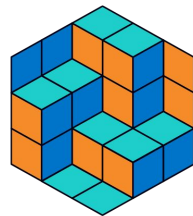


# Предсказание временных рядов

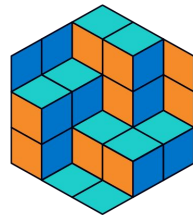
Лекция 3



# Глава 1

SARIMA & SARIMAX

# ARIMA

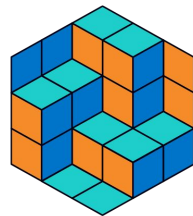


Давайте вспомним кто она такая:

$$\Delta^q Y_t = c + \sum_{i=1}^p \Delta^q Y_{t-i} \alpha_i + \sum_{j=0}^d b_j \epsilon_{t-j}$$

Помните как она работает?

# ARIMA

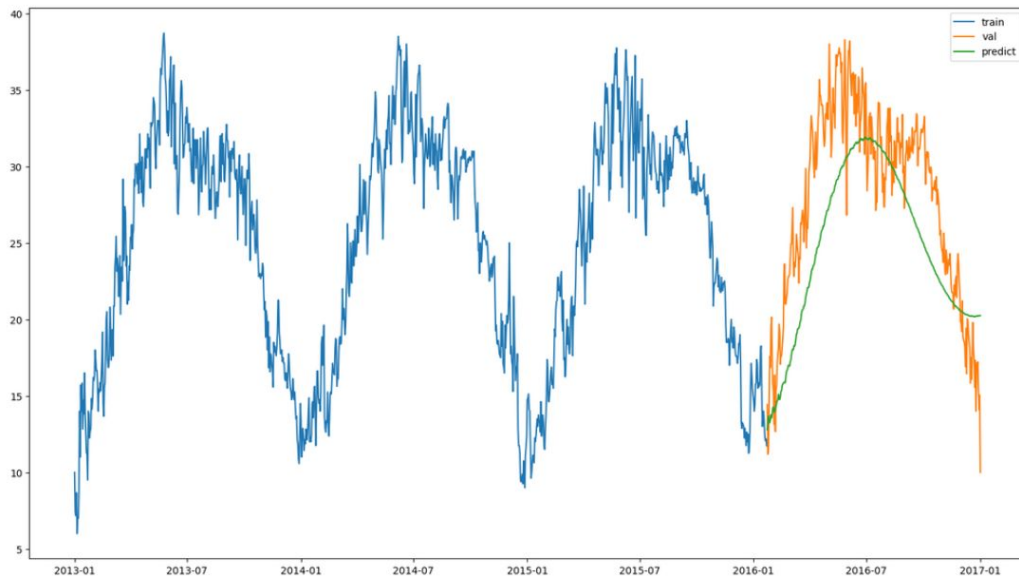


Крутая модель. Но почему она вчера так плохо сработала?

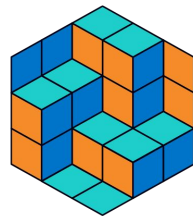
График

Формула

$$\Delta^q Y_t = c + \sum_{i=1}^p \Delta^q Y_{t-i} \alpha_i + \sum_{j=0}^d b_j \epsilon_{t-j}$$



# ARIMA



Крутая модель. Но почему она вчера так плохо сработала?

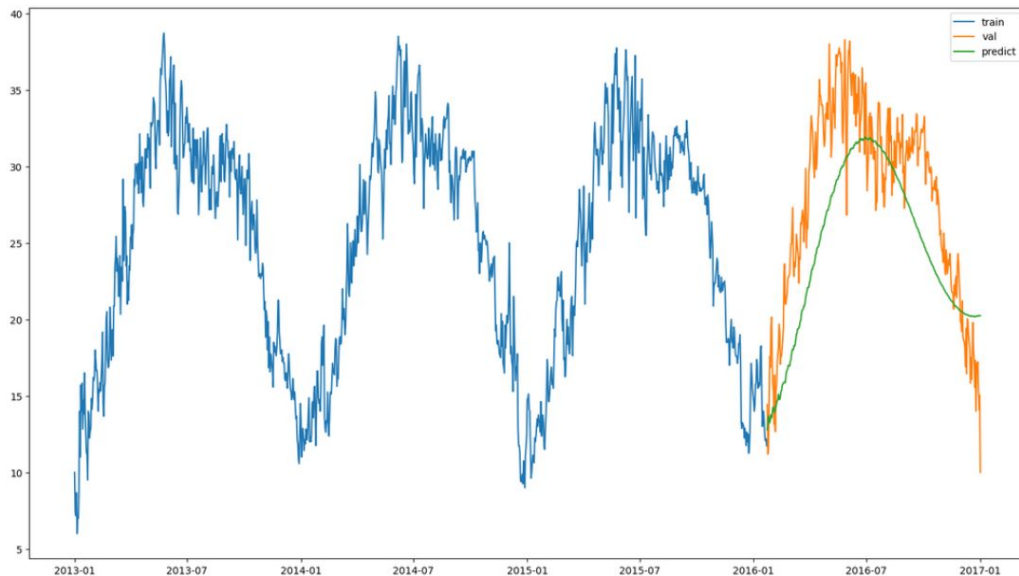
График

Формула

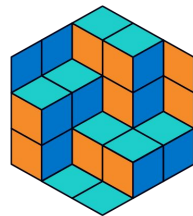
$$\Delta^q Y_t = c + \sum_{i=1}^p \Delta^q Y_{t-i} \alpha_i + \sum_{j=0}^d b_j \epsilon_{t-j}$$

Две причины:

- Большой промежуток
- Мало параметров



# ARIMA



Крутая модель. Но почему она вчера так плохо сработала?

