

Министерство образования Республики Беларусь

Учреждение образования
БЕЛОРУССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
ИНФОРМАТИКИ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ

Факультет информационных технологий и управления
Кафедра интеллектуальных информационных технологий

ОТЧЁТ
по лабораторной работе №1
по дисциплине

ЛОГИЧЕСКИЕ ОСНОВЫ ИНТЕЛЛЕКТУАЛЬНЫХ
СИСТЕМ

Студент гр. 321703

Остров М.А.

Проверил:

В. П. Иващенко

Минск 2025

ХОД ВЫПОЛНЕНИЯ ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЫ

Вариант 3

Тема: Программирование операций обработки и преобразования формул прикладных и неклассических логик.

Цель: Приобрести навыки программирования алгоритмов обработки данных в неклассических логических моделях решения задач.

Задание: Реализовать прямой нечеткий логический вывод, используя треугольную норму граничного произведения и нечеткую импликацию Лукасевича.

Описание:

Задача заключается в написании алгоритма прямого нечеткого логического вывода, используя импликацию Лукасевича. Входом программы является файл, содержащий множество нечетких правил и фактов. Для реализации программы использовался язык программирования Python.

Были использованы следующие структуры данных:

- Список
- Множество
- Словарь
- Кортеж

Теоретические сведения:

Правило – формула, которой соответствует вычислимая операция над конечными последовательностями формул формального языка, которая позволяет от некоторого утверждения, называемого посылкой, перейти к новому утверждению, называемому заключением.

Прямой нечеткий логический вывод – композиция между двумя нечеткими предикатами, один из которых рассматривается как унарный (посылка), а второй бинарный (импликация фактов по заданному правилу).

Нечеткое высказывание – утверждение, в котором истинность оценивается с использованием степени принадлежности к нечеткому множеству.

Нечеткий предикат – это нечеткое множество, значения которого интерпретируются как значения истинности.

Нечеткая импликация нечетких высказываний - это операция, которая определяет отношение между двумя нечеткими высказываниями.

Формат базы знаний

```
<база знаний> ::= <список фактов>|<список правил><новая строка><список правил>
<список фактов> ::= <факт>|<факт><новая строка><список фактов>
<список правил> ::= <правило>|<правило><новая строка><список правил>
<факт> ::= <имя нечеткого предиката><равенство><нечёткое множество>
<правило> ::= <имя нечеткого предиката><нечеткая импликация><имя нечеткого предиката>.
<нечёткое множество> ::= <открывающаяся фигурная скобка><список пар нечеткой принадлежности><закрывающаяся фигурная скобка>
<список пар нечеткой принадлежности> ::= <пара нечеткой принадлежности>|<пара нечеткой принадлежности><запятая><список пар нечеткой принадлежности>
<пара нечеткой принадлежности> ::= <открывающаяся угловая скобка><элемент><запятая><степень принадлежности><закрывающаяся угловая скобка>
```

<имя нечеткого предиката>::= <имя><открывающаяся скобка><имя><закрывающаяся полукруглая скобка>
<элемент>::=<имя>
<имя>::=<буква>|<буква><символы>
<символы>::=<символ>|<символ><символы>
<степень принадлежности>::=<действительное число с 0 по 1>
<символы>::=<буква>|<цифра>
<множество>::=<ориентированное множество> |
<неориентированное множество>
<неориентированное множество>::={ <список элементов> }
<ориентированное множество>::=(<элемент>,<список элементов>)
<список элементов>::=<элемент> ,<элемент> ,<элемент>
<имя нечёткого множества>::=<имя>
<действительное число с 0 по 1>::=<единица>|<единица><точка><нули>|<действительное число с 0 до 1>
<действительное число с 0 до 1>::=<ноль>|<ноль><точка><цифры>
<нули>::=<ноль>|<ноль><нули>
<цифра>::=<цифра>|<цифра><цифры>
<символ>::=<буква>|<цифра>
<цифра>::=0|...|9
<буква>::=A|...|z
<единица>::= 1
<ноль>::= 0
<точка>::= .
<запятая>::= ,
<равенство>::= =
<нечеткая импликация>::= ~>
<открывающаяся угловая скобка>::= <
<закрывающаяся угловая скобка>::= >
<открывающаяся фигурная скобка>::= {
<закрывающаяся фигурная скобка>::= }
<открывающаяся полукруглая скобка>::= (
<закрывающаяся полукруглая скобка>::=)

Схемы функций программы:

