AprendeR: Parte I

 $The \ UIB-AprendeR \ team$ 2020-03-04

Contents

Presentación		5	
1	Esti	ructuras de control básicas	7
	1.1	Bucles de tipo "for"	8
	1.2	Bucles de tipo "while"	11
	1.3	Estructuras condicionales	12
	1.4	Guía rápida de funciones	14
	1.5	Ejercicios	15

4 CONTENTS

Presentación

Edición preliminar en línea de la 1a parte del libro *AprendeR*, producido por un grupo de profesores del Departamento de Ciencias Matemáticas e Informática de la UIB.

El libro está escrito en R Markdown, usando RStudio como editor de texto y el paquete **bookdown** para convertir los ficheros markdown en un libro.

Este trabajo se publica bajo licencia Atribución-No Comercial-Sin Derivada
s $4.0\,$ 6 CONTENTS

Chapter 1

Estructuras de control básicas

Una de las grandes ventajas de R es su capacidad de **vectorizar construcciones**, es decir, la posibilidad de aplicar de golpe una función a todo un vector, o a todas las entradas de un vector, o a todas las filas o columnas de un *data frame* o una matriz. Por ejemplo, para calcular la suma de todos los elementos de un vector, en muchos lenguajes de programación tendríamos que llevar a cabo un proceso recurrente como el que sigue:

- 1. Iniciar una variable "Suma" igual al primer elemento del vector
- 2. Para cada posición i entre 2 y la longitud del vector, redefinir "Suma" como la suma de su valor actual y el elemento i-ésimo del vector
- 3. Al llegar al final del vector, dar el valor final de "Suma"

En cambio, como sabéis, con R basta entrar sum (vector).

De manera similar, para calcular todos los cuadrados de números naturales del 1 al 100, con R basta entrar (1:100)^2, mientras que en muchos lenguajes de programación tendríamos que llevar a cabo un proceso similar al anterior:

- 1. Definir un vector "Cuadrados" vacío
- 2. Para cada
n entre 1 y 100, añadir al final del vector "Cuadrados" el valor de
n 2
- 3. Al terminar, dar el contenido final del vector "Cuadrados"

Incluso para construcciones más complicadas que elevar al cuadrado, R dispone de funciones, genéricamente llamadas **funciones de tipo apply** que permiten aplicar una función a todos los elementos de un objeto. Algunas de estas funciones ya han aparecido en lecciones anteriores:

 apply, para aplicar una función a todas las filas o a todas las columnas de una matriz

- aggregate, para aplicar una función a todos los grupos formados al clasificar una variable según un factor
- lapply, para aplicar una función a todos los elementos de un objeto y dar el resultado en forma de *list*
- sapply, para aplicar una función a todos los elementos de un objeto y dar el resultado con una estructura lo más sencilla posible (como un vector, una matriz...)

Las normas usuales de "buena práctica de la programación" en R fomentan el uso de la vectorización de cálculos usando funciones de tipo *apply* u otras funciones específicas tipo sum cuando existen. Pero hay ocasiones en que es necesario, o nos puede convenir por algún motivo, escribir un pequeño **bucle** (un proceso que repite varias veces una misma secuencia de operaciones) del estilo de los que hemos explicado. En esta lección explicamos cómo usar en R los dos tipos de bucles más sencillos: los bucles de tipo **for** y de tipo **while**. Completamos la lección introduciendo otro tipo de estructura de control muy común: las estructuras condicionales.

1.1 Bucles de tipo "for"

Un **bucle de tipo "for"** es una estructura del tipo "Para todo ... haz ..." en la que se repite una determinada operación o secuencia de operaciones para todos los elementos de un vector (también puede ser de una list, pero para simplificar aquí siempre tomaremos un vector). Con R, este tipo de bucles se especifican con una instrucción de la forma

```
for(indice in vector){
  acción
  }
```

Esta sintaxis indica a R que

para todo índice que pertenezca al vector, efectue la acción especificada entre las llaves.

En esta instrucción el **índice** juega un papel de variable interna, como las variables entre los paréntesis en la definición de funciones, y lo podéis substituir por cualquier nombre de variable, como por ejemplo n, i o x, mientras luego uséis ese mismo nombre en la construcción entre llaves.