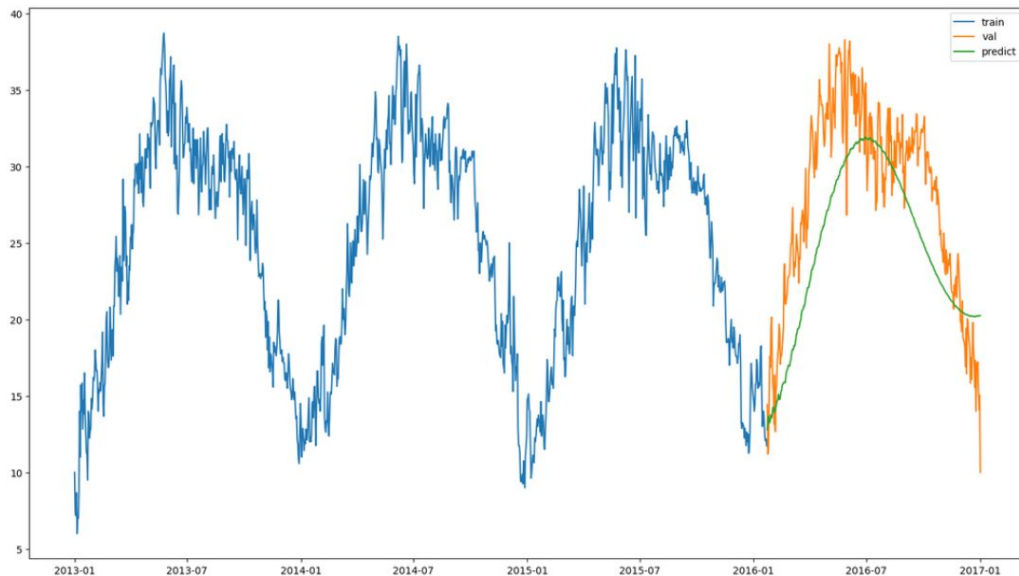
График

Формула

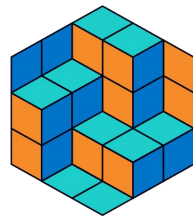
$$\Delta^q Y_t = c + \sum_{i=1}^p \Delta^q Y_{t-i} \alpha_i + \sum_{j=0}^d b_j \epsilon_{t-j}$$

Две причины:

- Большой промежуток
- Мало параметров
- Нет сезонности



# SARIMA



Seasonal ARIMA. Добавим сезонность:

$$\Delta^d Y_t = c + \sum_{n=1}^p \alpha_n \Delta^d Y_{t-n} + \sum_{n=1}^q \beta_n \epsilon_{t-n} + \sum_{n=1}^P \phi_n \Delta^d Y_{t-sn} + \sum_{n=1}^Q \theta_n \epsilon_{t-sn}$$

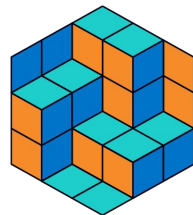
**AR(P,S)**                      **MA(Q,S)**

↓                                      ↓

# SARIMA

*“Больше параметров - больше шансов сделать лажу”*

© Паша Техник



Теперь вместо 3 параметров у нас их 7 (!).

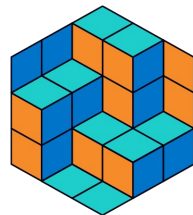
$$\Delta^d Y_t = c + \sum_{n=1}^p \alpha_n \Delta^d Y_{t-n} + \sum_{n=1}^q \beta_n \epsilon_{t-n} + \sum_{n=1}^P \phi_n \Delta^d Y_{t-sn} + \sum_{n=1}^Q \theta_n \epsilon_{t-sn}$$

**AR(P,S)**                      **MA(Q,S)**

↓                                      ↓



# SARIMA



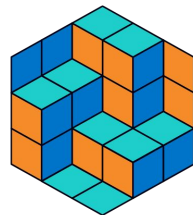
Обучение: Все тот же **MSE**.

$$\Delta^d Y_t = c + \sum_{n=1}^p \alpha_n \Delta^d Y_{t-n} + \sum_{n=1}^q \beta_n \epsilon_{t-n} + \sum_{n=1}^P \phi_n \Delta^d Y_{t-sn} + \sum_{n=1}^Q \theta_n \epsilon_{t-sn}$$

**AR(P,S)**                      **MA(Q,S)**

↓                                      ↓

# SARIMA Pro MAX Ultra-Wide



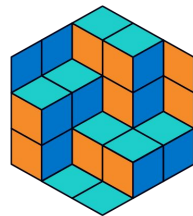
Но можно ведь сделать еще больше параметров?

Из 7 сделать, например... сколько захотим!

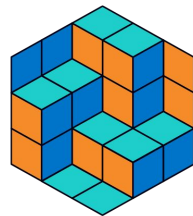
# SARIMAX

Такая модель называется **SARIMAX**.

Ее отличие (да, вы угадали) – еще параметры!



# SARIMAX



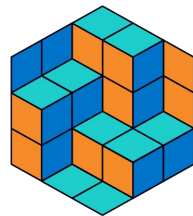
Такая модель называется **SARIMAX**.

Ее отличие (да, вы угадали) – еще параметры!

$$\Delta^d Y_t = c + \sum_{n=1}^p \alpha_n \Delta^d Y_{t-n} + \sum_{n=1}^q \beta_n \epsilon_{t-n} + \sum_{n=1}^P \phi_n \Delta^d Y_{t-sn} + \sum_{n=1}^Q \theta_n \epsilon_{t-sn} + \sum_{n=1}^R \psi_n X_{n_t}$$

Внешние  
параметры

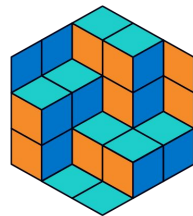




# Глава 2

## Градиентный Бустинг

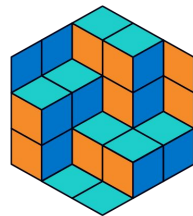
# Хехе



Помните регрессии? Нет, они не закончились :)

Более того, во временных рядах они встречаются даже в очень крутых моделях!

На (еще) одну из таких сейчас посмотрим.

