

- N皇后问题算法实验报告
 - 1. 算法说明
 - 回溯法
 - 2. 实验结果
 - 解的验证
 - 3 优化思路
 - 位运算优化
 - 性能对比

N皇后问题算法实验报告

1. 算法说明

回溯法

- 基本思路：**逐行放置皇后，每行选择一个列位置，确保不与已放置的皇后冲突（同一列、同一对角线）。若当前行无合法位置，则回溯到上一行调整位置。
- 实现细节：**
 - 递归遍历每一行，尝试所有可能的列位置。
 - 使用 `check()` 函数验证当前位置是否安全，时间复杂度为 $O(n)$ 。
 - 递归深度为 N ，每层递归需遍历 N 列，总时间复杂度为 $O(N^N)$ 。

2. 实验结果

解的验证

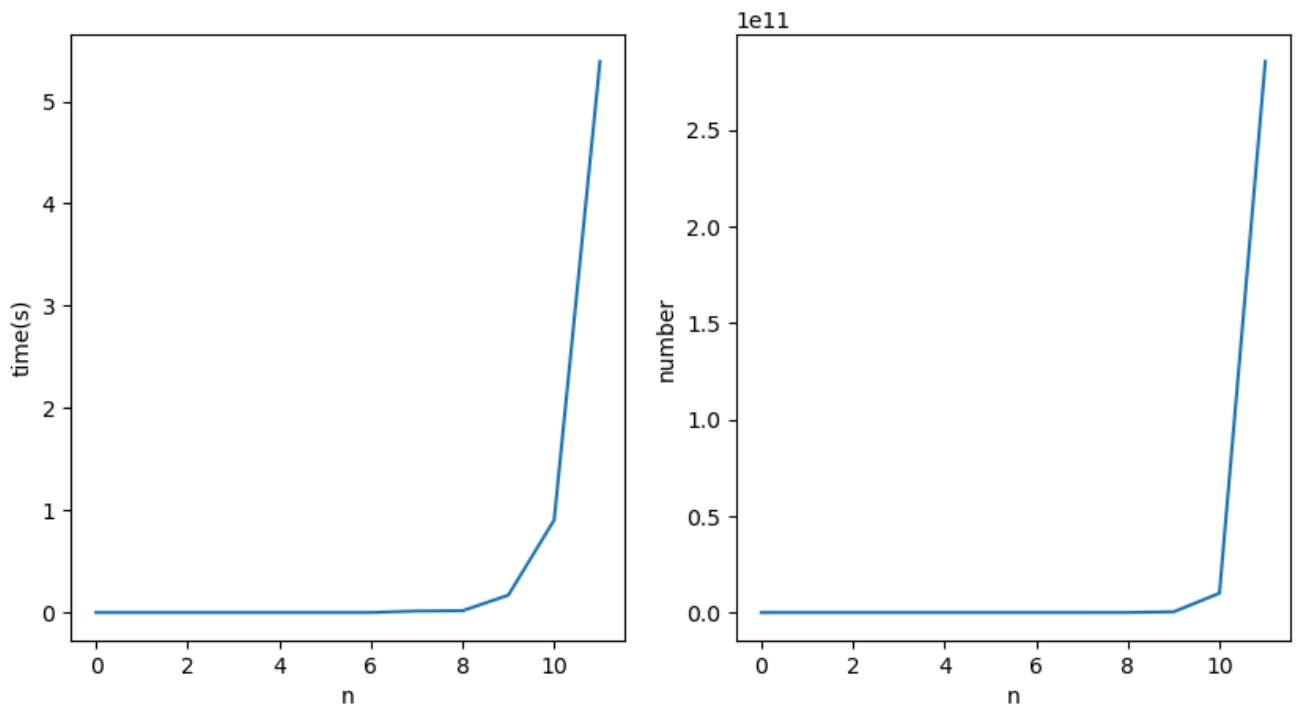
- 四皇后：**2种解，示例如下：

```
# Q # #  
# # # Q  
Q # # #  
# # Q #
```

- 八皇后：92种解，第一个解如下：

```
Q # # # # # # #  
# # # # Q # # #  
# # # # # # # Q  
# # # # # Q # #  
# # Q # # # # #  
# # # # # # Q #  
# Q # # # # # #  
# # # Q # # # #
```

- 时间增长曲线：



3 优化思路

位运算优化

- **核心思想：**利用二进制位表示列、主对角线和副对角线的占用状态，通过位操作快速筛选可用位置。
- **实现细节：**
 - 用三个整数 `cols`、`diag1`、`diag2` 分别表示列、主对角线和副对角线的占用状态。
 - `available_positions = ~(cols | diag1 | diag2) & ((1 << N) - 1)` 获取当前行可用位置。

- 通过 `pos = available_positions & -available_positions` 快速取最右侧可用位。
- 时间复杂度优化至接近 $O(N!)$ ，实际性能显著优于普通回溯。

性能对比

N	普通回溯耗时(s)	位运算耗时(s)	加速比
4	0.000000	0.000000	-
8	0.005990	0.001001	~6x
12	5.357095	0.446396	~12x