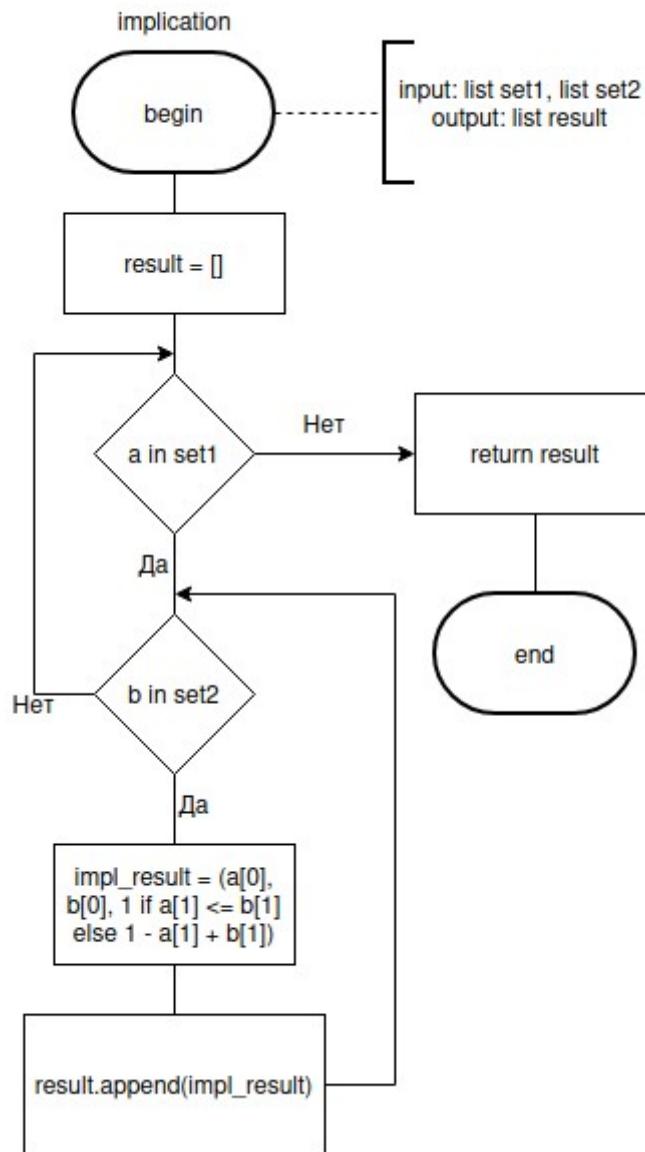


Рис. 1 Функция implication()