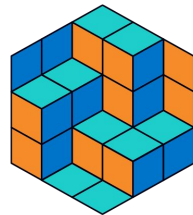


# Градиентный Бустинг. Интро

Рассмотрим задачу линейной регрессии с минимизацией MSE.

$$\mathcal{L}(y, x) = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^N (y_i - a(x_i))^2 \rightarrow \min$$

# Градиентный Бустинг. Интро

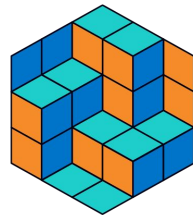


Представим, что мы построили одну такую модель (плохую, конечно)

Она на каком-то значении дает ошибку **10**



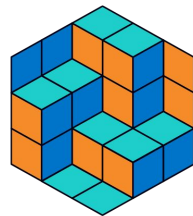
# Градиентный Бустинг. Интро



Представим, что мы построили одну такую модель (плохую, конечно)

Она на каком-то значении дает ошибку **10**

Ну давайте построим еще одну, которая будет нивелировать эту ошибку - то есть на этом значении давать **-10**



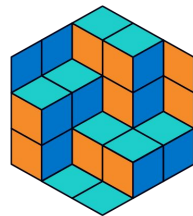
# Градиентный Бустинг. Интро

Представим, что мы построили одну такую модель (плохую, конечно)

Она на каком-то значении дает ошибку **10**

Ну давайте построим еще одну, которая будет нивелировать эту ошибку - то есть на этом значении давать **-10**

Очевидно, идеально не получится - где-то вылезет еще одна ошибка



# Градиентный Бустинг. Интро

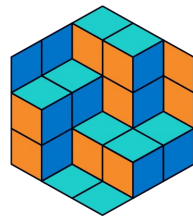
Представим, что мы построили одну такую модель (плохую, конечно)

Она на каком-то значении дает ошибку **10**

Ну давайте построим еще одну, которая будет нивелировать эту ошибку - то есть на этом значении давать **-10**

Очевидно, идеально не получится - где-то вылезет еще одна ошибка

Не беда - построим еще одну регрессию, чтобы она нивелировала ошибки двух предыдущих регрессий.



# Градиентный Бустинг. Интро

Представим, что мы построили одну такую модель (плохую, конечно)

Она на каком-то значении дает ошибку **10**

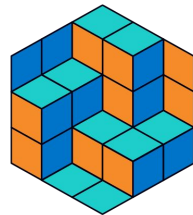
Ну давайте построим еще одну, которая будет нивелировать эту ошибку - то есть на этом значении давать **-10**

Очевидно, идеально не получится - где-то вылезет еще одна ошибка

Не беда - построим еще одну регрессию, чтобы она нивелировала ошибки двух предыдущих регрессий.

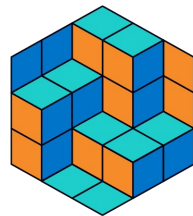
И так далее

# Градиентный Бустинг. Что это?



Такой метод называется **Градиентный бустинг**.

Кстати говоря, он вообще широко используется - в регрессиях, классификации.



# Градиентный Бустинг. Что это?

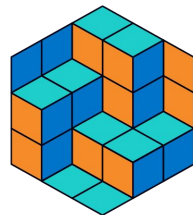
Такой метод называется **Градиентный бустинг**.

Кстати говоря, он вообще широко используется - в регрессиях, классификации.

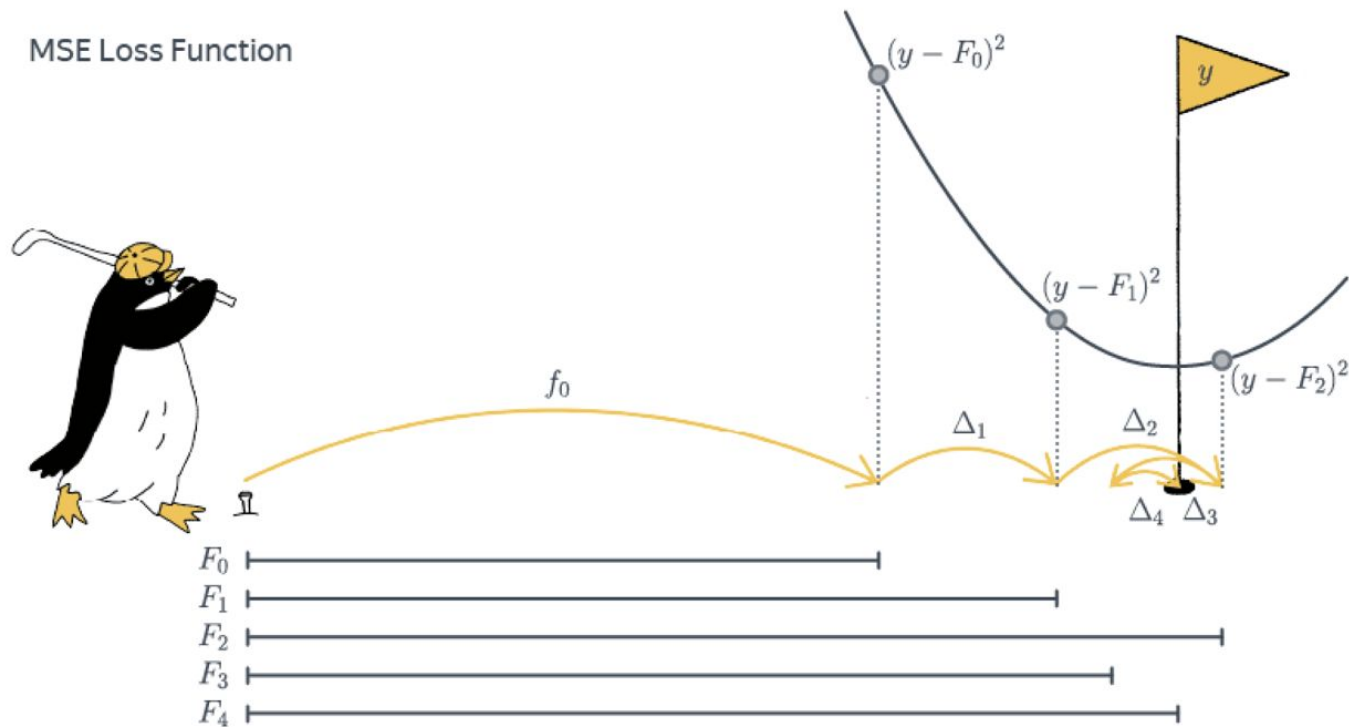
Формально, мы строим такую модель:

$$a(x) = a_K(x) = b_1(x) + b_2(x) + \dots + b_K(x)$$

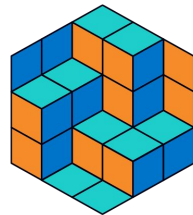
# Градиентный Бустинг. Картинка из интернета



MSE Loss Function



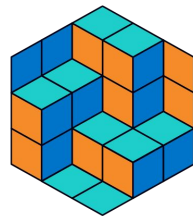
# Градиентный Бустинг. Что это?



Отличие от обычной регрессии – мы подбираем не все регрессии разом, а по очереди.

$$a(x) = a_K(x) = b_1(x) + b_2(x) + \dots + b_K(x)$$

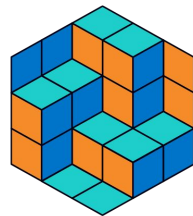




# Градиентный Бустинг. Как работает

Сначала мы обучаем первый алгоритм:

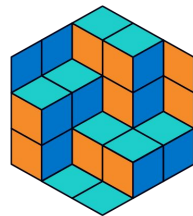
$$b_1(x) = \underset{b \in \mathcal{B}}{\operatorname{argmin}} \mathcal{L}(y, b(x))$$



# Градиентный Бустинг. Как работает

Потом мы находим разницу истинных значений и предсказанных первым алгоритмом:

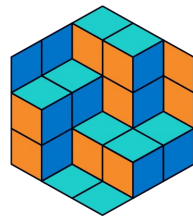
$$s_i^1 = y_i - b_1(x_i)$$



# Градиентный Бустинг. Как работает

Теперь мы хотим обучить второй классификатор, но уже чтобы он предсказывал разницу:

$$b_2(x) = \operatorname{argmin}_{b \in \mathcal{B}} \mathcal{L}(s^1, b(x))$$



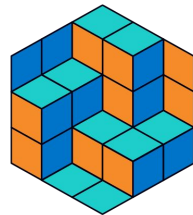
# Градиентный Бустинг. Как работает

И так далее.

Будет круто, если второй уже предскажет все правильно, ведь тогда:

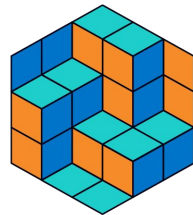
$$\begin{aligned} a_2(x_i) &= b_1(x_i) + b_2(x_i) = \\ &= b_1(x_i) + s_i^1 = b_1(x_i) + (y_i - b_1(x_i)) = y_i \end{aligned}$$

# Градиентный Бустинг. Аутро



А только ли регрессии там могут использоваться?

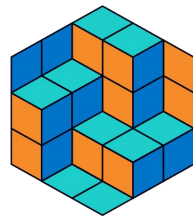
# Градиентный Бустинг. Аутро



А только ли регрессии там могут использоваться?

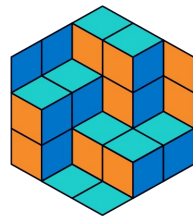
Нет, вообще любые не тяжелые модельки - например, *Решающие деревья*.

# Замечания



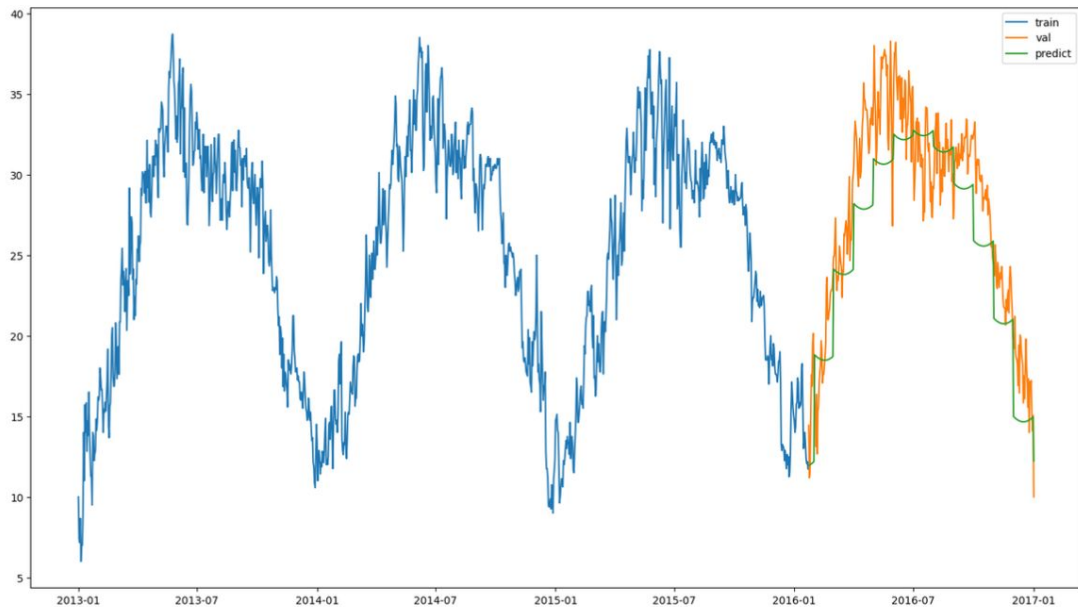
Может получиться так, что первый алгоритм уже хорош - тогда мы можем (совершенно случайно!) переобучиться. За этим надо следить!

