

### Pergunta 6

0,2 / 0,2 pts

Ao fragmentarmos um nó do tipo 4, a altura da árvore aumenta em um nível.

☒ Falso

☐ Verdadeiro

A afirmação é falsa. Nas fragmentações, o elemento do meio "sobe" para seu pai sem aumentar o nível da árvore. A única exceção acontece quando temos a fragmentação da raiz, pois, como não existe um pai, esse é criado.

Incorreta

### Pergunta 7

0 / 0,2 pts

A inserção dos números 4, 24, 10, 16, 2, 22, 18, 14, 8, 26, 20, 12 e 6 em uma 2.3.4 usando as técnicas de fragmentação por ascensão e na descida gera a mesma árvore resultante.

☐ Verdadeiro

☒ Falso

A afirmação é verdadeira. A inserção usando as duas técnicas é igual até a inserção do 20. Elas ficam diferentes após a inserção do 12 e voltam a ficar iguais com a inserção do 6.

### Pergunta 8

0,2 / 0,2 pts

Uma vantagem da fragmentação na descida é que, na ascensão é preciso uma pilha para restaurar o equilíbrio da árvore repassando o caminho inverso de pesquisa no caso de fragmentações.

☐ Falso

☒ Verdadeiro

A afirmação é verdadeira. A fragmentação na descida faz apenas atualizações locais envolvendo um nó e seu pai. Por outro lado, a técnica por ascensão faz com que exista um efeito cascata de fragmentações.

### Pergunta 9

0,2 / 0,2 pts

Na árvore 2.3.4, após uma inserção utilizando fragmentação na descida, podemos garantir a inexistência de nós do tipo 4 no caminho entre a raiz e a folha em que aconteceu a inserção.

☒ Falso

☐ Verdadeiro

A afirmação é falsa. Na inserção com fragmentação na descida, quando chegamos em um nó do tipo 4, esse é fragmentado. Nessa fragmentação, se o pai era do tipo 3, ele ficará sendo do tipo 4. Da mesma forma, se inserirmos em uma folha do tipo 3, essa ficará sendo do tipo 4.

### Pergunta 10

0,2 / 0,2 pts

A técnica de inserção com fragmentação na descida na 2.3.4 pode aumentar, reduzir ou manter o número de nós do tipo 4.

☐ Falso

☒ Verdadeiro

A afirmação é verdadeira. Na inserção com fragmentação na descida, quando temos um nó do tipo 4 esse será fragmentado o que pode levar a uma redução do número de nós do tipo 4. Por outro lado, quando inserimos o elemento em uma folha do tipo 3, essa vira do tipo 4, aumentando o número de nós desse tipo. Temos ainda que durante a inserção podemos não ter fragmentações, mantendo o número de nós do tipo 4 existentes na árvore. Esse número também é mantido quando para cada Fragmentação, temos um nó do tipo 3 que vira do tipo 4.

**Pergunta 11****0,2 / 0,2 pts**

Uma das estruturas de dados utilizadas na modelagem de sistemas de software denomina-se árvore rubro-negra. Nesse caso, um nó será vermelho quando, na árvore 2-3-4 correspondente, o valor desse nó for gêmeo do nó pai. Caso contrário, o nó é preto. Em uma árvore rubro-negra temos que se um nó é preto, seus filhos são pretos.

☒ Falso☐ Verdadeiro

A afirmação é falsa conforme os conceitos de árvores alvinegras apresentados na sala de aula.

**Pergunta 12****0,2 / 0,2 pts**

Em uma árvore alvinegra, se tivermos dois nós pretos seguidos, temos que fazer uma rotação com o avô.

☒ Verdadeiro☐ Falso

A afirmação é verdadeira conforme os conceitos de árvores alvinegras apresentados na sala de aula.

**Incorreta****Pergunta 13****0,2 / 0,2 pts**

Uma árvore rubro-negra possui 18 valores inteiros distintos armazenados em seus 18 nós. A função recursiva boolean busca (int val) visita os nós desse tipo de árvore à procura de um determinado valor (val). O algoritmo utilizado tira partido das características de uma árvore rubro-negra, com o objetivo de ser o mais eficiente possível. Podemos afirmar que o número máximo de chamadas da função que será necessário para informar se um determinado valor está, ou não, armazenado na árvore é igual a seis (BNDES'13, adaptada).

☐ Verdadeiro

☒ Falso

A afirmação é verdadeira e pode ser confirmada executando o código disponibilizado pelo professor.