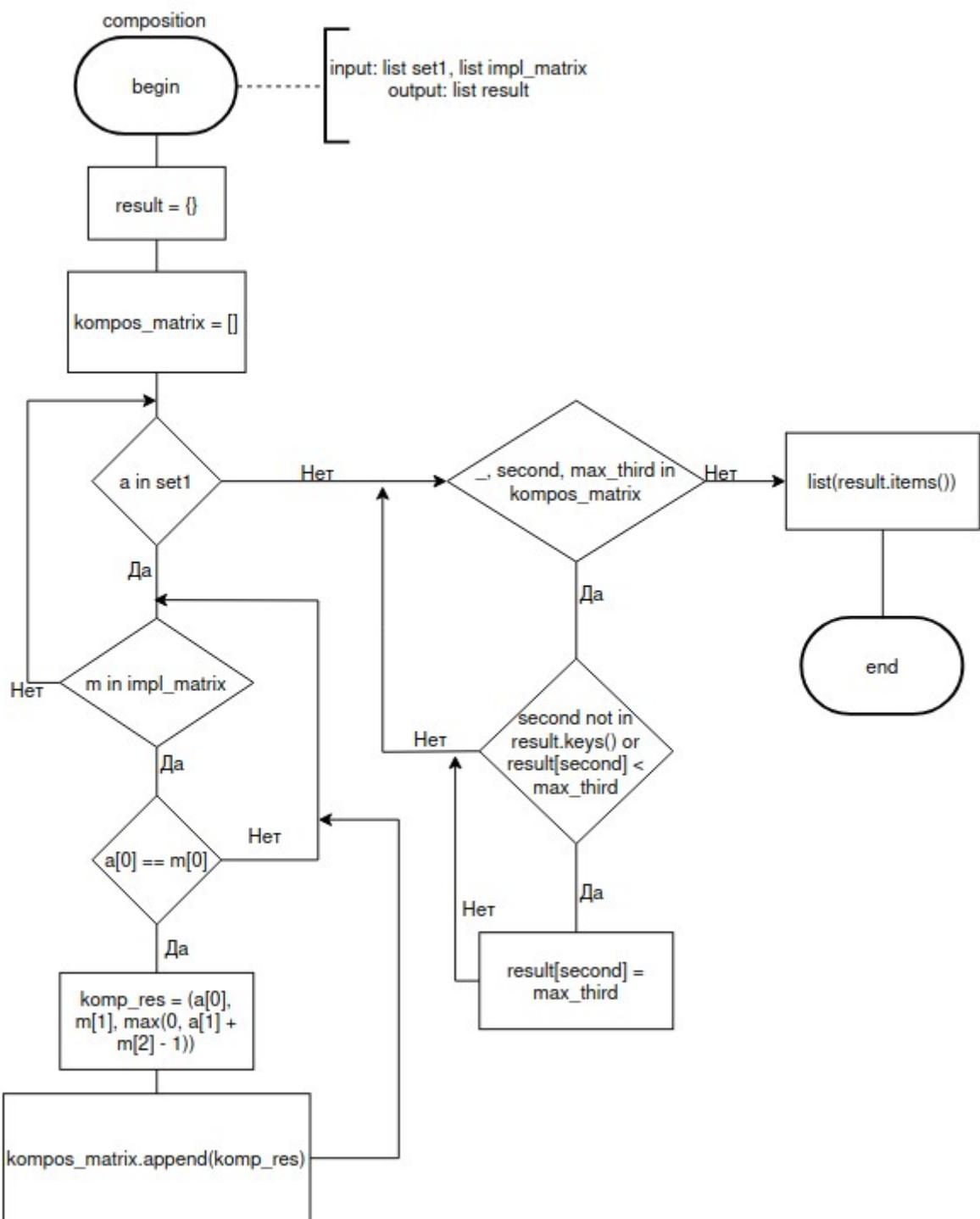


Рис. 2 Функция composition()