Así, por ejemplo, para construir el vector de los cuadrados de números naturales del 1 al 10 por medio de un bucle de tipo "for" entraríamos

```
for(n in 1:10){Cuadrados[n]=n^2}
```

Error in eval(expr, envir, enclos): objeto 'Cuadrados' no encontrado

Bueno, ya veis que no. Esta construcción solo implementa el paso 2 del proceso descrito en la introducción de la lección. Antes, hay que llevar a cabo el paso 1: definir el vector de Cuadrados y darle un valor inicial, aunque sea igualarlo a un vector vacío, para que luego R ya lo vaya construyendo:

```
Cuadrados=c() #Iniciamos Cuadrados como un vector vacío
for(n in 1:10){Cuadrados[n]=n^2}
Cuadrados
```

```
## [1] 1 4 9 16 25 36 49 64 81 100
```

En vez de empezar con el vector **Cuadrados** vacío, podríamos iniciarlo con su primera entrada, 1. Y en vez de ir definiendo las entradas sucesivas de este vector en las diferentes iteraciones del bucle, también podríamos ir añadiéndolas al final:

```
Cuadrados=c(1)
for(n in 2:10){Cuadrados=c(Cuadrados,n^2)}
Cuadrados
```

```
## [1] 1 4 9 16 25 36 49 64 81 100
```

Desde el punto de vista de R, estos dos bucles de tipo "for" tienen un defecto: como cada iteración del bucle cambia la dimensión del vector Cuadrados, en cada iteración R define un nuevo objeto "Cuadrados" en el que copia el contenido del Cuadrados anterior y le añade el nuevo elemento. En bucles más complicados, esto podría ralentizar el cálculo. La manera correcta de definir este bucle en R es iniciar el vector Cuadrados como un vector de la longitud que va a tener al final, 10 en nuestro caso, y con el contenido que queramos, por ejemplo constante, y entonces ir modificando sus entradas una a una:

```
Cuadrados=rep(1,10)
for(n in 2:10){Cuadrados[n]=n^2}
Cuadrados
```

```
## [1] 1 4 9 16 25 36 49 64 81 100
```

Ejemplo 1.1. Supongo que recordáis la sucesión de Fibonacci F_n ,

$$1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, \ldots,$$

donde cada término es la suma de los dos anteriores. Esto corresponde a la recurrencia

$$F_n = F_{n-2} + F_{n-1},$$

que, junto con las condiciones iniciales $F_1=F_2=1$, determina completamente la sucesión:

$$F_3 = F_1 + F_2 = 2$$

 $F_4 = F_2 + F_3 = 3$
 $F_5 = F_3 + F_4 = 5$

Vamos a calcular los 20 primeros números de Fibonacci, $(F_n)_{n=1,...,20}$. Para ello, usaremos un bucle de tipo "for" que traduzca la construcción "para cada n de 3 a 20, F_n es la suma de F_{n-1} y F_{n-2} ". Como $F_1 = F_2 = 1$, iniciaremos el vector que al final contendrá nuestros números de Fibonacci como un vector formado por veinte unos, y con el bucle redefiniremos sus entradas a partir de la tercera:

```
Fib=rep(1,20)
for(n in 3:20){Fib[n]=Fib[n-1]+Fib[n-2]}
Fib
```

```
##
    [1]
                        2
                              3
                                         8
                                              13
                                                    21
                                                         34
                                                               55
                                                                     89
                                                                                     377
            1
                                    5
                                                                          144
                                                                                233
                  1
               987 1597 2584 4181 6765
## [15]
          610
```

Como en la definición de funciones, si la construcción que queremos realizar en cada paso de un bucle, sea de tipo "for" o, en la siguiente sección, de tipo "while", requiere de más de una instrucción, las podemos separar dentro de las llaves mediante signos de punto y coma o simplemente escribiéndolas en líneas aparte. Además, podéis anidar instrucciones for si necesitáis que el conjunto de índices sea multidimensional.

Ejemplo 1.2. Supongamos que queremos definir una función SimM que, aplicada a una matriz cuadrada A, la *simetrice*, es decir, substituya cada entrada (i,j) de A fuera de su diagonal principal por la suma de las entradas (i,j) y (j,i). Para ello lo que haremos será, dada la matriz A, si n indica sus números de filas y de columnas:

- 1. Definir una copia AA de A
- 2. Para cada i entre 1 y n-1 y para cada j entre i+1 y n, redefinir AA[i,j] y AA[j,i] como A[i,j]+A[j,i]
- 3. Dar como resultado la matriz simétrica AA resultante

```
SimM=function(A) {
    n=dim(A)[1]
    AA=A
    for (i in 1:(n-1)) {
        for (j in (i+1):n) {
            AA[i,j]=A[i,j]+A[j,i]
            AA[j,i]=A[i,j]+A[j,i]
        }
    }
AA
}
```

Veamos con un ejemplo si funciona:

```
A=matrix(c(1:9),nrow=3,byrow=TRUE)
A
```

```
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 1 2 3
```

```
## [2,]
                  5
                       6
## [3,]
            7
SimM(A)
         [,1] [,2] [,3]
## [1,]
                      10
            1
                  6
## [2,]
            6
                  5
                      14
## [3,]
                       9
           10
                 14
```