### Pergunta 14

0,2 / 0,2 pts

Uma das estruturas de dados utilizadas na modelagem de sistemas de software denomina-se árvore rubro-negra. Nesse caso, um nó será vermelho quando, na árvore 2-3-4 correspondente, o valor desse nó for gêmeo do nó pai. Caso contrário, o nó é preto. Em uma árvore rubro-negra temos que a quantidade de nós vermelhos é sempre igual à de pretos.

☐ Verdadeiro

☒ Falso

A afirmação é falsa conforme os conceitos de árvores alvinegras apresentados na sala de aula.



**Pergunta 15****0,2 / 0,2 pts**

Em uma árvore alvinegra, quando um nó tem 2 filhos pretos, fazemos a inversão das cores entre os filhos e o pai.

☒ Verdadeiro☐ Falso

A afirmação é verdadeira conforme os conceitos de árvores alvinegras apresentados na sala de aula.

**Pergunta 16****0,2 / 0,2 pts**

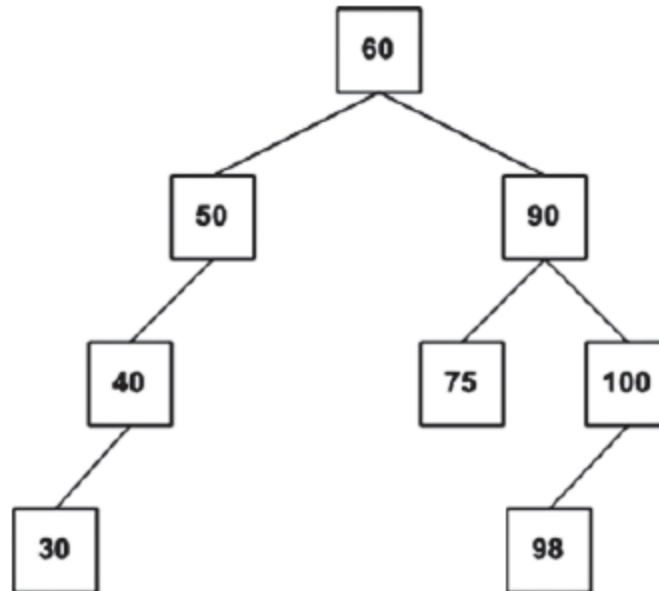
Todos os  $n$  nomes de uma lista de assinantes de uma companhia telefônica foram inseridos, em ordem alfabética, em três estruturas de dados: uma árvore binária de busca, uma árvore AVL e uma árvore bicolor. As alturas resultantes das três árvores são  $\Theta(n)$ ,  $\Theta(\lg(n))$  e  $\Theta(\lg(n))$ , respectivamente (PETROBRAS'12, adaptada)

☒ Verdadeiro☐ Falso

A afirmação é verdadeira. A AB não é balanceada e as demais são.

**Pergunta 17****0,2 / 0,2 pts**

A estrutura de dados AVL é uma árvore binária de busca balanceada criada pelos soviéticos Adelson, Velsky e Landis em 1962. Podemos afirmar que a figura abaixo representa uma árvore AVL (PETROBRAS'12, adaptada).



☐ Verdadeiro

☒ Falso

A afirmação é falsa conforme o conceito de árvore AVL.

### Pergunta 18

0,2 / 0,2 pts

A AVL é uma árvore de busca autobalanceada. Isso significa que as alturas das duas sub-árvores a partir de cada nó são exatamente iguais (SEFAZ-PI'15, adaptado).

☒ Falso☐ Verdadeiro

A afirmação é falsa conforme o conceito de árvore AVL.

### Pergunta 19

0,2 / 0,2 pts

A AVL é uma árvore de busca autobalanceada. Isso significa que as alturas das duas sub-árvores a partir de cada nó diferem no máximo em duas unidades (SEFAZ-PI'15, adaptado).

☐ Verdadeiro☒ Falso

A afirmação é falsa conforme o conceito de árvore AVL.

### Pergunta 20

0,2 / 0,2 pts

Avaliando os códigos abaixo nas linguagens C e C++, é correto afirmar que os dois imprimem os mesmos valores para as variáveis "x" e "y" no final de suas execuções. Isso acontece mesmo com a passagem de parâmetros do primeiro código sendo por valor e a do segundo, sendo por referência.

