Problem B. 三进制

Input file: standard input
Output file: standard output

Time limit: 1 second Memory limit: 256 megabytes

这是一道交互题。

对于 n 位三进制数,小 A 设计了一个非常简单的加密算法: 对每一位 $i=0,1,\dots,n-1$ 构造双射 $f_i:\{0,1,2\}\to\{0,1,2\}$ 。对于一个 n 位三进制数 A,假设其加密前从高位到低位依次是:

$$a_{n-1}, a_{n-2}, \cdots, a_0$$

那么其加密后从高位到低位就是:

$$f_{n-1}(a_{n-1}), f_{n-2}(a_{n-2}), \cdots, f_0(a_0)$$

为了方便表示每一位的加密,我们可以将双射 $f_i = \{0 \to x, 1 \to y, 2 \to z\}$ (当然有 $x, y, z \in \{0, 1, 2\}$ 且 x, y, z 互不相同)简单地表示为 $f_i = xyz$ 。例如 $f_0 = \{0 \to 1, 1 \to 2, 2 \to 0\}$ 就可以表示为 $f_0 = 120$ 。

比如小 A 对 3 位三进制数构造双射 $f_0=021, f_1=120, f_2=210$,那么 120 加密后就是 100, 201 加密后就是 012。

小 A 当然不希望别人知道它构造的双射,但是加密算法终究是要使用的,所以小 A 会告诉你 n 的大小,并允许你询问 2 次加密状态下加法的结果,而你的任务是依靠这 2 次询问破解小 A 构造的 n 个双射 $f_0, f_1, \cdots, f_{n-1}$ 。

Input

第一行一个正整数 T $(1 \le T \le 10^4)$,表示数据组数。

每组数据一行一个正整数 n ($1 < n < 10^5$),表示三进制位数。

保证单个测试点内每组数据中 n 的和不超过 10^6 。

Interaction Protocol

你可以进行不超过 2 次询问, 之后回答小 A 的加密映射。

每次询问,你应该以格式 ?ab 给出加法的两个参数 a,b,其中 a,b 都是 n 位三进制数并要求你以字符串格式给出。在刷新输出流之后,你需要以字符串格式读入一行一个 n+1 位三进制数 c,其中 c 是 a,b 分别解密后相加之后再加密的结果,其中最高位作为溢出标志不加密。形式化的:

$$c = f(f^{-1}(a) + f^{-1}(b))$$

其中 f 是加密双射, f^{-1} 是 f 的逆映射。

注意. 所有三进制字符串的输入都是从高位到低位!

注意, c 的最高位即第 n 位作为溢出标志不加密, 或者你可以认为 $f_n = 012$ 。

如果要回答小 A 的加密映射,你应该以格式! f_0 f_1 ··· f_{n-1} 给出 n 个加密映射,其中 $f_0, f_1, \cdots, f_{n-1}$ 都应该是字符串 012, 021, 102, 120, 201, 210 中的一个。在刷新输出流之后,交互器会立即判定你的答案是否正确,然后进行下一组数据交互或结束程序,而不会有多余输出。

注意,小 A 的加密映射在询问前已经完全确定,不会随着询问更改。换句话说,交互器不是自适应的。为了刷新输出流,你可以:

- 在 C/C++ 中使用 fflush(stdout) (如果使用 printf) 或者 cout.flush() (如果使用 cout) 。
- Java 中使用 System.out.flush()。

• 在 Python 中使用 sys.stdout.flush()。

Example

standard output
? 011 102
? 010 202
! 021 120 102
? 0 1
! 012

Note

对于第一组数据的第一个询问, 011 和 102 解密后分别是 102 和 021, 相加后得到 0200, 再加密后是 0210。

对于第一组数据的第二个询问,010 和 202 解密后分别是 100 和 221,相加后得到 1021,再加密后是 1102。

对于第二组数据的第一个询问, 0和1解密后分别是0和1,相加后得到01,再加密后是01。