

Реализация алгоритма включения элемента в сбалансированное дерево:

```
Procedure Search(x : integer; var Q : P_tr; var H : boolean);
Var
  Q1, Q2 : P_tr;  //H - false
Begin
  if Q = Nil
  then begin
    New (Q); H := true;
    with Q^ do begin
      key := x; count := 1;
      left := Nil; right := Nil;
      bal := 0;
    end;
  end
else
  if x < Q^.key
  then begin
    search (x, Q^.left, H); //выросла левая ветвь
    if H then //если высота увеличилась
      case Q^.bal of
        1 : begin Q^.bal := 0; H := false; end;
        0 : Q^.bal := -1;
        -1 : begin //балансировка
          Q1 := Q^.left;
          if Q1^.bal = -1
          then begin //однократный LL-поворот
            Q^.left := Q1^.right;
            Q1^.right := Q;
            Q^.bal := 0; Q := Q1;
          end
          else begin //двукратный LR-поворот
            Q2 := Q1^.right;
            Q1^.right := Q2^.left; Q2^.left := Q1;
            Q^.left := Q2^.right; Q2^.right := Q;
            if Q2^.bal = -1 then Q^.bal := 1
              else Q^.bal := 0;
            if Q2^.bal = 1 then Q1^.bal := -1
              else Q1^.bal := 0;
            Q := Q2;
          end;
          Q^.bal := 0; H := false;
        end
      end
    end //балансировка
  end //case
  end //if x < Q^.key
else
  if x > Q^.key
  then begin
    search (x, Q^.right, H); //выросла правая ветвь
    if H then //если высота увеличилась
      case Q^.bal of
        -1 : begin Q^.bal := 0; H := false; end;
        0 : Q^.bal := 1;
        1 : begin //балансировка
          Q1 := Q^.right;
          if Q1^.bal = 1
          then begin //однократный RR-поворот
            Q^.right := Q1^.left;
            Q1^.left := Q;
            Q^.bal := 0; Q := Q1;
          end
          else begin //двукратный RL-поворот
            Q2 := Q1^.left;
```

```

        Q1^.left := Q2^.right; Q2^.right := Q1;
        Q^.right := Q2^.left;
        Q2^.left := Q;
        if Q2^.bal = 1 then Q^.bal := -1
            else Q^.bal := 0;
        if Q2^.bal = -1 then Q1^.bal := 1;
            else Q1^.bal := 0;
        Q := Q2;
        end;
        Q^.bal := 0; H := false;
    end //балансировка
end //case}
end //if x > Q^.key
else
    Q^.count := Q^.count + 1;

```

End;

Реализация алгоритма удаления элемента из сбалансированного дерева:

```

Procedure L_Balance(var Q : P_Tr; var H : boolean);
    //H = true, левая ветвь стала короче
Var
    Q1, Q2 : P_tr;
    B1, B2 : -1..1;
Begin
    case Q^.bal of
        -1 : Q^.bal := 0;
        0 : begin Q^.bal := 1; H := false; end;
        1 : begin //балансировка
            Q1 := Q^.right; B1 := Q1^.bal;
            if B1 >= 0
            then begin //однократный RR-поворот
                Q^.right := Q1^.left; Q1^.left := Q;
                if B1 = 0
                then begin
                    Q^.bal := 1; Q1^.bal := -1;
                    H := false;
                end
                else begin
                    Q^.bal := 0; Q1^.bal := 0;
                end;
                Q := Q1;
            end
            else begin //двукратный RL-поворот
                Q2 := Q1^.left; B2 := Q2^.bal;
                Q1^.left := Q2^.right;
                Q2^.right := Q1;
                Q^.right := Q2^.left; Q2^.left := Q;
                if B2 = 1 then Q^.bal := -1
                    else Q^.bal := 0;
                if B2 = -1 then Q1^.bal := 1;
                    else Q1^.bal := 0;
                Q := Q2; Q2^.bal := 0;
            end;
        end; //балансировка
    end; //case
End; //L_balance

```

```

{_____}
  Procedure R_Balance(var Q : P_Tr; var H : boolean);
    //H = true, правая ветвь стала короче
  Var
    Q1, Q2 : P_tr;
    B1, B2 : -1..1;
  Begin
    case Q^.bal of
      1 : Q^.bal := 0;
      0 : begin Q^.bal := -1; H := false; end;
      -1 : begin //балансировка
        Q1 := Q^.left; B1 := Q1^.bal;
        if B1 <= 0
        then begin //однократный LL-поворот
          Q^.left := Q1^.right;
          Q1^.right := Q;
          if B1 = 0
          then begin
            Q^.bal := -1;
            Q1^.bal := 1;
            H := false;
          end
          else begin
            Q^.bal := 0; Q1^.bal := 0;
          end;
          Q := Q1;
        end
        else begin //двукратный LR-поворот
          Q2 := Q1^.right; B2 := Q2^.bal;
          Q1^.right := Q2^.left;
          Q2^.left := Q1;
          Q^.left := Q2^.right;
          Q2^.right := Q;
          if B2 = -1 then Q^.bal := 1
            else Q^.bal := 0;
          if B2 = 1 then Q1^.bal := -1;
            else Q1^.bal := 0;
          Q := Q2; Q2^.bal := 0;
        end;
      end; //балансировка
    end; //case
  End; //R_balance

  Procedure Delete(x : integer; var Q : P_tr; var H : boolean);
    Var
      P : P_Tr; {H = false}
    {_____}
  Procedure Del (var R : P_Tr; var H : boolean);
    //H = false
  Begin
    if R^.right <> Nil
    then begin
      Del(R^.right, H);
      if H then R_Balance(R, H);
    end
    else begin
      P^.key := R^.key;
      P^.count := R^.count;
      P:=R;
      R := R^.left;
      H := true;
    end;
  End;

```

```

    End;      //Del
  }
  Begin
    if Q = Nil
    then begin
      writeln ('дерево пусто. ');
      H := false;
    end
    else
      if x < Q^.key
      then begin
        Delete (x, Q^.left, H);
        if H then L_Balance (Q, H);
      end
      else
        if x > Q^.key
        then begin
          Delete (x, Q^.right, H);
          if H then R_Balance (Q, H);
        end
        else begin      //удаление Q^
          P := Q;
          if P^.right = Nil
          then begin
            Q := P^.left;  H := true;
          end
          else
            if P^.left = Nil
            then begin
              Q := P^.right; H := true;
            end
            else begin
              Del (P^.left, H);
              if H then L_Balance(Q, H);
            end;
          end;
        end;
      end;
    End; //Delete
  End;

```

Д.Э. Кнут т 3 «Сортировка и поиск» стр 492-510 – алгоритм и реализация на С