# Замечание



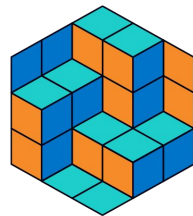
А помните линейную регрессию на стероидах с первой пары?

$$\sum_{n=1}^R \psi_n X_{n_t}$$

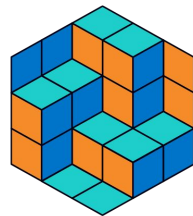




# Замечание

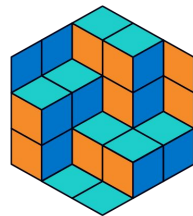


Получается, что помимо крутой модели можно сделать еще и очень крутые данные?



# Глава 3

## Feature Engineering



# Feature Engineering

Feature Engineering - одна из задач во всем известном Data Science.

Главная задача - сделать данные лучше.

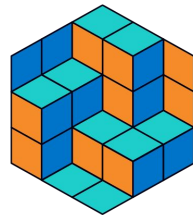
Методов - море. Сейчас посмотрим на некоторые из них.

**Как живет дата-сайентист  
в Москве с зарплатой  
174 000 ₽ в месяц**

Т—Ж

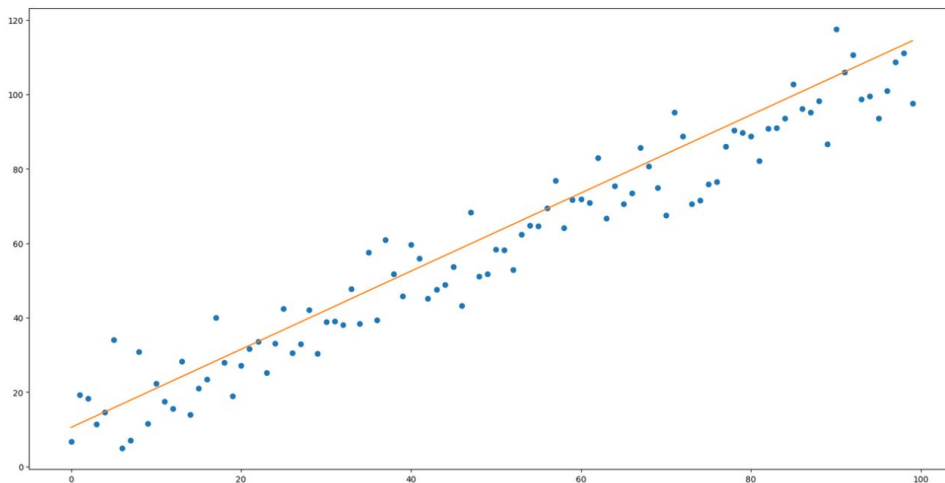


# Пример

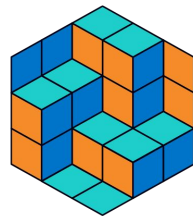


Есть данные  $(x, y)$ , хотим их предсказать.

Метод: строим регрессию:

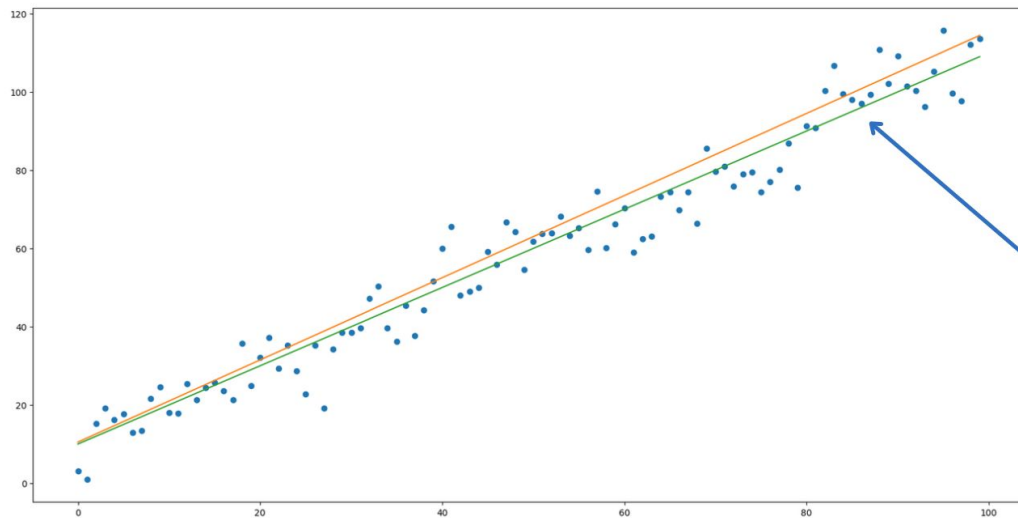


# Пример



Есть данные  $(x, y)$ , хотим их предсказать.

Метод: строим регрессию:

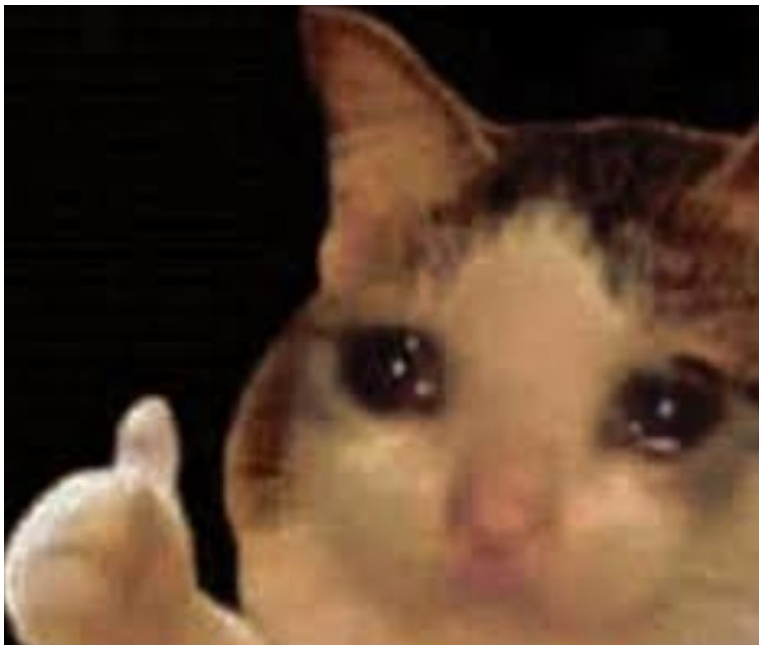
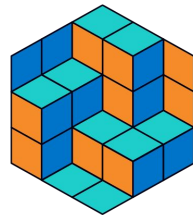


А должно быть

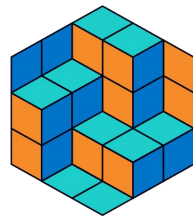
# Пример

Дальше веса не идут, MSE не меняется.

Что делать?

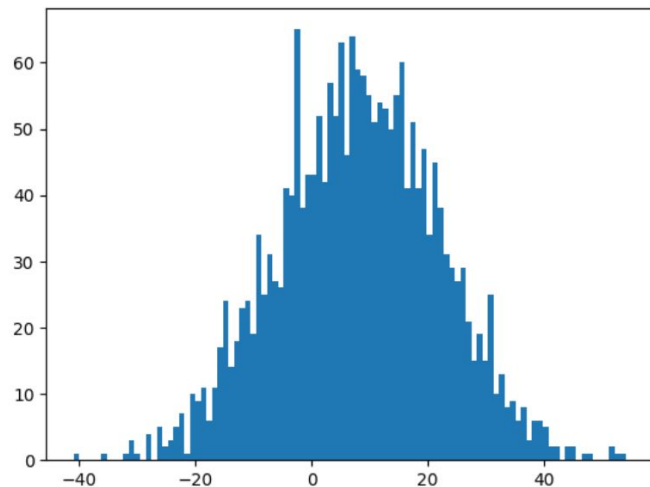


# Гистограммы

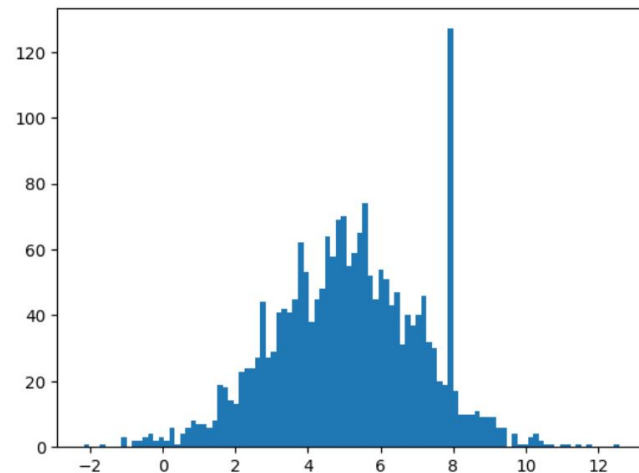


Давайте посмотрим на распределения наших параметров:

**a**

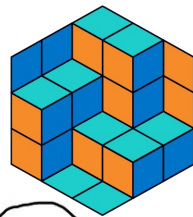


**b**



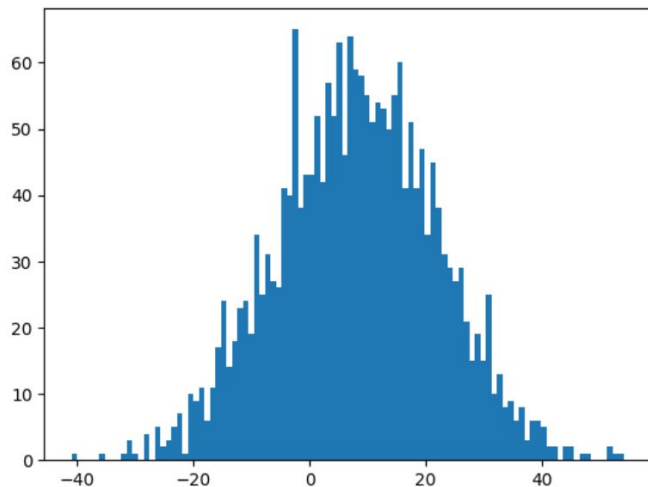
# Гистограммы

Проблема очевидна: в b есть тупые значения, которые все портят!

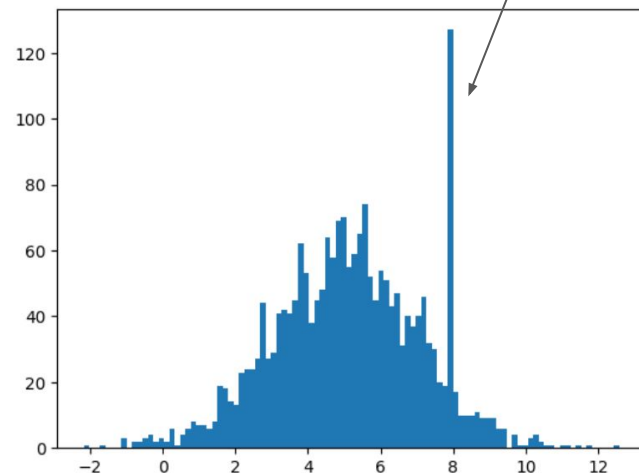


Чел ты...

a

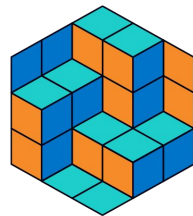


b



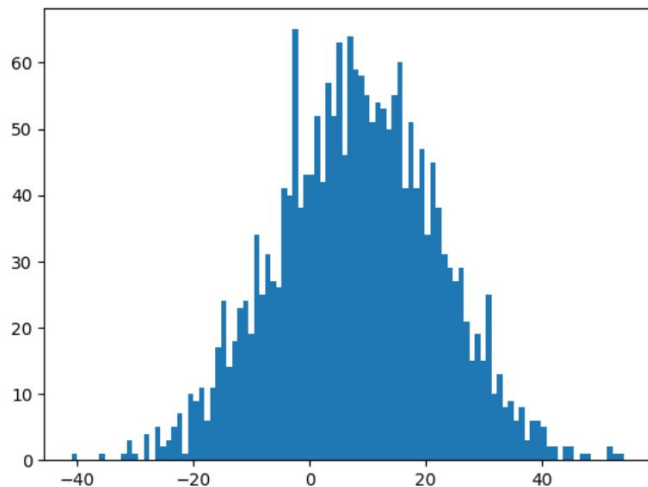


# Гистограммы

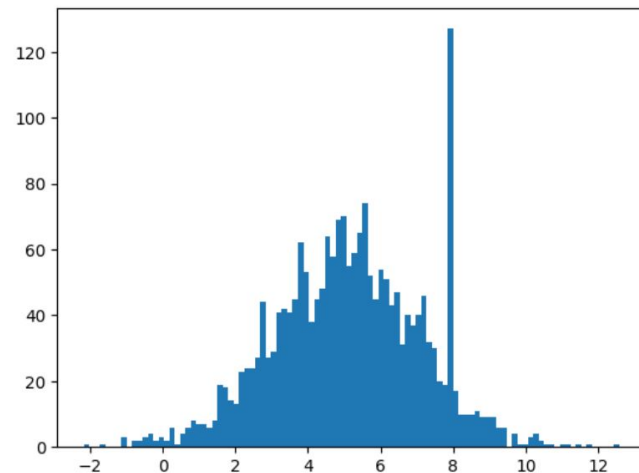


Проблема очевидна: в b есть тупые значения, которые все портят! *Уберем их*

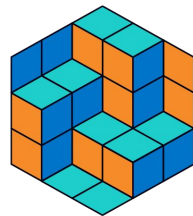
**a**



**b**

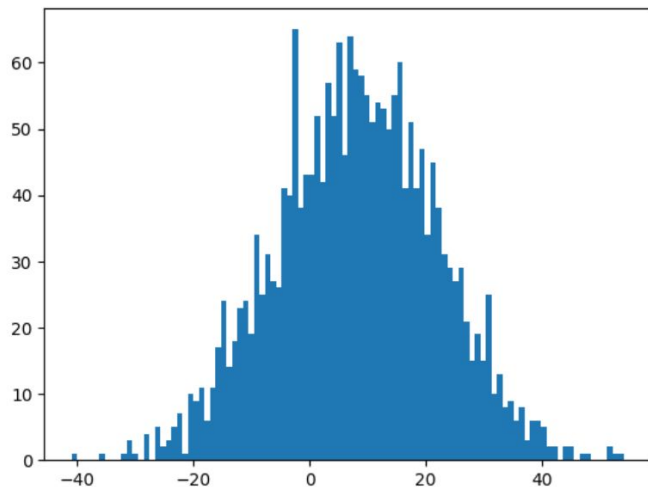


# Выбросы

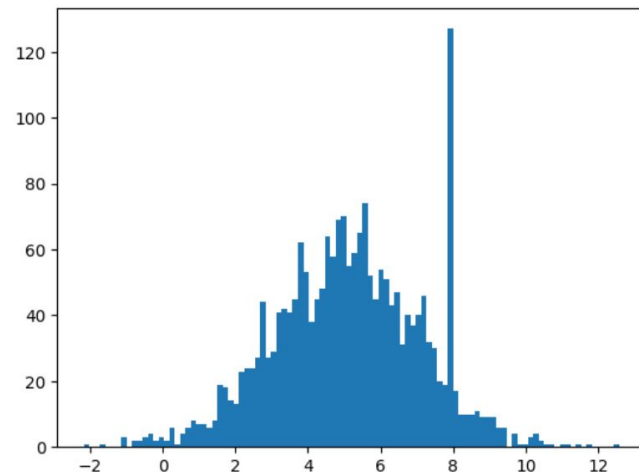


Такие штуки называются *выбросами* - они могут быть как в значениях, так и в параметрах.

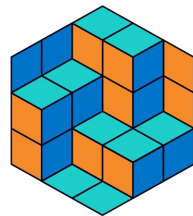
**a**



**b**

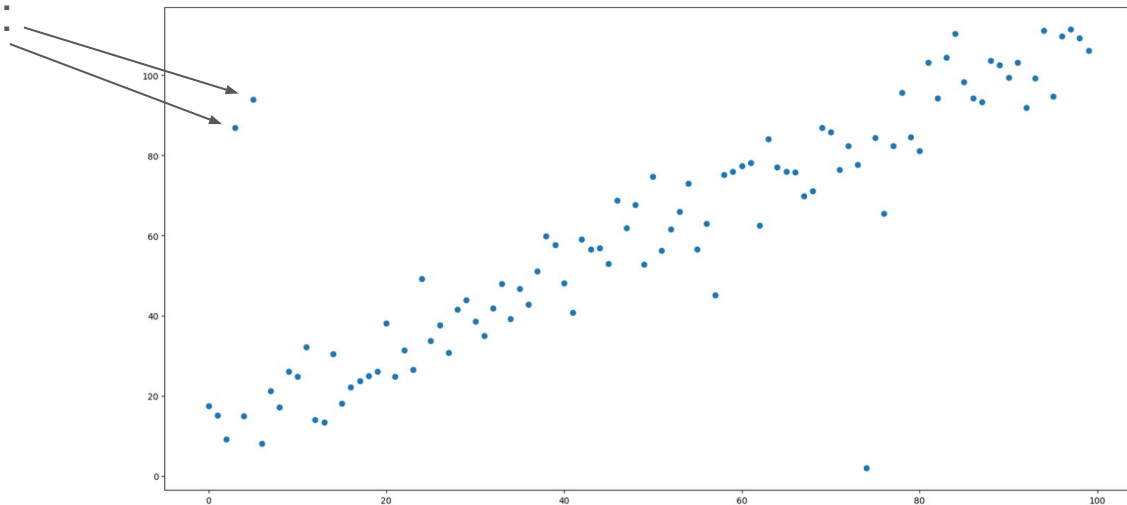


# Выбросы

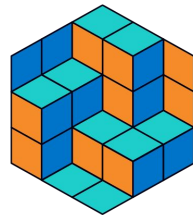


Такие штуки называются *выбросами* - они могут быть как в значениях, так и в параметрах.