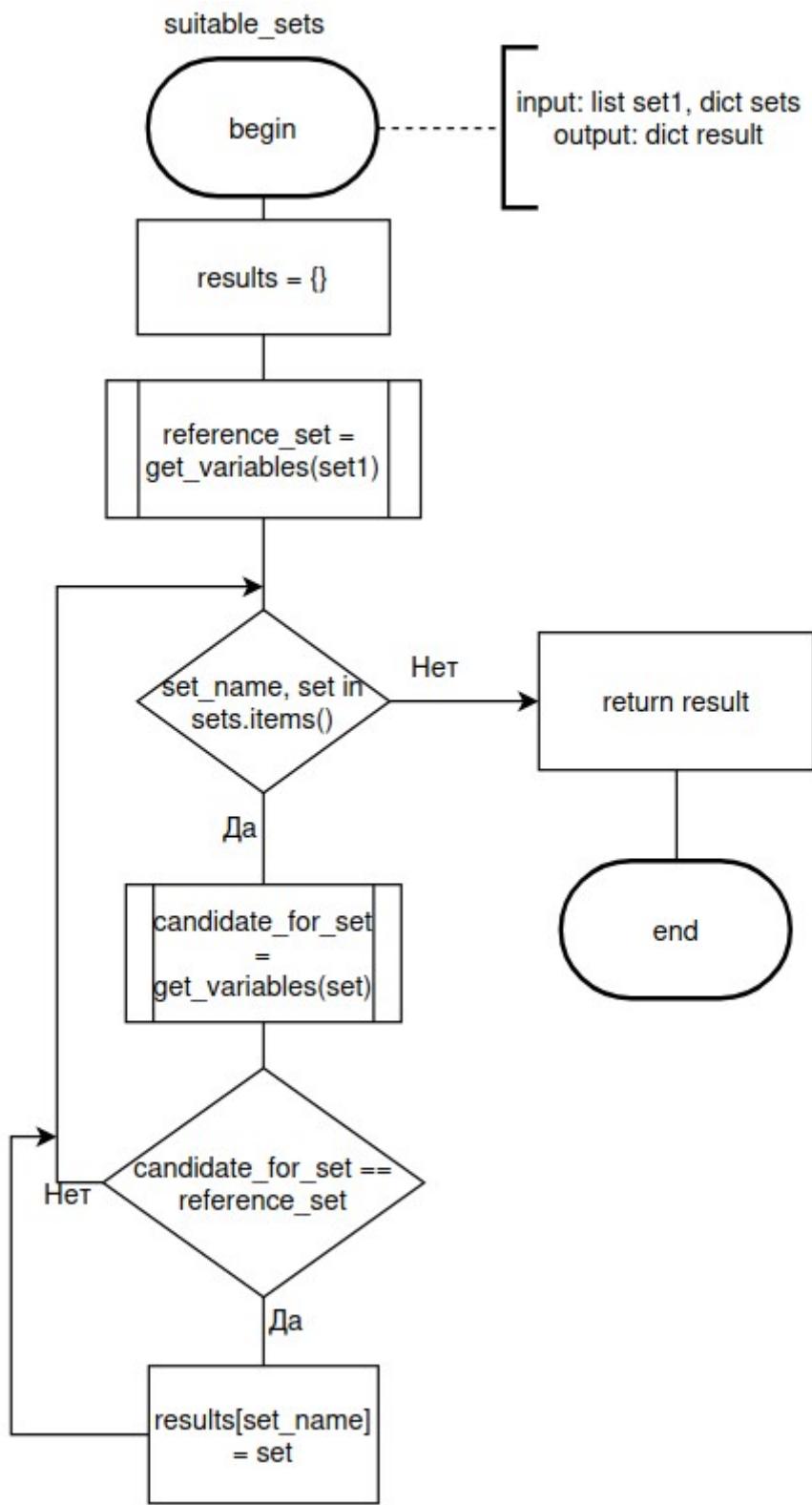


Рис. 3 Функция suitable_sets()