Código em C:

```
void troca(double *x, double *y){  
    double aux = *x;  
    *x = *y;
```

```
*y = aux;  
}  
  
int main(){  
    double x = 7.0;  
    double y = 5.0;  
    troca(&x, &y);  
    printf("X: %lf Y: %lf", x, y);  
}
```

Código em C++:

```
void troca(double& x, double& y){  
    double aux = x;  
    x = y;  
    y = x;  
}  
  
int main(){  
    double x = 7.0;  
    double y = 5.0;  
    troca(x, y);  
    cout << "X: " << x;  
    cout << "Y: " << y;  
}
```

☒ Verdadeiro

☐ Falso

A afirmação é verdadeira conforme discutido em sala de aula.

## Pergunta 21

0,2 / 0,2 pts

Podemos afirmar que o código abaixo em C++ imprime "1 1" como saída

```
void f (int val, int& ref) {  
    val ++; ref++;  
}
```

```
}  
  
void main () {  
    int i = 1, j = 1;  
    f(i, j);  
    printf("%i -- %i", i, j);  
}
```

☒ Falso

☐ Verdadeiro

A afirmação é falsa. A variável ref foi passada por referência, assim, seu valor final é dois.

## Pergunta 22

0,2 / 0,2 pts

Considere a assinatura das duas funções abaixo na linguagem C++:

```
void troca(double &x, double &y)
```

```
void troca(double* x, double* y)
```

Podemos afirmar que a primeira função utiliza passagem de parâmetros por referência e a segunda, por valor.

☒ Verdadeiro

☐ Falso

A afirmação é verdadeira considerando os conceitos sobre passagem de parâmetros na linguagem C++ apresentados na sala de aula.

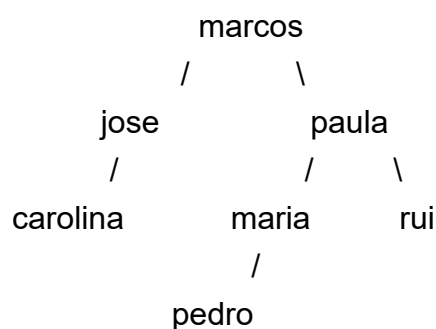
**Pergunta 23****0,2 / 0,2 pts**

Considere que a Manausprev armazena os nomes dos beneficiários de aposentadorias em uma Árvore Binária de Busca (ABB). Ao se armazenar, nesta ordem, os nomes Marcos, José, Carolina, Paula, Rui, Pedro e Maria, a ABB resultante é uma árvore completa (MANAUSPREV'15, adaptada).

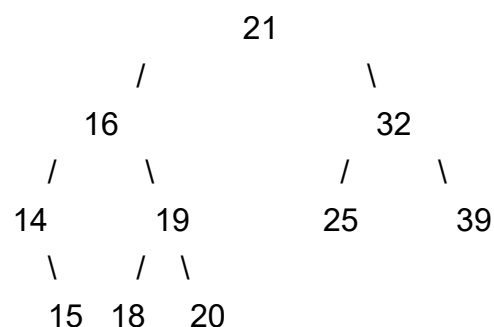
☐ Verdadeiro

☒ Falso

A afirmação é falsa e a árvore resultante é mostrada abaixo.

**Pergunta 24****0,2 / 0,2 pts**

Dada a árvore binária abaixo e o código do método pesquisar, podemos afirmar que a chamada do método pesquisar(18) imprime na tela duas vezes a letra "A".



```
public boolean pesquisar(int x) {  
    return pesquisar(x,raiz);  
}  
  
private boolean pesquisar(int x, No i) {  
    boolean encontrado;  
    if(i == null) {  
        encontrado = false;  
    } else if(x == i.elemento) {  
        encontrado = true;  
    } else if(x < i.elemento ) {  
        encontrado = pesquisar(x, i.esq);  
        System.out.println("A");  
    } else {  
        encontrado = pesquisar(x, i.dir);  
    }  
    return encontrado;  
}
```

☐ Falso

☒ Verdadeiro

A afirmação é verdadeira. A impressão acontece da letra acontece quando o algoritmo caminha para a esquerda a partir dos nós contendo os números 21 e 19.

### Pergunta 25

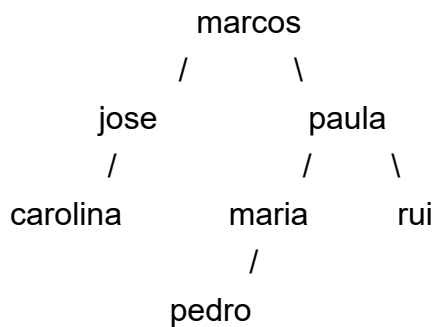
0,2 / 0,2 pts

Considere que a Manausprev armazena os nomes dos beneficiários de aposentadorias em uma Árvore Binária de Busca (ABB). Ao se armazenar, nesta ordem, os nomes Marcos, José, Carolina, Paula, Rui, Pedro e Maria, a ABB resultante tem o nó contendo José possui dois filhos (MANAUSPREV'15, adaptada).

☐ Verdadeiro

☒ Falso

A afirmação é falsa e a árvore resultante é mostrada abaixo.



### Pergunta 26

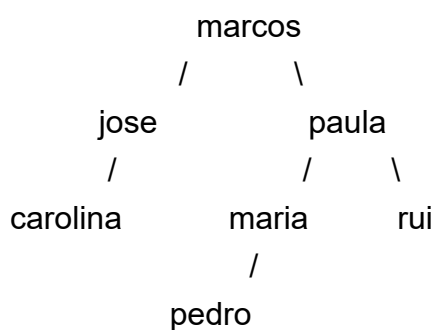
0,2 / 0,2 pts

Considere que a Manausprev armazena os nomes dos beneficiários de aposentadorias em uma Árvore Binária de Busca (ABB). Ao se armazenar, nesta ordem, os nomes Marcos, José, Carolina, Paula, Rui, Pedro e Maria, a ABB resultante tem altura 3, que corresponde à altura mínima para armazenar os 7 nomes (MANAUSPREV'15, adaptada).

☐ Verdadeiro

☒ Falso

A afirmação é falsa e a árvore resultante é mostrada abaixo.





**Pergunta 27****0,2 / 0,2 pts**

O comando Java "No no = new No()" cria um objeto do tipo No e armazena seu endereço na variável no. A mesma coisa acontece em C++ no código "No no = new No()".

☒ Falso☐ Verdadeiro

O comando C++ apresentado não compila, pois "No no" cria um objeto do tipo No e, não, um ponteiro. Logo, a variável no não armazena um endereço de memória como no comando Java apresentado.

**Pergunta 28****0,2 / 0,2 pts**

Nas linguagens Java e C++, os atributos de uma classe podem ter as visibilidades public, private ou protected. Um atributo público é acessível dentro e fora da classe. Um privado, somente dentro da classe. Um protegido, somente dentro da classe ou de classes filhas.

☒ Verdadeiro☐ Falso

As linguagens Java e C++ são orientadas por objetos e possuem os três tipos de visibilidade apresentados com suas respectivas definições.

**Pergunta 29****0,2 / 0,2 pts**

O código C++ abaixo tem um objeto chamado "quadrado\_teste" do tipo Quadrado que pode ser usado globalmente.

```
class Quadrado {  
    private:  
        int lado;  
    public:  
        void set_values (int);  
  
    //...  
};  
  
int main() {  
    Quadrado quadrado_teste;  
  
    //...  
    return 0;  
}
```

☒ Falso☐ Verdadeiro

A declaração da classe e a criação do objeto foram feitos de maneira adequada. Entretanto, como o objeto foi declarado dentro da função main, o escopo de vida do mesmo é aquela função a partir do seu ponto de declaração.

**Pergunta 30****0,2 / 0,2 pts**

Nas linguagem Java e C++, ao instanciarmos um objeto usando new, fazemos com que tal objeto seja acessível a partir de um ponteiro/referência. Entretanto, diferente do Java, a linguagem C++ também permite a criação literal de objetos.

☒ Verdadeiro

☐ Falso

Nas linguagem Java e C++, o comando new cria um objeto e retorna seu endereço de memória que deve ser armazenado em um ponteiro/referência. A linguagem Java não permite a criação literal de um objeto o que é possível em C++.

### Pergunta 31

2,5 / 2,5 pts

Seja a árvore Trie apresentada na sala de aula modifique o método INSERIR supondo que nossa árvore permite a existência de prefixos. Por exemplo, assim, podemos ter as palavras AMO, AMOR, AMORA, AMORES. Apresente a ordem de complexidade do seu método. Sua resposta deve conter somente o método solicitado e sua complexidade.

