

In [2]:

```
from collections import defaultdict
from graphviz import Digraph
```

Подробное описание построения автомата есть в отдельном файле. Функции взятия переходов, стартовой и терминальной вершины нужны для отрисовки графа. Именно поэтому основная часть программы, которая выполняет запуск, расположена в отдельной ячейке jupyter notebook.

In [3]:

```
class Automat:
    max_k = 0 # искомое k
    const_max_k = 1000000000
    color = [] # для dfs
    ways = defaultdict(dict) # переходы
    start = 0 # итоговое стартовое
    end = 0 # итоговое конечное
    vertexes = [] # вершины
    error = 0 # корректность ввода
    parent = defaultdict(list)
    # откуда, по какому символу

    def get_ways(self):
        return self.ways

    def get_start(self):
        return str(self.start)

    def get_end(self):
        return str(self.end)

    def is_correct_reguler(self, regex):
        stack_size = 0
        for symbol in regex:
            if symbol == 1 or symbol == 'a' or symbol == 'b' or symbol == 'c':
                stack_size += 1
            elif symbol == '*':
                if stack_size == 0:
                    self.error = 1
            elif symbol == '+' or symbol == '.':
                if stack_size < 2:
                    self.error = 1
                stack_size -= 1
            else:
                self.error = 1
            if self.error:
                return False
        return stack_size == 1

    def __init__(self, regex):
        # построение автомата
        if not Automat.is_correct_reguler(self, regex):
            print("Wrong input format")
        else:
            number_vertex = 0
            stack = []
            for symbol in regex:
                if symbol == 'a' or symbol == 'b' or symbol == 'c' or symbol == '1':
                    self.vertexes.append(number_vertex)
                    # стартовое состояние
                    self.ways[number_vertex][symbol] = []
                    self.ways[number_vertex][symbol].append(number_vertex + 1)
                    number_vertex += 1
                    self.vertexes.append(number_vertex)
                    # конечное состояние
                    stack.append([number_vertex - 1, number_vertex])
                    number_vertex += 1
                elif symbol == '.':
                    second = stack.pop()
                    first = stack.pop()
                    self.ways[first[1]] = (self.ways.pop(second[0]))
```

```

        stack.append([first[0], second[1]])
    elif symbol == '+':
        second = stack.pop()
        first = stack.pop()
        self.vertexes.append(number_vertex)
        # сделали новую стартовую
        self.ways[number_vertex][1] = []
        self.ways[number_vertex][1].append(first[0])
        self.ways[number_vertex][1].append(second[0])
        number_vertex += 1
        self.vertexes.append(number_vertex)
        # сделали новую завершающую
        self.ways[first[1]][1] = []
        self.ways[second[1]][1] = []
        self.ways[first[1]][1].append(number_vertex)
        self.ways[second[1]][1].append(number_vertex)
        stack.append([number_vertex - 1, number_vertex])
        number_vertex += 1
    elif symbol == '*':
        element = stack.pop()
        self.vertexes.append(number_vertex)
        # новое начальное
        self.ways[number_vertex][1] = []
        self.ways[number_vertex][1].append(element[0])
        try:
            self.ways[element[1]][1].append(element[0])
            # зациклили
        except:
            self.ways[element[1]][1] = []
            self.ways[element[1]][1].append(element[0])
        number_vertex += 1
        self.vertexes.append(number_vertex)
        # новое завершающее
        self.ways[element[1]][1].append(number_vertex)
        self.ways[number_vertex - 1][1].append(number_vertex)
        stack.append([number_vertex - 1, number_vertex])
        number_vertex += 1
    started_end_pair = stack.pop()
    self.start = started_end_pair[0]
    self.end = started_end_pair[1]

```

```

def is_x_in_cycle(self, vertex, x, cycle_fin):
    # пришли в цикл. Проверим, есть ли там хоть 1 x
    current = vertex
    if (self.ways[current].get(x) != None and
        self.ways[current].get(x).count(cycle_fin) > 0) or \
        (self.ways[current].get(1) != None and
         self.ways[current].get(1).count(cycle_fin) > 0):
        return True

    while self.parent[current][1] != x and current != cycle_fin:
        current = self.parent[current][0]
    if current != cycle_fin:
        return True
    elif self.parent[current][1] == x:
        return True
    else:
        return False

```

```

def dfs(self, vertex, x, depth, vertex_from, letter):
    if (self.max_k == self.const_max_k):
        return
    if (depth > self.max_k):
        self.max_k = depth
    self.parent[vertex].append(vertex_from)
    self.parent[vertex].append(letter)
    self.color[vertex] = 1 # серый
    for symbol in self.ways[vertex]:
        if symbol == x or symbol == 1:
            for child in self.ways[vertex][symbol]:
                if self.color[child] == 0:
                    if symbol == x:
                        self.dfs(child, x, depth + 1, vertex, symbol)
                    else:
                        self.dfs(child, x, depth, vertex, symbol)
                elif self.color[child] == 1:

```

```

    elif self.color[child] == 1:
        if self.is_x_in_cycle(vertex, x, child):
            self.max_k = self.const_max_k
            return

    self.color[child] = 2

def find_max_k(self, x):
    if self.error == 0:
        self.color = [0 for i in range(len(self.vertexes))]
        self.dfs(self.start, x, 0, -1, 1)
        if self.max_k == self.const_max_k:
            print("INF")
        else:
            print(self.max_k)