В значениях - например вот:

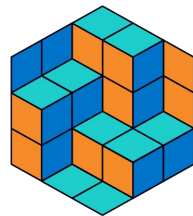


# Выбросы



Методы поиска выбросов:

- Квантили
- DBScan/K-Means, или другие *кластеризации*
- BoxPlot



# Выбросы

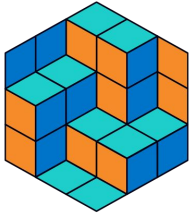
Методы поиска выбросов:

- Квантили
- DBScan/K-Means, или другие *кластеризации*
- BoxPlot

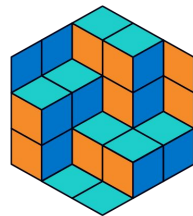
Что с ними делать?

- Удалить (почему нет)
- Заменить средним по выборке (не всегда хорошо)
- Заменить средним по окну (чуть получше, особенно в рядах)

## Метод 2. Генерация параметров



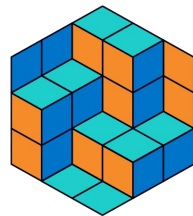
Помните как мы делали параметры в линейной регрессии? Как они назывались?



## Метод 2. Генерация параметров

Помните как мы делали параметры в линейной регрессии? Как они назывались? Верно, *экзогенные переменные*

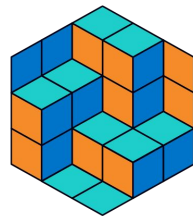
Можно просто добавлять их. А есть какие-то методы?



## Метод 2. Генерация параметров

Есть. Пусть у нас есть линейная регрессия  $y = pa + qb$ . Имеет ли смысл добавлять параметр  $(a+b)$ ?



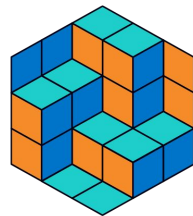


## Метод 2. Генерация параметров

Есть. Пусть у нас есть линейная регрессия  $y = pa + qb$ . Имеет ли смысл добавлять параметр  $(a+b)$ ?

Нет конечно, ведь  $y = pa + qb = p'a + q'b + u(a+b)$

А все потому что *линейные комбинации* и так строятся в линейной регрессии.



## Метод 2. Генерация параметров

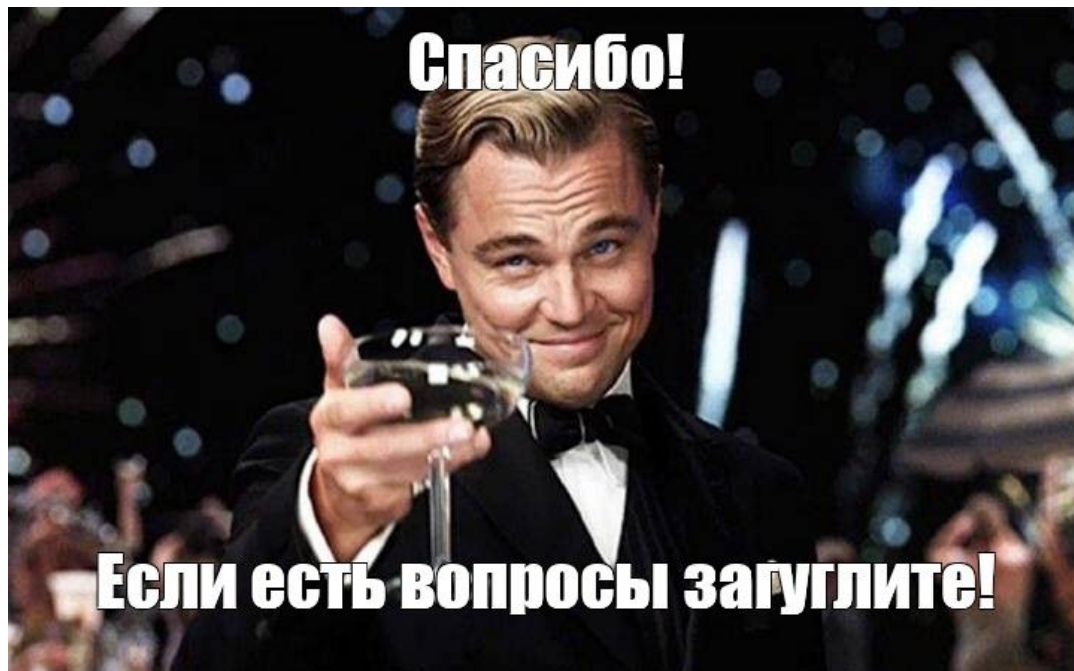
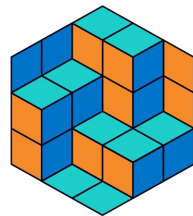
Есть. Пусть у нас есть линейная регрессия  $y = pa + qb$ . Имеет ли смысл добавлять параметр  $(a+b)$ ?

Нет конечно, ведь  $y = pa + qb = p'a + q'b + u(a+b)$

А все потому что *линейные комбинации* и так строятся в линейной регрессии.

Поэтому топ-стратегия - делать нелинейные комбинации —  $a*b$ ,  $a*a$ , и т.д.

Вопросы?



# Соревнование!!!

А теперь устроим соревнование:

- Нужна будет Практика 3
- Нужен бот в телеге - @sirius\_ts\_bot – через него сдаем ваши предсказания, там же смотрим топ!