↓ [Questao31.java](#)

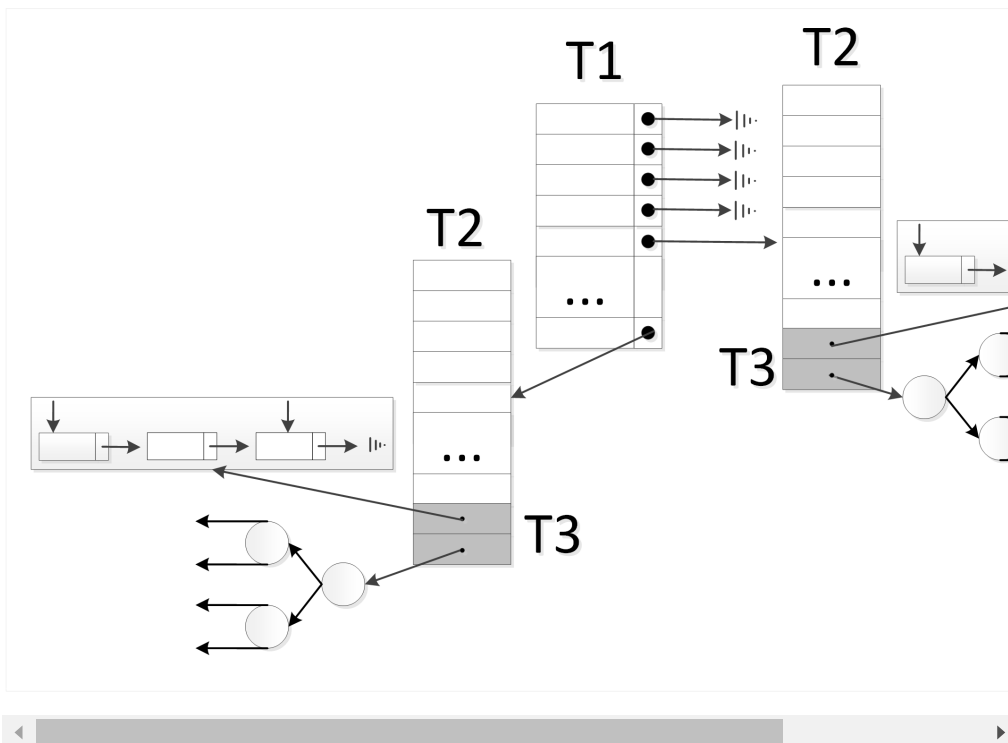
<https://pucminas.instructure.com/files/3895806/download>

### Pergunta 32

2,5 / 2,5 pts

Considere a estrutura de dados Doidona ilustrada abaixo. O primeiro nível dessa estrutura contém uma tabela hash T1 sendo que cada célula dessa tabela possui um número inteiro elemento e um ponteiro T2 para outra tabela hash, T2. Cada célula de T1 aponta para uma T2. O tamanho de T1 é tam1 e de cada T2, tam2. Distribuímos os elemento em T1 com uma função  $\text{int hashT1}(\text{int } x)$  que retorna  $(x \% \text{tamT1})$ . A T2 de cada célula distribui seus elementos com uma função  $\text{int hashT2}(\text{int } x)$  que retorna  $(x \% \text{tamT2})$  e trata as colisões com uma função  $\text{int rehashT2}(\text{int } x)$  que retorna  $(++x \% \text{tam2})$ . Quando a função rehash} não consegue tratar as colisões, a T2 de cada nó trata essas

colisões com a tabela hash} T3 (logicamente implementada). A função `int hashT3(int x)` retorna  $(x \% 2)$ . Quando esse retorno é zero, inserimos o valor em uma lista `listaT3`. Quando um, em uma árvore binária `arvT3`. Implemente o algoritmo para pesquisar a existência de um elemento cadastrado nessa estrutura. Você N.Ã.O deve usar as estruturas de Árvore Binária nem de Lista, use apenas o Nó da Árvore e a Célula da Lista. A classe `Doidona` tem o atributo `CelulaT1 t1[]`. A classe `CelulaT1` tem os atributos `int elemento` e `HashT2 t2`. A classe `HashT2` tem os atributos `int[] tab`; `Celula primeiroT3`, `ultimoT3`; e `No raizT3`. As classes `Celula` e `nó` são iguais às vistas na sala de aula. Faça a análise de complexidade do seu método.



↓ [Questao32.java](#)

(<https://pucminas.instructure.com/files/3895990/download>)

ok

Pontuação do teste: **10,8** de 11