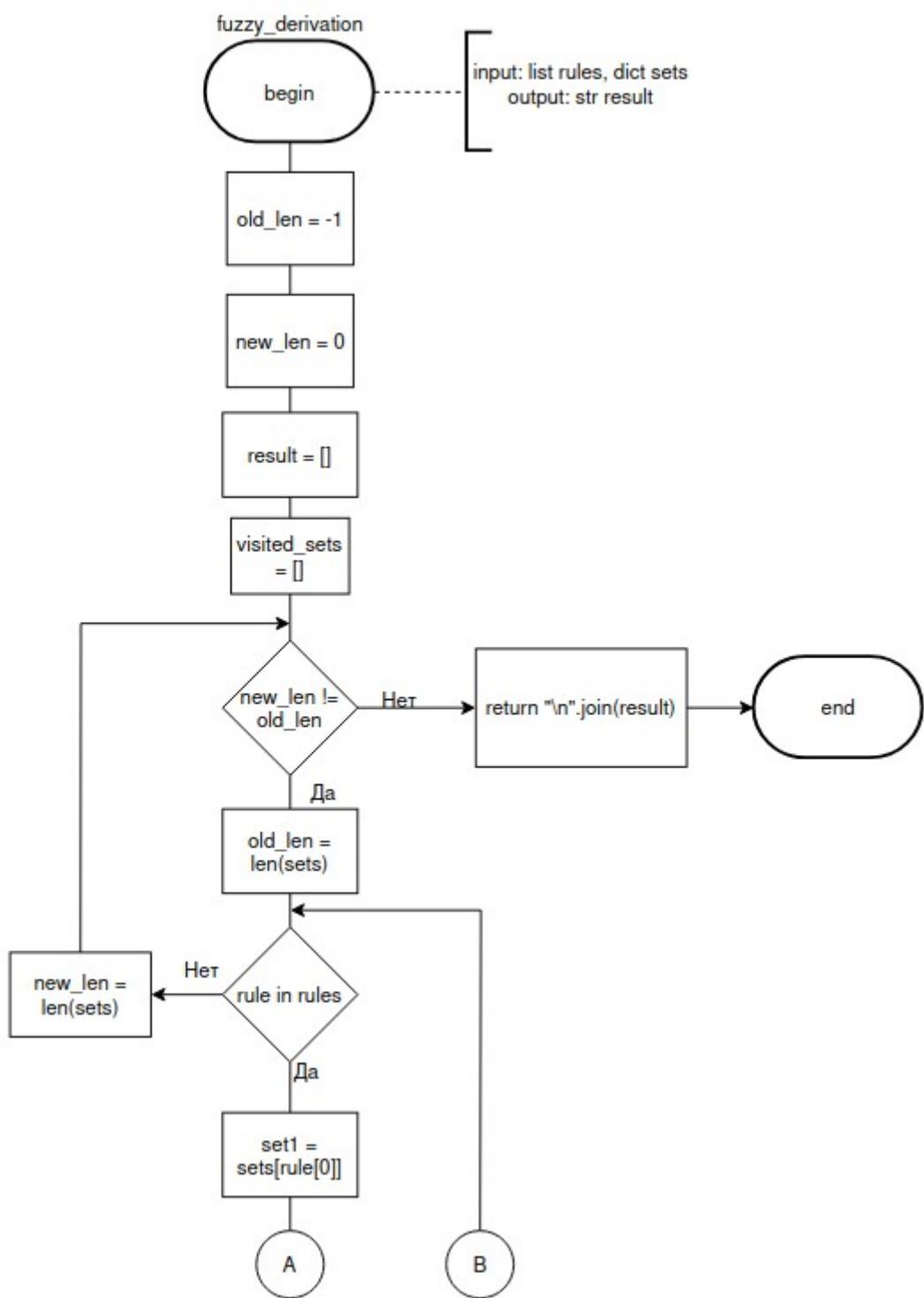


Рис. 4.1 Функция fuzzy_derivation()

