R для тервера и матстата

Эконом РАНХиГС

16 мая 2019 г.

Сходимости случайных величин

юбопьрсч

Ещё задачи

Задача 1

- 1. Докажите, что последовательность случайных величин $X_n \sim \text{Binomial}\left(n, \frac{\lambda}{n}\right)$ сходится по распределению к распределению Пуассона с параметром λ .
- 2. Докажите, что последовательность случайных величин $X_n \sim \text{Geom}(\frac{\lambda}{n}), Y_n = \frac{1}{n} X_n$ сходится по распределению к экспоненциальному распределению с параметром λ .
- 3. Случайные величины $X_n \sim U[a;b]$. Пусть $Y_n = max(X_1,...,X_n)$. Покажите, что

$$n \cdot \frac{b - Y_n}{b - a} \xrightarrow{d} Exp(1)$$

Задача 2

Определите как (по распределению, по вероятности, в среднем) и к чему сходятся следущие последовательности случайных величин:

- 1. $X_n \sim U[0; \frac{1}{n}]$
- 2. $X_n \sim N(0, \frac{1}{n})$
- 3. $X_n \sim \text{Exp}\left(\frac{1}{n}\right)$
- 4. $X_n \sim Bern\left(\frac{1}{n}\right)$
- 5. $X_n \sim N(\frac{n-1}{n+1}, 9)$
- 6. $X_n \sim N\left(0, \frac{5+n}{n^2}\right)$
- 7. $X_n \sim N\left(\frac{n-8}{n^2+8}, \frac{n+1}{n-1}\right)$

8.
$$X_n \sim t(n)$$

9.
$$X_n = \frac{Y_n}{n}$$
, где $Y_n \sim \chi_n^2$

10.
$$X_n = \frac{Y_n}{n+5}$$
, где $Y_n \sim \chi_n^2$

11.
$$X_n = 2011 \cdot Y_n$$
, где $Y_n \sim F_{2011,n}$

12.
$$X_n = \frac{Y_n - n}{\sqrt{n}}$$
, где $Y_n \sim \chi_n^2$

Задача 3

Задача 4

Задача 5

Задача 6