Naturalmente, y como casi siempre con R, no hacía falta usar bucles de tipo "for" para definir esta función:

```
SimM2=function(A){
  AA=A+t(A)
  diag(AA)=diag(AA)/2 #Con la operación anterior, diag(AA) es 2 veces diag(A)
  AA}
SimM2(A)
##
        [,1] [,2] [,3]
## [1,]
           1
                6
                     10
## [2,]
           6
                5
                     14
## [3,]
          10
               14
                      9
```

1.2 Bucles de tipo "while"

Los **bucles de tipo "while"** repiten una determinada secuencia de operaciones mientras (*while*) una cierta condición lógica se satisfaga. Su sintaxis es

```
while(condición){
  acción
 }
```

e indica a R que

antes de efectuar por primera vez la acción especificada entre las llaves y tras cada ejecución de la misma, compruebe si la condición especificada entre paréntesis se satisface; en caso afirmativo, se vuelven a efectuar la acción, y en caso negativo se para la ejecución del bucle..

Por ejemplo, el bucle

```
Cuadrados=rep(1,10)
for(n in 1:10){Cuadrados[n]=n^2}
Cuadrados
### [1] 1 4 9 16 25 36 49 64 81 100
```

se podría reescribir como un while de la manera siguiente

```
n=1 #Iniciamos un contador
Cuadrados=c() #Iniciamos el vector
while(n<=10){ #Mientras n sea menor o igual a 10...
    Cuadrados[n]=n^2 #añadimos n^2 al vector de Cuadrados...
    n=n+1 #y aumentamos en 1 el contador n
}
Cuadrados</pre>
```

```
## [1] 1 4 9 16 25 36 49 64 81 100
```

Este bucle:

- Como 1 ≤ 10, definirá Cuadrados[1]=1 y redefinirá n=2;
- Comprobará que $2 \le 10$, y entonces definirá Cuadrados[2]=4 y redefinirá n=3;
- Comprobará que 3 ≤ 10, y entonces definirá Cuadrados[3]=9 y redefinirá n=4;
- ..
- Comprobará que 10 ≤ 10, y entonces definirá Cuadrados[10]=100 y redefinirá n=11;
- Comprobará que 11 > 10 y parará.

Veamos otro ejemplo. Supongamos que queremos calcular los números de Fibonacci menores o iguales a 100. Podemos usar un bucle de tipo "while" de la manera siguiente:

```
Fib=c(1,1) #Iniciamos Fib con los dos primeros números de Fibonacci
while (Fib[length(Fib)]+Fib[length(Fib)-1]<=100){ #Mientras el próximo número de Fibo
Fib[length(Fib)+1]=Fib[length(Fib)]+Fib[length(Fib)-1] #lo añadimos
}
Fib
## [1] 1 1 2 3 5 8 13 21 34 55 89
El siguiente número de Fibonacci ya sería mayor que 100:
Fib[length(Fib)]+Fib[length(Fib)-1]
```

[1] 144

1.3 Estructuras condicionales

Las estructuras de control condicionales (o condicionales a secas) permiten que un programa decida de manera automática entre varias opciones en función de si se cumplen o no determinadas condiciones. Estas estructuras tienen en R la misma estructura que en casi todos los otros lenguajes de programación. Por un lado, tenemos la estructura

```
if (condición){
  acción
}
```

que indica a R que

si se satisface la condición especificada entre paréntesis, se lleve a cabo la acción especificada entre llaves y luego se continúe con el programa, mientras que si no se satisface la condición, se continúe con el programa sin efectuar la acción.

Por otro lado, tenemos la estructura

```
if (condición){
  acción1
  } else {
   acción2
  }
}
```

que indica a R que

si se satisface la condición se lleve a cabo la acción1 y si no se satisface la condición se lleve a cabo la acción2 (y luego, en ambos casos se continúe con el programa).

Por ejemplo, si quisiéramos definir una función que valiera x^2 si $x \le 0$ y x^3 si $x \ge 0$, tendríamos que usar un condicional:

```
f=function(x){
   if (x<=0){
      x^2
   } else {
      x^3
   }
}</pre>
```

Vamos a definir una función más complicada, que usará varios condicionales y un bucle. Se trata de una función que usa la criba de Eratóstenes para decidir si un número natural es primo o no, indicándolo con los valores lógicos usuales TRUE y FALSE. En esta función, en primer lugar usaremos un condicional para que si la entrada no es un número natural nos dé un mensaje de error y si es un número natural proceda con la criba de Eratóstenes. A continuación, con un segundo condicional separaremos las entradas 0 y 1, que no son primos, del resto. Finalmente, con un tercer condicional separaremos las entradas 2 y 3, que son primos, de las mayores o iguales que 4. Para estas últimas, con un bucle de tipo "for" probaremos todos los divisores enteros entre 2 y su raíz cuadrada: si algún resto da resto 0 (un cuarto condicional), el número entrado no es primo, y si todos los restos son diferentes de 0, sí que es primo.

```
Es.Primo=function(n){
  if (n!=round(n) | n<0){</pre>
    stop("x no es un número natural") #Da error y para
  } else {
    if (n==0 | n==1){
          Primo=FALSE
    } else {
      Primo=TRUE
      if (n>=4){
           for(i in 2:floor(sqrt(n))) {
          if ((n \% i) == 0) {
            Primo=FALSE
          }
}
}
Primo
}
}
```