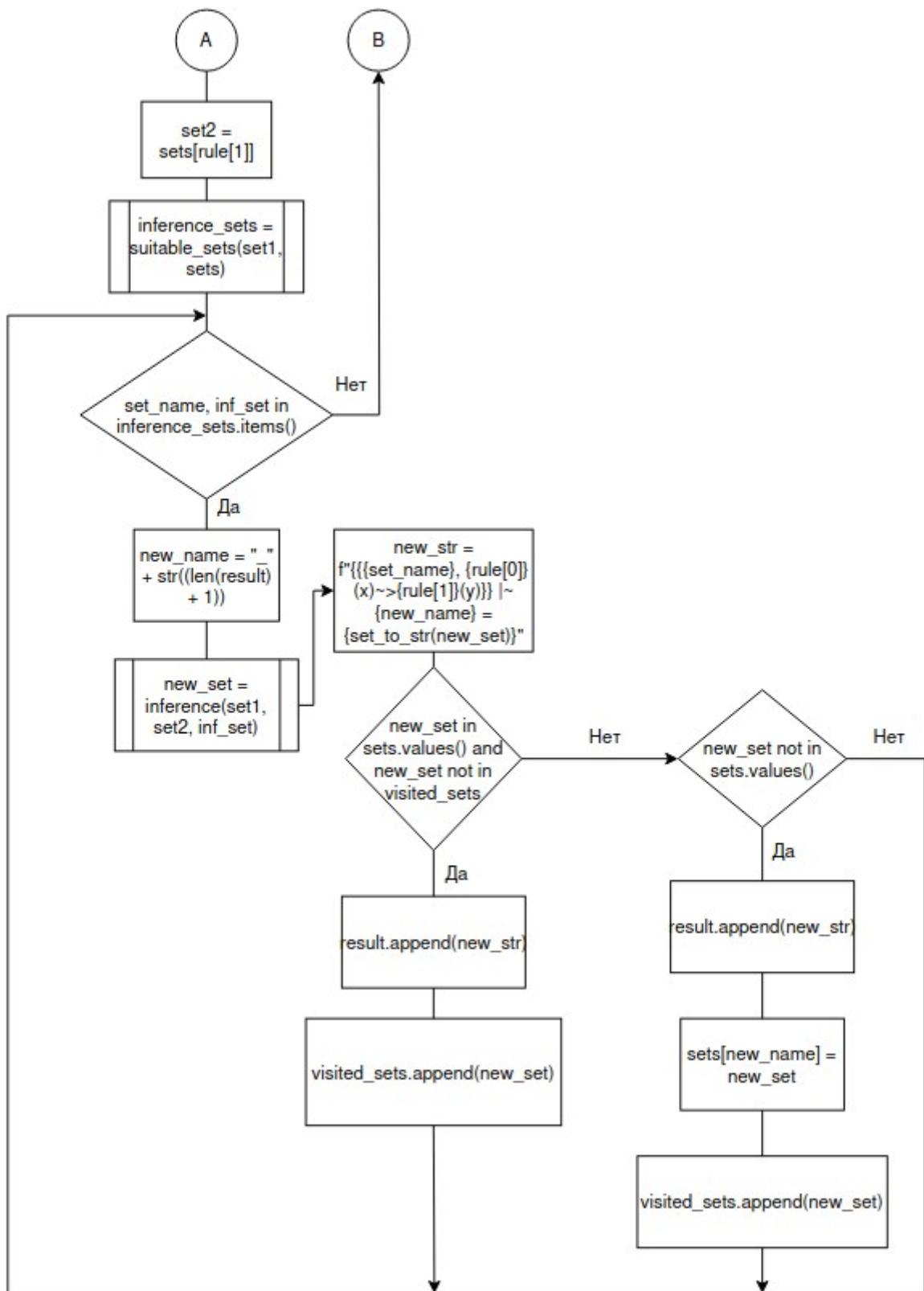


Рис. 4.2 Функция fuzzy_derivation()

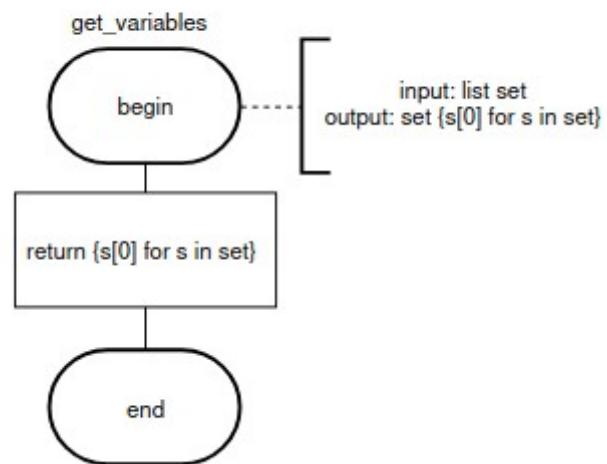


Рис. 5 Функция `get_variables()`

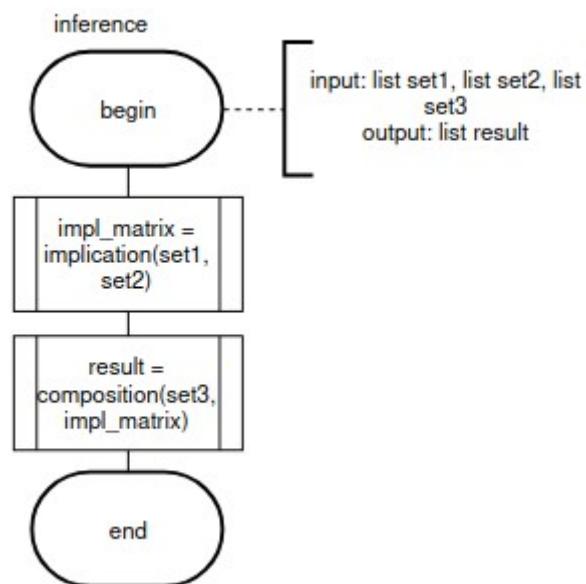


Рис. 6 Функция `inference()`

Демонстрация результатов работы программы

```
≡ fuzzy_input.txt
1   A = { <x1, 1>, <x2, 0.4>, <x3, 1>}
2   B = {<y1, 0.3>, <y2, 0.4>, <y3, 1>}
3   C = {<x1, 0.1>,  <x3,0.9>, <x2, 0>}
4
5   A(x) ~> B(y)
6
```

Рис. 7 Пример 1

```
.py"
{A, A(x)~>B(y)} |~ _1 = {<y1, 0.3>,<y2, 0.4>,<y3, 1.0>}
{C, A(x)~>B(y)} |~ _2 = {<y1, 0.2>,<y2, 0.3>,<y3, 0.9>}
(_venv) artem@artem-ASUS-TUF-Gaming-A15-FA507RE-FA507RE:~/Pyd
```

Рис. 8 Результат 1

```
≡ fuzzy_input.txt
1   A = { <x1, 1>, <x2, 0.4>, <x3, 1>}
2   B = {<y1, 0.3>, <y2, 0.4>, <y3, 1>}
3   C = {<x1, 0.1>,  <x3,0.9>, <x2, 0>}
4   D = {<z1, 0.8>,  <z2, 0.7>}
5
6   A(x) ~> B(y)
7   C(x) ~> A(y)
8   D(x) ~> B(y)
```

Рис. 9 Пример 2

```
.py"
{A, A(x)~>B(y)} |~ _1 = {<y1, 0.3>,<y2, 0.4>,<y3, 1.0>}
{C, A(x)~>B(y)} |~ _2 = {<y1, 0.2>,<y2, 0.3>,<y3, 0.9>}
{A, C(x)~>A(y)} |~ _3 = {<x1, 1.0>,<x2, 1.0>,<x3, 1.0>}
{C, C(x)~>A(y)} |~ _4 = {<x1, 0.9>,<x2, 0.4>,<x3, 0.9>}
{D, D(x)~>B(y)} |~ _5 = {<y1, 0.3>,<y2, 0.4>,<y3, 0.8>}
{_3, A(x)~>B(y)} |~ _6 = {<y1, 0.9>,<y2, 1.0>,<y3, 1.0>}
{_4, A(x)~>B(y)} |~ _7 = {<y1, 0.3>,<y2, 0.4>,<y3, 0.9>}
{_4, C(x)~>A(y)} |~ _8 = {<x1, 0.9>,<x2, 0.9>,<x3, 0.9>}
{_8, A(x)~>B(y)} |~ _9 = {<y1, 0.8>,<y2, 0.9>,<y3, 0.9>}
(_venv) artem@artem-ASUS-TUF-Gaming-A15-FA507RE-FA507RE:~
```

Рис. 10 Результат 2

```
≡ fuzzy_input.txt
1   A = { <x1, 1>, <x1, 0.2>, <x3, 1>}
2   B = {<y1, 0.3>, <y2, 0.4>, <y3, 1>}
3   C = {<x1, 0.1>,  <x3,0.9>, <x2, 0>}
4
5   A(x) ~> B(y)
6   C(x) ~> A(y)
7
8
```

Рис. 11 Пример 3

```
.py
{A, A(x)~>B(y)} |~ _1 = {<y1, 0.3>, <y2, 0.4>, <y3, 1.0>}
{C, C(x)~>A(y)} |~ _2 = {<x1, 0.2>, <x3, 0.9>}
{_2, A(x)~>B(y)} |~ _3 = {<y1, 0.2>, <y2, 0.3>, <y3, 0.9>}
```

Рис. 12 Результат 3

Ответы на вопросы:

- 1. при каких $A'(x)$ можно получить субнормальное нечеткое множество $B'(y)$ когда посылка и заключение нечеткой импликации являются нормальными нечеткими множествами.**

Ответ: $B'(y)$ субнормально, когда $A'(x)$ субнормально во всех точках x , где значения принадлежности $A(x)$ и $B(y)$ максимальны (рис.13)

```
39  A = {<x1, 1>, <x2, 1>}
40  B = {<y1, 1>, <y2, 1>}
41
42  X = {<x1, 0.6>, <x2, 0.8>}
43
44  A(x) ~> B(y)

PROBLEMS    OUTPUT    DEBUG CONSOLE    TERMINAL    PORTS

(.venv) artem@artem-ASUS-TUF-Gaming-A15-FA507RE-
{A, A(x)~>B(y)} |~ _1 = {<y1, 1.0>, <y2, 1.0>}
{X, A(x)~>B(y)} |~ _2 = {<y1, 0.8>, <y2, 0.8>}
```

Рис. 13 Ответ на вопрос 1

- 2. при каких $A'(x)$ можно получить нормальное нечеткое множество $B'(y)$ когда посылка и заключение нечеткой импликации являются субнормальными нечеткими множествами**

Ответ: Для получения нормального $B'(y)$ необходимо и достаточно, чтобы высота $A'(x)$ была равна 1 и нашлась такая точка x со степенью принадлежности 1, где значение принадлежности посылки $A(x)$ не превосходит значения заключения $B(y)$ для некоторого y (рис.14)

```
38
39  A = {<x1, 0.3>, <x2, 0.8>}
40  B = {<y1, 0.1>, <y2, 0.9>}
41
42  X = {<x1, 0.6>, <x2, 1>}
43
44  A(x) ~> B(y)

PROBLEMS    OUTPUT    DEBUG CONSOLE    TERMINAL    PORTS

(.venv) artem@artem-ASUS-TUF-Gaming-A15-FA507RE-
{A, A(x)~>B(y)} |~ _1 = {<y1, 0.1>, <y2, 0.8>}
{X, A(x)~>B(y)} |~ _2 = {<y1, 0.4>, <y2, 1.0>}
```

Рис. 14 Ответ на вопрос 2

3. можно ли получить $B'(y) = B(y)$ когда посылка и заключения нормальные?

Ответ: Такое возможно только в одном частном случае: если $A'(x)=A(x)$ (рис.15)

```
37
38     A = {<x1, 1>, <x2, 0.8>}
39     B = {<y1, 1>, <y2, 0.5>}
40
41     X = {<x1, 1>, <x2, 0.8>}
42
43     A(x) ~> B(y)

PROBLEMS    OUTPUT    DEBUG CONSOLE    TERMINAL    PORTS

(.venv) artem@artem-ASUS-TUF-Gaming-A15-FA507RE-
(.venv) artem@artem-ASUS-TUF-Gaming-A15-FA507RE-
{A, A(x)~>B(y)} |~ _1 = {<y1, 1.0>,<y2, 0.5>}
(.venv) artem@artem-ASUS-TUF-Gaming-A15-FA507RE-
```

Рис. 15 Ответ на вопрос 3

4. можно ли получить $B'(y) = B(y)$ когда посылка и заключения субнормальные?

Ответ: Да, получить $B'(y) = B(y)$ при субнормальных посылке и заключении можно в частном случае, если $A'(x) = A(x)$ (рис.16)

```
39
40     A = {<x1, 0.1>, <x2, 0.8>}
41     B = {<y1, 0.5>, <y2, 0.5>}
42
43     X = {<x1, 0.1>, <x2, 0.8>}
44
45     A(x) ~> B(y)

PROBLEMS    OUTPUT    DEBUG CONSOLE    TERMINAL    PORTS

(.venv) artem@artem-ASUS-TUF-Gaming-A15-FA507RE-
{A, A(x)~>B(y)} |~ _1 = {<y1, 0.5>,<y2, 0.5>}
(.venv) artem@artem-ASUS-TUF-Gaming-A15-FA507RE-
```

Рис. 16 Ответ на вопрос 4

5.можно ли получить $B'(y)= B(y)$ когда посылка нормальное нечеткое множество а заключение субнормальное?

Ответ: Да, если $A'(x) = A(x)$ (рис.17)

```
39
40     A = {<x1, 1>, <x2, 0.8>}
41     B = {<y1, 0.5>, <y2, 0.5>}
42
43     X = {<x1, 1>, <x2, 0.8>} |
44
45     A(x) ~> B(y)

PROBLEMS    OUTPUT    DEBUG CONSOLE    TERMINAL    PORTS

(.venv) artem@artem-ASUS-TUF-Gaming-A15-FA507RE-
{A, A(x)~>B(y)} |~ _1 = {<y1, 0.5>,<y2, 0.5>}
(.venv) artem@artem-ASUS-TUF-Gaming-A15-FA507RE-
```

Рис. 17 Ответ на вопрос 5

6. можно ли получить $B'(y) = B(y)$ когда посылка субнормальное нечеткое множество а заключение нормальное?

Ответ: Нет, поскольку максимальное значение $B'(y)$ будет ограничено максимальным значением принадлежности $A(x)$, которое меньше 1, а $B(y)$ достигает 1. (рис.18)

```
35
40     A = {<x1, 0.1>, <x2, 0.8>}
41     B = {<y1, 1>, <y2, 0.5>}
42
43     X = {<x1, 0.1>, <x2, 0.8>}
44
45     A(x) ~> B(y)

PROBLEMS    OUTPUT    DEBUG CONSOLE    TERMINAL    PORTS
(.venv) artem@artem-ASUS-TUF-Gaming-A15-EA507RE:~
```

```
{A, A(x)~>B(y)} |~ _1 = {<y1, 0.8>,<y2, 0.5>}
```

Рис. 18 Ответ на вопрос 6

ЛИЧНЫЙ ВКЛАД

В ходе выполнения данной лабораторной работы сделал отчёт с результатами выполнения программы

ВЫВОД

В процессе выполнения лабораторной работы, мы получили навыки реализации нечёткой логики, а именно прямого нечёткого логического вывода при помощи программирования. В рамках данной работы были разработаны модули, отвечающие за анализ исходного текста базы знаний, а также непосредственно алгоритм прямого нечёткого логического вывода. При помощи разработанного программного продукта нам удалось построить корректные выводы для нескольких случаев, а также дать ответы на контрольные вопросы, прилагающиеся к лабораторной работе.

Теоретические сведения были взяты из следующих источников:

1. Логические основы интеллектуальных систем. Практикум: учебно-методическое пособие / В. В. Голенков, В. П. Иващенко, Д. Г. Колб, К. А. Уваров. – Минск: БГУИР, 2011.
2. <https://github.com/rastsislaux>