```

In [5]:

```

regex = str(input())
x = str(input())
if (x != 'a' and x != 'b' and x != 'c'):
    print("Wrong input format")
else:
    auto = Automat(regex)
    auto.find_max_k(x)

```

ab+c.aba.\*.bac.++\*

a  
2

Подготовка к отрисовке

In [6]:

```

ways = auto.get_ways()
start = auto.get_start()
end = auto.get_end()
g = Digraph(comment='Automat')
g.graph_attr["rankdir"]='LR'
g.node_attr.update(color='lightblue2', style='filled')
g.edge_attr.update(arrowhead='vee', arrowsize='1')
for vertex in ways:
    for symbol in ways[vertex]:
        for child in ways[vertex][symbol]:
            g.edge(str(vertex), str(child), label=str(symbol), )

```

Отметим стартовую и терминальную вершины.

In [7]:

```

g.node(start, 'start', shape='Mdiamond')
g.node(end, 'end', shape='Msquare')

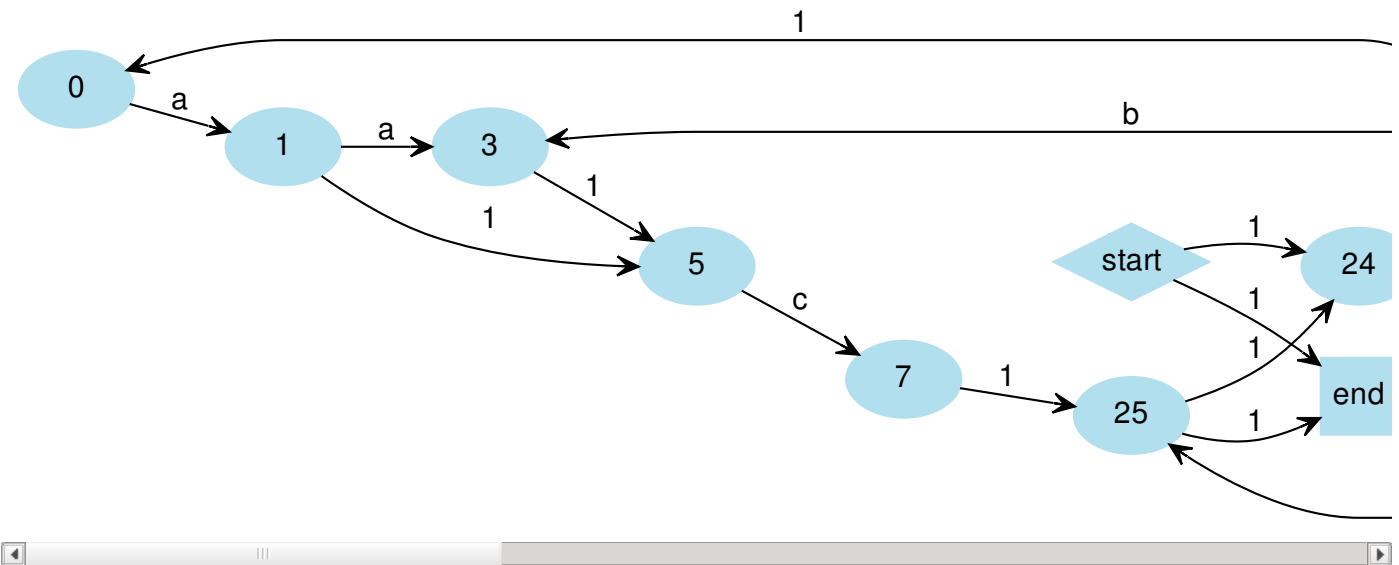
```

Для отрисовки графа просто пишем g

In [8]:

g

Out[8]:



## Тесты лектора:

- $ab+c.aba.^*.bac.^{+}.^{+}*$
- a
- 2
- 
- $acb..bab.c.^*.ab.ba.^{+}.^{+}a.$
- c
- 0

Мои тесты:

- некорректный ввод:
- ■ hello
- ■  $aa.b.^{+}$
- INF:
- ■  $aa.^{*}a$  INF
- ■  $bc+a+^{*}a$  INF
- Обычные тесты:
- ■  $aa.c.aa.a.b.+aa.a.a.a.c.+^{*}a$  5
- ■  $aa.c.aa.a.b.+aa.a.a.a.c.+^{*}b$  0
- ■  $bc.a+^{*}b$  1

```
... (self.start, x, 0, -1, 1)
if self.max_k == self.const_max_k:
    print("INF")
else:
    print(self.max_k)

In [232]: regex = str(input())
x = str(input())
if (x != 'a' and x != 'b' and x != 'c'):
    print("Wrong input format")
else:
    auto = Automat(regex)
    auto.find_max_k(x)

ab+c.aba.*.bac.+.+*
a
2
```

```
... print("INF")
else:
    print(self.max_k)

[230]: regex = str(input())
x = str(input())
if (x != 'a' and x != 'b' and x != 'c'):
    print("Wrong input format")
else:
    auto = Automat(regex)
    auto.find_max_k(x)

acb..bab.c.*.ab.ba.+.+*a.
c
0
```

In []: