## Matemática Discreta I Segundo Parcial - 7 de Junio de 2016

Apellido y Nombre:	Comisión:
Apellido y Nollible.	Comision.

Nota: No puede usar calculadora o celular. Justifique todas sus respuestas. Si usa un resultado debe enunciarlo.

## Parte Teórica (20 puntos)

- 1. (10 puntos) Definir las siguientes nociones: divisibilidad, mínimo común múltiplo y número primo.
- 2. (10 puntos) Enunciar el Teorema de Fermat.

## Parte Práctica (80 puntos)

- 3.  $(15 \ puntos)$  Expresar al número  $(2016)_{12}$  en base 16.
- 4. (15 puntos) Probar que si (x, y) = 1 entonces (xy, x y) = 1.
- 5. (25 puntos)
  - (i) Hallar las cifras de las unidades de  $43^{2016}$ .
  - (ii) Hallar el resto en la división de  $17^{2016}$  por 29.
- 6. (25 puntos)
  - (i) Calcular el máximo común divisor entre 21 y 38, y expresarlo como combinación lineal entera de esos números.
  - (ii) Resolver la ecuación  $63x \equiv 75(114)$  e indicar todas las soluciones x tales que  $0 \le x < 114$ . ¿ Cuál es la mayor solución negativa?

1	2	3	4	5 (i) 5 (ii)	6(i) 6(ii)