Veamos un ejemplo que dé error:

```
Es.Primo(-3)
```

Error in Es.Primo(-3): x no es un número natural

Y ahora vamos a aplicar esta función a todos los números naturales entre 0 y 20. No, no usaremos un for, usaremos sapply.

```
sapply(0:20,FUN=Es.Primo)
```

[1] FALSE FALSE TRUE TRUE FALSE TRUE FALSE TRUE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE TRUE FALSE TRUE FALSE FALSE FALSE TRUE FALSE FALSE TRUE FALSE TRUE FALSE FALSE FALSE FALSE TRUE FALSE FALSE FALSE TRUE FALSE FALS

1.4 Guía rápida de funciones

- apply aplica una función a todas las filas o a todas las columnas de una matriz
- aggregate aplica una función a todos los grupos formados al clasificar una variable según un factor
- lapply aplica una función a todos los elementos de un objeto y da el resultado en forma de list
- sapply aplica una función a todos los elementos de un objeto y simplifea la estructura el resultado

1.5. EJERCICIOS 15

- for(indice in vector){acción} implementa un bucle de tipo "for"
- while(condición){acción} implementa un bucle de tipo "while"
- if (condición) {acción} implementa un condicional "if...then"
- if (condición){acción1} else {acción2 implementa un condicional "if...then...else"
- stop para una ejecución y da un mensaje de error

1.5 Ejercicios

Test

- (1) Dad el valor del término x_{100} de la sucesión x_n definida por $x_1 = 1$, $x_2 = 2$ y $x_n = 2x_{n-1} x_{n-2} + 2$ para todo $n \ge 3$.
- (2) Tenemos dos sucesiones x_n y y_n que evolucionan de manera conjunta siguiendo las ecuaciones $x_{n+1} = 2x_n + 3y_n$ e $y_{n+1} = x_n 2y_n$. Si partimos de $x_1 = 10$ y $y_1 = 1$, ¿qué vale y_n para el primer n tal que $x_n > 10^6$?

Ejercicio

La **conjetura de Collatz** es una de las más misteriosas de la matemática actual. Dice lo siguiente.

Empezando con un número natural mayor o igual que 1 cualquiera, vamos iterando el proceso siguiente: si el número es par, lo dividimos por 2, y si es impar, lo multiplicamos por 3 y le sumamos 1, y vuelta a empezar. Esto proceso termina por producir, más pronto o más tarde, siempre un 1.

Por ejemplo, empecemos con 7. Como es impar, lo multiplicamos por 3 y le sumamos 1: 22. Como es par, lo dividimos por 2: 11. Como es impar, lo multiplicamos por 3 y le sumamos 1: 34. Como es par, lo dividimos por 2: 17. Como es impar, lo multiplicamos por 3 y le sumamos 1: 52 Como es par, lo dividimos por 2: 26. Como es par, lo dividimos por 2: 13. Como es impar, lo multiplicamos por 3 y le sumamos 1: 40. Como es par, lo dividimos por 2: 20. Como es par, lo dividimos por 2: 10. Como es par, lo dividimos por 2: 5. Como es impar, lo multiplicamos por 3 y le sumamos 1: 16. Como es par, lo dividimos por 2: 8. Como es par, lo dividimos por 2: 4. Como es par, lo dividimos por 2: 2. Como es par, lo dividimos por 2: 1.

Fijaos que al llegar al 1, entraríamos en un bucle. Como es impar, lo multiplicaríamos por 3 y le sumaríamos 1, daría 4; como es par, lo dividiríamos por 2, daría 2; como es par, lo dividiríamos por 2, daría 1; y volveríamos al 4.

- (1) Definid una función que, aplicada a dos números naturales no nulos n y N, produzca la secuencia que se obtiene con este procedimiento empezando con n hasta llegar a un 1, o que pare si han efectuado N pasos sin alcanzarlo y entonces escriba en la consola "Tras N pasos no hemos llegado al 1" (con N el número que se ha entrado). Para esto último podéis usar la función paste; consultad su Ayuda.
- (2)¿Cuál es el primer número natural para el que, tras 250 pasos, no se ha llegado a 1?

Respuestas al test

- (1)9802
- (2) 1.34456×10^5